Problem A. Rect

Input file: rect.inp
Output file: rect.out
Time limit: 2 seconds
Memory limit: 256 mebibytes

Cho lưới tọa độ. Đếm số cách đi từ (0,0) đến (n,m) mà chỉ đi lên hoặc sang phải. Mỗi bước đi, ta di chuyển 1 đơn vị.

Input

Dòng đầu tiên gồm số t, tức số test (1 $\leq t \leq 10^5).$

t dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa hai số $n,m~(1\leq n,m\leq 100\,000).$

Output

Với mỗi test, in ra số cách đi trên một dòng, modulo 1 000 000 007.

| rect.inp | rect.out |
|----------|----------|
| 2 | 2 |
| 1 1 | 6 |
| 2 2 | |

Problem B. Line

Input file: line.inp
Output file: line.out
Time limit: 2 seconds
Memory limit: 256 mebibytes

Cho một trục tọa độ. Đếm số cách đi từ vị trí 0 đến n trong k bước. Mỗi bước là một lần đi sang trái hoặc phải 1 đơn vị.

Input

Dòng đầu tiên gồm số t, tức số test $(1 \le t \le 10^5)$. t dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa hai số n,k $(0 \le n,k \le 100\,000)$.

Output

Với mỗi test, in ra số cách đi trên một dòng, modulo 1 000 000 007.

| line.inp | line.out |
|----------|----------|
| 3 | 1 |
| 0 0 | 3 |
| 1 3 | 0 |
| 1 2 | |

Problem C. Box

Input file: box.inp
Output file: box.out
Time limit: 2 seconds
Memory limit: 256 mebibytes

Cho lưới tọa độ. Đếm số cách đi từ (0,0,0) đến (x,y,z) mà chỉ đi bằng cách lên trên, sang trái hoặc sang phải. Mỗi bước đi, ta di chuyển 1 đơn vị.

Input

Dòng đầu tiên gồm số t, tức số test $(1 \le t \le 10^5)$. t dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa 3 số x,y,z $(1 \le x,y,z \le 100\,000)$.

Output

Với mỗi test, in ra số cách đi trên một dòng, modulo 1 000 000 007.

| box.inp | box.out |
|---------|---------|
| 2 | 6 |
| 1 1 1 | 90 |
| 2 2 2 | |

Problem D. Sum

Input file: sum.inp
Output file: sum.out
Time limit: 2 seconds
Memory limit: 256 mebibytes

Đếm số số cách chọn các số **nguyên dương** $x_1, x_2, ..., x_n$ sao cho

$$\sum_{1}^{n} x_i = S$$

với S là một số cho trước.

Input

Dòng đầu tiên gồm số t, tức số test $(1 \le t \le 10^5)$. t dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa 2 số n và S $(1 \le n, S \le 100\,000)$.

Output

Với mỗi test, in ra số cách chọn, modulo 1 000 000 007.

| sum.inp | sum.out |
|---------|---------|
| 2 | 1 |
| 1 1000 | 2 |
| 2 3 | |

Problem E. Divide

Input file: divide.inp
Output file: divide.out
Time limit: 2 seconds
Memory limit: 256 mebibytes

Cho n và 3 số a, b, c. Đếm xem có bao nhiều số tự nhiên từ 1 đến n mà chia hết cho ít nhất một trong 3 số đã cho.

Input

Dòng đầu tiên gồm số t, tức số test $(1 \le t \le 10^5)$. t dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa bốn số n,a,b,c $(1 \le n \le 10^{18},\,1 \le a,b,c \le 10^6)$.

Output

Với mỗi test, in ra số số thỏa mãn trên một dòng.

| divide.inp | divide.out |
|------------|------------|
| 2 | 8 |
| 10 2 3 5 | 10 |
| 10 1 1 1 | |

Problem F. Rect2

Input file: rect2.inp
Output file: rect2.out
Time limit: 2 seconds
Memory limit: 256 mebibytes

Cho n hình chữ nhật có tọa độ nguyên. Tính phần diện tích được phủ bởi n hình chữ nhật đấy.

Input

Dòng đầu tiên gồm số n, tức số hình chữ nhật $(1 \le n \le 20)$. n dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa 4 số x_1, y_1, x_2, y_2 $(0 \le x1 \le x2 \le 10^9, 0 \le y_1 \le y2 \le 10^9)$.

Output

In ra diện tích được phủ bới n hình.

| rect2.inp | rect2.out |
|-----------|-----------|
| 2 | |
| 0 0 2 2 | |
| 1 1 3 3 | |
| 2 | 2 |
| 0 0 1 1 | |
| 1 1 2 2 | |

Problem G. Euler's totient function

Input file: phi.inp
Output file: phi.out
Time limit: 2 seconds
Memory limit: 256 mebibytes

Cho số n, đếm số các số từ 1 đến n mà nguyên tố cùng nhau với n.

Input

Một dòng duy nhất gồm số n $(1 \le n \le 10^9)$.

Output

In ra số số nguyên tố cùng nhau với n.

| phi.inp | phi.out |
|---------|---------|
| 7 | 6 |
| 8 | 4 |

Problem H. Coprime

Input file: coprime.inp
Output file: coprime.out
Time limit: 2 seconds
Memory limit: 256 mebibytes

Cho số n, đếm số các số từ l đến r mà nguyên tố cùng nhau với n.

Input

Một dòng duy nhất gồm 3 số n, l, r $(1 \le n, l, r \le 10^9)$.

Output

In ra số số nguyên tố cùng nhau với n.

| coprime.inp | coprime.out |
|-------------|-------------|
| 8 1 8 | 4 |
| 8 4 5 | 1 |