

TRÍ TUỆ NHÂN TẠO Artificial Intelligence

Đoàn Vũ Thịnh Khoa Công nghệ Thông tin Đại học Nha Trang Email: thinhdv@ntu.edu.vn

Nha Trang, 06-2023

Trong chương 6 đã thảo luận về biểu diễn và suy luận tri thức. Trong trường hợp này giả định đã có sẵn tri thức và có thể biểu diễn tường minh tri thức.

Tuy vậy, trong nhiều tình huống sẽ không có sẵn tri thức như:

- Kỹ sư tri thức cần thu nhận tri thức từ chuyên gia cùng lĩnh vực
- Cần biết các luật mô tả lĩnh vực cụ thể
- Bài toán không được biểu diễn tường minh theo luật, sự kiện hay các quan hệ.

- Hệ thống được gọi là có khả năng học (có dáng vẻ học như con người) là hệ thống có khả năng tìm ra một sự khái quát hoặc mô hình cho các dữ liệu huấn luyện (dữ liệu có gán nhãn nhận diện hoặc phân loại).
- Đặc trưng khái quát hoặc mô hình đó có thể được sử dụng để nhận diện hoặc phân loại dữ liệu mới.
- Hai hướng tiếp cận cho hệ thống học:
 - Học từ ký hiệu
 - Học từ dữ liệu số

Các hình thức học

- Học vẹt: Hệ tiếp nhận các khẳng định của các quyết định đúng. Khi hệ tạo ra một quyết định không đúng, hệ sẽ đưa ra các luật hay quan hệ đúng mà hệ đã sử dụng. Hình hức học vẹt nhằm cho phép chuyên gia cung cấp tri thức theo kiểu tương tác.
- Học bằng cách chỉ dẫn: Thay vi đưa ra 1 luật cụ thể cần áp dụng vào tình huống cho trước, hệ thống sẽ được cung cấp bằng các chỉ dẫn tổng quát. Ví dụ "Sinh viên đạt học bổng khi có trung bình học kỳ từ 7.0 trở lên". Hệ thống phải tự mình đề ra các biến đổi trừu tượng đến các luật khả dụng.

Các hình thức học

- Học bằng quy nạp: Hệ thống được cung cấp một tập các ví dụ và kết luận được rút ra từng ví dụ. Hệ liên tục lọc ra các luật và quan hệ nhằm xử lý từng ví dụ mới.
- Học bằng tương tự: Hệ thống được cung cấp đáp ứng đúng cho các tác vụ tương tự nhưng không giống nhau. Hệ thống cần làm thích ứng đáp ứng trước đó nhằm tạo ra một luật mới có khả năng áp dụng cho tình huống mới.
- Học dựa trên giải thích: Hệ thống phân tích tập các lời giải ví dụ nhằm ấn định khả năng đúng/sai và tạo ra các giải thích dùng để hướng dẫn cách giải bài toán trong tương lai.

Các hình thức học

- Học dựa trên tình huống: Bất kỳ tình huống nào được hệ thống lập luận đều được lưu trữ cùng với kết quả cho dù đúng hay sai. Khi gặp tình huống mới, hệ thống sẽ làm thích nghi hành vi đã lưu trữ với tình huống mới.
- Học khám phá hay học không giám sát: Thay vì có mục tiêu tường minh, hệ khám phá liên tục tìm kiếm các mẫu và quan hệ trong dữ liệu nhấp. Các ví dụ về học không giám sát bao gồm gom cụm dữ liệu, học để nhận dạng các đặc tính cơ bản từ các điểm ảnh.

Cây định danh

- Xây dựng cây định danh dựa trên sự phân hoạch của các thuộc tính. Trong đó, phân hoạch là:
 - Nút cha: là thuộc tính được phân hoạch
 - Các nút con: Các giá trị phân biệt ứng với thuộc tính được phân hoạch.
- Là công cụ phổ biến trong một số ứng dụng

Cây định danh

 Xây dựng các quy luật để có thể kết luận 1 người như thế nào thì khi tắm biển sẽ bị cháy nắng.

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	ТВ	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	ТВ	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	ТВ	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

Cây định danh

- Ta gọi tính chất cháy nắng hay không cháy nắng là thuộc tính
 - quan tâm (thuộc tính mục tiêu)
- Như vậy, trong trường hợp này tập R chỉ bao gồm 2 phần tử {nám, không}
- Ta gọi tập P là tất cả những người tham gia khảo sát (n=8)

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

Chúng ta quan sát các hiện tượng cháy nắng dựa trên 4 thuộc tính: chiều cao (TB, cao, thấp), cân nặng (nhẹ, TB, nặng), Màu tóc (vàng, nâu, đỏ), dùng kem chống nắng (có, không). Ta gọi các thuộc tính này là dẫn xuất.

