Mục lục

ROUTE	1
Tàu điện ngầm — SUBWAY	3
Lệnh tiến công — ATTACK	4
Alice ở xứ sở 01 — alice	6
Thành phần liên thông trên cây — CCTREE	8
Vi trí hanh phúc — HAPPOS	9

Bài 1. ROUTE

Trong kho có n điểm $1, 2, \ldots, n$ chứa hàng. Biết rằng điểm i có lượng hàng là $a_i (i = 1, \ldots, n)$. Nhân viên kho vận đứng tại cửa kho (điểm 0) và cần lấy 1 lượng hàng là Q. Biết d(i,j) là khoảng cách giữa điểm i và j $(i,j = 0,1,\ldots,n)$. Hãy tìm lộ trình cho nhân viên kho xuất phát từ cửa kho (điểm 0), đi qua 1 số điểm chứa hàng để lấy đủ lượng hàng Q và quay trở ra cửa kho với tổng độ dài quãng đường là nhỏ nhất. Lưu ý là đến mỗi điểm lấy hàng i thì không nhất thiết phải lấy hết toàn bộ lượng hàng a_i .

Đây là bài toán NP-khó có dạng Output-Only, nghĩa là bạn sẽ được cung cấp toàn bộ input chuẩn và bạn chỉ cần nộp lên chấm output bạn tìm được. Kết quả output càng tốt thì điểm của bạn càng cao với cách tính điểm cho 1 test như sau:

- Gọi GK là tổng quãng đường cần đi theo kết quả của Ban giám khảo (giá trị này thí sinh không được biết, chỉ dùng khi chấm), TS là tổng quãng đường cần đi theo kết quả của thí sinh.
- Đặt $x = \frac{TS GK}{GK}$.
- Nếu x < 0 bạn được 10 điểm cho test này.
- Nếu $x \geq 0$ bạn được $\frac{1}{1+10*x}$ điểm cho test này.

Điểm của bài thi là tổng điểm của từng test, mỗi test đều tự động lấy điểm cao nhất của tất cả các lần nộp. Bạn có thể nộp output từng test hoặc nén nhiều output thành file submission.zip rồi nộp (cần đặt tên các file là output_0.txt, output_1.txt, ..., output_9.txt). Các input được cho sẽ đính kèm trên mục đề bài của hệ thống. Bạn cũng được cho sẵn một file output ví dụ (output_0.txt) là một output hợp lệ cho input_0.txt.

Dữ liệu vào

Dữ liệu đầu vào có cấu trúc như sau:

- Dòng 1 ghi giá trị nguyên dương $n, Q \ (1 \le n \le 50)$
- Dòng 2 chứa n số nguyên không âm $a_1,a_2,\ldots,a_n\ (a_i\leq 10^4,\forall i=1,\ldots n)$
- Dòng $i+3(i=0,\ldots,n)$ ghi các phần tử ở hàng thứ i của ma trận d $(1 \le d(i,j) \le 100)$

Kết quả

Nếu không có hành trình nào lấy đủ lượng hàng Q thì in ra -1, ngược lại:

- Dòng đầu tiên ghi giá trị tổng quãng đường của lộ trình tìm được.
- Dòng tiếp theo chứa k là số lượng điểm lấy hàng
- Dòng tiếp theo ghi k số là vị trí các điểm lấy hàng theo thứ tự sẽ lấy

Ví dụ

test	answer
5 10	12
3 6 2 4 1	4
0 3 6 4 6 2	1 5 4 3
3 0 7 8 2 1	
6 7 0 1 4 9	
4 8 1 0 3 4	
6 2 4 3 0 1	
2 1 9 4 1 0	

Giải thích

Hành trình ngắn nhất lấy đủ lượng hàng là 0 - 1 - 5 - 4 - 3 - 0 với độ dài là 3+1+1+3+4=12 và tổng lượng hàng của các điểm đi qua là 3+1+4+2=10

Hạn chế

Bài 2. Tàu điện ngầm

Thành phố mà Hải đang sống có hệ thống tàu điện ngầm bao gồm N trạm và M tuyến đường ngầm mỗi tuyến nối trực tiếp hai trạm khác nhau. Hai trạm được gọi là kề nhau nếu như có tuyến đường nối trực tiếp hai trạm. Không có 2 tuyến nào nối cùng 1 cặp trạm. Trạm i có số lượng khách trung bình hàng ngày là p_i .

