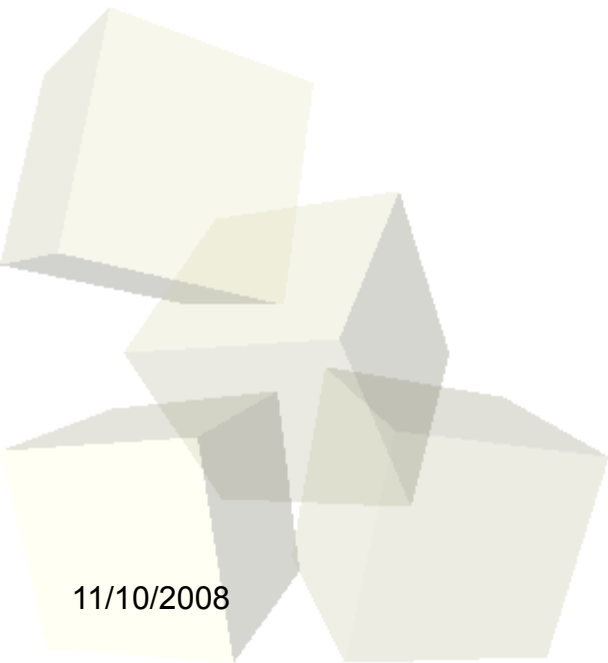




# Calculadora Lógica

Demonstração do funcionamento da calculadora lógica.





O que a calculadora deve realizar?

A calculadora deve realizar a resolução de uma expressão lógica, para tal, deve obedecer as ordens de precedência de cada operador, e os parentes.

Que linguagem de programação ela é feita?

A calculadora é feita em Java.

Como utilizar a calculadora?

A calculadora possui um formulário para a realização das expressões e exibição da resolução. Para utilizar basta clicar nos botões, ou ainda pode digitar utilizando o teclado, sendo as teclas de atalho:

- “T”, operando verdadeiro (True);
- “F”, operando falso (False);
- “N”, operador negação (~);
- “E”, operador conjunção (^);
- “O”, operador disjunção (v);
- “X”, operador disjunção exclusiva (x);
- “C”, operador condicional ( $\rightarrow$ );
- “B”, operador bicondicional ( $\leftrightarrow$ );
- “A”, abertura de parentes “(“;
- “S”, fechamento de parentes “)“;
- “=”, resolve a expressão;
- “Backspace”, remove o último elemento da expressão;
- “Delete”, limpa a expressão



# Formulário da calculadora





# Entendendo o algoritmo

A calculadora trabalha com:

- duas **pilhas**, sendo elas a pilha de operando (apenas T ou F), e a pilha de operadores (objeto da inner class Operador);
- uma **Inner Class** Operador, o qual armazena o operador e a sua precedência;
- um **HashMap** dos operadores e suas precedências;
- uma **variável inteira** contadora de parenteses.

A calculadora possui quatro métodos que necessitam ser chamados pela aplicação, sendo eles:

- O construtor da classe, o qual apenas armazena no HashMap os operadores e suas precedências;
- o método *boolean isValid(String expressão)*, o qual valida a expressão;
- se a expressão for válida chamamos o método *void tokenize(String expressão)*, o qual quebra a expressão em partes (tokens), e faz o devido tratamento;
- e por fim temos o *String start()*, o qual resolve o resto da expressão que sobra devido a ordem de precedência, e retorna T ou F, que é o resultado final.



# Resolvendo expressões simples

$T \wedge T$

Pilha Operandos:

Pilha Operadores:





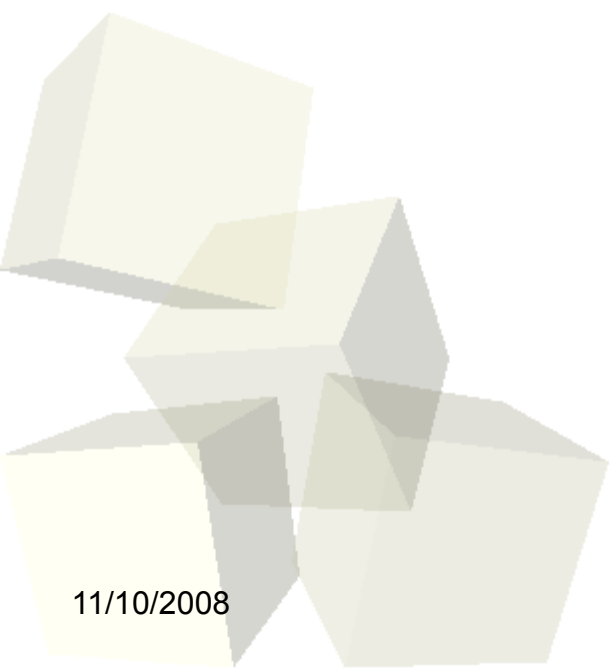
# Resolvendo expressões simples

$T \wedge T$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores:

Quando iniciarmos o tokenize, ele vai capturar o T. T é um operando ele apenas insere na pilha de Operandos.





# Resolvendo expressões simples

T ^ T

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores: ^

O tokenize, capturou o ^.  
^ é um operador ele vai verificar se resolve, como não temos dois operando, e a pilha de operadores estava vazia então não resolve



# Resolvendo expressões simples

$T \wedge T$

Pilha Operandos: T T

Pilha Operadores: ^

Por fim o tokenizer capturou o T  
e empilhou na pilha de operandos





# Resolvendo expressões simples

T ^ T

Pilha Operandos: T T

Pilha Operadores: ^

Por fim o tokenize capturou o T e empilhou na pilha de operandos

Agora acabou nosso tokenize, mas não temos a resposta, neste caso temos o método *String start()*, que finaliza este “resto” da expressão que sobrou nas pilhas, até a pilha de operadores for vazia.



