MỤC LỤC

Ι. :	Danh sách liên kết	2
	1. Tạo DSLK:	2
	2. Duyệt danh sách:	2
	3. Các phép toán trên danh sách:	2
	4. Sắp xếp danh sách:	2
	5. Thêm phần tử vào danh sách	3
	6. Xóa phần tử khỏi DS	3
	7. Đảo ngược danh sách;	4
	8. Tìm nút giữa danh sách mà chỉ duyệt 1 lần	4
	9. Tính tổng các nút có thứ tự lẻ	4
	10. Xóa nút trước nút cuối cùng:	4
	11. Nối hai DSLK	5
	12. Chia đôi DSLK	6
	13. Tạo DSLK vòng	7
	14. Tạo DSLK đôi	8
	15. Quản lý văn bản:	8
	16. Quản lý hộ khẩu:	. 11
	17. Quản lý ôtô	. 13
II.	Cây nhị phân:	. 15
	1. Tạo cây	
	2. Duyệt cây LNR	. 15
	3. Duyệt cây RLN	. 15
	4. Duyệt cây NRL	. 15
	5. Đếm số nút, tính tổng các nút:	. 15
	6. Đếm số lá, in các giá trị lá, tính tổng lá	. 16
	7. Đếm các nút chẵn:	. 16
	8. Chiều cao của cây	. 16
	9. Mức thứ i, tính tổng giá trị ở mức thứ i:	. 16

