

# Παραδοτέο 1

Μάθημα: Ανάπτυξη Λογισμικού για Πληροφοριακά Συστήματα

Μέλη Ομάδας:

Ραμαντάν Κονόμι - ΑΜ: 1115201800281

Θεμιστοκλής Παπαθεοφάνους - ΑΜ: 1115202100227

Μάριος Γιαννόπουλος - ΑΜ: 1115202000032

## Πίνακας Περιεχομένων

1.	HopscotchTable .....	2
2.	Δομές Δεδομένων .....	2
3.	Συναρτήσεις Κατακερματισμού .....	2
4.	RobinHoodTable .....	2
5.	Δομές Δεδομένων .....	2
6.	Συναρτήσεις Κατακερματισμού .....	2
7.	CuckooTable .....	2
8.	Δομές Δεδομένων .....	2
8.1.	CuckooBucket .....	3
8.2.	Πίνακες και Χωρητικότητα .....	3
9.	Συναρτήσεις Κατακερματισμού .....	3
9.1.	Συνάρτηση h1 .....	3
9.2.	Συνάρτηση h2 .....	3
10.	Μηχανισμός Εισαγωγής (The Kick Process) .....	4
11.	CuckooTable .....	4
12.	Δομές Δεδομένων .....	4
12.1.	CuckooBucket .....	4
12.2.	Πίνακες και Χωρητικότητα .....	5
13.	Συναρτήσεις Κατακερματισμού .....	5
13.1.	Συνάρτηση h1 .....	5
13.2.	Συνάρτηση h2 .....	5
14.	Μηχανισμός Εισαγωγής (The Kick Process) .....	5
14.1.	Βήματα Εισαγωγής .....	5
14.2.	Όριο Εκτοπίσεων (MAX_KICKS) .....	6
15.	Ανακατακερματισμός (Rehash) .....	6
15.1.	Συνθήκη Ανακατακερματισμού .....	6
15.2.	Διαδικασία .....	6
16.	Αναζήτηση (Search) .....	6

Ανάλυση της Κλάσης **HopscotchTable**

## **HopscotchTable**

### **Δομές Δεδομένων**

### **Συναρτήσεις Κατακερματισμού**

Ανάλυση της Κλάσης **RobinHoodTable**

## **RobinHoodTable**

### **Δομές Δεδομένων**

### **Συναρτήσεις Κατακερματισμού**

Ανάλυση της Κλάσης **CuckooTable**

## **CuckooTable**

Η κλάση **CuckooTable<Key>** υλοποιεί τον αλγόριθμο Κατακερματισμού Cuckoo (Cuckoo Hashing), μια προηγμένη τεχνική κατακερματισμού που εγγυάται σταθερό χρόνο αναζήτησης  $O(1)$  στην **χειρότερη περίπτωση**. Η υλοποίηση είναι βελτιστοποιημένη για αποδοτικότητα μνήμης και χρυφής μνήμης (Cache Efficiency), χρησιμοποιώντας έναν **μηχανισμό κοινόχρηστης αποθήκευσης** για πολλαπλές τιμές και **inline value optimization** για μοναδικές τιμές. Σε αντίθεση με τις μεθόδους ανοικτής διευθυνσιοδότησης που βασίζονται σε chaining ή γραμμική διερεύνηση (linear probing), το Cuckoo Hashing χρησιμοποιεί δύο πίνακες και δύο συναρτήσεις κατακερματισμού για να εξασφαλίσει ότι κάθε στοιχείο βρίσκεται ακριβώς σε μία από τις δύο πιλανές θέσεις του.

### **Δομές Δεδομένων**

Ο πίνακας Cuckoo αποτελείται από δύο πίνακες, **table1** και **table2**, ίσου **capacity**. Επιπλέον, χρησιμοποιεί κοινόχρηστη αποθήκευση για τις τιμές:

**value\_store:** Αποθηκεύει τις τιμές (indices/items) που σχετίζονται με τα κλειδιά. **segments:** Αποθηκεύει τους δείκτες για την πρόσβαση σε πολλαπλές τιμές εντός του value\_store.

## CuckooBucket

Κάθε θέση στους πίνακες περιέχει ένα CuckooBucket, το οποίο αντικαθιστά την ανάγκη για std::optional μέσω του πεδίου occupied. Η δομή αυτή υποστηρίζει την inline βελτιστοποίηση:

```
template<typename Key>
struct CuckooBucket {
    Key key;
    uint32_t first_segment; // Δείκτης για την αλυσίδα στοιχείων στο value_store (αν count > 1)
    uint32_t last_segment; // Αποθηκεύει την τιμή (item) αν count = 1 (inline optimization)
    uint16_t count;        // Πλήθος τιμών
    bool occupied;         // Αντικαθιστά το std::optional
};
```

## Πίνακες και Χωρητικότητα

Ο πίνακας διαχειρίζεται δύο εσωτερικούς πίνακες table1 και table2, καθένας με χωρητικότητα capacity.

```
std::vector<CuckooBucket<Key>> table1; // Χρήση CuckooBucket, όχι std::optional
std::vector<CuckooBucket<Key>> table2;
size_t capacity;
```

## Συναρτήσεις Κατακερματισμού

Χρησιμοποιούνται δύο ανεξάρτητες συναρτήσεις κατακερματισμού, h1 και h2, για την αντιστοίχιση ενός κλειδιού σε μια θέση στους table1 και table2 αντίστοιχα.

