

1. Construa um autômato finito determinístico para reconhecer a seguinte linguagem:  $L_1 = \{w \in a, b, c^* \mid w \text{ começa e termina com o mesmo símbolo}\}$ .
2. Mostre um autômato finito determinístico que reconheça a linguagem:  $L_2 = \{w \in \{0, 1\}^* \mid w \text{ termina em } 00\}$ .
3. Seja o alfabeto  $\Sigma_2 = \left\{ \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \right\}$ . Considere a linguagem

$$M = \{w \in \Sigma_2 \mid \text{a linha superior de } w \text{ é um número binário maior que o número binário representado pela linha inferior de } w\}.$$

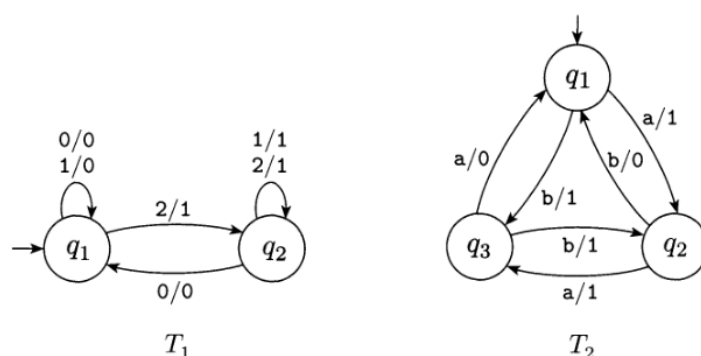
Por exemplo,

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \in M, \text{ e}$$

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \notin M.$$

Mostre que  $M$  é regular.

4. Uma máquina de Mealy é um tipo de autômato finito determinístico cuja saída é uma string. A seguir temos diagramas de estados de duas máquinas de Mealy  $T_1$  e  $T_2$ .



Cada transição de uma máquina de Mealy é rotulada com dois símbolos, um designando a entrada e outro a saída. Os dois são escritos com uma barra, /, separando os. Em  $T_1$ , a transição de  $q_1$  para  $q_2$  tem símbolo de entrada 2 e o símbolo de saída é 1. Algumas transições podem ter vários pares entrada-saída, como as transições em  $T_1$  de  $q_1$  para ele mesmo. Quando uma máquina de Mealy computa uma string de entrada  $a_1, \dots, a_n$ , começa do estado inicial e processa os símbolos de entrada um por um seguindo as transições de acordo com os rótulos. Sempre que passa por uma transição, ele produz uma saída de acordo com o símbolo de saída correspondente. Por exemplo, na entrada 2212011, a máquina  $T_1$  segue pela sequência de estados  $q_1, q_2, q_2, q_2, q_2, q_1, q_1, q_1$  e produz a saída 1111000. Na entrada abbb,  $T_2$  produz 1011.

- (a) Diga a saída produzida pela máquina  $T_1$  na entrada 0202.
  - (b) Diga a saída produzida pela máquina  $T_2$  na entrada bbab.
  - (c) Mostre uma definição formal para as máquinas de Mealy.
  - (d) Construa uma máquina de Mealy com o seguinte comportamento: Seus alfabetos de entrada e saída são  $\{0, 1\}$ . Suas strings de saída são idênticas as de entrada nas posições pares mas invertidas nas posições ímpares. Por exemplo, com entrada 00001111 deve produzir 1010010.
5. Mostre que a linguagem  $L_4 = \{w \in \{0, 1\}^* \mid \text{o antepenúltimo símbolo de } w \text{ é } 1\}$  é regular, apresentando um autômato finito determinístico.
6. Construa um autômato finito determinístico para mostrar que  $L_5 = \{w \in \{0, 1, 2\}^* \mid \text{a soma dos dígitos de } w \text{ é múltipla de } 3\}$  é regular.
7. Sejam dois autômatos finitos determinísticos quaisquer  $A_1$  e  $A_2$ . Mostre que existe um autômato finito determinístico  $A_3$  tal que  $L(A_3) = L(A_1) \cap L(A_2)$ . **Dica:**  $A_3$  tem como conjunto de estados  $Q_3 = Q_1 \times Q_2$  em que  $Q_1$  é o conjunto de estados de  $A_1$  e  $Q_2$  é o conjunto de estados de  $A_2$ .
8. Prove que se  $L_1$  e  $L_2$  são linguagens regulares então  $L_1 \cap L_2$  é uma linguagem regular. **Dica:** Mostre como construir um autômato finito determinístico para reconhecer  $L_1 \cap L_2$  a partir dos autômatos que reconhecem  $L_1$  e  $L_2$ .
9. Mostre que a linguagem  $L_3 = \{w \in \{a, b\}^* \mid \text{o número de } a\text{'s é ímpar e o número de } b\text{'s é divisível por três}\}$  é regular.