



# 第四章 组合逻辑电路设计(二)

秦磊华 计算机学院

例 设计一个比较两个三位二进制数是否相等的数值比较器。

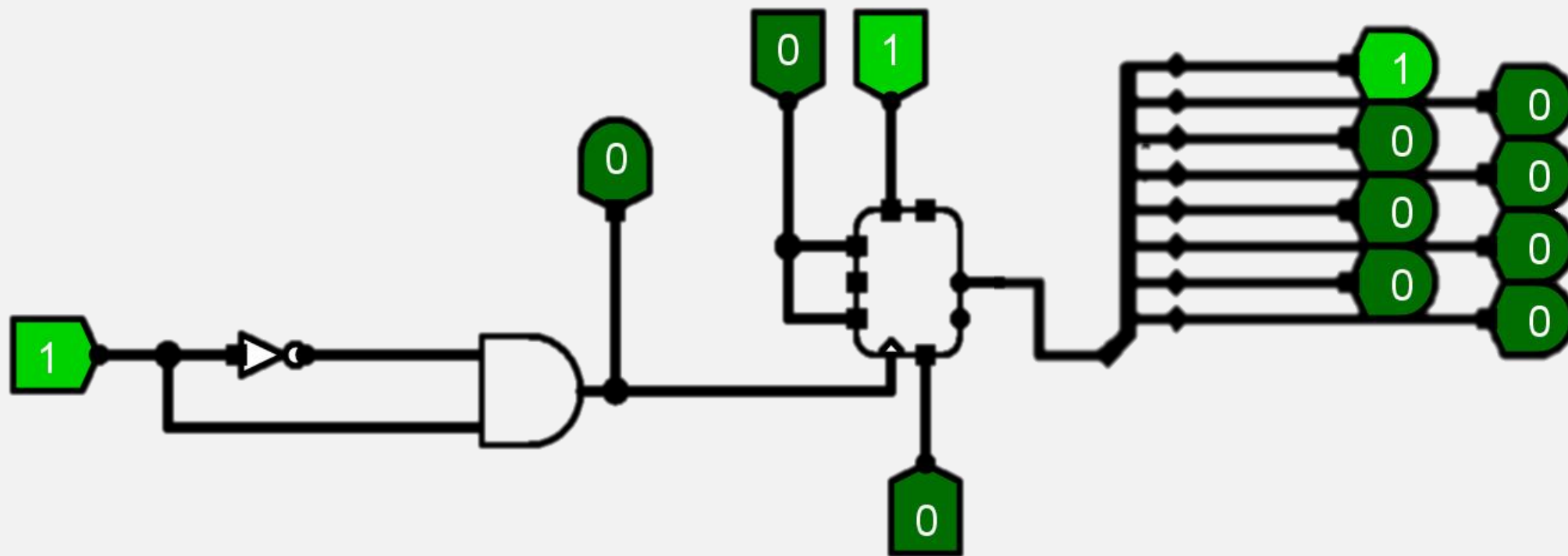
(两个3位二进制数分别为 $A = a_3a_2a_1$ ,  $B = b_3b_2b_1$ )

$$F_{=} = (\overline{a_3} \cdot \overline{b_3} + a_3b_3) \cdot (\overline{a_2} \cdot \overline{b_2} + a_2b_2) \cdot (\overline{a_1} \cdot \overline{b_1} + a_1b_1)$$

$$F_{A>B} = A_3\overline{B_3} + (A_3B_3 + \overline{A_3}\overline{B_3})(A_2\overline{B_2}) + (A_3B_3 + \overline{A_3}\overline{B_3})(A_2B_2 + \overline{A_2}\overline{B_2})(A_1\overline{B_1})$$

$$F_{A<B} = \overline{A_3}B_3 + (A_3B_3 + \overline{A_3}\overline{B_3})(\overline{A_2}B_2) + (A_3B_3 + \overline{A_3}\overline{B_3})(A_2B_2 + \overline{A_2}\overline{B_2})(\overline{A_1}B_1)$$