### Συνάρτηση h1

H h1 είναι η τυπική συνάρτηση κατακερματισμού, χρησιμοποιώντας την std::hash.

```
size_t h1(const Key& key) const {
    return key_hasher(key) % capacity;
}
```

### Συνάρτηση h2

H h2 προκύπτει από μια απλή κυκλική μετατόπιση (rotation) του αρχικού hash value, εξασφαλίζοντας μια δεύτερη, ανεξάρτητη διεύθυνση.

```
size_t h2(const Key& key) const {
    size_t h = key_hasher(key);
```

```

    // Κυκλική μετατόπιση αριστερά (e.g., κατά 1 bit)
    return ((h << 1) | (h >> (sizeof(size_t) * 8 - 1))) % capacity;
}

```

## Μηχανισμός Εισαγωγής (The Kick Process)

Η εισαγωγή ενός νέου στοιχείου γίνεται μέσω της διαδικασίας «εκτόπισης» (kicking) που υλοποιείται στη μέθοδο `insert_internal`.

Ανάλυση της Κλάσης `CuckooTable`

## `CuckooTable`

Η κλάση `CuckooTable<Key>` υλοποιεί τον αλγόριθμο Κατακερματισμού Cuckoo (Cuckoo Hashing), μια προηγμένη τεχνική κατακερματισμού που εγγυάται σταθερό χρόνο αναζήτησης  $O(1)$  στην **χειρότερη** περίπτωση. Η υλοποίηση είναι βελτιστοποιημένη για αποδοτικότητα μνήμης και χρυφής μνήμης (Cache Efficiency), χρησιμοποιώντας έναν **μηχανισμό κοινόχρηστης αποθήκευσης** για πολλαπλές τιμές και **inline value optimization** για μοναδικές τιμές. Σε αντίθεση με τις μεθόδους ανοικτής διευθυνσιοδότησης που βασίζονται σε chaining ή γραμμική διερεύνηση (linear probing), το Cuckoo Hashing χρησιμοποιεί δύο πίνακες και δύο συναρτήσεις κατακερματισμού για να εξασφαλίσει ότι κάθε στοιχείο βρίσκεται ακριβώς σε μία από τις δύο πιθανές θέσεις του.

## Δομές Δεδομένων

Ο πίνακας Cuckoo αποτελείται από δύο πίνακες, `table1` και `table2`, ίσου `capacity`. Επιπλέον, χρησιμοποιεί κοινόχρηστη αποθήκευση για τις τιμές:

**value\_store:** Αποθηκεύει τις τιμές (indices/items) που σχετίζονται με τα κλειδιά. **segments:** Αποθηκεύει τους δείκτες για την πρόσβαση σε πολλαπλές τιμές εντός του `value_store`.

## `CuckooBucket`

Κάθε θέση στους πίνακες περιέχει ένα `CuckooBucket`, το οποίο αντικαθιστά την ανάγκη για `std::optional` μέσω του πεδίου `occupied`. Η δομή αυτή υποστηρίζει την `inline` βελτιστοποίηση:

```

template<typename Key>
struct CuckooBucket {
    Key key;
    uint32_t first_segment; // Δείκτης για την αλυσίδα στοιχείων στο value_store (αν count > 1)
    uint32_t last_segment; // Αποθηκεύει την τιμή (item) αν count = 1 (inline optimization)
    uint16_t count;        // Πλήθος τιμών
    bool occupied;         // Αντικαθιστά το std::optional
};

```

## Πίνακες και Χωρητικότητα

Ο πίνακας διαχειρίζεται δύο εσωτερικούς πίνακες `table1` και `table2`, καθένας με χωρητικότητα `capacity`.

```
std::vector<CuckooBucket<Key>> table1; // Χρήση CuckooBucket, όχι std::optional  
std::vector<CuckooBucket<Key>> table2;  
size_t capacity;
```

## Συναρτήσεις Κατακερματισμού

Χρησιμοποιούνται δύο ανεξάρτητες συναρτήσεις κατακερματισμού, `h1` και `h2`, για την αντιστοίχιση ενός κλειδιού σε μια θέση στους `table1` και `table2` αντίστοιχα.