	10. Tìm vị trí của phần tử mang giá trị x	. 16
	11. Đếm số nút có tổng cây con trái lớn hơn tổng cây con phải	. 17
	12. Sao chép cây nhị phân	. 17
	13. Đếm gốc cây con trái mang giá trị chẵn, gốc cây con phải mang giá trị lẻ	. 17
	14. Đếm nút có chiều cao con trái và con phải sai kém nhau quá 1 đơn vị:	. 17
	15. Kiểm tra cây có phải cây nhị phân tìm kiếm không.	. 17
	16. Cây nhị phân sinh viên – Student Binary Tree	. 17
[[]	. 18 bài toán về danh sách liên kết	. 20
	1. Count()	. 20
	2. Nth()	. 20
	3. DeleteList()	
	4. Pop()	. 20
	5. InsertNth()	. 20
	6. SortedInsert()	. 20
	7. InsertSort()	. 21
	8. Append()	. 21
	9. FronBackSplit()	. 21
	10. RemoveDuplicates()	. 21
	11. MoveNode()	. 21
	12. ShuffleMerge()	. 21
	Lời giải	. 21

```
Danh sách liên kết
I.
1. Tao DSLK:
struct nut
    int giaTri;
    nut *tiep;
};
typedef nut Node;
Node *dau;
void khoiTao(Node *&dau)
    dau=NULL;
void nhapDS(Node *&dau)
    Node *p, *q;
    int x;
    do{
           cout<<"Nhap mot so nguyen, nhap 0 de dung: ";</pre>
           cin>>x;
           if(x!=0)
                   p = new Node;
                   p->giaTri=x;
                   p->tiep=NULL;
                   if(dau==NULL)
                          dau=p;
                   else
                   q->tiep=p;
                   q=p;
    }while(x!=0);
   Duyệt danh sách:
void duyetDS(Node *dau)
    Node *p;
    p=dau;
    while(p!=NULL)
           cout<<fixed<<" "<<p->giaTri;
           p=p->tiep;
void duyetDeQuy(Node *dau)
```

```
if(dau!=NULL)
           cout<<fixed<<" "<<dau->giaTri;
           duyetDeQuy(dau->tiep);
3. Các phép toán trên danh sách:
int tinhTong(Node *dau)
    if(dau==NULL)
           return 0;
   else
           return dau->giaTri + tinhTong(dau->tiep);
int tinhTongSoLe(Node *dau)
   if(dau==NULL)
           return 0;
    else
           if((dau->giaTri % 2) == 0)
                  return tinhTongSoLe(dau->tiep);
           else
                   return dau->giaTri + tinhTongSoLe(dau->tiep);
int demSoChan(Node *dau)
    if (dau==NULL)
           return 0;
   else
           if((dau->giaTri % 2) == 0)
                   return 1 + demSoChan(dau->tiep);
           else
                   return demSoChan(dau->tiep);
4. Sắp xếp danh sách:
void sapXep(Node *&dau)
   Node *p, *q;
   int tam;
   p=dau;
    while(p->tiep != NULL)
           q=p->tiep;
           while(q!=NULL)
```

```
if(p->giaTri > q->giaTri)
                          tam=p->giaTri;
                          p->giaTri = q->giaTri;
                          q->giaTri = tam;
                   q=q->tiep;
           p=p->tiep;
   }
5. Thêm phần tử vào danh sách
void chenDau(Node *&dau, int x)
   Node *p;
   p = new Node;
   p \rightarrow giaTri = x;
   p->tiep = dau;
   dau = p;
void chenThuTu(Node *&dau, int x)
   if((dau = NULL)||(dau->giaTri >= x))
           chenDau(dau, x);
   else
           chenThuTu(dau->tiep, x);
void chenCuoi(Node *&dau, int x)
   Node *p, *q;
   p = new Node;
   p->giaTri = x;
   p->tiep = NULL;
   if(dau == NULL)
           chenDau(dau, x);
   else
           q = dau;
           while(q->tiep != NULL)
                   q = q->tiep;
           q->tiep = p;
   }
void chenSau(Node *&dau, int x, int y)
   Node *p, *q;
   p = dau;
   while(p != NULL && p->giaTri != y)
```

```
p = p->tiep;
           if(p != NULL)
                    q = new Node;
                   q \rightarrow giaTri = x;
                   q->tiep = p->tiep;
                   p->tiep =q;
           }
void chenTruoc(Node *&dau, int x, int y)
    Node *p, *q, *t;
    p = dau;
    while(p != NULL && p->giaTri != y)
            t = p;
           p = p->tiep;
    if(p != NULL)
           if(p == dau)
                   chenDau(dau, x);
            else
                   q = new Node;
                   q \rightarrow giaTri = x;
                   q->tiep = p;
                   t->tiep = q;
   Xóa phần tử khỏi DS
void xoaDau(Node *&dau, int x)
    Node *p;
    if(dau != NULL)
            p = dau;
            dau = dau->tiep;
            delete p;
}
void xoaCuoi(Node *&dau, int x)
    Node *p, *q;
    q = NULL;
    p = dau;
    while((p != NULL) && (p->tiep != NULL))
```

```
q = p;
           p = p->tiep;
   if(p != NULL)
           if(p == dau)
                  xoaDau(dau, x);
           else
           {
                  q->tiep = NULL;
                  delete p;
}
7. Đảo ngược danh sách;
void daoNguocTaoDSMoi(Node *dau)
   Node *p;
   while(p != NULL)
           chenDau(dau, p->giaTri);
           p = p->tiep;
void daoNguoc(Node *&dau) //Khong Tao DS Moi
   Node *p, *q;
   q = NULL; p = NULL;
   while(dau != NULL)
           p = dau;
           dau = dau->tiep;
           p->tiep = q;
           q = p;
    dau = p;
   Tìm nút giữa danh sách mà chỉ duyệt 1 lần
void nutGiua(Node *dau)
   Node *p, *q;
   int dem=0;
   p=dau; q=dau->tiep->tiep;
    while(q!=NULL)
```

```
p=p->tiep;
               q=q->tiep->tiep;
               dem++;
       cout<<"\nPhan tu giua danh sach la: "<<p->giaTri;
   9. Tính tổng các nút có thứ tự lẻ
int tongTTLe(Node *dau)
       Node *p;
       int dem = 0, sum =0;
       p = dau; dem = 1;
       while(p != NULL)
              if(dem % 2 != 0)
               sum += p->giatri;
              p = p->tiep;
               dem++;
       return sum;
   10. Xóa nút trước nút cuối cùng:
   void xoaNutTruocNutCuoi(Node *&dau)
       Node *p, *q, *t;
       p = dau;
       q = NULL, t = NULL;
       while(p->tiep != NULL)
              t = q;
              q = p;
              p = p->tiep;
       if(q != NULL)
              if(q == dau)
                      dau = dau->tiep;
                      delete q;
              else
                      t->tiep = p;
                      delete q;
```

```
11. Nối hai DSLK
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
struct node {
   int data;
   struct node *next;
};
struct node *even = NULL;
struct node *odd = NULL;
struct node *list = NULL;
//tao danh sach lien ket
void insert(int data) {
   // cap phat bo nho cho node moi;
   struct node *link = (struct node*) malloc(sizeof(struct node));
   struct node *current;
   link->data = data;
   link->next = NULL;
   if(data%2 == 0) {
      if(even == NULL) {
         even = link;
         return;
      }else {
         current = even;
         while(current->next != NULL)
         current = current->next;
         // chen link vao phan cuoi_cua list
         current->next = link;
   }else {
      if(odd == NULL) {
         odd = link;
         return;
      }else {
         current = odd;
         while(current->next!=NULL)
```

```
current = current->next;
         // chen link vao phan cuoi cua list
         current->next = link;
}
void display(struct node *head) {
   struct node *ptr = head;
   printf("[head] =>");
   while(ptr != NULL) {
      printf(" %d =>",ptr->data);
      ptr = ptr->next;
  printf(" [null]\n");
void combine() {
  struct node *link;
   list = even;
   link = list;
   while(link->next!= NULL) {
      link = link->next;
   link->next = odd;
}
int main() {
   int i;
   for(i=1; i<=10; i++)
      insert(i);
   printf("Danh sach chan: ");
   display(even);
   printf("Danh sach le: ");
   display(odd);
```

```
combine();
   printf("Sau khi noi: \n");
   display(list);
   return 0;
   12. Chia đôi DSLK
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
struct node {
   int data;
   struct node *next;
};
struct node *even = NULL;
struct node *odd = NULL;
struct node *list = NULL;
//tao danh sach lien ket
void insert(int data) {
   // cap phat bo nho cho node moi;
   struct node *link = (struct node*) malloc(sizeof(struct node));
   struct node *current;
   link->data = data;
   link->next = NULL;
   if(list == NULL) {
      list = link;
      return;
   current = list;
   while(current->next!=NULL)
      current = current->next;
   // chen link vao phan cuoi cua list
   current->next = link;
}
void display(struct node *head) {
```

```
struct node *ptr = head;
  printf("[head] =>");
  //bat dau tu phan dau cua list
  while(ptr != NULL) {
      printf(" %d =>",ptr->data);
      ptr = ptr->next;
   printf(" [null]\n");
void split_list() {
  // cap phat bo nho cho node moi;
  struct node *link;
   struct node *current;
   while(list != NULL) {
      struct node *link = (struct node*) malloc(sizeof(struct node));
      link->data = list->data;
      link->next = NULL;
     if(list->data%2 == 0) {
        if(even == NULL) {
            even = link;
            list = list->next;
            continue;
         }else {
            current = even;
            while(current->next != NULL)
            current = current->next;
            // chen link vao phan cuoi cua list
            current->next = link;
        list = list->next;
      }else {
        if(odd == NULL) {
            odd = link;
            list = list->next;
            continue;
        }else {
            current = odd;
```

```
while(current->next!=NULL)
            current = current->next;
            // chen link vao phan cuoi cua list
            current->next = link;
        list = list->next;
int main() {
  int i;
  for(i=1; i<=10; i++)
      insert(i);
  printf("Danh sach ban dau: \n");
  display(list);
  split_list();
  printf("\nDanh sach le: ");
  display(odd);
  printf("\nDanh sach chan: ");
  display(even);
   return 0;
```