Cây định danh

Bước 1: Phân hoạch tập P ban đầu thành các tập P_i sao cho tất cả các phần tử trong tất cả các tập Pi có Tên Màu tóc C.cao C.nặng Dùng kem Kết quả Sarah Vàng TB Nhẹ Không Nám Dana Vàng Cao TB Có Không Cùng thuộc tính mục tiêu.
Alex Nâu Thấp TB Có Không

$P = P_1 \cup P_2 \cup \cdots \cup Pn \vee a$
$\forall (i,j), i \neq j \ thì (P_i \cap Pj) = \emptyset \ và$
$\forall (i, k, l): Pk \in Pi \ va \ Pl \in Pi \ that \ f(P_k) = f(Pl)$

		•	-			
7	Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
)	Sarah	Vàng	ТВ	Nhẹ	Không	Nám
	Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
	Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
	Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
	Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
	Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
	John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
	Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

Cây định danh

Bước 2: Sau khi đã phân hoạch xong tập P thành các tập P_i đặc

Màu tóc C.cao C.nặng

Nhe

TB

Nặng

Nặng

Nặng

Nhe

TB

Cao

Thấp

Thấp

TB

TB

Cao

Thấp

Sarah

Dana

Alex

Amie

Emilie

Peter

John

Kartie

Vàng

Vàng

Nâu

Vàng

Vàng

Đỏ

Dùng kem

Không

Không

Không

Không

Không

Có

Có

Có

Kết quả

Nám

Không

Không

Nám

Nám

Không

Không

Không

trưng bởi thuộc tính đích ri $(r_i \in R)$, bước tiếp theo là ứng với mỗi phân hoạch P_i ta xây dựng các luật L_i : $GT_i \rightarrow ri$

Trong đó, GT_i là mệnh đề được hình thành

bằng cách kết hợp các thuộc tính dẫn xuất.

Cụ thể, có 2 cách phân hoạch dễ thấy nhất.

- Cách 1: Cho mỗi người vào một danh sách phân hoạch: P₁={Sarah}, P₂={Dana},...,P₂={Kartie}
- Cách 2: Tập 1={Nám}, Tập 2 = {Không}

Cây định danh

Thử cách khác:

Đầu tiên quan sát màu tóc, ta có

$$P_{v ang} = \{Sarah, Dana, Amie, Kartie\}$$

$$P_{d\delta} = \{Emilie\}$$

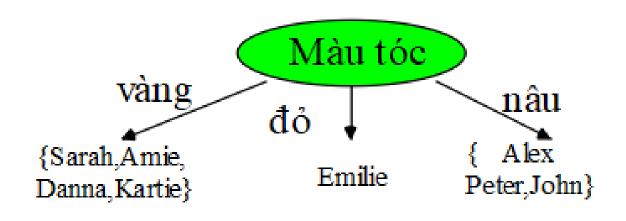
$$P_{n\hat{a}u} = \{Alex, John, Peter\}$$

Nhìn vào bảng ta thấy:

 $P_{n\hat{a}u} = \{to \hat{a}n \ ng w \hat{o}i \ kh \hat{o}ng \ bi \ ch \hat{a}y \ n \hat{a}ng \}$

 $P_{do} = \{toàn người bị cháy nắng\}$

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

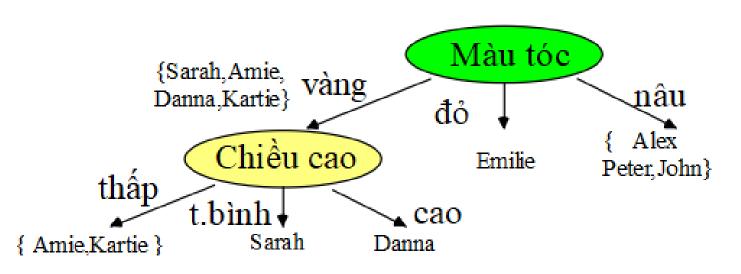


tức là P_i có cùng chung thuộc tính mục tiêu. Còn lại $P_{vàng}$ có 2 trường hợp bị nám và không bị nám nên cần phải phân hoạch.

Cây định danh

- Tiếp theo, từ tập P_{nâu}, ta quan sát thuộc tính chiều cao và phân
 - hoạch dựa theo thuộc tính này:
- Pvàng, thấ $p = {Amie, Kartie}$
- Pvàng, $cao = \{Dana\}$
- Pvàng, $TB = \{Sarah\}$
- Quá trình này cứ tiếp tục cho đến khi tất cả các nút lá của cây không còn lẫn lộn giữa nám và không bị nám.

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	ТВ	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không



Cây định danh

- Tiếp theo, từ tập P_{nâu, thấp}, ta quan sát thuộc tính cân nặng và

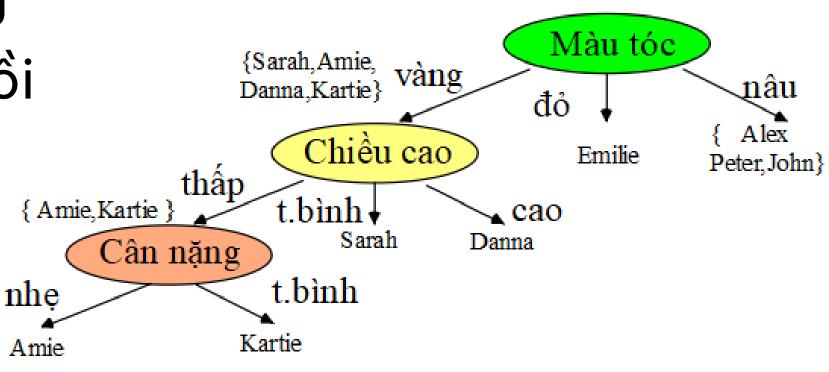
phân hoạch dựa theo thuộc tính này:

• Pvàng, thấp, nhẹ = $\{Amie\}$

• Pvàng, thấp, trung bình = {Kartie}

Có thể thấy rằng, qua mỗi bước phân hoạch thì cây phân hoạch ngày càng phình ra, quá trình này gọi là đâm chồi hay còn gọi là cây định danh.

