

# Linguagens de Programação

Programação Funcional e Haskell  
Funções e Expressões Lambda  
Thiago Alves

# Introdução

A forma mais direta de definição de funções é pela combinação de funções existentes.

```
isDigit :: Char -> Bool  
isDigit c = (c >= '0') && (c <= '9')
```

```
even :: a -> bool  
even a = n `mod` 2 == 0
```

```
splitAt :: Int -> [a] -> ([a],[a])  
splitAt n xs = (take n xs, drop n xs)
```

Defina a função

```
halve :: [a] → ([a], [a])
```

que divide uma lista de tamanho par em duas metades

```
halve xs = splitAt (length xs `div` 2) xs
```

Defina a função

```
halve :: [a] → ([a], [a])
```

que divide uma lista de tamanho par em duas metades

# Expressões Condicionais

Como na maioria das linguagens de programação, funções podem ser definidas usando expressões condicionais.

```
abs :: Int → Int  
abs n = if n ≥ 0 then n else -n
```

abs recebe um inteiro  $n$  e retorna  $n$  se é não negativo e  $-n$ , caso contrário.

Defina a função `signum` que recebe um inteiro e retorna `-1` quando o inteiro é negativo, retorna `1` quando o inteiro positivo e retorna `0` quando o inteiro é nulo

```
signum :: Int → Int
```

Expressões condicionais podem ser aninhadas:

```
signum :: Int → Int  
signum n = if n < 0 then -1 else if n == 0 then 0 else 1
```

```
signum :: Int → Int  
signum n = if n < 0 then -1 else  
           if n == 0 then 0 else 1
```

# Ambiguidade de Condicionais

- Em Haskell, expressões condicionais devem sempre ter else
- Evitando possíveis problemas de ambiguidade com condicionais aninhados

if True then if False then 1 else 2



else é de qual if?



# Guarded Equations

Como alternativa aos condicionais, funções podem ser definidas usando guarded equations.

```
abs n | n ≥ 0      = n  
      | otherwise = -n
```

Como anteriormente, mas usando guarded equations.

Use Guarded equations para escrever uma definição para a função signum:

Guarded equations podem ser usadas para tornar definições envolvendo múltiplas condições mais fáceis de ler:

```
signum n | n < 0      = -1  
         | n == 0     = 0  
         | otherwise = 1
```

- otherwise trata todos os outros casos para não ocorrer erro
- Não é obrigatório

# Pattern Matching

Várias funções possuem uma definição mais clara usando pattern matching nos seus argumentos.

```
not    :: Bool → Bool  
not False = True  
not True  = False
```

not mapeia False para True, e True para False.

- O underscore \_ é um padrão coringa que casa qualquer valor de argumento.
- Cada ocorrência de \_ funciona como um variável diferente

```
True && b = b
```

```
False && _ = False
```

- Padrões são casados na ordem. Por exemplo, a seguinte definição sempre retorna False:

```
_ && _ = False  
True && True = True
```

- Padrões não devem repetir variáveis. Por exemplo, a seguinte definição **retorna um erro**:

```
b && b = b  
_ && _ = False
```

# Padrões de Tupla

Uma tupla de padrões é um padrão

```
fst :: (a,b) → a  
fst (x,_) = x
```

```
snd :: (a,b) → b  
snd (_,y) = y
```

# Padrões de Lista

Uma lista de padrões é um padrão que dá match com listas de mesmo tamanho em que os elementos dão match com o padrão correspondente

```
firstAThree :: [Char] → Bool  
firstAThree ['a',_,_] = True  
firstAThree _ = False
```



# Padrões de Lista

Internamente, toda lista não-vazia é construída pelo uso repetido do operador (:) chamado “cons” que adiciona um elemento ao início da lista.

[1,2,3,4]

Significa 1:(2:(3:(4:[]))).