# Resolvendo expressões simples

T ^ T

Pilha Operandos: T T

Pilha Operadores: ^

Por fim o tokenize capturou o T  
e empilhou na pilha de operandos

Agora acabou nosso tokenize, mas não temos a resposta, neste caso temos o método *String start()*, que finaliza este “resto” da expressão que sobrou nas pilhas, até a pilha de operadores for vazia.

Retiro da pilha e armazeno em uma variável (oprn1)



# Resolvendo expressões simples

$T \wedge T$

Pilha Operandos: T T

Pilha Operadores: ^

Por fim o tokenize capturou o T e empilhou na pilha de operandos

Agora acabou nosso tokenize, mas não temos a resposta, neste caso temos o método *String start()*, que finaliza este “resto” da expressão que sobrou nas pilhas, até a pilha de operadores for vazia.

Retiro da pilha e armazeno em uma variável (oprn1)

Retiro da pilha e armazeno em uma variável (oprn2)



# Resolvendo expressões simples

$T \wedge T$

Pilha Operandos: T T

Pilha Operadores: ^

Por fim o tokenize capturou o T e empilhou na pilha de operandos

Agora acabou nosso tokenize, mas não temos a resposta, neste caso temos o método *String start()*, que finaliza este “resto” da expressão que sobrou nas pilhas, até a pilha de operadores for vazia.

Retiro da pilha e armazeno em uma variável (oprn1)

Retiro da pilha e armazeno em uma variável (oprn2)

Retiro da pilha e armazeno em uma variável (opr)



# Resolvendo expressões simples

$T \wedge T$

Pilha Operandos:

Pilha Operadores:

Oprn1 = T  
Oprn2 = T  
Opr = ^

Faço a resolução de **Opr2 + Opr + Oprn1**

Neste caso:  $T \wedge T$

O resultado desta parte da expressão é T.



# Resolvendo expressões simples

$T \wedge T$

Pilha Operandos:

Pilha Operadores:

Oprn1 = T  
Oprn2 = T  
Opr = ^

Faço a resolução de **Opr2 + Opr + Oprn1**

Neste caso:  $T \wedge T$

O resultado desta parte da expressão é T.

Capturo o resultado e adiciono a pilha de Operandos



# Resolvendo expressões simples

$T \wedge T$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores:

Oprn1 = T  
Oprn2 = T  
Opr = ^

Capturo o resultado e  
adiciono a pilha de Operandos

Faço a resolução de **Opr2 + Opr + Oprn1**

Neste caso:  $T \wedge T$

O resultado desta parte da expressão é T.



# Resolvendo expressões simples

T ^ T

Pilha Operandos:

Pilha Operadores:

E por fim exibe o resultado, para tal, o método **start**, remove o último elemento da pilha de operandos, retornando o resultado final, neste caso “T”, e encerra a calculadora.





# Resolvendo expressões simples

Agora vamos resolver uma expressão um pouco mais complexa





# Resolvendo expressões simples

$$\sim T \wedge F \rightarrow F$$

Pilha Operandos:

Pilha Operadores:



# Resolvendo expressões simples

$$\sim T \wedge F \rightarrow F$$

Pilha Operandos:

Pilha Operadores:  $\sim$

O tokenize começou, e adiciona o negação na pilha de operadores.



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores:  $\sim$

Agora como é operando, apenas adiciona na pilha de operandos



# Resolvendo expressões simples

$$\sim T \wedge F \rightarrow F$$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores:  $\sim$

Agora temos um porém, não podemos adicionar o operador “ $\wedge$ ” na pilha de operadores pois temos um operador com precedência menor que a sua, neste caso o  $\sim$  vale 0, e o  $\wedge$  vale 1.

Então resolvemos o que havia na pilha antes de empilhar o “ $\wedge$ ”!



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores:  $\sim$

Agora temos um porém, não podemos adicionar o operador " $\wedge$ " na pilha de operadores pois temos um operador com precedência menor que a sua, neste caso o  $\sim$  vale 0, e o  $\wedge$  vale 1.

Então resolvemos o que havia na pilha antes de empilhar o " $\wedge$ "!

Retiro o T da pilha e armazeno na var. oprn1



# Resolvendo expressões simples

$$\sim T \wedge F \rightarrow F$$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores: ~

Agora temos um porém, não podemos adicionar o operador “^” na pilha de operadores pois temos um operador com precedência menor que a sua, neste caso o ~ vale 0, e o ^ vale 1.

Então resolvemos o que havia na pilha antes de empilhar o “^”!

Retiro o T da pilha e armazeno na variável oprn1

Retiro o “~” e armazeno na variável opr



# Resolvendo expressões simples

$$\sim T \wedge F \rightarrow F$$

Pilha Operandos:

Pilha Operadores:

Agora temos um porém, não podemos adicionar o operador “^” na pilha de operadores pois temos um operador com precedência menor que a sua, neste caso o ~ vale 0, e o ^ vale 1.

Então resolvemos o que havia na pilha antes de empilhar o “^”!

Então resolvo, neste caso,  
opr1 + opr (~T)  
que resulta **F**.





# Resolvendo expressões simples

$$\sim T \wedge F \rightarrow F$$

Pilha Operandos: F

Pilha Operadores:

Agora temos um porém, não podemos adicionar o operador “^” na pilha de operadores pois temos um operador com precedência menor que a sua, neste caso o ~ vale 0, e o ^ vale 1.

Então resolvemos o que havia na pilha antes de empilhar o “^”!

Então resolvo, neste caso,  
 $\text{opr}n1 + \text{opr}(\sim T)$   
que resulta **F**.  
Então adiciono na pilha de operandos.