13. Tạo DSLK vòng

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
struct node {
   int data;
   struct node *next;
};
struct node *head = NULL;
struct node *current = NULL;
```

```
//chen link tai vi tri dau tien
void insert(int data) {
  // cap phat bo nho cho node moi;
  struct node *link = (struct node*) malloc(sizeof(struct node));
  link->data = data;
  link->next = NULL;
  // neu head la trong, tao list moi
  if(head==NULL) {
     head = link;
     head->next = link;
      return;
  current = head;
  // di chuyen toi phan cuoi list
  while(current->next != head)
      current = current->next;
  // chen link vao phan cuoi cua list
  current->next = link;
  // lien ket last node voi head
  link->next = head;
//hien thi list
void printList() {
  struct node *ptr = head;
  printf("\n[head] =>");
  //bat dau tu phan dau cua list
  while(ptr->next != head) {
      printf(" %d =>",ptr->data);
      ptr = ptr->next;
  printf(" %d =>",ptr->data);
  printf(" [head]\n");
```

```
int main() {
   insert(10);
   insert(20);
   insert(30);
   insert(1);
   insert(40);
   insert(56);
   printList();
   return 0;
}
   14. Tạo DSLK đôi
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
struct node {
   int data;
   struct node *prev;
   struct node *next;
};
struct node *head = NULL;
struct node *last = NULL;
struct node *current = NULL;
//tao danh sach lien ket
void insert(int data) {
   // cap phat bo nho cho node moi;
   struct node *link = (struct node*) malloc(sizeof(struct node));
   link->data = data;
   link->prev = NULL;
   link->next = NULL;
   // neu head la trong, tao list moi
   if(head==NULL) {
      head = link;
      return;
   current = head;
```

```
// di chuyen toi phan cuoi list
   while(current->next!=NULL)
      current = current->next;
   // chen link vao phan cuoi cua list
   current->next = link;
   last = link;
   link->prev = current;
}
//hien thi list
void printList() {
   struct node *ptr = head;
  printf("\n[head] <=>");
   //bat dau tu phan dau cua list
   while(ptr->next != NULL) {
      printf(" %d <=>",ptr->data);
      ptr = ptr->next;
   printf(" %d <=>",ptr->data);
   printf(" [head]\n");
int main() {
   insert(10);
   insert(20);
   insert(30);
   insert(1);
   insert(40);
   insert(56);
   printList();
   return 0;
15. Quản lý văn bản:
#include <string.h>
struct nut
       char Data[80];
       nut *sau,*truoc;
};
typedef nut Node;
```

```
Node *dau;
Node *dau1;
int i;
void khoitao(Node *&dau)
       dau=NULL;
void nhapvb(Node *&dau)
       char tam[80];
       Node *q,*p;
       do
       {
               printf("Nhap vao dong van ban, Enter dung: ");
               fflush(stdin);
               gets(tam);
               if(strcmp(tam, "\0")!=0)
                      p=new Node;
                      strcpy(p->Data,tam);
                      p->sau=NULL;
                      p->truoc=NULL;
                      if(dau==NULL)
                      dau=p;
                      else
                      {
                              q->sau=p;
                              p->truoc=q;
                      q=p;
       while(strcmp(tam,"\0")!=0);
void duyetvb(Node *dau)
       if(dau!=NULL)
               printf("\n%s",dau->Data);
               duyetvb(dau->sau);
       }
void indongi(Node *dau, int i,int dem=1)
```

```
if(dau!=NULL)
              if(dem==i)
              printf("\n%s",dau->Data);
              else
              indongi(dau->sau,i,dem+1);
void indongi2(Node *dau,int i)
{
       int dem;
       Node *p;
       p=dau;
       dem=1;
       while((p!=NULL)&&(dem!=i))
               p=p->sau;
              dem=dem+1;
       if(p!=NULL)
       printf("\ndong %d la:\n%s",i,p->Data);
void inij(Node *dau, int i, int j)
       int dem;
       Node *p,*q;
       if(j>=i)
// tim i
               dem=1;
               p=dau;
              while(p!=NULL&&dem!=i)
                      p=p->sau;
                      dem=dem+1;
              if(p!=NULL)
// tim j
                      q=p;
                      while(q!=NULL&&dem!=j)
                             q=q->sau;
                             dem=dem+1;
                      }
```