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	ТВ	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không



Cây định danh

• Để chuyển từ tri thức học thành luật, đi đi từ nút gốc đến lá

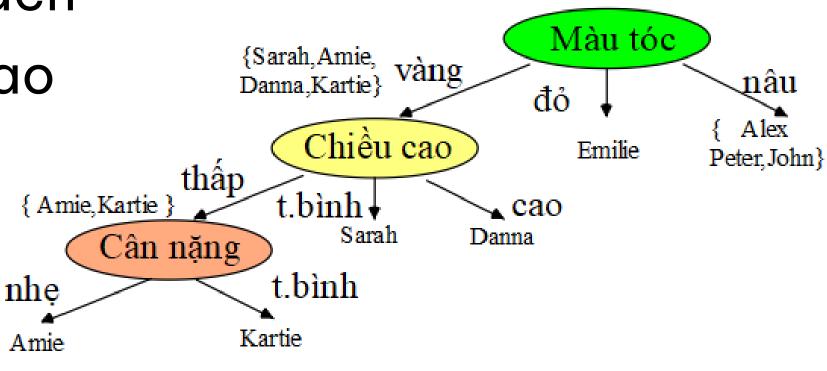
lấy nút gốc làm GT, nút lá làm KL

• $if(M\grave{a}u\ t\acute{o}c = v\grave{a}ng)and$ $(chi\grave{e}u\ cao = trung\ b\grave{n}h)then\ "N\acute{a}m"$

 Câu hỏi đặt ra: Nếu từ đầu ta không chọn thuộc tính màu tóc để phân hoạch mà chọn thuộc tính khác như chiều cao

thì cách nào sẽ tốt hơn?

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	ТВ	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không



Cây định danh

Ví dụ 2: Xây dựng cây định danh cho kết quả trời mưa với bảng dữ

liệu sau

STT	Trời	Áp suất	Gió	Kết quả
1	Trong	Cao	Bắc	Không mưa
2	Mây	Cao	Nam	Mưa
3	Mây	Trung bình	Bắc	Mưa
4	Trong	Thấp	Bắc	Không mưa
5	Mây	Thấp	Bắc	Mưa
6	Mây	Cao	Bắc	Mưa
7	Mây	Thấp	Nam	Không mưa
8	Trong	Cao	Nam	Không mưa

- Giải thuật Quinland quyết định thuộc tính phân hoạch bằng cách xây dựng các vector đặc trưng cho mỗi giá trị của từng thuộc tính dẫn xuất và mục tiêu.
- Với mỗi thuộc tính dẫn xuất A có thể sử dụng để phân hoạch, tính
- $V_{A(j)} = (Tj, r_1), T(j, r_2), ..., T(j, r_n), v\acute{o}i$
- A: thuộc tính dẫn xuất r_1, r_2, \dots, rn : thuộc tính mục tiêu
- T(j,rj) = TAij/TAj
 - $lacktriang{T_{Aij}: tổng số phần tử trong phân hoạch có thuộc tính A là j}$ và thuộc tính mục tiêu là r
 - \blacksquare T_{Ai} : Tổng số phần tử trong phân hoạch có thuộc tính A là j
- Lưu ý: $T(j,r_1) + T(j,r_2) + \cdots + T(j,r_n) = 1$

- Như vậy nếu 1 thuộc tính A có thể nhận 1 trong 5 giá trị khác nhau thì nó sẽ có 5 vector đặc trưng.
- Một vector V_{Aj} được gọi là vector đơn vị nếu chỉ có duy nhất 1 thành phần có giá trị là 1, các thành phần khác có giá trị là 0.
- Thuộc tính được chọn để phân hoạch là thuộc tính có nhiều vector đơn vị nhất.

Cây định danh - Giải thuật Quinland

 Xây dựng các quy luật để có thể kết luận 1 người như thế nào thì khi tắm biển sẽ bị cháy nắng theo giải thuật Quinland.

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	ТВ	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	ТВ	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	ТВ	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

- Màu tóc có 3 giá trị (vàng, đỏ, nâu): có 3 vector đặc trưng
- $V_{t\acute{o}c(v\grave{a}ng)} = T_{(v\grave{a}ng,n\acute{a}m)}, T_{(v\grave{a}ng,kh\^{o}ng)}$
 - Số người tóc vàng: 4
 - Số người tóc vàng, nám: 2
 - Số người tóc vàng, không nám: 2
 - Do đó, $V_{tóc(vàng)} = 0.5, 0.5$

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả	
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám	
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không	
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không	
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám	
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám	
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không	
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không	
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không	

- Màu tóc có 3 giá trị (vàng, đỏ, nâu): có 3 vector đặc trưng
- $V_{t\acute{o}c(n\^{a}u)} = T_{(n\^{a}u,n\acute{a}m)}, T_{(n\^{a}u,kh\^{o}ng)}$
 - Số người tóc nâu: 3
 - Số người tóc nâu, nám: 0
 - Số người tóc vàng, không nám: 3

	Do đó,	$V_{t\acute{o}c(v\grave{a}ng)}$	= 0, 1	là một vector	đơn	vị
--	--------	---------------------------------	--------	---------------	-----	----

		•		O	
Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	ТВ	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

