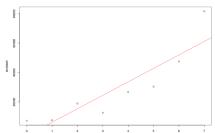


- c) Calculer le montant de provision globale par la méthode de séparation arithmétique de Verbeek-Taylor. Les facteurs d'inflation $(\lambda_h)_{h \geq n+1}$ seront extrapolés de façon linéaire : $\lambda_h = ah + b$. Les paramètres a et b ont été estimés par régression linéaire sur les valeurs antérieures de λ_h : $\hat{b} = -2890$ et $\hat{a} = 9142$. Dans le graphique ci-dessous, nous représentons les données avec la droite de régression estimée (en rouge).



À votre avis, aurait-il été possible d'améliorer les résultats de cette méthode? Si oui, comment?

c) Utilisation de Verbeek-Taylor arithmétique : $X_{ij} = y_{ji} \lambda_{i+j}$, $\sum_{j=0}^m y_{ji} = 1$

$$d_k = \lambda_k \sum_{j=0}^k y_{ji} = \sum_{i=0}^k x_{i+k-i} ; V_j = \sum_{i=0}^{m-j} x_{ij} = y_{ji} \sum_{k=j}^m \lambda_k$$

" géométrique : $\prod_{j=0}^m y_{ji} = 1$

$$q_k = \prod_{i=0}^k x_{i+k-i} = \lambda_k \prod_{j=0}^k y_{ji}$$

$$w_j = \prod_{i=0}^{m-j} x_{ij} = y_{ji} \prod_{k=j}^m \lambda_k$$

↳ On peut améliorer cette méthode en utilisant un ajustement exponentiel des λ_h plutôt que linéaire.

$$R_i = C_{im} - C_{i,m-i}$$

$$\text{or } C_{ij} = \sum_{h=0}^j x_{ih}$$

$$= \sum_{h=0}^m x_{ih} - \sum_{h=0}^{m-i} x_{ih}$$

Avec $x_{ih} = y_{ih} \lambda_{ih}$ $\lambda_{ih} = \hat{a} |C_{ih}| + \hat{b}$

Valeurs des y_{ih} ?