Statistiques: Intervalles de confiance - Tests du Chi deux

Exercice 1 Le staff médical d'une grande entreprise fait ses petites statistiques sur le taux de cholestérol de ses employés; les observations sur 100 employés tirés au sort sont les suivantes.

taux de cholestérol en cg: effectif d'employés:

| 120 | 9 |
|-----|----|
| 160 | 22 |
| 200 | 25 |
| 240 | 21 |
| 280 | 16 |
| 320 | 7 |

- 1. Estimer la moyenne et l'écart-type pour le taux de cholestérol dans toute l'entreprise.
- 2. Déterminer un intervalle de confiance à 95 % pour la moyenne.

Exercice 2 On mesure une certaine longueur l=4,5cm. On réalise 100 mesures selon une certaine méthode et on en fait la moyenne. Quelle règle de décision doit-on adopter, au seuil de 5% pour décider si ces mesures sont réalisées convenablement, sachant que l'écart type de la moyenne est 0,0052?

Exercice 3 On considère l'expérience qui consiste à lancer un dé 600 fois. Les résultats sont donnés dans le tableau ci-dessous :

L'expérience est-elle en contradiction au niveau de 5 % avec l'hypothèse : "le dé est équilibré"?

Exercice 4 On veut tester un programme informatique générateur de nombres "au hasard". Les 1000 premiers chiffres sont répartis comme suit

Peut-on au niveau 5% rejeter l'hypothèse que ces chiffres sont distribués "au hasard "?

Exercice 5 On considère un prisme dont les bases sont deux triangles équilatéraux et constitué d'une manière parfaitement homogène. On désigne par A_i les trois faces latérales et par B_i les deux bases. On lance le prisme 500 fois et on obtient :

| Faces | A_1 | A_2 | A_3 | B_1 | B_2 |
|----------------------|-------|-------|-------|-------|-------|
| Nombre d'apparitions | 111 | 113 | 118 | 81 | 77 |

 $Peut-on\ accepter\ les\ probabilit\'es\ suivantes\ d'apparitions\ \left(\tfrac{1}{4},\tfrac{1}{4},\tfrac{1}{4},\tfrac{1}{8},\tfrac{1}{8}\right)\ avec\ un\ risque\ de\ 0.05\ ?$

Exercice 6 Une variable aléatoire X ne peut prendre que les valeurs 0,1,2,3,4. On veut tester l'hypothèse selon laquelle X suit une loi binomiale $B(4,\frac{1}{3})$. Avec un risque de 5 %, conclure sachant que 324 épreuves indépendantes ont conduit aux résultats suivants :

| valeurs i | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 |
|---------------------------|----|-----|----|----|----|
| Nombre de fois où $X = i$ | 67 | 122 | 94 | 28 | 13 |

Exercice 7 On teste le nombre de pièces à rebuter dans des lots de fabrication, chaque lot comportant 100 pièces. On a répertorié 52 lots. On désigne par x_i , $i=1,\ldots,52$ le nombre de pièces à rebuter dans chaque lot puis par

$$a_n = \text{Card}\{i \in \{1, \dots, 52\}; x_i = n\}, \ n \in \mathbb{N}$$

le nombre de lots comportant n pièces à rebuter. On a obtenu :

| n | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|-------|----|----|---|---|---|---|
| a_n | 18 | 18 | 8 | 5 | 2 | 1 |

Tester l'hypothèse que l'échantillon relève d'une loi de Poisson.

Exercice 8 On teste la durée de vie efficace d'un système de guidage. A cet effet, on procède à 20 essais. On désigne par x_i , $i=1,\ldots,20$ le nombre d'heures de fonctionnement du système précédant l'apparition d'une anomalie. On a relevé :

| i | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
|-------|---|----|---|-----|-----|---|-----|-----|-----|------|----|----|-----|-----|----|----|----|----|----|-----|
| x_i | 1 | 93 | 4 | 151 | 268 | 5 | 827 | 840 | 200 | 1089 | 40 | 60 | 106 | 459 | 40 | 95 | 20 | 6 | 15 | 125 |

Tester l'hypothèse que l'échantillon relève d'une loi exponentielle avec un risque $\alpha = 0.05$ puis $\alpha = 0.1$.

Exercice 9 Pour organiser son service médical, une entreprise fait une statistique pendant 200 jours sur le nombre quotidien d'accidents du travail. La distribution obtenue est la suivante :

Nombre d'accidents par jour : 0 1 2 3 4 5 6 et plus Effectif (en jours) : 50 74 50 21 4 1 ——

L'hypothèse d'une loi de Poisson vous semble-elle justifiée?

Exercice 10 On cherche à savoir si la fréquence d'une maladie est liée au groupe sanguin. Sur 200 malades observés, on a dénombré 104 personnes du groupe O, 76 du groupe A, 18 du groupe B et 2 du groupe AB. On admettra que dans la population générale la répartition entre les groupes est : groupe O 47%, groupe A 43%, groupe B 7 % et groupe AB 3%. Que concluez-vous avec un risque de 0.05 ?

Exercice 11 A la suite d'un même traitement, on a observé 40 bons résultats chez 70 malades jeunes et 50 bons résultats chez 100 malades âgés. Peut-on dire, au risque 0.10, qu'il existe une liaison entre l'âge et l'effet du traitement ?

Exercice 12 Dans une entreprise, on a dénombré 5300 cas d'absence (dans l'année) se répartissant comme suit :

| | maladie | autres |
|-------|---------|--------|
| Homme | 1800 | 1700 |
| Femme | 1200 | 600 |

Le sexe et les causes d'absence sont-ils indépendants au niveau 0.95 ?

Exercice 13 On considère un échantillon de 400 salariés classés selon deux critères : le niveau hiérarchique et l'origine sociale. Les résultats sont présentés dans le tableau suivant où les lignes correspondent au niveau hiérarchique et les colonnes à l'origine sociale :

| | agricole | cadres | ouvriers/employés | autres |
|-------------------|----------|--------|-------------------|--------|
| ouvriers/employés | 11 | 12 | 145 | 52 |
| chefs d'équipe | 8 | 6 | 71 | 23 |
| cadre | 1 | 27 | 14 | 30 |

Le niveau hiérarchique et l'origine sociale sont-ils indépendants au niveau $0.98\ ?$

Exercice 14 On souhaite comparer l'efficacité de quatre traitements (de A à D) sur la fructification d'une espèce donnée de pommier. Pour cela, on a compté le nombre de fruits sur 1505 rameaux. Les résultats sont regroupés dans le tableau ci-dessous.

| traitement | pas de fruit | au moins un fruit |
|------------|--------------|-------------------|
| A | 203 | 156 |
| B | 266 | 113 |
| C | 258 | 128 |
| D | 196 | 185 |

Effectuer un test du χ^2 d'indépendance, de risque 5%. Que peut-on conclure ?