### Συνάρτηση `h1`

Η `h1` είναι η τυπική συνάρτηση κατακερματισμού, χρησιμοποιώντας την `std::hash`.

```
size_t h1(const Key& key) const {  
    return key_hasher(key) % capacity;  
}
```

### Συνάρτηση `h2`

Η `h2` προκύπτει από μια απλή κυκλική μετατόπιση (rotation) του αρχικού hash value, εξασφαλίζοντας μια δεύτερη, ανεξάρτητη διεύθυνση.

```
size_t h2(const Key& key) const {  
    size_t h = key_hasher(key);  
    // Κυκλική μετατόπιση αριστερά (e.g., κατά 1 bit)  
    return ((h << 1) | (h >> (sizeof(size_t) * 8 - 1))) % capacity;  
}
```

## Μηχανισμός Εισαγωγής (The Kick Process)

Η εισαγωγή ενός νέου στοιχείου γίνεται μέσω της διαδικασίας «εκτόπισης» (kicking) που υλοποιείται στη μέθοδο `insert_internal`.

### Βήματα Εισαγωγής

Η διαδικασία εισαγωγής ακολουθεί τους εξής κανόνες:

- Έλεγχος Υπάρχοντος:** Πριν την εκτόπιση, ελέγχεται αν το κλειδί υπάρχει ήδη στις δύο πιθανές θέσεις του. Αν ναι, η νέα τιμή **απλώς προστίθεται** στο υπάρχον CuckooBucket (μέσω της `insert_duplicate`).
- Ανταλλαγή/Εκτόπιση (Kick):** Εάν η θέση προορισμού είναι κατειλημμένη, το νέο στοιχείο εισάγεται και το υπάρχον στοιχείο εκτοπίζεται. Η ανταλλαγή πραγματοποιείται με

την `std::swap(bucket, table[idx])`, όπου η μεταβλητή `bucket` περιέχει πάντα το στοιχείο που είναι «στον αέρα».

- **Μετάβαση:** Το εκτοπισμένο στοιχείο αναζητά την εναλλακτική του θέση στον άλλο πίνακα (από `h1` σε `h2` και αντίστροφα).

Η διαδικασία αυτή συνεχίζεται έως ότου βρεθεί μια κενή θέση.

## Όριο Εκτοπίσεων (MAX\_KICKS)

Για να αποφευχθεί ο ατέρμονος βρόχος (cycle) που μπορεί να προκληθεί από την κυκλική εκτόπιση στοιχείων, η υλοποίηση θέτει ένα όριο `MAX_KICKS` (σταθερά 500). Αν το όριο αυτό ξεπεραστεί, θεωρείται ότι έχει εντοπιστεί ένας κύκλος και απαιτείται ανακατακερματισμός.

## Ανακατακερματισμός (Rehash)

### Συνθήκη Ανακατακερματισμού

Ο ανακατακερματισμός ενεργοποιείται όταν η εισαγωγή ενός στοιχείου αποτύχει να βρει μια κενή θέση εντός του ορίου `MAX_KICKS`.

### Διαδικασία

Η μέθοδος `rehash()` εκτελεί τα εξής:

- **Διπλασιασμός Χωρητικότητας:** Ο `capacity` διπλασιάζεται.
- **Αποδοτική Μεταφορά Παλιών Πινάκων:** Οι παλιοί πίνακες μεταφέρονται με `std::move` σε τοπικές μεταβλητές, επιτυγχάνοντας  $O(1)$  μεταφορά των πόρων (χωρίς αντιγραφή) πριν την εκκαθάριση των κύριων πινάκων.
- **Επαναφορά Πινάκων:** Δημιουργούνται νέοι, κενοί πίνακες `table1` και `table2` με τη νέα χωρητικότητα.
- **Επανεισαγωγή:** Όλα τα στοιχεία από τους παλιούς πίνακες επανεισάγονται στους νέους πίνακες.

## Αναζήτηση (Search)

Η αναζήτηση (find / search) είναι η απλούστερη λειτουργία του Cuckoo Hashing, καθώς το στοιχείο μπορεί να βρίσκεται μόνο σε δύο πιθανές θέσεις, εγγυώμενη  $O(1)$  χρόνο αναζήτησης στην χειρότερη περίπτωση: Στη θέση `h1(key)` του `table1`. Στη θέση `h2(key)` του `table2`. Η συνάρτηση επιστρέφει ένα `ValueSpan<Key>`. Εάν βρεθεί το κλειδί: Αν `count == 1` (Inline Optimization), η τιμή διαβάζεται απευθείας από το πεδίο `last_segment` του `bucket`. Αν `count > 1`, το `span` χρησιμοποιεί τους δείκτες `first_segment` και `segments` για να ανακτήσει την αλυσίδα τιμών από το κοινόχρηστο `value_store`.