```
// in ra dong i den dong j.
                      if(q!=NULL)
                      while(p!=q->sau)
                             printf("\n%s",p->Data);
                             p=p->sau;
                      }
}
void xoadongi(Node *&dau,int i)
       Node *p,*q,*t;
       int dem;
       p=dau; dem=1;
       while(p!=NULL&&dem!=i)
              p=p->sau;
              dem=dem+1;
       if(p!=NULL)
              if(p==dau)
                      dau=dau->sau;
                      dau->truoc=NULL;
                      delete p;
              else
              if(p->sau==NULL)
                      q=p->truoc;
                      q->sau=NULL;
                      delete p;
              }
              else
              {
                      q=p->truoc;
                      t=p->sau;
                      q->sau=t;
                      t->truoc=q;
                      delete p;
```

```
void xoadongidq(Node *&dau,int i,int dem=1)
{
       Node *p;
       if(dau!=NULL)
               if(dem==i)
                      p=dau;
                      dau=dau->sau;
                      dau->truoc=NULL;
                      delete p;
              else
              xoadongidq(dau->sau,i,dem+1);
       }
void chepij(Node *dau, int i, int j, Node *&dau1)
       int dem;
       Node *p,*q,*t,*1;
       if(j>=i)
// tim i
               dem=1;
               p=dau;
               while(p!=NULL&&dem!=i)
                      p=p->sau;
                      dem=dem+1;
              if(p!=NULL)
// tim j
                      q=p;
                      while(q!=NULL&&dem!=j)
                             q=q->sau;
                             dem=dem+1;
// in ra dong i den dong j.
                      if(q!=NULL)
                      while(p!=q->sau)
                             //printf("\n%s",p->Data);
```

```
t=new Node;
                             strcpy(t->Data,p->Data);
                             t->sau=NULL;t->truoc=NULL;
                                 if (dau1==NULL)
                                   dau1=t;
                                   else
                                    1->sau=t;
                                    t->truoc=1;
                                      }
                                      1=t;
                             p=p->sau;
              }
       }
void chendong(Node *&dau,int i, int j, int k)
       int m;
       Node *v,*u,*w;
       v=dau;
       m=1;
       chepij(dau,i,j,dau1);
       while(v!=NULL&&m!=k)
              v=v->sau;
              m=m+1;
       if(v!=NULL)
       { // v tro den dong k
               u=dau1;
              while(u->sau!=NULL)
              u=u->sau;
              // u la dong cuoi cua ds dau1
              w=v->sau; // dong sau dong k
               v->sau=dau1;
               dau1->truoc=v;
              u->sau=w;
               w->truoc=u;
       }
void xoaij(Node *&dau,int i, int j)
```

```
Node *p,*q,*u,*v;
       int dem;
       if(i<j)
       {
               dem=1;
               p=dau;
              while(p!=NULL&&dem!=i)
                       p=p->sau;
                      dem=dem+1;
               }
              q=p;
              if(p!=NULL)
                      while(q!=NULL&&dem!=j)
                              q=q->sau;
                              dem=dem+1;
                      if(q!=NULL)
                              u=p->truoc;
                              u->sau=q->sau;
                              q->sau=v; v->truoc=u;
                             while(p!=q)
                                     delete p;
                                     p=p->sau;
                      }
       }
16. Quản lý hộ khẩu:
       #include <iostream>
       #include <string.h>
       using namespace std;
       //1. khai báo dữ liệu
       struct xe
               char soXe[9];
              char hieuXe[30];
               xe *tiep;
```

```
};
struct con
        char MSCN[7];
       char hoTenC[30];
        con *noi;
};
struct HK //Hộ khẩu
        char soHK[9];
       char hoTenChuHo[30];
       con *conl;
       xe *xel;
       HK *sau;
};
//2. Nhập dữ liệu
// Máy gỗ soHK gỗ enter kết thúc... ngược lại nhập dữ liệu.
// máy yc gỗ MSCN, gỗ enter kết thúc, ngược lại nhập dữ liệu
// máy yc nhập soXe, enter kết thúc, ngược lại nhập dữ liệu
HK *dauhk;
void khoiTao(HK *&dauhk)
        dauhk = NULL;
}
void nhapXe(xe *&dau)
       xe *p, *q;
        char soXeTmp[9];
               cout<<"Nhap so xe, go enter de dung: ";</pre>
               fflush(stdin);
               gets(soXeTmp);
               if(strcmp(soXeTmp, "\0") != 0)
                       p = new xe;
                       strcpy(p->soXe, soXeTmp);
                       cout<<"Nhap hieu xe: ";</pre>
                       fflush(stdin);
                       gets(p->hieuXe);
                       p->tiep == NULL;
```

```
if(dau == NULL)
                                dau = p;
                        else
                                q \rightarrow tiep = p;
                        q = p;
        }while(strcmp(soXeTmp, "\0") != 0);
}
void nhapCon(con *&dau)
        con *p, *q;
        char MSCNtmp[7];
       do
                /* code */
        }while();
void qlkh(HK *&dauhk)
       HK *p, *q;
        char soHKtmp[9];
        do
                cout<<"Nhap so ho khau: ";</pre>
                fflush(stdin);
                gets(soHKtmp);
               if(strcmp(soHKtmp, "\0") != 0)
                        p = new HK;
                        strcpy(p->soHK, soHKtmp);
                        cout<<"Nhap ho ten chu ho: ";</pre>
                        fflush(stdin);
                        gets(p->hoTenChuHo);
                        p->xel = NULL;
                        p->con1 = NULL;
                       p->sau = NULL;
                       nhapCon(p->con1);
                        nhapXe(p->xel);
                        if(dauhk = NULL)
                                dau = p;
                        else
                                q \rightarrow sau = p;
                        q = p;
```