Hải mới được giao nhiệm vụ xây dựng và phát triển các chi nhánh công ty quảng cáo của mình tại các trạm tàu điện ngầm. Sau khi khảo sát, Hải nhận thấy rằng điểm đặc biệt của hệ thống tàu điện ngầm là có không quá 15 trạm mà mỗi trạm kề với ít nhất 3 trạm khác.

Do không đủ kinh phí để xây dựng các chi nhánh trên toàn tuyến tàu điện ngầm nên Hải quyết định chỉ xây dựng trên một tập con các trạm sao cho không có hai trạm nào trong tập con được chọn là kề nhau, thêm nữa tổng số lượng khách trung bình hàng ngày của các trạm trong tập đó phải là lớn nhất.

Yêu cầu: Hãy giúp Hải tìm ra tập các trạm đó.

Dữ liệu vào

Dòng đầu tiên ghi hai số nguyên dương N và M ($N \le 100000$, $M \le 150000$).

Dòng thứ hai ghi N số nguyên dương, số thứ i là số lượng khách trung bình hàng ngày p_i ($p_i \le 10000$) của tram i.

Mỗi dòng trong số M dòng tiếp theo chứa hai số nguyên dương x và y $(x, y \le N)$ là hai trạm đầu mút của một tuyến đường hầm nối chúng.

Kết quả

Ghi ra duy nhất một số là tổng số hành khách trung bình hàng ngày của các trạm trong tập các trạm tìm được.

Ví dụ

test	answer
8 10	9
1 3 2 5 4 1 2 1	
1 2	
2 3	
3 4	
4 5	
5 3	
3 6	
2 6	
2 7	
7 8	
8 3	

Giải thích

Có 8 trạm tàu điện ngầm và 10 đường nối trực tiếp. Tập con các trạm $\{2,4,8\}$ cho tổng số lượng khách trung bình lớn nhất và bằng 3+5+1=9. Tập này thoả mãn điều kiện là không có hai trạm nào có đường nối trực tiếp.

Bài 3. Lệnh tiến công — ATTACK

"Ngày DD tới, vào giờ HH:MM, toàn quân tổng tiến công!"

Đó là quân lệnh từ sở chỉ huy cần được truyền tới tất cả các đơn vị chiến đấu. Tuấn làm việc trong bộ phận phụ trách thiết kế các module đảm bảo thông tin được truyền đi an toàn và chính xác. Thông tin được truyền đi sẽ gồm ba giai đoạn:

- 1. Mã hóa thông tin (encode): từ sở chỉ huy, thông tin (DD, HH, MM) sẽ được mã hóa thành một dãy bit;
- 2. Truyền tin (transmission): sử dụng những phương tiện thô sơ để truyền dãy bit tới các máy nhận ở các đơn vị;
- 3. Giải mã thông tin (decode): từ dãy bit nhận được, giải mã lại thông tin (DD, HH, MM).

Tuấn phụ trách thiết kế module 1 và 3 nhưng gặp rất nhiều khó khăn. Lý do chính là do kĩ thuật truyền tin thô sơ và phụ thuộc vào yếu tố kĩ năng của con người, nên không phải thông tin lúc nào cũng được truyền đi một cách hoàn toàn chính xác. Thông tin truyền đi có thể bị sai sót tối đa 1 bit. Vì vậy, yêu cầu của hệ thống mã hóa này phải có khả năng phát hiện lỗi, và tự sửa chữa sai sót. Nói cách khác, cho dù thông tin truyền đi có thể sai 1 bit nhưng vẫn phải tự khôi phục được.

Yêu cầu: Hãy giúp Tuấn thực hiện được công việc của mình.

