Übung Chi-Quadrat, fiktives Beispiel!

• Bitte berechnen Sie auf Basis der fiktiven Daten χ 2!

Beobachtete Häufigkeiten

•	Partei- identifikati on	Erhebungsgebiet		Gesamt
		West	Ost	
	AfD	20	130	150
	Andere Partei	1572	606	2178
	Gesamt	1592	736	2328

Erwartete Häufigkeiten

Partei- identifikation	Erhebungsgebiet		Gesamt
	West	Ost	
AfD	103	47	150
Andere Partei	1489	689	2178
Gesamt	1592	736	2328

Chi Quadrat

$$\chi^{2} = \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{m} \frac{(f_{bij} - f_{eij})^{2}}{f_{eij}}$$

$$= \frac{(20 - 103)^{2}}{103} + \frac{(130 - 47)^{2}}{47} + \frac{(1572 - 1489)^{2}}{1489} + \frac{(606 - 689)^{2}}{689}$$

$$= \frac{(-83)^{2}}{103} + \frac{(83)^{2}}{47} + \frac{(83)^{2}}{1489} + \frac{(-83)^{2}}{689}$$

$$= \frac{6889}{103} + \frac{6889}{47} + \frac{6889}{1489} + \frac{6889}{689}$$

$$= 66, 88 + 146, 58 + 4, 63 + 10$$

$$= 228, 09$$

Im Vergleich zu n=2328 ist 228,09 nur ein kleiner Wert und schwer zu Interpretieren.

χ 2-basierte Zusammenhangsmaße: φ (Phi)

- Für 2x2-Kreuztabellen!
- Ziel: Relativierung des χ2-Wertes für die Anzahl der Beobachtungen

$$\phi = \sqrt{\frac{\chi^2}{n}}$$

- \$\phi\$ variiert zwischen 0 (min.) und 1 (max.)
- Übung: Bitte berechnen Sie für die letzte Übung (Parteiidentifikation Ost/West) ebenfalls φ

Phi

$$\phi = \sqrt{\frac{228,09}{2328}} = 0.31$$

Es handelt sich um einen mittelstarken Zusammenhang. Die fiktiven Personen aus den Beispieldaten können sich demnach eher mit der AFD identifizieren, wenn sie aus Ostdeutschland kommen.

- Weiterentwicklung, die auch Vergleiche über unterschiedliche große Kreuztabellen hinweg ermöglicht
- Variiert zwischen 0 und +1

$$Cramer'sV = \sqrt{\frac{\chi^2}{\chi^2_{max}}} = \sqrt{\frac{\chi^2}{n*(min(k,m)-1)}}$$

Berechnung für Beispiel?

(sowie entsprechendes Lernmodul 3-Video)

Cramer's V

Es handelt sich um eine 2×2 Tabelle $\Rightarrow R = 2$

Cramer's V =
$$\sqrt{\frac{\chi^2}{n \cdot (R-1)}} = \sqrt{\frac{228,09}{2328 \cdot (2-1)}} = 0.31$$

Auch durch Cramer's V Kategorien-Kontrolle zeigt sich ein mittelstarker Zusammenhang. Die fiktiven Personen aus den Beispieldaten können sich demnach eher mit der AFD identifizieren, wenn sie aus Ostdeutschland kommen.