```
}while(strcmp(soHKtmp, "\0") != 0);
       }
       1. hiển thị soHk, Tên chủ hộ, đếm số con
       int demcon(con *x)
              if(x == NULL)
                      return 0;
               else
                      return 1 + demcon(x->noi);
       void hienthi(HK *dauhk)
               if(dauhk != NULL)
                      cout<<dauhk->soHK<<" "<<dauhk->hoTenChuHo;
                      cout<<"So con: "<<demcon(dauhk->con1);
                      hienthi(dauhk->sau);
       }
       int main()
               /* code */
               return 0;
}
17. Quản lý ôtô
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
#include<string.h>
struct xe
       char soxe[8];
       char loaixe[15];
       xe *tiep;};
struct canhan
{char MSCN[5];
```

```
char Hoten[30];
xe *xel;
canhan *noi;};
canhan *daucn;
void khoitao(canhan *&daucn)
{daucn=NULL;}
void nhapxe(xe *&dau)
    xe *p,*q;
    char soxet[8];
   do{
       printf("nhap so xe: ");
       fflush(stdin);
       gets(soxet);
       if(strcmp(soxet,"\0")!=0)
              p=new xe;
              strcpy(p->soxe,soxet);
              printf("loai xe: ");
              fflush(stdin);
              gets(p->loaixe);
              p->tiep=NULL;
              if(dau==NULL)
                 dau=p;
              else
                 q->tiep=p;
                 q=p;
       while(strcmp(soxet,"\0")!=0);
void nhapdl(canhan *&daucn)
       canhan *p,*q;
       char MSCNt[5];
       do{
              printf("MSCN: ");
              fflush(stdin);
              gets(MSCNt);
              if(strcmp(MSCNt,"\0")!=0)
                      p=new canhan;
                      strcmp(p->MSCN,MSCNt);
                      printf("Ho ten: ");
                      fflush(stdin);
```

```
gets(p->Hoten);
                      p->xel=NULL;
                      p->noi=NULL;
                      nhapxe(p->xel);
                      if(daucn==NULL)
                         daucn=p;
                      else
                      q->noi=p;
                      q=p;
       while(strcmp(MSCNt,"\0")!=0);
//In ra MSCN, Hoten tung nguoi
void duyetxe(xe *dau)
       if(dau!=NULL)
              printf("\n %s %s",dau->soxe,dau->loaixe);
              duyetxe(dau->tiep);
          }
}
void duyetcanhan(canhan *daucn)
       if(daucn!=NULL)
              printf("\n %s %s",daucn->MSCN,daucn->Hoten);
              duyetxe(daucn->xel);
              duyetcanhan(daucn->noi);
//in ra ds nhung nguoi co sd xe loai honda
int honda(xe *dau)
       if(dau==NULL)
          return 0;
       else
           if(strcmp(dau->loaixe, "Honda")==0)
              return 1;
           else
              return honda(dau->tiep);
void duyethonda(canhan *daucn)
```

II. Cây nhị phân:

```
1. Tạo cây
struct nut
    int info;
    nut *left, *right;
};
typedef nut Node;
Node *root, *root1;
void khoiTao(Node *&root)
    root = NULL;
void mocNut(Node *&root, int x)
    if(root == NULL)
           root = new Node;
           root->info = x;
           root->left = NULL;
           root->right = NULL;
    }
    else
           if(root->info >= x)
                   mocNut(root->left,x);
           else
                   mocNut(root->right,x);
void taoCay(Node *&root)
    int tmp;
    do
           cout<<"Nhap so nguyen, 0 de dung: ";</pre>
           cin>>tmp;
           if(tmp != 0)
                   mocNut(root,tmp);
    }while(tmp != 0);
/*Trong main()
```

```
khoiTao(root);
taoCay(root);
2. Duyệt cây LNR
void duyetLNR(Node *root)
   if(root != NULL)
           duyetLNR(root->left);
           cout<<root->info<<" ";</pre>
           duyetLNR(root->right);
3. Duyệt cây RLN
void duyetRLN(Node *root)
   if(root != NULL)
           duyetRLN(root->right);
           duyetRLN(root->left);
           cout<<root->info<<" ";</pre>
4. Duyệt cây NRL
void duyetNRL(Node *root)
   if(root != NULL)
                   cout<<root->info<<" ";</pre>
           duyetNRL(root->right);
           duyetNRL(root->left);
   Đếm số nút, tính tổng các nút:
int demSoNut(Node *root)
    if(root ==NULL)
           return 0;
    return 1 + demSoNut(root->left) + demSoNut(root->right);
int tongNut(Node *root)
```