Giao tiếp:

Ban cần viết hai hàm sau:

1. string encode (string message)

Hàm nhận vào một xâu độ dài 8 có dạng "DD $\mathtt{HH:MM"}$ trong đó \mathtt{DD} là một số nguyên trong đoạn [1,31], \mathtt{HH} là một số nguyên trong đoạn [0,23] và \mathtt{MM} là một số nguyên trong đoạn [0,59]. Hàm cần trả về một xâu không quá 50 kí tư chỉ gồm các kí tư 0 hoặc 1 là xâu được mã hóa.

2. string decode (string encryptedMessage)

Hàm nhận vào một xâu có độ dài không quá 50 kí tự, chỉ gồm các kí tự 0 hoặc 1. Hàm cần trả ra một xâu có độ dài 8 có định dạng giống xâu đầu vào của hàm encode là xâu đã được giải mã.

Làm bài:

Trên hệ thống, các bạn có thể download file attack_public_cpp.zip chứa các file hỗ trợ làm bài. Trong đó:

- attack.cpp là file các bạn cần làm việc và viết thuật toán mã hóa.
- stub.cpp là file hỗ trợ các chức năng nhập xuất dữ liệu.
- compile_cpp.sh là script hỗ trợ việc biên dịch chương trình.

Ban có thể làm các việc sau:

- Viết thuật toán mã hóa của bạn vào file attack.cpp. Các bạn có thể viết thêm các hàm phụ trợ khác.
- Biên dịch và thực thi bằng script được cung cấp như sau:
 - Vào thư mục chứa file attack.cpp, click chuột phải và chọn Open in Terminal.
 - Biên dịch file mã nguồn ra file thực thi bằng cách chạy lệnh ./compile_cpp.sh.

- Thực thi bằng cách chạy lệnh ./attack.
- File thực thi attack nhận dữ liệu vào từ dòng nhập chuẩn (stdin) ở một trong hai dạng:
 - 1. ENCODE DD HH MM
 - Ví dụ: ENCODE 1 12 5 với ý nghĩa gọi hàm encode("01 12:05")
 - 2. DECODE str
 - Ví dụ DECODE 00011101 với ý nghĩa gọi hàm decode ("00011101")
 - 3. File thực thi sẽ in ra một xâu là kết quả của hàm tương ứng mà chương trình bạn chạy.

Ngoài ra, trong quá trình làm bài, các bạn có thể tự thay đổi các file stub.cpp để phục vụ theo cách nhập xuất dự liệu mà bạn muốn.

Nộp bài:

Các bạn chỉ nộp file attack.cpp mà không nộp file nào khác.

Chấm bài:

Bài của các bạn sẽ được chấm như sau. Ban giám khảo chuẩn bị một file hệ thống chấm (được gọi là manager).

- Chương trình manager sẽ gọi hàm encode của bạn với một bộ dữ liệu (DD, HH, MM) nào đó và thu được xâu encryptedMessage.
- Chương trình manager sẽ lặp lại các bước sau nhiều lần:
 - Sửa một bit hoặc không sửa bit nào tạo thành xâu receivedMessage.
 - Chương trình manager sẽ gọi hàm decode của bạn với đầu vào là xâu receivedMessage và so sánh kết quả thu được với bộ dữ liệu ban đầu.

Lưu ý rằng, những lần hàm encode và decode của bạn được gọi sẽ được chạy ở các tiến trình độc lập. Vì vậy, nếu hàm encode có sử dụng và lưu trữ dữ liệu vào các biến toàn cục, các dữ liệu này sẽ không tồn tai khi hàm decode được thực thi.