- Màu tóc có 3 giá trị (vàng, đỏ, nâu): có 3 vector đặc trưng
- $V_{t\acute{o}c}(_{\mathring{d}\acute{o}}) = T_{(_{\mathring{d}\acute{o}}, n\acute{a}m)}, T_{(_{\mathring{d}\acute{o}}, kh\^{o}ng)}$
 - Số người tóc đỏ: 1
 - Số người tóc đỏ, nám: 1
 - Số người tóc đỏ, không nám: 0
 - Do đó, $V_{tóc(do)} = 1.0$ là một vector đơn vị
- Tổng số vector đơn vị của màu tóc: 2

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả	
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám	
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không	
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không	
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám	
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám	
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không	
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không	
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không	

- Chiều cao có 3 giá trị (cao, t.bình, thấp): có 3 vector đặc trưng
 - $V_{chi\`{e}u\;cao}(_{cao})=0,1$
 - $V_{chi\`eu\ cao}(trung\ bình) = 0.67, 0.33$
 - $V_{chi\`{e}u\;cao(th\acute{a}p)} = 0.33, 0.67$
- Tổng số vector đơn vị của chiều cao: 1

1				•		O
	Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
	Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
	Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
	Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
	Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
	Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
	Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
	John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
	Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

Cây định danh - Giải thuật Quinland

Cân nặng có 3 giá trị (nhẹ, t.bình, nặng): có 3 vector đặc trưng

•
$$V_{c\hat{a}n \, n \bar{a}ng}(nhe) = 0.5, 0.5$$

- $V_{c\hat{a}n \, n \bar{a}ng}(trung \, b \hat{a}nh) = 0.33, 0.67$
- $V_{c\hat{a}n \, n \bar{a}ng}(n \bar{a}ng) = 0.33, 0.67$
- Tổng số vector đơn vị của cân nặng: 0

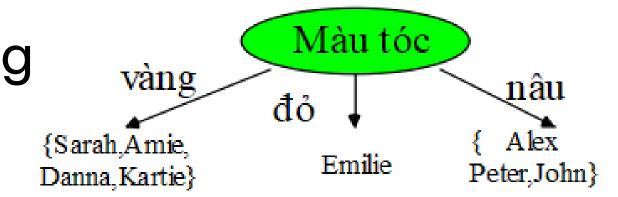
			•		
Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

- Dùng kem có 2 giá trị (có, không): có 2 vector đặc trưng
 - $V_{d ung kem(co)} = 0,1$
 - $V_{d\hat{\mathbf{u}}ng\ kem(kh\hat{\mathbf{o}}ng)} = 0.6, 0.4$
- Tổng số vector đơn vị của dùng kem: 1

		•			
Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	ТВ	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

- Ta thấy:
 - Tổng số vector đơn vị của màu tóc: 2
 - Tổng số vector đơn vị của chiều cao: 1
 - Tổng số vector đơn vị của cân nặng: 0
 - Tổng số vector đơn vị của dùng kem: 1
- Từ đó, ta chọn màu tóc để phân hoạch
- Sau khi phân hoạch ta thấy còn màu vàng chứa lẫn lộn bị nám và không bị nám.
- Tiếp tục phân hoạch cho tập này.

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không



Cây định danh - Giải thuật Quinland

Tiếp tục tính vector đặc trưng cho các thuộc tính: chiều cao, cân

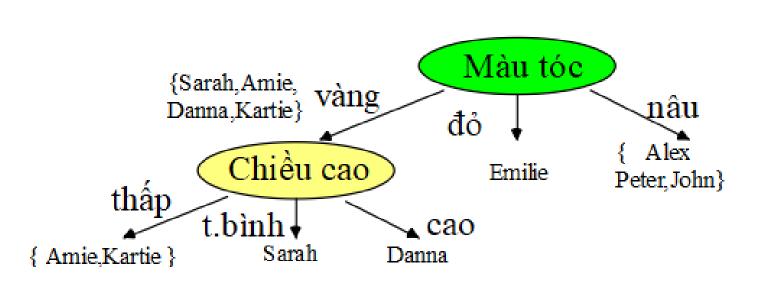
nặng, dùng kem cho màu tóc = vàng.

	$V_{chi\`{ m e}u\;cao(_{cao})}$	=	0, 1	
--	---------------------------------	---	------	--

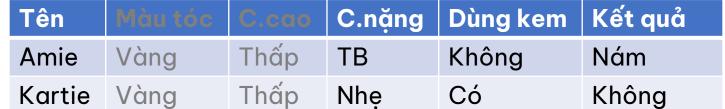
- $V_{chi\`{e}u\;cao}(truna\;b) = 1,0$
- $V_{chi\`{e}u\;cao(th\acute{a}p)} = 0.5, 0.5$
- $V_{c\hat{a}n \, n \bar{a}ng}(nhe) = 0.5, 0.5$
- $V_{c\hat{a}n\,n\bar{n}g}(trung\,b) = 0.5, 0.5$
- $V_{c\hat{a}n\,n\bar{a}ng}(n\bar{a}ng) = 0,0$
- $V_{d ung kem(c\acute{o})} = 0, 1$
- $V_{d\hat{\mathbf{u}}ng\ kem(kh\hat{\mathbf{o}}ng)} = 1,0$

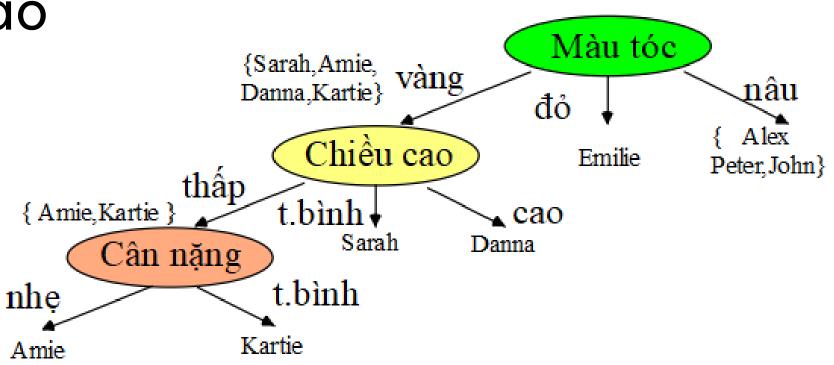
Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

- Tổng số vector đơn vị của dùng kem = chiều cao
- Chiều cao có 3 phân hoạch > dùng kem (2) nên sử dụng chiều cao cho đợt phân hoạch tiếp theo.