## 4.5 logisim的基本使用



险像实验演示

## 4.6 基本组合逻辑功能部件设计

### 1. 一位全加器FA设计

$$\begin{array}{r} 11 \\ + 11 \\ \hline 10 \\ \hline 110 \end{array}$$

$$S_i = X_i \oplus Y_i \oplus C_i$$

$$C_{i+1} = X_i Y_i + (X_i \oplus Y_i) C_i$$

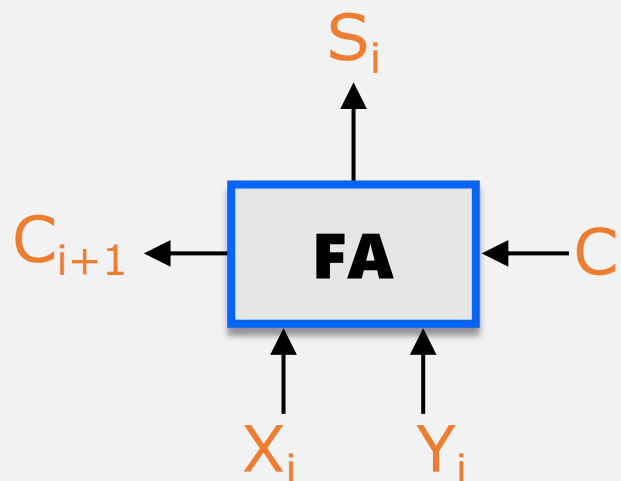
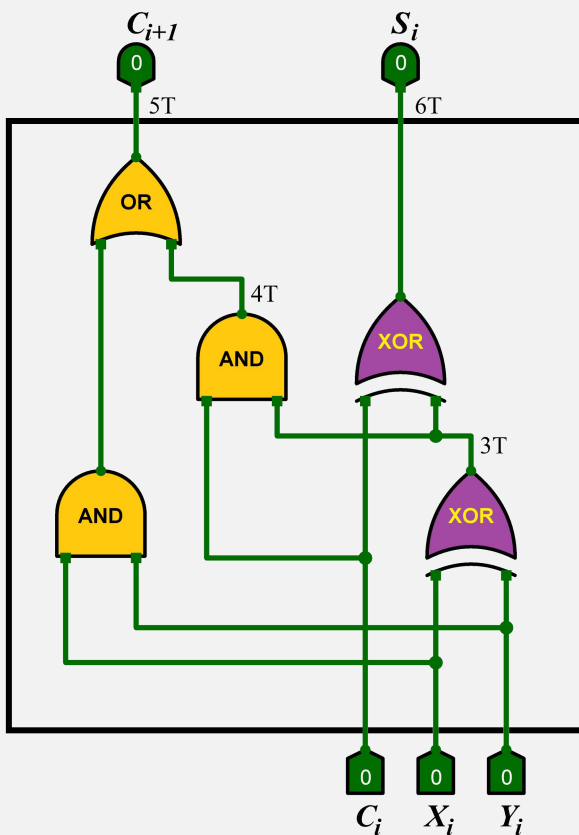
| 加数 $X_i$ | 加数 $Y_i$ | 低位进位 $C_i$ | 和数 $S_i$ | 进位 $C_{i+1}$ |
|----------|----------|------------|----------|--------------|
| 0        | 0        | 0          | 0        | 0            |
| 0        | 0        | 1          | 1        | 0            |
| 0        | 1        | 0          | 1        | 0            |
| 0        | 1        | 1          | 0        | 1            |
| 1        | 0        | 0          | 1        | 0            |
| 1        | 0        | 1          | 0        | 1            |
| 1        | 1        | 0          | 0        | 1            |
| 1        | 1        | 1          | 1        | 1            |