Chấm điểm:

Với mỗi bộ dữ liệu, bạn sẽ không được điểm nếu:

- Tương tác sai quy cách (dữ liệu trả ra không đúng định dạng)
- Chay sinh lỗi
- Chạy quá thời gian
- Xâu sau khi giải mã khác với xâu ban đầu

Gọi độ dài xâu mã hóa của bạn là L, bạn sẽ nhận được điểm dựa trên độ tốt của L như sau:

Dộ dài xâu mã hóa của bạn	Điểm của test
$1 \le L \le 21$	100%
L=22	90%
L=23	80%
$24 \le L \le 25$	60%
$26 \le L \le 30$	40%
$31 \le L \le 35$	30%
$36 \le L \le 40$	20%
$41 \le L \le 50$	10%

Bài 4. Alice ở xứ sở 01

File dữ liệu vào: Gọi hàm File kết quả: Trả về

Mọi lần Alice lạc vào xứ sở thần tiên, nhưng lần này Alice lại lạc vào xứ sở của những con số 0 và 1. Do không hứng thú với xứ sở này nên Alice muốn nhanh chóng quay lại thế giới thực của mình. Alice đã tìm đến cửa ra thông minh nhưng để mở được cánh cửa phải giải mã được câu hỏi sau:

"Cho biết các số đứng ở một vài vị trí trên một dãy nhị phân độ dài $n \ (1 \le n \le 10^5)$ (các vị trí trên dãy được đánh số từ 0 đến n-1), hỏi dãy có chứa hai số 0 và 1 (theo đúng thứ tự 0 rồi đến 1) ở hai vị trí liên tiếp nhau hay không?".

Để có đủ dữ kiện trả lời câu hỏi này, cánh cửa thông minh cho phép Alice đặt ra các truy vấn, mỗi truy vấn có dạng sau:

"Số đứng ở vị trí thứ i của dãy là số nào?".

Câu trả lời cho mỗi truy vấn như vậy chỉ là 0 hoặc 1. Cánh cửa thông minh chỉ mở khi Alice trả lời đúng cho câu hỏi đặt ra với số lần thực hiện truy vấn là ít nhất có thể.

Yêu cầu: Hãy giúp Alice viết chương trình tìm cách thoát khỏi xứ sở 01.

Chương trình phải sử dụng một thư viện riêng alicelib.h (cho C/C++).

Thư viện cung cấp các hàm sau:

- Hàm khởi tao trò chơi
- Đối với C/CPP: int get_n(int *&a)

Chương trình phải gọi hàm này để khởi tạo trò chơi. Hàm get_n trả về một giá trị n là độ dài của dãy nhị phân và mảng a độ dài n với các phần tử là 0 hoặc 1 hoặc 1, trong đó các vị trí đứng số 0 (hoặc số 1) là các vị trí mà số đứng ở đó được biết trước là 0 (hoặc 1), còn các vị trí đứng số 1 là các vị trí mà số đứng tại đó là chưa được biết.

- Hàm thực hiện truy vấn: int get_01(int i). Hàm này trả về số đứng ở vị trí thứ i (là câu trả lời cho truy vấn về vị trí thứ i).
- Hàm trả lời câu hỏi: void guess(int res). Để kết thúc chương trình cần gọi hàm này với res bằng 1 nếu câu trả lời cho câu hỏi đặt ra là khẳng định và bằng 0 nếu câu trả lời là phủ định. Sau khi gọi hàm này chương trình sẽ tự động kết thúc. Số lượng câu hỏi của chương trình của bạn sẽ bằng tổng số lần gọi hàm get_01.

Lưu ý: Mỗi hàm get_n và guess chỉ được gọi một lần duy nhất.

Nhiệm vụ của bạn là phải gọi hàm guess để đoán kết quả khi đã xác định được đáp án.

#include "alicelib.h"

Bạn có thể xem các file được cung cấp trên hệ thống để hiểu rõ hơn về cách tương tác với hệ thống.

Ví dụ

Gọi hàm	Trả về
get_n(*a)	5; a= [-1, 1, 0, 0, -1]; độ dài của
	dãy là 5, các vị trí 1, 2, 3 là các
	vị trí được biết trước
get_01(4)	0
get_01(0)	0
guess(1)	Kết thúc. Chương trình đã trả lời
	đúng với số lần thực hiện truy vấn là
	ít nhất. Cánh cửa thông minh sẽ tự
	động mở ra.