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F

Pilha Operadores: ^

Agora sim podemos adicionar o operador “^” na pilha de operadores, pois, ela está vazia, e além disso ela não possui nenhum operador com ordem de precedência menor do que a do “^”



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F F

Pilha Operadores: ^

Agora temos outro operando para adicionar,  
apenas adicionamos ele a pilha de operandos



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F F

Pilha Operadores: ^

Agora temos o operador “ $\rightarrow$ ”, antes de adicionarmos ele na pilha de operadores devemos verificar a ordem de precedência dele, ele é o 4, e o “ $\wedge$ ” é o 1, então devemos resolver o primeiro o que há nas pilhas para poder adicionar



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F F

Pilha Operadores: ^

Remove da pilha e adiciona na variável oprn1

Agora temos o operador “ $\rightarrow$ ”, antes de adicionarmos ele na pilha de operadores devemos verificar a ordem de precedência dele, ele é o 4, e o “ $\wedge$ ” é o 1, então devemos resolver o primeiro o que há nas pilhas para poder adicionar



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F F

Pilha Operadores: ^

Remove da pilha e adiciona na variável oprn1

Remove da pilha e adiciona na variável oprn2

Agora temos o operador “ $\rightarrow$ ”, antes de adicionarmos ele na pilha de operadores devemos verificar a ordem de precedência dele, ele é o 4, e o “ $\wedge$ ” é o 1, então devemos resolver o primeiro o que há nas pilhas para poder adicionar



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F F

Pilha Operadores: ^

Remove da pilha e adiciona na variável oprn1

Remove da pilha e adiciona na variável oprn2

Agora temos o operador “ $\rightarrow$ ”, antes de adicionarmos ele na pilha de operadores devemos verificar a ordem de precedência dele, ele é o 4, e o “ $\wedge$ ” é o 1, então devemos resolver o primeiro o que há nas pilhas para poder adicionar

Remove da pilha e adiciona na variável opr



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos:

Pilha Operadores:

Agora temos o operador “ $\rightarrow$ ”, antes de adicionarmos ele na pilha de operadores devemos verificar a ordem de precedência dele, ele é o 4, e o “ $\wedge$ ” é o 1, então devemos resolver o primeiro o que há nas pilhas para poder adicionar

Resolve o que há nas variáveis

**opr<sub>n2</sub> + opr + opr<sub>n1</sub>**

**F ^ F**

Resulta em: F





# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F

Pilha Operadores:

Agora temos o operador “ $\rightarrow$ ”, antes de adicionarmos ele na pilha de operadores devemos verificar a ordem de precedência dele, ele é o 4, e o “ $\wedge$ ” é o 1, então devemos resolver o primeiro o que há nas pilhas para poder adicionar

Resolve o que há nas variáveis  
**opr<sub>n2</sub> + opr + opr<sub>n1</sub>**  
F ^ F

Resulta em: F

Então adiciona na pilha de operandos



# Resolvendo expressões simples

$$\sim T \wedge F \rightarrow F$$

Pilha Operandos: F

Pilha Operadores:  $\rightarrow$

Agora sim podemos adicionar o operador " $\rightarrow$ " na pilha de operadores, pois ela está vazia, e estando vazia não tem ninguém com precedência menor que a sua.



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F F

Pilha Operadores:  $\rightarrow$

Agora podemos adicionar o outro operando, em sua pilha, e assim acabamos nosso tokenize



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F F

Pilha Operadores:  $\rightarrow$

Retiro da pilha, e armazeno na variável oprn1

Como acabou nossa tokenize, temos ainda que exibir o resultado na tela, pra isso temos o método que já foi explicado antes, que é o *start* que resolve tudo que há nas pilhas até que a pilha de operadores fique vazia.



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F F

Pilha Operadores:  $\rightarrow$

Retiro da pilha, e armazeno na variável oprn1

Retiro da pilha, e armazeno na variável oprn2

Como acabou nossa tokenize, temos ainda que exibir o resultado na tela, pra isso temos o método que já foi explicado antes, que é o *start* que resolve tudo que há nas pilhas até que a pilha de operadores fique vazia.



# Resolvendo expressões simples

$$\sim T \wedge F \rightarrow F$$

Pilha Operandos: F F

Pilha Operadores: →

Como acabou nossa tokenize, temos ainda que exibir o resultado na tela, pra isso temos o método que já foi explicado antes, que é o *start* que resolve tudo que há nas pilhas até que a pilha de operadores fique vazia.

Retiro da pilha, e armazeno na variável oprn1

Retiro da pilha, e armazeno na variável oprn2

Retiro da pilha e armazenando na variável opr



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos:

Pilha Operadores:

Agora resolve o que há nas variáveis  
 $F \rightarrow F$

O que resulta em: F

Como acabou nossa tokenize, temos ainda que exibir o resultado na tela, pra isso temos o método que já foi explicado antes, que é o *start* que resolve tudo que há nas pilhas até que a pilha de operadores fique vazia.



# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F

Pilha Operadores:

Agora resolve o que há nas variáveis  
 $F \rightarrow F$

O que resulta em: F  
Então adicionamos na pilha de operandos

Como acabou nossa tokenize, temos ainda que exibir o resultado na tela, pra isso temos o método que já foi explicado antes, que é o *start* que resolve tudo que há nas pilhas até que a pilha de operadores fique vazia.





# Resolvendo expressões simples

$\sim T \wedge F \rightarrow F$

Pilha Operandos: F

Pilha Operadores:

Agora a pilha de operadores está vazia, então vamos retirar o que há na pilha de operandos e pronto, finalizamos a calculadora.



# Resolvendo expressões simples

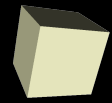
$$\sim T \wedge F \rightarrow F$$

Pilha Operandos: F

Pilha Operadores:

Agora a pilha de operadores está vazia, então vamos retirar o que há na pilha de operandos e pronto, finalizamos a calculadora.