$$C_{i+1} = X_i Y_i + (X_i + Y_i) C_i$$

## 4.6 基本组合逻辑功能部件设计

$$S_i = X_i \oplus Y_i \oplus C_i$$

$$C_{i+1} = X_i Y_i + (X_i \oplus Y_i) C_i$$



## 4.6 基本组合逻辑功能部件设计

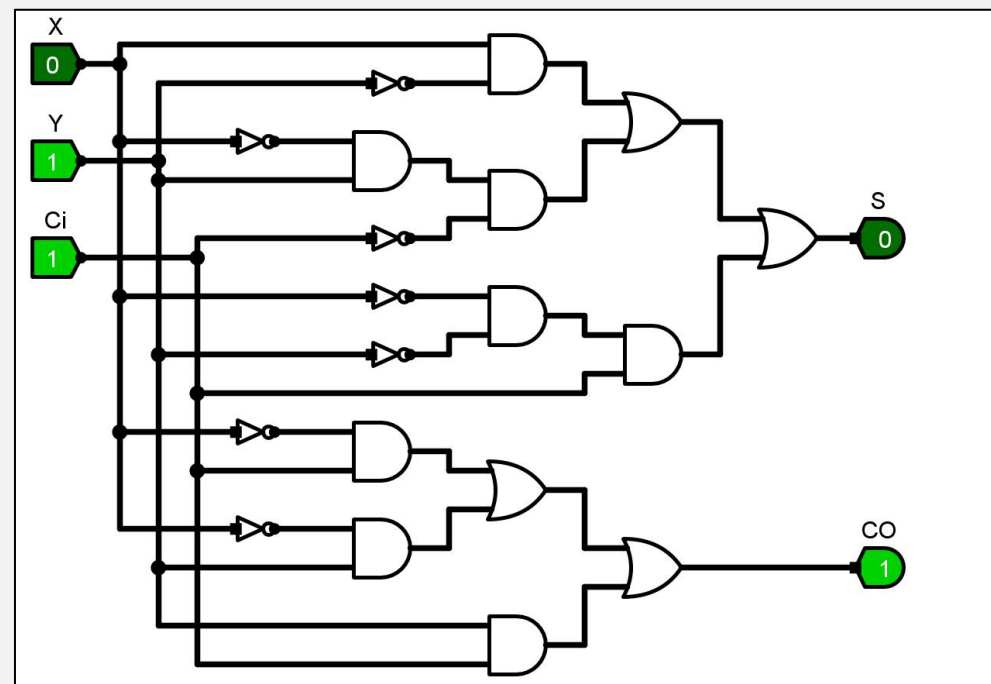
### 2. 一位全减器的设计

| 加数 $X_i$ | 加数 $Y_i$ | 低位进位 $C_i$ | 和数 $S_i$ | 进位 $C_{i+1}$ |
|----------|----------|------------|----------|--------------|
| 0        | 0        | 0          | 0        | 0            |
| 0        | 0        | 1          | 1        | 0            |
| 0        | 1        | 0          | 1        | 0            |
| 0        | 1        | 1          | 0        | 1            |
| 1        | 0        | 0          | 1        | 0            |
| 1        | 0        | 1          | 0        | 1            |
| 1        | 1        | 0          | 0        | 1            |
| 1        | 1        | 1          | 1        | 1            |

| 被减数 $X_i$ | 减数 $Y_i$ | 低位借位 $C_i$ | 差 $S_i$ | 借位 $C_{i+1}$ |
|-----------|----------|------------|---------|--------------|
| 0         | 0        | 0          | 0       | 0            |
| 0         | 0        | 1          | 1       | 1            |
| 0         | 1        | 0          | 1       | 1            |
| 0         | 1        | 1          | 0       | 1            |
| 1         | 0        | 0          | 1       | 0            |
| 1         | 0        | 1          | 0       | 0            |
| 1         | 1        | 0          | 0       | 0            |
| 1         | 1        | 1          | 1       | 1            |

## 4.6 基本组合逻辑功能部件设计

| 被减数 $X_i$ | 减数 $Y_i$ | 低位借位 $C_i$ | 差 $S_i$ | 借位 $C_{i+1}$ |
|-----------|----------|------------|---------|--------------|
| 0         | 0        | 0          | 0       | 0            |
| 0         | 0        | 1          | 1       | 1            |
| 0         | 1        | 0          | 1       | 1            |
| 0         | 1        | 1          | 0       | 1            |
| 1         | 0        | 0          | 1       | 0            |
| 1         | 0        | 1          | 0       | 0            |
| 1         | 1        | 0          | 0       | 0            |
| 1         | 1        | 1          | 1       | 1            |



$$\begin{aligned} S_i &= \overline{X}\overline{Y}C + \overline{X}Y\overline{C} + X\overline{Y}\overline{C} + XYC \\ &= \overline{X}\overline{Y}C + \overline{X}Y\overline{C} + X\overline{Y} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} C_{i+1} &= \overline{X}\overline{Y}C + \overline{X}Y\overline{C} + \overline{X}YC + XYC \\ &= \overline{X}Y + YC + \overline{X}C \end{aligned}$$