Funções em listas podem ser definidas usando padrões  $x:xs$ .

```
head :: [a] → a  
head (x:_) = x
```

```
tail :: [a] → [a]  
tail (_:xs) = xs
```

- Padrões  $x:xs$  apenas casam com listas não-vazias:

```
> head []  
ERROR
```

- Padrões  $(x:xs)$  devem ser parentisados
- A função tem prioridade mais alta
- A seguinte definição **retorna um erro**:

```
head x:_ = x
```

Escreva uma definição para a função `firsta` que recebe uma lista de caracteres e retorna `True` se o primeiro elemento da lista é `'a'`, e retorna `False`, caso contrário.

```
firsta :: [Char] -> Bool
```

Escreva uma definição para a função `firsta` que recebe uma lista de caracteres e retorna `True` se o primeiro elemento da lista é `'a'`, e retorna `False`, caso contrário.

```
firsta :: [Char] -> Bool
firsta ('a':_) = True
firsta _       = False
```

# Padrões de Inteiros

Haskell permite padrões de inteiros da forma  $n + k$  em que  $n$  é variável e  $k > 0$  é constante

```
pred :: Int → Int  
pred 0      = 0  
pred (n + 1) = n
```

Considere a função safetail que se comporta da mesma forma que tail, exceto que safetail mapeia a lista vazia para a lista vazia, enquanto tail retorna um erro nesse caso. Defina safetail usando:

- (a) uma expressão condicional;
- (b) guarded equations;
- (c) pattern matching.

Dica: a função  $\text{null} :: [a] \rightarrow \text{Bool}$  pode ser usada para testar se uma lista é vazia.

`safeTail xs = if null xs then [] else tail xs`

```
safeTail xs
  | null xs = []
  | otherwise tail xs
```

```
safeTail [] = []
safetail (x:xs) = xs
```



# Expressões Lambda

Funções podem ser construídas sem nome usando expressões lambda.

$\lambda x \rightarrow x + x$

A função sem nome que recebe um número  $x$  e retorna o resultado  $x + x$ .

- O símbolo  $\lambda$  é a letra Grega lambda, e é digitado no teclado como `\`.
- Em Haskell, o uso do símbolo  $\lambda$  para funções sem nome vem do lambda calculus, a teoria de funções na qual Haskell é baseada.
- Funções definidas com expressões lambdas podem ser usadas da forma usual

```
> (\x -> x + x) 2  
4
```

# Utilidade do Lambda?

Expressões lambda podem ser usadas para fornecer um significado para as funções definidas usando currificação.

Por exemplo:

```
add x y = x + y
```

significa

```
add = \x → (\y → x + y)
```

Expressões lambda também são úteis para definição de funções que retornam funções como resultados.

```
power :: Int → (Int → Int)  
power n = \x → x^n
```

```
square = power 2  
cube = power 3
```

Expressões lambda podem ser usadas para evitar nomear funções que só são referenciadas uma vez.

Por exemplo:

```
f x = x*2 + 1  
odds n = map f [0..n-1]
```

Pode ser  
simplificado para

Aplicada em cada  
elemento da lista

```
odds n = map (\x → x*2 + 1) [0..n-1]
```

Uma empresa quer dar um aumento de 10% para os funcionários e quer saber o gasto total depois do aumento.

Defina uma função novoGasto que recebe uma lista de salários e retorna o gasto da empresa com os salários atualizados.

```
novoGasto :: [Float] -> Float
```

Uma empresa quer dar um aumento de 10% para os funcionários e quer saber o gasto total depois do aumento.

Defina uma função novoGasto que recebe uma lista de salários e retorna o gasto da empresa com os salários atualizados.

```
novoGasto :: [Float] -> Float  
novoGasto xs = sum (map (\x → x*1.1) xs)
```

# Seções

Um operador escrito entre seus dois argumentos pode ser convertido em uma função currificada escrita antes dos seus dois argumentos usando parênteses.

Por exemplo:

```
> 1+2
```

```
3
```

```
> (+) 1 2
```

```
3
```



Essa convenção também permite um dos argumentos do operador ser incluído nos parênteses.

Por exemplo:

```
> (1+) 2
```

```
3
```

```
> (+2) 1
```

```
3
```

Em geral, se  $\oplus$  é um operador então funções da forma  $(\oplus)$ ,  $(x\oplus)$  and  $(\oplus y)$  são chamadas seções.

$$(\oplus) = \lambda x \rightarrow (\lambda y \rightarrow x \oplus y)$$

$$(x\oplus) = \lambda y \rightarrow x \oplus y$$

$$(\oplus y) = \lambda x \rightarrow x \oplus y$$

# Utilidade das Seções?

- Funções úteis podem ser definidas de forma mais simples usando seções
- Além disso, não é preciso dar nome

Por exemplo:

$(1+)$  - função sucessor

$(1/)$  - função inversa multiplicativa

$(*2)$  - função dobro

$(/2)$  - função metade

# Utilidade das Seções?

Usar operadores como argumentos para funções

```
novoSal :: [Float] → [Float]  
novoSal xs = map (*1.1) xs
```