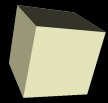
Retira da pilha e retornando o que removeu como resultado



# Resolvendo expressões complexas

Agora vamos resolver uma expressão um pouco mais complexa,  
contendo parentes





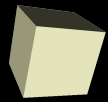
# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos:  $\rightarrow T$

Pilha Operadores:

Iniciando o tokenize, ele já acha um operando, então já adiciona o mesmo na pilha de operandos



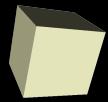
# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores: v

O token agora é o “v”, como a pilha está vazia, e não temos nenhum operador com ordem de precedência menor do que a do “v”, então podemos adicionar direto na pilha de operadores



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos:  $\uparrow$  F

Pilha Operadores:  $\vee$

O token agora é o F, apenas adiciona pois é um operando



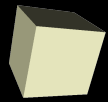
# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F

Pilha Operadores:  $\vee$

O token agora é o “ $\wedge$ ”, como há operadores na pilha de operadores, temos que verificar a precedência dele, como temos o “ $\vee$ ”, a precedência dele é 2, e a do “ $\wedge$ ” é 1, então só vamos empilhar



# Resolvendo expressões complexas

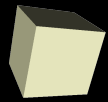
$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$

O token agora é o “ $\wedge$ ”, como há operadores na pilha de operadores, temos que verificar a precedência dele, como temos o “ $\vee$ ”, a precedência dele é 2, e a do “ $\wedge$ ” é 1, então só vamos empilhar





# Resolvendo expressões complexas

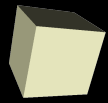
$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (

Contador de parentes: 6

O token agora é o “(”, agora temos um detalhe importante, como no slide 4, existe um atributo da classe que é o contador de parentes, quando achamos um abre parentes, adicionamos contador += 6 (seis pois é a ordem de precedência maior), e então empilhamos este abre parente na pilha de operadores.



# Resolvendo expressões complexas

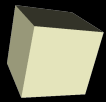
$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F  $\rightarrow$  T

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (

Contador de parenteses: 6

Agora temos que empilhar mais um operando na pilha de operandos



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

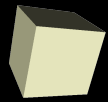
Pilha Operandos: T F T

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (

Contador de parenteses: 6

Agora temos o operador “ $\leftrightarrow$ ”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode adicionar.

Como o último elemento da pilha de operadores é um “(”, então vamos apenas empilhar, pois não tem nada pra resolver



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F T

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$

Contador de parenteses: 6

Agora temos o operador “ $\leftrightarrow$ ”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode adicionar.

Como o último elemento da pilha de operadores é um “(”, então vamos apenas empilhar, pois não tem nada pra resolver



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F T

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$

Contador de parenteses: 6

Agora temos o operador “ $\sim$ ”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode adicionar.

Como o último elemento da pilha é o “ $\leftrightarrow$ ” e está valendo -1 (obs: lembre-se do contador de parenteses) e o “ $\sim$ ” vale -6 ( $0-6 = -6$ ) então só adiciona, pois deve ser maior para poder resolver



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

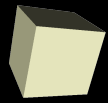
Pilha Operandos: T F T

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$   $\sim$

Contador de parenteses: 6

Agora temos o operador “ $\sim$ ”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode adicionar.

Como o último elemento da pilha é o “ $\leftrightarrow$ ” e está valendo -1 (obs: lembre-se do contador de parenteses) e o “ $\sim$ ” vale -6 ( $0-6 = -6$ ) então só adiciona, pois deve ser maior para poder resolver



# Resolvendo expressões complexas

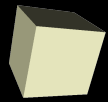
$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F T T

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$   $\sim$

Contador de parenteses: 6

Agora temos o operando T, apenas adicionamos ele na pilha de operandos



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

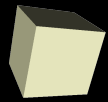
Pilha Operandos: T F T T

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$   $\sim$

Contador de parenteses: 6

Muita atenção agora, pois temos um “)”, quando temos um “)”, devemos resolver tudo o que tem na pilha de operadores até que sobre o “(”





# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

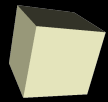
Pilha Operandos: T F T T

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$   $\sim$

Contador de parenteses: 6

Retiro e armazeno na  
variável oprn1

Muita atenção agora, pois temos um “)”, quando temos um “)”, devemos resolver tudo o que tem na pilha de operadores até que sobre o “(”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F T T

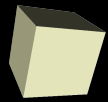
Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$   $\sim$

Contador de parenteses: 6

Muita atenção agora, pois temos um “)”, quando temos um “)”, devemos resolver tudo o que tem na pilha de operadores até que sobre o “(”

Retiro e armazeno na variável oprn1

Como temos uma “~”, retiro e armazeno na variável opr



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

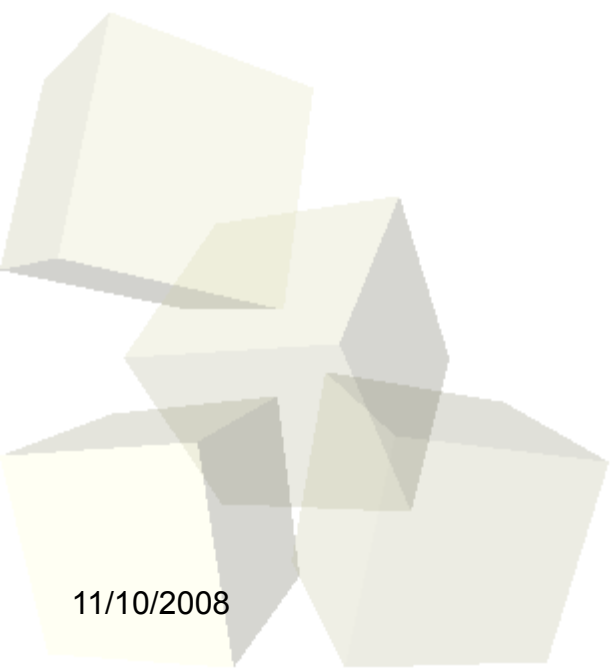
Pilha Operandos: T F T

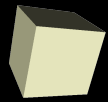
Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$