- Sau khi phân hoạch ta thấy thuộc tính chiều cao = thấp còn lẫn
 - lộn kết quả bị nám và không bị nám.
- Tiếp tục sử dụng thuộc tính chiều cao có giá trị là thấp để phân hoạch.
 - $V_{c\hat{\mathbf{a}}n\,n\bar{\mathbf{a}}ng}(\mathbf{n})=0,1$
 - $V_{c\hat{a}n \, n \bar{a}ng}(trung \, b \hat{a}nh) = 1,0$
 - $V_{c\hat{\mathbf{a}}n\,n\check{\mathbf{a}}ng}(\mathbf{a})=0,0$
 - $V_{d ung kem(c\acute{o})} = 0,1$
 - $V_{d \hat{\mathbf{u}} n g \ kem(kh \hat{\mathbf{o}} n g)} = 1,0$





- Tổng số vector đơn vị của dùng kem = cân nặng
- Cân nặng có 3 phân hoạch > dùng kem (2) nên sử dụng cân nặng cho đợt phân hoạch tiếp theo.

Cây định danh - Giải thuật Quinland

 Ví dụ 2: Xây dựng cây định danh bằng giải thuật Quinland cho kết quả trời mưa với bảng dữ liệu sau

STT	Trời	Áp suất	Gió	Kết quả
1	Trong	Cao	Bắc	Không mưa
2	Mây	Cao	Nam	Mưa
3	Mây	Trung bình	Bắc	Mưa
4	Trong	Thấp	Bắc	Không mưa
5	Mây	Thấp	Bắc	Mưa
6	Mây	Cao	Bắc	Mưa
7	Mây	Thấp	Nam	Không mưa
8	Trong	Cao	Nam	Không mưa

- Thay vì phải xây dựng các vector đặc trưng như phương pháp của Quinland, ứng với mỗi thuộc tính dẫn xuất ta chỉ cần tính độ đo hỗn loạn và lựa chọn thuộc tính nào có độ đo hỗn loạn bé nhất để phân hoạch. Lặp lại cho đến khi hết các thuộc tính.
- Độ đo bất định cho thuộc tính X:

$$E(x) = \sum_{b} \left(\frac{n_b}{n_t} * \sum_{c} -\frac{n_{bc}}{n_b} * log_a^{\frac{n_{bc}}{n_b}}\right)$$

- Trong đó:
 - $lackbox{\textbf{-}}$ n_b : số mẫu nhánh b n_{bc} : tổng số mẫu trong nhánh b của lớp c
 - $lacktriang{1}{r}$ n_t : tổng số mẫu a: số lượng giá trị của thuộc tính mục tiêu

Cây định danh - Entropy

 Xây dựng các quy luật để có thể kết luận 1 người như thế nào thì khi tắm biển sẽ bị cháy nắng theo độ bất định Entropy.

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	ТВ	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	ТВ	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

Số lượng giá trị thuộc tính mục tiêu: a = 2 (nám/không).

- Xét thuộc tính màu tóc (vàng, nâu, đỏ)
 - Vàng: 2/4 (nám) +2/4 (không)
 - Nâu: 0/3(nám) + 3/3 (không)
 - Đổ: 1/1 (nám) + 0/1 (không)
- Entropy của màu tóc:

•	$E(m\grave{a}u\ t\acute{o}c) = \frac{4}{8}*\left(-\frac{2}{4}log_2^{\frac{2}{4}} - \frac{2}{4}log_2^{\frac{2}{4}}\right):v\grave{a}ng$
	$+\frac{3}{8}*\left(-\frac{0}{3}log_{2}^{\frac{0}{3}}-\frac{3}{3}log_{2}^{\frac{3}{3}}\right):n\hat{a}u$
	$+\frac{1}{8}*\left(-\frac{1}{1}log_{2}^{\frac{1}{1}}-\frac{0}{1}log_{2}^{\frac{0}{1}}\right):$ đỏ

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	ТВ	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

$$E(m\grave{a}u\ t\acute{o}c)=0.5$$

- Xét thuộc tính chiều cao (cao, trung bình, thấp)
 - Cao: 0/2 (nám) +2/2 (không)
 - TB: 2/3(nám) + 1/3 (không)
 - Thấp: 1/3 (nám) + 2/3 (không)
- Entropy của chiều cao:

•	$E(chi\`{e}u\ cao) = \frac{2}{8} * \left(-\frac{0}{2}log_2^{\frac{0}{2}} - \frac{2}{2}log_2^{\frac{2}{2}}\right) : cao$
	$+\frac{3}{8}*\left(-\frac{2}{3}log_{2}^{\frac{2}{3}}-\frac{1}{3}log_{2}^{\frac{1}{3}}\right)$: trung bình
	$+\frac{3}{4}*\left(-\frac{1}{2}log_{2}^{\frac{1}{3}}-\frac{2}{2}log_{2}^{\frac{2}{3}}\right):th\tilde{a}p$