Bài 5. Thành phần liên thông trên cây

Cho cây (đơn đồ thị vô hướng không chứa chu trình) T=(V,E), trong đó V là tập đỉnh và E là tập cạnh. Ta định nghĩa thao tác xoá tập con S của tập đỉnh V khỏi cây T là việc loại bỏ tất cả các đỉnh trong S cùng với tất cả các cạnh kề với chúng khỏi cây. Giả sử S là một tập con các đỉnh của cây T, gọi k(S) là số lượng thành phần liên thông của đồ thị thu được sau khi xoá tập đỉnh S khỏi cây T. Ký hiệu: $k_{\max} = \max\{k(S) : S \in V\}$.

Yêu cầu:

- Tính số k_{max} ;
- Tính M là số lượng tập con khác nhau của tập đỉnh V sao cho đồ thị thu được sau khi loại bỏ các đỉnh trong nó khỏi cây T có đúng k_{\max} thành phần liên thông, nghĩa là số cách xoá bớt khỏi đồ thị một hoặc một số đỉnh để thu được đồ thị với số thành phần liên thông đúng bằng k_{\max} .

Dữ liêu vào

Dòng đầu tiên chứa số nguyên N là số lượng đỉnh của cây T, trong đó các đỉnh được đánh số từ 1 đến N $(1 \le N \le 10^5)$;

Mỗi dòng trong số N-1 dòng tiếp theo chứa hai số nguyên x và y được ghi cách nhau bởi dấu cách cho biết có cạnh nối giữa hai đỉnh x và y trên cây T.

Kết quả

Ghi ra trên một dòng duy nhất hai số nguyên k_{max} và M, với k_{max} là số lượng thành phần liên thông lớn nhất tìm được và M là số cách xoá bớt khỏi đồ thị một hoặc một số đỉnh để thu được đồ thị với số thành phần liên thông đúng bằng k_{max} . Vì M có thể là số rất lớn nên chỉ cần đưa ra phần dư trong phép chia của M cho $10^9 + 7$.

Ví dụ

test	answer
6	4 1
1 2	
1 3	
1 4	
4 5	
4 6	
4	2 5
1 2	
2 3	
3 4	

Giải thích

- Ví dụ 1: Số lượng thành phần liên thông lớn nhất tìm được sau xoá là 4. Có duy nhất một cách xoá để được 4 thành phần liên thông đó là xoá hai đỉnh 1 và 4.
- Ví dụ 2: Số lượng thành phần liên thông lớn nhất tìm được sau xoá là 2. Có 5 cách xoá để đạt được 2 thành phần liên thông, đó là xoá các tâp: $\{2\}$, $\{3\}$, $\{2, 3\}$, $\{2, 4\}$, $\{1, 3\}$

Bài 6. Vị trí hạnh phúc — HAPPOS

Dây chuyền sản xuất nhà máy VAIP có n vị trí sản xuất được đánh số $\{1,2,\ldots,n\}$ và bố trí dưới dạng một đồ thị có cấu trúc như sau:

- mỗi một vị trí sản xuất là một đỉnh của đồ thị;
- hai vị trí kề nhau tương ứng với cạnh của đồ thị;
- đồ thị là vô hướng liên thông và không có chu trình.

Có n công nhân được đánh số $\{1,2,\ldots,n\}$ được được đào tạo để phụ trách các vị trí trong dây chuyền. Do sở trường của mỗi người nên người i sẽ cảm thấy hạnh phúc nếu được xếp phụ trách ở vị trí i $(\forall i,1\leq i\leq n)$. Ban đầu các công nhân được bố trí đúng vị trí hạnh phúc của mình, nghĩa là người i được bố trí ở vị trí i. Để có thể thích ứng với nhiều vị trí khác nhau mà không làm ảnh hưởng sản xuất, sau mỗi ngày, người quản lý chọn ra đúng hai công nhân kề nhau, nghĩa là ở vị trí hai đỉnh kề nhau trên đồ thị, và đảo vị trí của họ. Sau một số ngày đảo chỗ, đến hôm nay người quản lý nhận ra là quên mất không ghi lại nhật ký vị trí các lần đảo để có thể làm ngược lại quá trình những ngày vừa qua nhằm đưa tất cả công nhân về vị trí hạnh phúc của họ.