Contador de parentes: 6

Muita atenção agora, pois temos um “)”, quando temos um “)”, devemos resolver tudo o que tem na pilha de operadores até que sobre o “(”

Resolve a operação  
 $\sim T = F$





# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

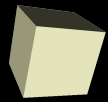
Pilha Operandos: T F T F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$

Contador de parentes: 6

Resolve a operação e armazena  
na pilha de operandos  
 $\sim T = F$

Muita atenção agora, pois temos um “)”, quando temos um “)”, devemos resolver tudo o que tem na pilha de operadores até que sobre o “(”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F T F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$

Retira e armazena na variável  
oprn1

Contador de parenteses: 6

Muita atenção agora, pois temos um “)”, quando temos um “)”, devemos resolver tudo o que tem na pilha de operadores até que sobre o “(”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F T F

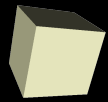
Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$

Contador de parentes: 6

Muita atenção agora, pois temos um “)”, quando temos um “)”, devemos resolver tudo o que tem na pilha de operadores até que sobre o “(”

Retira e armazena na variável oprn1

Retira e armazena na variável oprn2



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F T F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (  $\leftrightarrow$

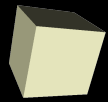
Contador de parentes: 6

Muita atenção agora, pois temos um “)”, quando temos um “)”, devemos resolver tudo o que tem na pilha de operadores até que sobre o “(”

Retira e armazena na variável oprn1

Retira e armazena na variável oprn2

Retira e armazena na variável opr



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (

Contador de parenteses: 6

Resolve a expressão

$T \leftrightarrow F = F$

Muita atenção agora, pois temos um “)”, quando temos um “)”, devemos resolver tudo o que tem na pilha de operadores até que sobre o “(”





# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (

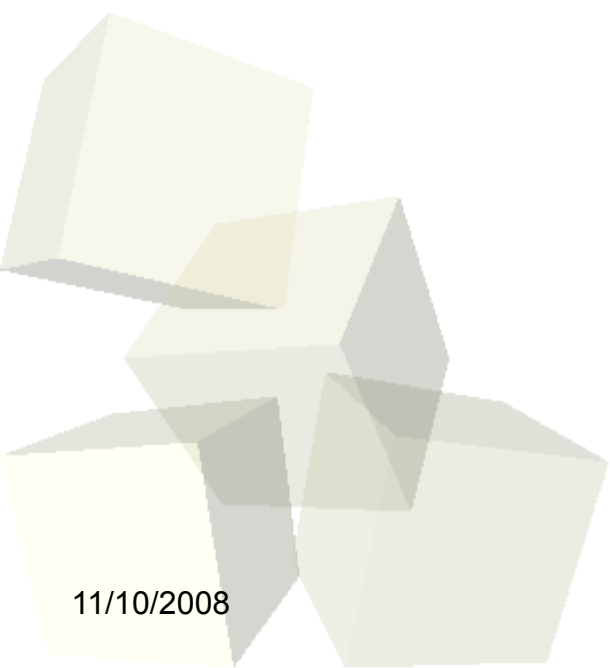
Contador de parenteses: 6

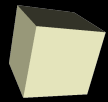
Resolve a expressão

$T \leftrightarrow F = F$

Então armazena o resultado na pilha de operandos

Muita atenção agora, pois temos um “)”, quando temos um “)”, devemos resolver tudo o que tem na pilha de operadores até que sobre o “(”





# Resolvendo expressões complexas

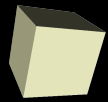
$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$  (

Contador de parentes: 6 - 6

Agora como nos restou apenas o "(" na pilha de operadores, então apenas vamos remover ele e o contador de parentes decrementa 6



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$

Contador de parentes: 0

Agora como nos restou apenas o "(" na pilha de operadores, então apenas vamos remover ele e o contador de parentes decrementa 6



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$

Contador de parenteses: 0

O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “ $\wedge$ ” vale 1, então temos que resolver primeiro o “ $\wedge$ ”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) x \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$

Contador de parenteses: 0

Retira e armazena na variável  
oprn1

O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “ $\wedge$ ” vale 1, então temos que resolver primeiro o “ $\wedge$ ”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$

Contador de parentes: 0

Retira e armazena na variável  
oprn1

Retira e armazena na variável  
oprn2

O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “^” vale 1, então temos que resolver primeiro o “^”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) x \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F F

Pilha Operadores:  $\vee$   $\wedge$

Contador de parentes: 0

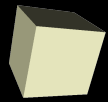
O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “ $\wedge$ ” vale 1, então temos que resolver primeiro o “ $\wedge$ ”

Retira e armazena na variável oprn1

Retira e armazena na variável oprn2

Retira e armazena na variável opr



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores:  $\vee$

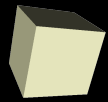
Contador de parentes: 0

Resolvo o que tenho nas variáveis:  
 $F \wedge F = F$

O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “^” vale 1, então temos que resolver primeiro o “^”





# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F ←

Pilha Operadores:  $\vee$

Contador de parentes: 0

Resolvo o que tenho nas variáveis:  
 $F \wedge F = F$

Então armazenando o resultado na  
pilha de operandos

O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “^” vale 1, então temos que resolver primeiro o “^”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