```
if(root == NULL)
           return 0;
   if(root->left == NULL && root->right == NULL)
           return root->info;
    return root->info + tongNut(root->left) + tongNut(root->right);
   Đếm số lá, in các giá trị lá, tính tổng lá
int demLa(Node *root)
   if(root == NULL)
           return 0;
   if((root->left == NULL) && (root->right == NULL))
    return demLa(root->left) + demLa(root->right);
void inLa(Node *root)
   if(root != NULL)
           if((root->left == NULL) && (root->right == NULL))
                   cout<<root->info<<" ";</pre>
           else
                  inLa(root->left);
                   inLa(root->right);
int tongLa(Node *root)
   if(root == NULL)
           return 0:
   if((root->left == NULL) && (root->right == NULL))
           return root->info;
    return tongLa(root->left) + tongLa(root->right)
7. Đếm các nút chẵn:
int demChan(Node *root)
    if(root == NULL)
           return 0;
   if((root->info % 2) == 0)
           return 1 + demChan(root->left) + demChan(root->right);
    return demChan(root->left) + demChan(root->right);
```

```
8. Chiều cao của cây
int max(int a, int b)
   if(a>=b)
           return a;
    return b;
int chieuCao(Node *root)
    if(root == NULL)
           return 0;
    return 1 + max(chieuCao(root->left), chieuCao(root->right));
9. Mức thứ i, tính tổng giá trị ở mức thứ i:
void inMuci(Node *root, int i, int muc = 1)
   if(root != NULL)
           if(muc == i)
                   cout<<root->info<<" ";
           else
                   inMuci(root->left, i, muc+1);
                   inMuci(root->right, i, muc+1);
int tongMuci(Node *root, int i, int muc = 1)
    if(root == NULL)
           return 0;
   if(muc == i)
           return root->info;
   return tongMuci(root->left, i, muc+1) + tongMuci(root->right, i,
muc+1);
10. Tìm vị trí của phần tử mang giá trị x
Node *tim(Node *root, int x)
   if(root == NULL)
           return NULL;
    if(root->info = x);
           return root;
   if(root->info > x)
           return tim(root->left, x);
```

```
return tim(root->right, x);
11. Đếm số nút có tổng cây con trái lớn hơn tổng cây con phải
int demNutTongTraiPhai(Node *root)
   if(root == NULL)
           return 0;
   if ((tongNut(root->left)) > (tongNut(root->right)))
           return 1 +
                          demNutTongTraiPhai(root->left) +
demNutTongTraiPhai(root->right);
    return demNutTongTraiPhai(root->left) + demNutTongTraiPhai(root-
>right);
12. Sao chép cây nhị phân
void saoChep(Node *root, Node *&root1)
   if(root == NULL)
           root1 = NULL:
   else
           root1 = new Node;
           root1->info = root->info;
           saoChep(root->left, root1->left);
           saoChep(root->right, root1->right);
   }
}
/*
main()
khoiTao(root1);
saoChep(root, root1);
*/
13. Đếm gốc cây con trái mang giá trị chẵn, gốc cây con phải mang giá trị lẻ
int demLcRl(Node *root)
    if(root == NULL)
           return 0;
   if(root->left == NULL || root->right == NULL)
           return demLcRl(root->left) + demLcRl(root->right);
   if(root->left->info %2 == 0 && root->right->info %2 !=0)
           return 1 + demLcRl(root->left) + demLcRl(root->right);
    return demLcRl(root->left) + demLcRl(root->right);
```

```
14. Đếm nút có chiều cao cây con trái và chiều cao cây con phải sai kém nhau
       quá 1 đơn vi:
   int max(int a, int b);
   int chieuCao(Node *root);
   int demChieuCaoLR(Node *root)
       if(root == NULL)
               return 0;
       if(abs(chieuCao(root->left) - chieuCao(root->right)) > 1 )
               return 1 + demChieuCaoLR(root->left) + demChieuCaoLR(root-
   >right);
       return demChieuCaoLR(root->left) + demChieuCaoLR(root->right);
   15. Kiếm tra cây có phải cây nhị phân tìm kiếm không.
int KTcayNPTK(Node *root)
       if (root == NULL)
              return 1;
       if(root->left == NULL && root->right == NULL)
               return 1;
       else
              if(root->left == NULL) KTcayNPTK(root->right);
                      if(root->right == NULL) KTcayNPTK(root->left);
                      else
                              if(root->left->info > root->info || root-
>right->info < root->info)
                                     return 0;
   16. Cây nhị phân sinh viên – Student Binary Tree
   #include <stdlib.h>
   #include <stdio.h>
   #include <string.h>
   struct item {
       char id[20];
       char name[20];
       double scores;
   };
   struct Node {
```

item key; //truong key cua du lieu

typedef Node *Tree; //cay

Node *Left, *Right; //con trai va con phai

```
int compare(item x, item y) { // so sanh 2 item theo key
    return strcmp(x.id, y.id);
item inputItem() { // nhap 1 item
    item x;
    char id[20];
    printf("Enter id of student (q to quit): ");
    gets(x.id);
    if (strcmp(x.id, "q") == 0 | | strcmp(x.id, "0") == 0) {
        return x;
    printf("Enter name of student: ");
    gets(x.name);
    printf("Enter scores of student:");
    scanf("%lf", &x.scores);
    //fflush(stdin);
    while (getchar() != '\n');
    return x;
void outItem(item x) {
    printf("%-20s %-20s %-3.2f \n", x.id, x.name, x.scores);
int insertNode(Tree &T, item x) // chen 1 Node vao cay
    if (T != NULL) {
        if (compare(T->key, x) == 0)
            return -1; // Node nay da co
        if (compare(T->key, x) > 0)
            return insertNode(T->Left, x); // chen vao Node trai
        else if (compare(T->key, x) < 0)
            return insertNode(T->Right, x);
                                              // chen vao Node phai
    T = (Node *) malloc(sizeof(Node));
    if (T == NULL)
                     // khong du bo nho
        return 0;
    T->kev = x;
    T->Left = T->Right = NULL;
    return 1; // ok
```