Yêu cầu: Cho biết vị trí các công nhân hiện đang phụ trách ngày hôm nay, bạn hãy giúp người quản lý tìm ra thứ tự đảo vị trí hai công nhân mỗi ngày để đưa tất cả công nhân về vị trí hạnh phúc của họ sao cho số ngày phải sử dụng là ít nhất có thể.

Đây là bài toán chỉ cần nộp các file kết quả đầu ra. Thí sinh được cho 10 file đầu vào tương ứng với 10 test, đối với mỗi file đầu vào thí sinh cần nộp một file kết quả đầu ra mô tả kế hoạch hoán đổi vị trí theo từng ngày. Với mỗi file kết quả đầu ra mô tả đúng đắn quá trình hoán đổi, điểm của thí sinh phụ thuộc vào số ngày sử dụng để đưa toàn bộ công nhân về vị trí hạnh phúc (xem cách tính điểm trong phần **Chấm điểm**).

Dữ liêu vào

Thí sinh được cung cấp 10 file dữ liệu đầu vào với tên tương ứng là: input_0.txt, input_1.txt,..., input 9.txt. Mỗi file dữ liệu đầu vào có khuôn dạng như sau:

- ullet Dòng đầu chứa một số nguyên dương n là số đỉnh của đồ thị;
- Mỗi dòng trong số n-1 dòng tiếp theo chứa hai số nguyên dương u và v là hai đỉnh đầu mút một cạnh của đồ thị;
- ullet Dòng tiếp theo chứa n số nguyên dương, số thứ i là số hiệu của công nhân hiện đang đứng tại vị trí i.

Các số trên một dòng cách nhau bởi dấu cách.

Kết quả

Đối với mỗi file dữ liệu đầu vào, thí sinh cần nộp một file kết quả đầu ra mô tả kế hoạch hoán đổi vị trí theo từng ngày, các file kết quả đầu ra có tên tương ứng là: output_0.txt, output_1.txt,..., output_9.txt. Mỗi file kết quả đầu ra có khuôn dạng:

- Dòng đầu tiên chứa một số nguyên t là số ngày bạn cần để đưa tất cả công nhân về vị trí hạnh phúc;
- Dòng thứ i trong số t dòng tiếp theo ghi hai số nguyên dương u và v là hai vị trí sản xuất mà công nhân ở đó phải đảo chỗ ngày thứ i.

Thí sinh có thể nộp từng file kết quả đầu ra tương ứng với file dữ liệu đầu vào hoặc nén các file kết quả đầu ra thành một file có tên submission.zip để nộp. Điểm số của mỗi test là điểm cao nhất đạt được trong các lần nộp file kết quả đầu ra của test đó. Điểm số của bài là tổng điểm của từng test.

Lưu ý: Kích thước tối đa cho phép của mỗi file nộp lên server là 10Mb.

Hạn chế

- Subtask 1 (30 điểm): $n \leq 10$;
- Subtask 2 (70 điểm): $10 < n \le 1000$.

Chấm điểm:

Với mỗi file dữ liệu đầu vào, gọi GK là số ngày cần để đưa toàn bộ công nhân về vị trí hạnh phúc của họ theo phương án của Ban giám khảo (giá trị này thí sinh không được biết, chỉ dùng khi chấm), TS là số ngày cần để đưa toàn bộ công nhân về vị trí hạnh phúc của họ theo phương án của thí sinh trong file đầu ra tương ứng với file đầu vào. Đặt P = (TS - GK)/GK, khi đó, thí sinh sẽ nhận được:

- 0 điểm nếu P > 1;
- 10 điểm nếu $P \leq 0$;
- $-\log_{10}(P \times 0.9999 + 0.0001) \times 2.5$ điểm nếu $0 < P \le 1$;

trên tổng số 10 điểm của test đó.

Lưu ý: Thí sinh sẽ không được điểm nếu file output nộp lên không hợp lệ.

Ví du

test	answer
3	1
1 2	1 2
2 3	
2 1 3	