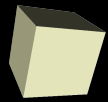
Pilha Operandos: T F

Pilha Operadores:  $\vee$

Contador de parenteses: 0

O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “v” vale 2, então temos que resolver primeiro o “v”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F

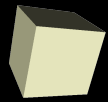
Pilha Operadores:  $\vee$

Contador de parentes: 0

Retiro e armazeno na variável  
oprn1

O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “v” vale 2, então temos que resolver primeiro o “v”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F

Pilha Operadores: v

Contador de parentes: 0

Retiro e armazeno na variável  
opr<sub>n</sub>1

Retiro e armazeno na variável  
opr<sub>n</sub>2

O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “v” vale 2, então temos que resolver primeiro o “v”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F

Pilha Operadores: v

Contador de parentes: 0

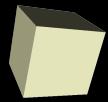
Retiro e armazeno na variável  
opr<sub>n1</sub>

Retiro e armazeno na variável  
opr<sub>n2</sub>

Retiro e armazeno na variável  
opr

O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “v” vale 2, então temos que resolver primeiro o “v”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos:

Pilha Operadores:

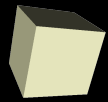
Contador de parentes: 0

Resolvo o que tenho nas variáveis:

$T \vee F = T$

O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “v” vale 2, então temos que resolver primeiro o “v”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T ←

Resolvo o que tenho nas variáveis:

$T \vee F = T$

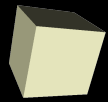
Pilha Operadores:

Então armazeno na pilha de operandos

Contador de parentes: 0

O tokenize agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Como o “x” vale 3 e o “v” vale 2, então temos que resolver primeiro o “v”



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) x \sim \sim T$

Pilha Operandos: T



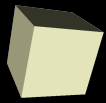
Pilha Operadores: x

Contador de parenteses: 0

O tokenizador agora encontrou o “x”, mas antes de adicionar ele em sua pilha, devemos verificar se pode.

Agora sim posso adicionar o “x”, pois a pilha de operadores está vazia





# Resolvendo expressões complexas

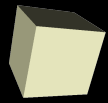
$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) x \sim \sim T$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores: x

Contador de parenteses: 0

O tokenize agora encontrou o “~”, como o “~” vale 0 e o “x” vale 3, então só vamos empilhar



# Resolvendo expressões complexas

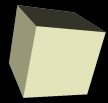
$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) x \sim \sim T$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores: x ~

Contador de parenteses: 0

O tokenize agora encontrou o “~”, como o “~” vale 0 e o “x” vale 3, então só vamos empilhar



# Resolvendo expressões complexas

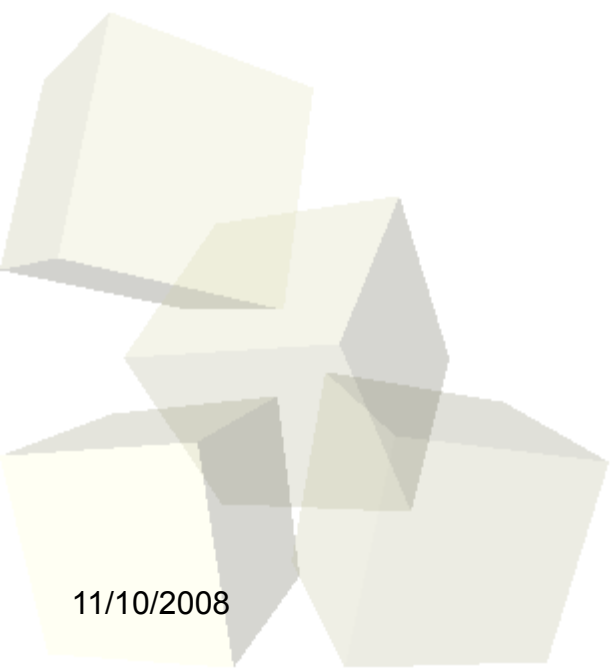
$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) x \sim \sim T$

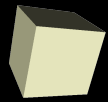
Pilha Operandos: T

Pilha Operadores: x ~

Contador de parenteses: 0

O tokenize agora encontrou outro “~”, como o “~” vale 0 e o último elemento da pilha de operadores é outro “~” que também vale 0, então só vamos empilhar





# Resolvendo expressões complexas

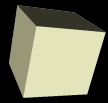
$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) x \sim \sim T$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores: x ~ ~

Contador de parenteses: 0

O tokenize agora encontrou outro “~”, como o “~” vale 0 e o último elemento da pilha de operadores é outro “~” que também vale 0, então só vamos empilhar



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) x \sim \sim T$

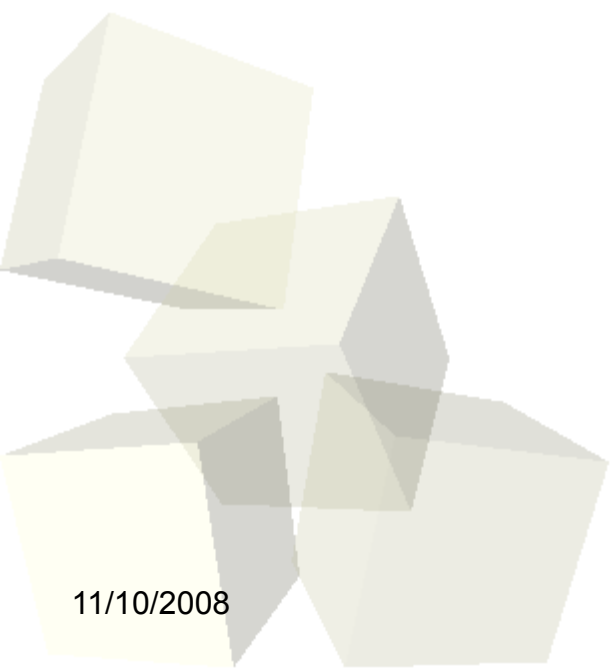
Pilha Operandos: T T



Pilha Operadores: x ~ ~

Contador de parenteses: 0

Agora restou apenas o operando T, vamos apenas empilhar ele





# Resolvendo expressões complexas

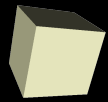
$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T T

