APIO 2021 Hà Nội, 19/05/2021

Bài A. TWOSLICERS

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho một miếng bánh hình tròn, một dao cắt a lưỡi và một dao cắt b lưỡi. Dao cắt x lưỡi sẽ có x lưỡi (tắt nhiên rồi) dính vào nhau một cách đồng phẳng và góc cách đều nhau. Mỗi lưỡi là một đoạn thẳng đủ dài để khi cắt ở tâm, dao sẽ chia miếng bánh thành x phần giống nhau. Hãy dùng hai dao cắt đã cho, mỗi dao cắt đắt đúng một lần ở tâm bánh, sao cho chênh lệch giữa miếng bánh nhỏ nhất và lớn nhất là nhỏ nhất có thể.

Dữ liệu vào

Ghi hai số nguyên dương $a~b~(2 \leq a,b \leq 100)$

Kết quả

Ghi một phân số tối giản theo định dạng $x \ / \ y$ là chênh lệnh nhỏ nhất (tính theo đơn vị cái bánh ban đầu)

stdin	stdout
2 2	0 / 1
2 3	1 / 4
4 2	1 / 8

Bài B. APDISTANCE

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho dãy a và q truy vấn. Mỗi truy vấn có dạng x y z t: Hãy tính $\sum_{i=x}^y \sum_{j=z}^t |a_i - a_j|$

Dữ liệu vào

• Dòng đầu chứa độ dài dãy a và số lượng truy vấn: $n~q~(1 \leq n, q \leq 10^5)$

• Dòng tiếp theo chứa dãy $a{:}~a_1~a_2~\dots~a_n~(0 \leq a_i \leq 10^8)$

• Mỗi dòng trong q dòng tiếp theo mô tả một truy vấn: $x\ y\ z\ t$

Kết quả

In raq dòng là kết quả cho các truy vấn theo thứ tự đọc vào

stdin	stdout
5 5	1
1 2 3 4 5	3
1 1 2 2	6
1 1 2 3	4
1 1 2 4	40
1 2 2 3	
1 5 1 5	

APIO 2021 Hà Nội, 19/05/2021

Bài C. FBAO

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho một cây có gốc với n đỉnh và t đồng xu. Cần đặt vào mỗi đỉnh một số đồng xu (có thể có đỉnh không có đồng xu nào). Điểm thưởng cho mỗi đồng xu đặt vào đỉnh v là d_v . Hãy tìm cách đặt xu có tổng điểm thưởng lớn nhất, sao cho tổng số đồng xu trong cây con gốc v không vượt quá w_v . Dữ liệu đảm bảo tồn tại cách đặt thỏa mãn và dùng hết t đồng xu

Dữ liệu vào

- Dòng đầu chứa: $n\ t\ (1 \le n \le 10^5,\ 1 \le t \le 10^9)$
- Dòng thứ i trong số n dòng tiếp theo chứa: d_i p_i w_i với p_i là cha của đỉnh i (hoặc 0 nếu i là gốc) $(1 \le d_i, w_i \le 10^9)$

Kết quả

Ghi điểm thưởng lớn nhất có thể.

stdin	stdout
9 6	490
30 0 4	
40 9 2	
80 8 3	
20 9 2	
10 4 3	
70 5 8	
90 2 4	
50 0 6	
60 1 3	

APIO 2021 Hà Nội, 19/05/2021

Bài D. CEULER

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho G là một đồ thị có hướng có trọng số. Cần tìm một đường đi xuất phát từ 1, đi qua tất cả các cung và quay về 1 sao cho tổng trọng số các cung đi qua là nhỏ nhất có thể. Lưu ý là một cung có thể đi qua nhiều lần và trọng số được tính nhiều lần vào tổng.

Dữ liệu vào

- Dòng đầu ghi số đỉnh và số cung của đồ thị: $n~m~(1 \leq n, m \leq 500)$
- m dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi một cung: u v w có nghĩa là có một cung trọng số w nối từ u đến v $(1 \le w \le 1000)$

Kết quả

Nếu không tồn tại cách đi, in ra -1. Ngược lại in ra trên 2 dòng:

- Dòng đầu ghi tổng trọng số trên đường đi tìm được và số cung đi qua
- Dòng tiếp theo ghi danh sách các cung đi qua theo thứ tự. Các cung đánh số từ 1 theo thứ tự đọc vào

stdin	stdout
4 6	34 10
1 2 2	1 2 3 4 5 3 4 6 3 4
2 3 3	
3 4 4	
4 1 5	
1 3 1	
1 3 1	