### Bồi dưỡng HSG TST2022, 21/03/2022

## Bài A. EINV

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho dãy số nguyên  $a_1,a_2,\ldots,a_n$  và một số nguyên k. Hãy đếm số cặp (l,r) thỏa mãn  $1 \leq l < r \leq n$  và dãy  $a_1,a_2,\ldots,a_l,a_r,\ldots,a_n$  có không quá k nghịch thế

## Dữ liệu vào

- $\bullet\,$  Dòng đầu chứa n~k
- ullet Dòng tiếp theo chứa dãy a

# Kết quả

Ghi kết quả bài toán

# Ví dụ

stdin	stdout
5 2	6
1 3 2 1 7	

# Hạn chế

- $n \le 10^5$ ,  $0 \le k \le 10^{18}$ ,  $1 \le a_i \le 10^9$

# Bài B. CUTTP

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Xâu  $s = s_1 s_2 \dots s_n$  được gọi là núi nếu tồn tại  $1 \le i \le n$  sao cho  $s_j \le s_{j+1} \ \forall 1 \le j < i \ \text{và} \ s_j \ge s_{j+1} \ \forall j \le i < n$ . Cho xâu s, hãy dùng ít lát cắt nhất (mỗi lát cắt là cắt một xâu thành hai xâu con liên tiếp) sao cho có thể ghép lại thành núi.

### Dữ liệu vào

Chứa xâu  $s~(1 \leq |s| \leq 50)$  chỉ gồm các ký tự latin thường

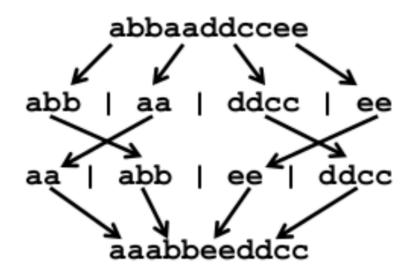
## Kết quả

Ghi số lát cắt ít nhất có thể

## Ví dụ

stdin	stdout
abbaaddccee	3

### Giải thích



### Bồi dưỡng HSG TST2022, 21/03/2022

# Bài C. ISEQ

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho  $a=a_1,a_2,\ldots,a_n$  là một hoán vị của  $\{1,2,\ldots,n\}$ . Với mỗi i, hãy đếm số lượng  $j\neq i$  sao cho khi xóa  $a_j$  khỏi dãy con tăng dài nhất chứa  $a_i$  có độ dài bị giảm đi so với khi chưa xóa  $(1\leq i,j\leq n)$ .

### Dữ liệu vào

- $\bullet\,$  Dòng đầu chứa n
- $\bullet\,$  Dòng tiếp theo chứa dãy a

# Kết quả

Ghi n số là kết quả tương ứng

### Ví dụ

stdin	stdout
9	5 5 5 6 6 6 5 5 5
1 2 3 6 5 4 7 8 9	
4	0 0 0 0
2 1 4 3	

# Hạn chế

- $\bullet \ n \leq 2 \times 10^5$

### Bài D. FIGTREE

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Hùng đang vẽ một cây nhị phân bằng paint. Hiện tại cây cậu đang có là một cây cân bằng có 3 đỉnh. Có hai thao tác có thể thực hiện: Copy cây hiện tại vào bộ nhớ tạm, hoặc paste cây trong bộ nhớ tạm vào một nút lá của cây đang có (mỗi lần copy có thể paste nhiều lần). Hãy tính số thao tác paste ít nhất để Hùng thu được cây như ý.

### Dữ liệu vào

Gồm một dãy ngoặc mô tả cây nhị phân mà Hùng muốn vẽ:

- Nếu cây chỉ có một nút thì được mô tả bằng ()
- Ngược lại sẽ được mô tả bằng (AB) với A và B là hai dãy ngoặc mô tả cây con nhánh trái và nhánh phải

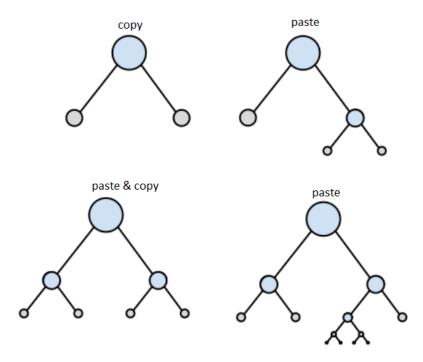
## Kết quả

In ra số thao tác paste ít nhất cần dùng, hoặc -1 nếu không thể tạo ra cây như thế

### Ví du

stdin	stdout
((()())(((()())(()))()))	3

### Giải thích



# Hạn chế

- Subtask 1: Số đỉnh của cây không quá 50
- Subtask 2: Số đỉnh của cây không quá 500
- Subtask 3: Số đỉnh của cây không quá 5000
- $\bullet\,$  Subtask 4: Số đỉnh của cây không quá 100000