Pilha Operadores:  $\times$   $\sim$   $\sim$

Contador de parenteses: 0

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

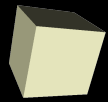
Pilha Operandos: T T

Pilha Operadores: x ~ ~

Contador de parentes: 0

Retira e armazena na variável oprn1

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T T

Pilha Operadores: x ~ ~

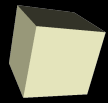
Contador de parentes: 0

Retira e armazena na variável oprn1

Retira e armazena na variável opr

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia





# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

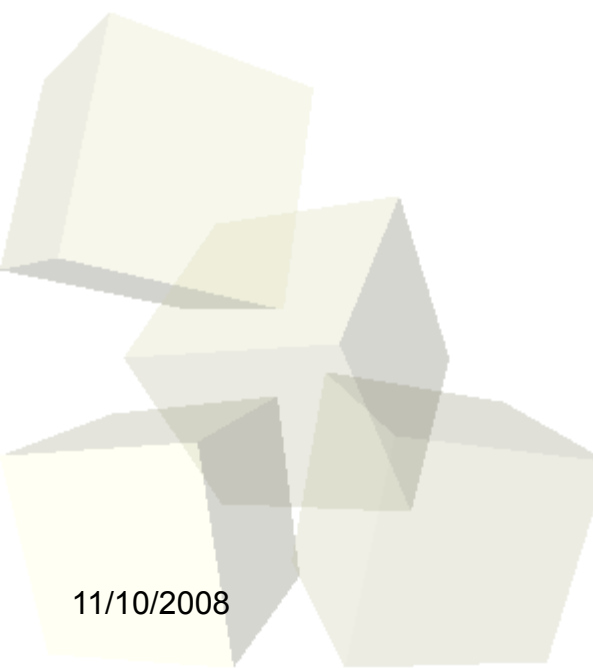
Pilha Operandos: T

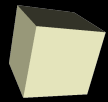
Pilha Operadores: x ~

Contador de parentes: 0

Resolve o que tem nas variáveis  
 $\sim T = F$

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia





# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F ←

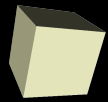
Pilha Operadores: x ~

Contador de parentes: 0

Resolve o que tem nas variáveis  
 $\sim T = F$

Então adiciona na pilha de operandos

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F

Pilha Operadores: x ~

Contador de parentes: 0

Retira e armazena na variável oprn1

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T F

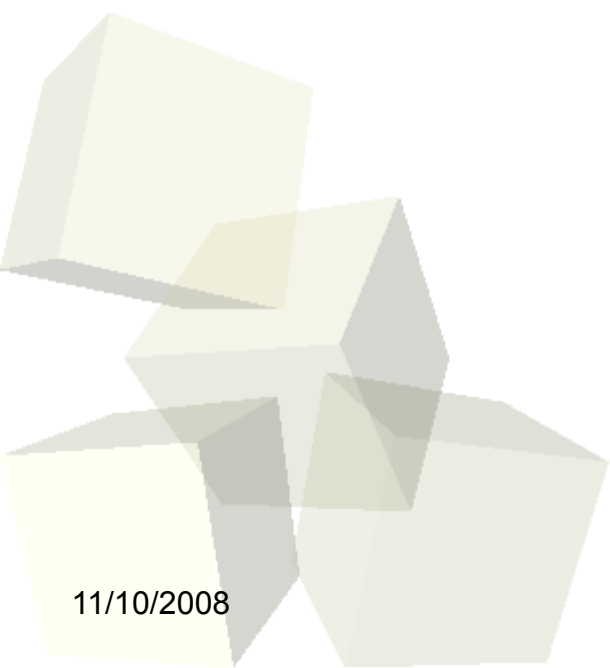
Pilha Operadores: x ~

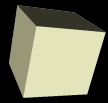
Contador de parentes: 0

➔ Retira e armazena na variável oprn1

➔ Retira e armazena na variável opr

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia





# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T

Pilha Operadores: x

Contador de parenteses: 0

Resolve o que tem nas variáveis  
 $\sim F = T$

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T T ←

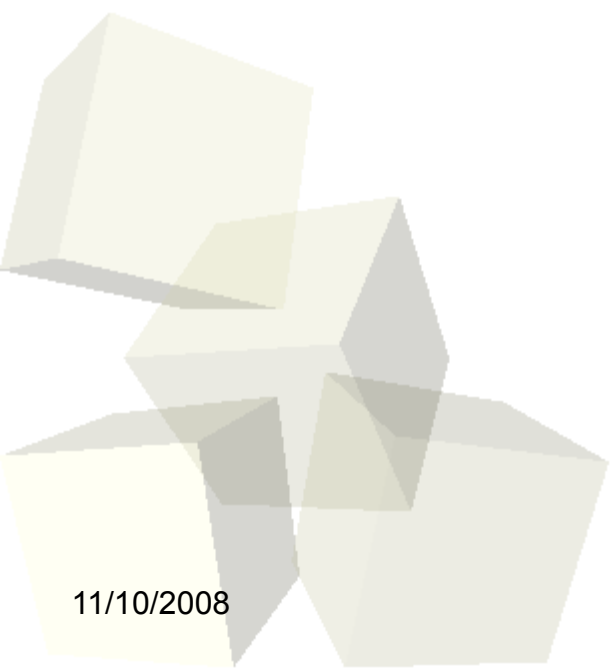
Pilha Operadores: x

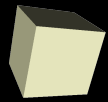
Contador de parentes: 0