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

$$E(chi \hat{e}u \ cao) = 0.69$$

- Xét thuộc tính cân nặng (nhẹ, trung bình, nặng)
 - Nhẹ: 1/2 (nám) +1/2 (không)
 - TB: 1/3(nám) + 2/3 (không)
 - Nặng: 1/3 (nám) + 2/3 (không)
- Entropy của cân nặng:

•	$E(c\hat{a}n n \ddot{a}ng) = \frac{2}{8} * \left(-\frac{1}{2}log_2^{\frac{1}{2}} - \frac{1}{2}log_2^{\frac{1}{2}}\right) : nhe$
	$+\frac{3}{8}*\left(-\frac{1}{3}log_{2}^{\frac{1}{3}}-\frac{2}{3}log_{2}^{\frac{2}{3}}\right)$: trung bình
	$+\frac{3}{4}*\left(-\frac{1}{2}loa_{2}^{\frac{1}{3}}-\frac{2}{2}loa_{2}^{\frac{2}{3}}\right):n$ ăn.a

•					
Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	ТВ	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

$$E(c\hat{a}n n \tilde{a}ng) = 0.94$$

- Xét thuộc tính dùng kem (có, không)
 - Có: 0/3 (nám) +3/3 (không)
 - Không: 3/5 (nám) + 2/5 (không)
- Entropy của dùng kem:

$$E(dung kem) = \frac{3}{8} * \left(-\frac{0}{3} log_2^{\frac{0}{3}} - \frac{3}{3} log_2^{\frac{3}{3}} \right) : c\acute{o}$$

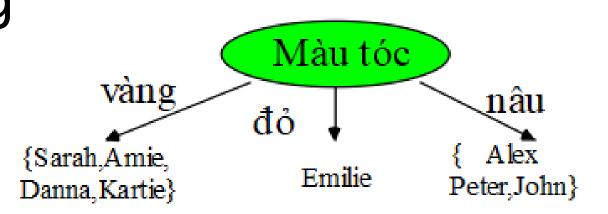
$$+\frac{5}{8} * \left(-\frac{3}{5} log_2^{\frac{3}{5}} - \frac{2}{5} log_2^{\frac{2}{5}} \right) : không$$

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

$$E(dung\ kem) = 0.61$$

- Ta thấy:
 - $E(m\grave{a}u\ t\acute{o}c)=0.5$
 - $E(chi \hat{e}u cao) = 0.69$
 - $E(c\hat{a}n n \tilde{a}ng) = 0.94$
 - $E(dung\ kem) = 0.61$
- Từ đó, ta chọn màu tóc để phân hoạch
- Sau khi phân hoạch ta thấy còn màu vàng chứa lẫn lộn bị nám và không bị nám.
- Tiếp tục phân hoạch cho tập này.

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	ТВ	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không



- Xét thuộc tính chiều cao (cao, trung bình, thấp)
 - Cao: 0/1 (nám) +1/1 (không)
 - TB: 1/1 (nám) + 0/1 (không)
 - Thấp: 1/2 (nám) + 1/2 (không)
- Entropy của chiều cao:

$E(chi\`{e}u\ cao) = \frac{1}{4} * \left(-\frac{0}{1}log_2^{\frac{0}{1}} - \frac{1}{1}log_2^{\frac{1}{1}}\right) : cao$
$+\frac{1}{4}*\left(-\frac{1}{1}log_{2}^{\frac{1}{1}}-\frac{0}{1}log_{2}^{\frac{0}{1}}\right):trung\ bình$
$+\frac{2}{4}*\left(-\frac{1}{2}log_{2}^{\frac{1}{2}}-\frac{1}{2}log_{2}^{\frac{1}{2}}\right):thlpha p$

$$E(chi eu cao) = 0.5$$

- Xét thuộc tính cân nặng (nhẹ, trung bình, nặng)
 - Nhẹ: 1/2 (nám) +1/2 (không)
 - TB: 1/2(nám) + 1/2 (không)
- Entropy của cân nặng:

•	$E(c\hat{a}n n \ddot{a}ng) = \frac{2}{4} * \left(-\frac{1}{2}log_2^{\frac{1}{2}} - \frac{1}{2}log_2^{\frac{1}{2}}\right) : nhe$
	$+\frac{2}{4}*\left(-\frac{1}{2}log_{2}^{\frac{1}{2}}-\frac{1}{2}log_{2}^{\frac{1}{2}}\right):trung\ bình$

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

$$E(c\hat{a}n n \ddot{a}ng) = 1.0$$

- Xét thuộc tính dùng kem (có, không)
 - Có: 0/2 (nám) +2/2 (không)
 - Không: 2/2 (nám) + 0/2 (không)
- Entropy của dùng kem:

