## gerichteter Z-test

Z-test am Anfang der Folien zusammen rechnen (leicht abgewandelt)

Lesetraining von Schülern.

 $\mu = 65$ 

 $\sigma=12$ 

n = 36

Mittelwert nach dem Training:

$$\bar{x} = 70$$

Ist die Verbesserung überzufällig?

### (i) 1.Hypothese und Signifikanzniveau

 $H_0: \mu=65$ 

 $H_1: \mu 
eq 65$ 

5% Signifikanzniveau

### (i) 2.Ablehnungsbereich

Frage nach: "besser"  $\Rightarrow$ 

$$1-\alpha=1-0,05=0,095$$

In Z-Tabelle befinden sich 2 Werte nebeneinander:

0,9495 und 0,9505

wir wählen 0,9495, weil  $\alpha$  ansonsten etwas kleiner als 5% betragen würde

$$z_{0.095} = 1,64$$

## ( ) 3.Bestimmung der Prüfgröße

$$z_{krit} = rac{ar{x} - \mu}{\sigma_{ar{x}}} = rac{ar{x} - \mu}{rac{\sigma}{\sqrt{n}}} = rac{70 - 65}{rac{12}{\sqrt{36}}} = rac{5}{rac{12}{6}} = rac{5}{2} = 2,5$$

### (i) 4.Interpretation

2,5 > 1,64

Der berechnete Z-Wert fällt in den Ablehnungsbereich, daher wird  $H_0$  verworfen und  $H_1$  angenommen. Das Lesetraining hat also die mittlere Leistung verbessert

### (i) Bonus: Irrtumswahrscheinlichkeit berechnen

# ungerichteter t-Test

Mittlere Lebenszufriedenheit von Männern und Frauen auf einer Skala von 1 - 10 aus einer Befragung:

	Frauen	Männer
n	20	22
$\mu$	7,5	6,5
$s^2$	1,2	1,3

Ist der Unterschied statistisch signifikant?

### (i) 1.Hypothese und Signifikanzniveau

 $H_0$ : Es gibt keine Mittelwertdifferenz = Die Lebenszufriedenheit von Männern und Frauen ist gleich hoch

 $H_1$ : Es gibt eine Mittelwertdifferenz zwischen 2 Gruppen in der Population = Die Lebenszufriedenheit von Männern und Frauen unterscheidet sich

$$H_0: \mu_1 - \mu_2 = 0 \ \Rightarrow \ \mu_1 = \mu_2$$

$$H_1: \mu_1-\mu_2 
eq 0 \ \Rightarrow \ \mu_1 
eq \mu_0$$

## (i) 2.Ablehnungsbereich

Frage nach einem Unterschied  $\Rightarrow$  ungerichtete Hypothese:

$$\frac{\alpha}{2} = \frac{0.05}{2} = 0.025$$
 $1 - \frac{\alpha}{2} = 1 - 0.025 = 0.975$ 

Freiheitsgrade t-test:

С

C C

С

$$Df = (n_1 - 1) + (n_2 - 1) = n_1 + n_2 - 2 = 20 + 22 - 2 = 40$$

In t-Tabelle nachschauen nach bei 0,975 und 40:  $t_{krit}=\pm 2,021$ 

### (i) 3.Berechnung der Prüfgröße

$$t_{40}=rac{(ar{x}_1-ar{x}_2)}{\hat{\sigma}_{(ar{x}_1-ar{x}_2)}}$$

$$\begin{split} \hat{\sigma}_{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2)} &= \sqrt{\frac{(n_1 - 1) \cdot s_1^2 + (n_2 - 1) \cdot s_2^2}{n_1 + n_2 - 2}} \cdot \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}} \\ &= \sqrt{\frac{(20 - 1) \cdot 1, 2 + (22 - 1) \cdot 1, 3}{20 + 22 - 2}} \cdot \sqrt{\frac{1}{20} + \frac{1}{22}} \approx 1,829 \end{split}$$

$$t_{40} = rac{(ar{x}_1 - ar{x}_2)}{1,829} = rac{(7,5 - 6,5)}{1,829} = rac{1}{1,829} pprox 0,55$$

### (i) 4.Interpretation der Ergebnisse

 $t_{40}=0,55$ 

 $t_{krit}=2,021$ 

0,55<2,021

 $H_0$  bleibt weiterhin bestehen

Es gibt keinen statistisch signifikanten Unterschied zwischen der mittleren Lebenszufriedenheit von Frauen im Vergleich zu Männern.

Musterlösung Übungsaufgabe auf den Folien