

# Computerorientierte Mathematik I

## Übung 2

Gideon Schröder<sup>1</sup>

Samanta Scharmacher<sup>2</sup>

Nicolas Lehmann<sup>3</sup> (Dipl. Kfm., BSC)

<sup>1</sup> Freie Universität Berlin, FB Physik,  
Institut für Physik, [gideon.2610@hotmail.de](mailto:gideon.2610@hotmail.de)

<sup>2</sup> Freie Universität Berlin, FB Mathematik und Informatik,  
Institut für Informatik, [scharbrecht@zedat.fu-berlin.de](mailto:scharbrecht@zedat.fu-berlin.de)

<sup>3</sup> Freie Universität Berlin, FB Mathematik und Informatik,  
Institut für Informatik, AG Datenbanksysteme, Raum 170,  
[mail@nicolaslehmann.de](mailto:mail@nicolaslehmann.de), <http://www.nicolaslehmann.de>



# Lösungen zu den gestellten Aufgaben

## Aufgabe 1

### Teilaufgabe a)

$$\begin{aligned}0,2421_5 &= 0 \cdot 5^0 + 2 \cdot 5^{-1} + 4 \cdot 5^{-2} + 2 \cdot 5^{-3} + 1 \cdot 5^{-4} \\&= 0 + \frac{2}{5} + \frac{4}{5^2} + \frac{2}{5^3} + \frac{1}{5^4} \\&= 0 + \frac{2}{5} + \frac{4}{25} + \frac{2}{125} + \frac{1}{625} \\&= \frac{361}{625} = 0,5776\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}p_0 &= \frac{361}{625} \longrightarrow \frac{5415}{625} = \frac{415}{625} + 8 \\p_1 &= \frac{415}{625} \longrightarrow \frac{6225}{625} = \frac{600}{625} + 9 \\p_2 &= \frac{600}{625} \longrightarrow \frac{9000}{625} = \frac{250}{625} + 14 \\p_3 &= \frac{250}{625} \longrightarrow \frac{3750}{625} = 0 + 6\end{aligned}$$

$$p = 0,89E6$$

$$\begin{aligned}p &= 0 \cdot 15^0 + 8 \cdot 15^{-1} + 9 \cdot 15^{-2} + 14 \cdot 15^{-3} + 6 \cdot 15^{-4} \\&= 0 + \frac{8}{15} + \frac{9}{15^2} + \frac{14}{15^3} + \frac{6}{15^4} \\&= 0 + \frac{8}{15} + \frac{9}{225} + \frac{14}{3375} + \frac{6}{50625} \\&= \frac{361}{625} = 0,5776\end{aligned}$$

Teilaufgabe b)

Teilaufgabe c)

## Aufgabe 2

Teilaufgabe a)

$$\begin{array}{r}
 0,1100101_2 \cdot 10101,111_2 \\
 \hline
 1100101 \\
 0000000 \\
 1100101 \\
 0000000 \\
 1100101 \\
 110010,1 \\
 11001,01 \\
 1100,101 \\
 \hline
 100011100001,011_2
 \end{array}$$

Teilaufgabe b)

$$\frac{10_2}{110_2} + \frac{101_2}{10100_2} = \frac{10_2 \cdot 10100_2 + 101_2 \cdot 110_2}{110_2 \cdot 10100_2} = \frac{101000_2 + 11110_2}{11110000_2} = \frac{1000110_2}{11110000_2}$$

### Aufgabe 3

#### Teilaufgabe a)

Zu zeigen:

*Jeder endliche Dualbruch ist auch ein endlicher Dezimalbruch.*

Ein beliebiger Dualbruch ist darstellbar als:

$$\begin{aligned}
 \sum_{i=-m}^n z_i \cdot 2^i &= \sum_{i=-m}^{-1} z_i \cdot 2^i + \sum_{i=0}^n z_i \cdot 2^i \\
 &= \sum_{i=1}^m z_{-i} \cdot 2^{-i} + \sum_{i=0}^n z_i \cdot 2^i \\
 &= \sum_{i=0}^{m-1} z_{1-i} \cdot 2^{1-i} + \sum_{i=0}^n z_i \cdot 2^i \\
 \Leftrightarrow \sum_{i=-m}^n z_i \cdot \left(\frac{10}{5}\right)^i &= \sum_{i=-m}^n z_i \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^{-i} 10^i \\
 &= \left(\frac{1}{5}\right)^{m-n} \sum_{i=-m}^n z_i \cdot 10^i \\
 &= \left(\frac{1}{5}\right)^{m-n} \sum_{i=-m}^{-1} z_i \cdot 10^i + \sum_{i=0}^n z_i \cdot 10^i \\
 &= \left(\frac{1}{5}\right)^{m-n} \sum_{i=1}^m z_{-i} \cdot 10^{-i} + \sum_{i=0}^n z_i \cdot 10^i \\
 &= \left(\frac{1}{5}\right)^{m-n} \sum_{i=0}^{m-1} z_{1-i} \cdot 10^{1-i} + \sum_{i=0}^n z_i \cdot 10^i
 \end{aligned}$$

□

#### Teilaufgabe b)

Angenommen es gilt:

*Jeder endliche Dezimalbruch ist auch ein endlicher Dualbruch.*

Dann wäre die Dezimalzahl  $0,4$  als endlicher Dualbruch darstellbar.

$$0,4_{10} = 0,0\overline{110}_2, \text{ Widerspruch } \nexists$$