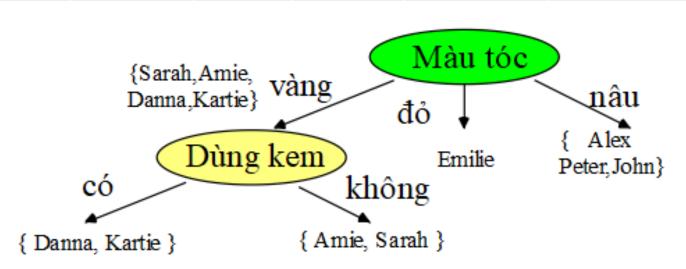
•	$E(dung \ kem) = \frac{2}{4} * \left(-\frac{0}{2}log_2^{\frac{0}{2}} - \frac{2}{2}log_2^{\frac{2}{2}}\right) : co$
	$+\frac{2}{4}*\left(-\frac{2}{2}log_{2}^{\frac{2}{2}}-\frac{0}{2}log_{2}^{\frac{0}{2}}\right):kh\hat{o}ng$

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

$$E(dung\ kem) = 0$$

- Ta thấy:
 - $E(chi \hat{e}u \ cao) = 0.5$
 - $E(c\hat{a}n n \tilde{a}ng) = 1.0$
 - E(dung kem) = 0.0
- Từ đó, ta chọn dùng kem để phân hoạch
- Sau khi phân hoạch ta không còn thuộc tính để phân hoạch nữa. KẾT THÚC

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không



Cây định danh - Entropy

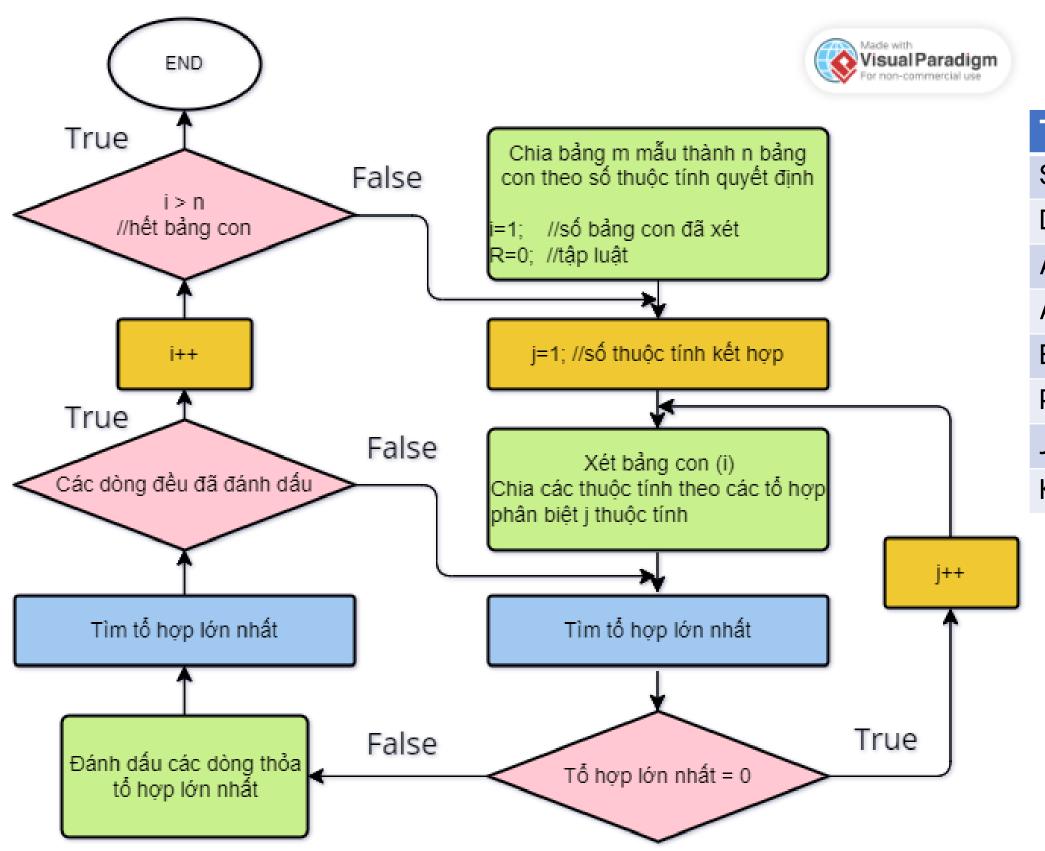
 Ví dụ 2: Xây dựng cây định danh bằng giải thuật độ đo hỗn loạn cho kết quả trời mưa với bảng dữ liệu sau

STT	Trời	Áp suất	Gió	Kết quả
1	Trong	Cao	Bắc	Không mưa
2	Mây	Cao	Nam	Mưa
3	Mây	Trung bình	Bắc	Mưa
4	Trong	Thấp	Bắc	Không mưa
5	Mây	Thấp	Bắc	Mưa
6	Mây	Cao	Bắc	Mưa
7	Mây	Thấp	Nam	Không mưa
8	Trong	Cao	Nam	Không mưa

Học quy nạp – Inductive learning Algorithm (ILA)

- Thuật giải ILA (Inductive Learning Algorithm) được dùng để xác
 định các luật phân loại cho tập hợp các mẫu học.
- Thuật giải này thực hiện theo cơ chế lặp, để tìm luật riêng đại diện cho tập mẫu của từng lớp.
- Sau khi xác định được luật, ILA loại bỏ các mẫu liên quan khỏi tập mẫu, đồng thời thêm luật mới này vào tập luật.