Resolve o que tem nas variáveis  
 $\sim F = T$

Então adiciona na pilha de operandos

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia





# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: T T

Pilha Operadores: x

Contador de parentes: 0

Retiro e armazeno na variável oprn1

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) x \sim \sim T$

Pilha Operandos: T T

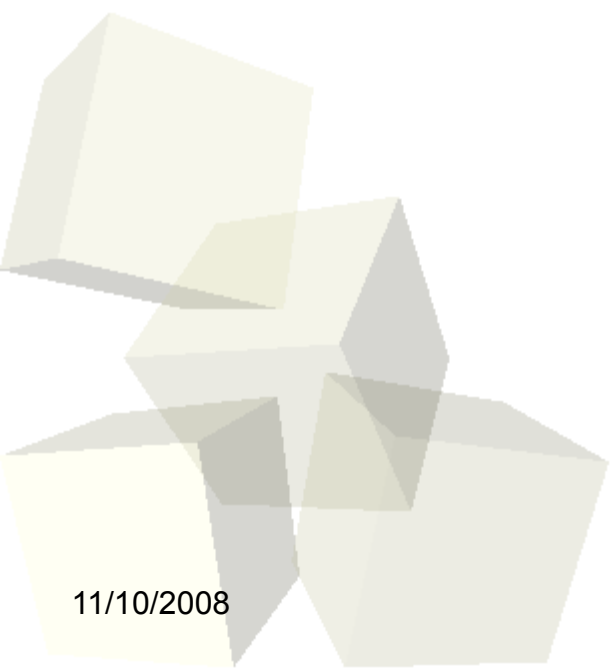
Pilha Operadores: x

Contador de parentes: 0

Retiro e armazeno na variável oprn1

Retiro e armazeno na variável oprn2

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia







# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) x \sim \sim T$

Pilha Operandos: T T

Pilha Operadores: x

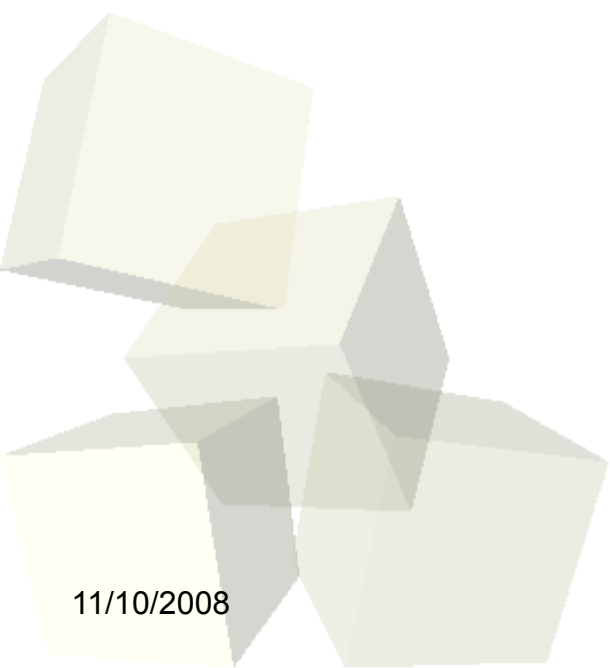
Contador de parentes: 0

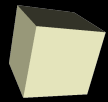
Retiro e armazeno na variável oprn1

Retiro e armazeno na variável oprn2

Retiro e armazeno na variável opr

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia





# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

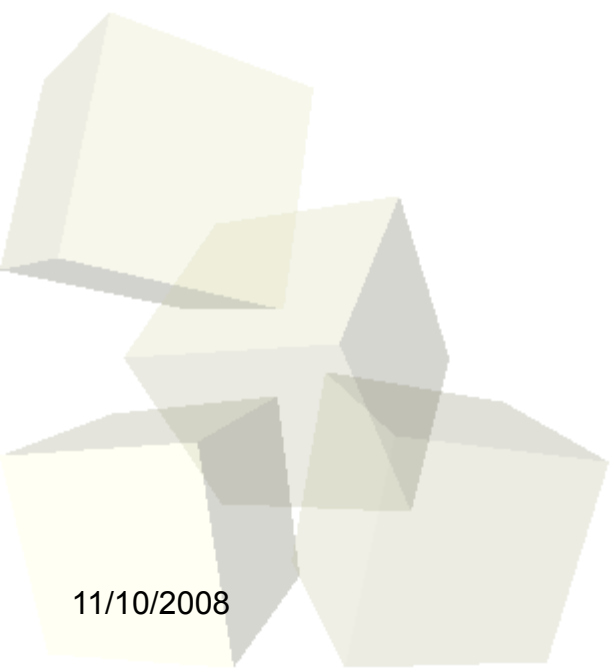
Resolve o que há nas variáveis  
 $T \times T = F$

Pilha Operandos:

Pilha Operadores:

Contador de parentes: 0

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia





# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: F

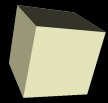
Pilha Operadores:

Contador de parentes: 0

Resolve o que há nas variáveis  
 $T \times T = F$

Então adiciona na pilha de  
operandos

Agora acabou o tokenize, só precisamos resolver o que resta nas pilhas, pelo método *start()*, ele vai resolver até que a pilha de operadores fique vazia



# Resolvendo expressões complexas

$T \vee F \wedge (T \leftrightarrow \sim T) \times \sim \sim T$

Pilha Operandos: F

Pilha Operadores:

Contador de parenteses: 0

E por fim, o start() acabou, e retorna o que tem na pilha de operandos retirando o que há dentro dela, neste caso, o F