```
void CreateTree(Tree &T)
                                // nhap cay
    item x:
    while (1) {
        printf("Enter a student: ");
        x = inputItem();
       if (strcmp(x.id, "q") == 0 \mid | strcmp(x.id, "Q") == 0)
            break; // x = 0 thi thoat
        int check = insertNode(T, x);
        if (check == -1)
            printf("Student is exits!");
        else if (check == 0)
            printf("Memory full");
// Duvet theo LNR
void LNR(Tree T) {
    if (T != NULL) {
       LNR(T->Left);
        outItem(T->key);
        LNR(T->Right);
Node* searchScores(Tree T, int scores)
                                           // tim nut co diem < 4
    if (T != NULL) {
        if (T->key.scores < scores) {</pre>
            Node *P = T;
            return P;
        if (T->key.scores >= scores) {
            Node *node = searchScores(T->Left, scores);
            if (node != NULL)
                return node;
            else {
                return searchScores(T->Right, scores);
    return NULL;
int delKey(Tree &T, item x)
                                // xoa nut co key x
    if (T == NULL)
        return 0;
```

```
else if (compare(T->key, x) > 0)
        return delKey(T->Left, x);
    else if (compare(T->key, x) < 0)
        return delKey(T->Right, x);
    else // T->key == x
        Node *P = T;
        if (T->Left == NULL)
            T = T->Right;
                            // Node chi co cay con phai
        else if (T->Right == NULL)
            T = T->Left; // Node chi co cay con trai
        else // Node co ca 2 con
            Node *S = T, *Q = S \rightarrow Left;
            // S la cha cua Q, Q la Node phai nhat cua cay con trai
cua P
            while (Q->Right != NULL) {
                S = 0;
                Q = Q->Right;
            P->key = Q->key;
            S->Right = Q->Left;
            delete Q;
        }
    return 1;
int main() {
    Tree T;
    T = NULL; //Tao cay rong
    CreateTree(T); //Nhap cay
    //duyet cay
    printf("LNR: \n");
    LNR(T);
    printf("\n");
    // them sinh vien
    item x;
    printf("Enter id of student to add: ");
    x = inputItem();
    if (insertNode(T, x) == -1) {
        printf("add failt!");
    } else {
        printf("add success:\n");
        printf("LNR after add item: \n");
        LNR(T);
        printf("\n");
```

```
// xoa sinh vien co diem nho hon 4
int del = 1;
while (del) {
   Node* node = searchScores(T, 4);
   if (node != NULL) {
       printf("del");
       del = delKey(T, node->key);
   } else {
       printf("null");
       del = 0;
   }
}
printf("LNR after delete item: \n");
LNR(T);
printf("\n");
return 0;
```

III. 18 bài toán về danh sách liên kết

```
1. Count()
Viết hàm Count() thực hiện việc đếm các lần xuất hiện của một số nguyên trong một danh sách.
void CountTest() {
         List myList = BuildOneTwoThree(); // build {1, 2, 3}
         int count = Count(myList, 2); // returns 1 since there's 1 '2' in the list
Mẫu hàm:
/* Given a list and an int, return the number of times that int occurs in the list. */
int Count(struct node* head, int searchFor) {
         // Your code
2. Nth()
Viết hàm Nth() trả về đối tượng thứ n trong danh sách (bắt đầu từ 0)
void GetNthTest() {
          struct node* myList = BuildOneTwoThree(); // build {1, 2, 3}
         int lastNode = GetNth(myList, 2); // returns the value 3
Mẫu hàm:
// Given a list and an index, return the data
// in the nth node of the list. The nodes are numbered from 0.
// Assert fails if the index is invalid (outside 0..lengh-1).
int GetNth(struct node* head, int index) {
         // Your code
3. DeleteList()
Viết hàm DeleteList() để xóa một danh sách liên kết và thiết lập con trỏ head thành NULL
void DeleteListTest() {
         struct node* myList = BuildOneTwoThree(); // build {1, 2, 3}
         DeleteList(&myList); // deletes the three nodes and sets myList to NULL
Mẫu hàm:
void DeleteList(struct node** head) {
         // Your code
```

```
4. Pop()
Viết hàm Pop() để lấy ra phần tử đầu tiên của danh sách, phần từ này đồng thời được xóa khỏi danh
void PopTest() {
          struct node* head = BuildOneTwoThree(); // build {1, 2, 3}
          int a = Pop(&head); // deletes "1" node and returns 1
         int b = Pop(&head); // deletes "2" node and returns 2
          int c = \text{Pop(\&head)}; // deletes "3" node and returns 3
          int len = Length(head); // the list is now empty, so len == 0
Mẫu hàm:
The opposite of Push(). Takes a non-empty list
and removes the front node, and returns the data
which was in that node.
int Pop(struct node** headRef) {
          // your code...
5. InsertNth()
Viết hàm để thêm vào danh sách một đối tượng tại vị trí thứ n
void InsertNthTest() {
          struct node* head = NULL; // start with the empty list
          InsertNth(&head, 0, 13); // build {13)
          InsertNth(&head, 1, 42); // build {13, 42}
          InsertNth(&head, 1, 5); // build {13, 5, 42}
          DeleteList(&head); // clean up after ourselves
Mẫu hàm:
A more general version of Push().
Given a list, an index 'n' in the range 0..length,
and a data element, add a new node to the list so
that it has the given index.
void InsertNth(struct node** headRef, int index, int data) {
          // your code...
6. SortedInsert()
```

Có một danh sách đã được sắp xếp. Viết hàm để thêm vào danh sách một đối tượng vào danh sách và giữ được thứ tự sắp xếp.

Mẫu hàm:

```
void SortedInsertNth(struct node** headRef,struct node *newNode) {
    // your code
}
```

7. InsertSort()

Nhận một danh sách đầu vào, sắp xếp danh sách này theo thứ tự tăng dần, bài toán yêu cầu sử dụng hàm SortedInsert() ở câu 6.

Mẫu hàm:

```
// Given a list, change it to be in sorted order (using SortedInsert()). void InsertSort(struct node** headRef) { // Your code }
```

8. Append()

Viết hàm nhận hai tham số là danh sách A và B, trả về danh sách A với B được gắn vào đuôi của A và B được thiết lập là NULL.

Mẫu hàm:

```
// Append 'b' onto the end of 'a', and then set 'b' to NULL.
void Append(struct node** aRef, struct node** bRef) {
    // Your code...
}
```

9. FronBackSplit()

Viết hàm tách một danh sách liên kết ra làm hai, ngắt ở giữa. Nếu chiều dài của danh sách là lẻ thì danh sách thứ nhất sẽ dài hơn danh sách thứ hai một phần tử.

Mẫu hàm:

/*

Split the nodes of the given list into front and back halves, and return the two lists using the reference parameters.

If the length is odd, the extra node should go in the front list.

*/
void FrontBackSplit(struct node* source,
struct node** frontRef, struct node** backRef) {
 // Your code...
}

10. RemoveDuplicates()

```
danh sách chỉ được duyệt một lần.
Mẫu hàm:
/*
Remove duplicates from a sorted list.
void RemoveDuplicates(struct node* head)
         // Your code...
11. MoveNode()
Mẫu hàm:
Take the node from the front of the source, and move it to
the front of the dest.
It is an error to call this with the source list empty.
void MoveNode(struct node** destRef, struct node** sourceRef) {
         // Your code
12. ShuffleMerge()
Mẫu hàm:
Merge the nodes of the two lists into a single list taking a node
alternately from each list, and return the new list.
struct node* ShuffleMerge(struct node* a, struct node* b) {
         // Your code
Lời giải
1. Count()
int Count(struct node* head, int searchFor) {
         int count =0:
          struct node *element = head;
          while (element) {
                   if ( element->data == searchFor) count++;
                   element = element-> next;
          return count:
```

Cho một danh sách đã được sắp xếp theo thứ tự tăng dần, hãy xóa các phần tử bị lặp với điều kiện

```
2. Nth()
int GetNth(struct node* head, int index) {
    struct node *elem = head:
    int i = 0;
    while (elem) {
         if (i==index)
              return elem->data;
          elem = elem->next;
         i++:
    assert(0);
3. DeleteList()
void DeleteList(struct node **head) {
    struct node *elem = *head;
    struct node *another;
    while (elem) {
         another = elem->next;
         free(elem);
          elem = another;
          *head = NULL;
4. Pop()
int Pop(struct node **head) {
    struct node *elem = *head;
    int a;
    assert( elem );
    a = elem->data;
     *head = elem->next;
    free(elem):
    return a;
5. InsertNth()
void InsertNth(struct node** head, int index, int data) {
    struct node *newElem;
    newElem = (struct node*) malloc(sizeof(struct node));
    newElem->data = data;
    int i = 0:
    struct node *elem = *head;
    while (elem) {
         if (i == (index-1)) {
              newElem->next = elem->next;
              elem->next = newElem;
              break;
```

```
i++:
         elem = elem->next:
6. SortedInsert()
void InsertNth(struct node** head, truct node *newNode) {
     struct node *elem = *head;
     while (elem) {
         if (newNode->data < elem->data) {
              newNode->next = elem->next:
              elem->next = newNode;
              break:
         elem = elem->next;
7. InsertSort()
void InsertNth(struct node** head, truct node *newNode) {
8. Append()
void Append(struct node** aRef, struct node** bRef) {
         struct node *elem = *aRef;
         if (*aRef == NULL) {
                   *aRef = *bRef;
         } else {
                   while (elem->next) {
                             elem = elem->next;
                   elem->next = *bRef;
          *bRef = NULL:
9. FronBackSplit()
void FrontBackSplit(struct node* source,
         struct node** frontRef, struct node** backRef) {
         if (source == NULL || source->next == NULL) {
                   *frontRef = source;
                   *backRef = NULL;
         } else {
                   struct node *fast = source:
                   struct node *slow = source->next:
                   while (fast) {
                             fast = fast->next;
                             if (fast != NULL) {
                                      fast = fast -> next;
```

```
slow = slow->next;
*frontRef = source;
*backRef = slow->next;
slow->next = NULL;
```