Học quy nạp – Inductive learning Algorithm (ILA)



Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Amie	Vàng	Thấp	ТВ	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

Xây dựng cây định danh bằng giải thuật ILA cho kết quả rám nắng với bảng dữ liệu sau

Học quy nạp – Inductive learning Algorithm (ILA)

Từ bảng dữ liệu có thể nhận ra số thuộc tính quyết định: n=2 nên

tách thành 2 bảng con

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

Bảng 1

Bảng 2

Thuộc tính kết quả (mục tiêu) có thể bỏ qua trong quá trình xét

Học quy nạp – Inductive learning Algorithm (ILA)

Tên

- Xét bảng 1
- j=1//xét TH có 1 thuộc tính
 có 4 tổ hợp (màu tóc, c.cao, c.nặng, dùng ken
- Xét thuộc tính: màu tóc
 - · vàng (bảng 1 và 2 đều có): 0
 - đỏ (bảng 1 có, bảng 2 không): 1
- Xét thuộc tính: chiều cao
 - TB (bảng 1 và 2 đều có): 0
 - thấp (bảng 1 và 2 đều có): 0

Tân	Màu tác	Cogo	Cnăna	Dùng kem	Kất quả		
g, dùng kem)							
Emilie	Đỏ	ТВ	Nặng	Không	Nám		
Amie	Vàng	Thấp	ТВ	Không	Nám		
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám		

Màu tóc C.cao C.nặng Dùng kem Kết quả

ren	Mau toc	C.Cao	C.nang	Dung kem	Ket qua
Dana	Vàng	Cao	ТВ	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

{màu tóc}	{c.cao}	{c. nặng}	{dùng kem}
Vàng: 0 Đỏ: 1	TB: 0 thấp: 0		

Học quy nạp – Inductive learning Algorithm (ILA)

- Xét bảng 1
- j=1//xét TH có 1 thuộc tính
 có 4 tổ hợp (màu tóc, c.cao, c.nặng, dùng kem)
- Xét thuộc tính: cân nặng
 - nhẹ (bảng 1 và 2 đều có): 0
 - TB (bảng 1 và 2 đều có): 0
 - nặng (bảng 1 và 2 đều có): 0
- Xét thuộc tính: dùng kem
 - không (bảng 1 và 2 đều có): 0

IF màu tóc = đỏ THEN kết quả = bị nám

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Sarah	Vàng	TB	Nhẹ	Không	Nám
Amie	Vàng	Thấp	TB	Không	Nám
Emilie	Đỏ	TB	Nặng	Không	Nám

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Dana	Vàng	Cao	ТВ	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

{màu tóc}	{c.cao}	{c. nặng}	{dùng kem}
Vàng: 0 Đỏ: 1	TB: 0 thấp: 0	TB: 0 nhẹ: 0 nặng: 0	không: 0

Tổ hợp max=1: Đỏ {màu tóc}

Đánh dấu dòng màu tóc = đỏ

Học quy nạp – Inductive learning Algorithm (ILA)

- Xét bảng 1
- $= j=1//x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ thuộc tí$
- Sau khi đánh dấu dòng đã xét, tính lại bảng tổ hợp cho các dòng chưa xét với 1 thuộc tính phân biệt

O ,						
Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng	kem	Kết quả
Dana	Vàng	Cao	TB	Có		Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có		Không
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không		Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không		Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có		Không
{màu	tóc}	[c.cao}	{c. no	ặng}	{dù	ng kem}
Vàng: 0		TB: 0 thấp: 0		3: 0 e: 0	kł	nông: 0
			nặr	ig: 0		
Tổ hợp max=0: không có luật mới						

Nhe

Năng

TB

Màu tóc C.cao C.nặng

TB

Tên

Sarah Vàng

Dùng kem Kết quả

Nám

Nám

Nám

Không

Không

Không

Học quy nạp – Inductive learning Algorithm (ILA)

- Xét bảng 1
- j=2//xét TH có 2 thuộc tính

có 6 tổ hợp: (m. tóc, c.cao), (m.tóc, c.nặng), (m.tóc, dùng kem),

Tên

Amie

Sarah Vàng

Emilie Đỏ

Vàng

(c.cao, c.nặng), (c.cao, dùng kem)

(c.nặng, dùng kem)

{màu tớ	óc, c.cao}	{m.tóc, d.kem}
{vàng, TB}	{vàng, thấp}	{vàng, không}
1	0	2 (2 bản ghi # vs bảng 2)

	,	9.1.37,	(,)
)	Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
•	Dana	Vàng	Cao	ТВ	Có	Không
	Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
	Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
	John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
	Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

Màu tóc C.cao C.nặng Dùng kem Kết quả

Nhẹ

Nặng

TB

TB

TB

Thấp

Không

Không

Không

Nám

Nám

Nám

{màu tóo	c, c.nặng}	{chiều cơ	o, c.nặng} {chiều cao, d.kem}		{chiều cao, c.nặng} {chiều cao, d.kem}		{c.nặng, d.kem}	
{vàng, TB}	{vàng, nhẹ}	{TB, nhẹ}	{thấp, TB}	{TB, không}	{thấp, không}	{TB, không}	{nhẹ, không}	
0	0	1	0	1	1	1	1	

Học quy nạp – Inductive learning Algorithm (ILA)

- Xét bảng 1
- j=2//xét TH có 2 thuộc tính

có 6 tổ hợp: (m. tóc, c.cao), (m.tóc, c.nặng), (m.tóc, dùng kem),

Tên

Sarah Vàng

Emilie Đỏ

Vàng

TB

TB

Thấp

(c.cao, c.nặng), (c.cao, dùng kem) (c.nặng, dùng kem)

)	Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
	Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
	Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
	Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
	John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
	Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

Màu tóc C.cao C.nặng Dùng kem Kết quả

Nhe

TB

Năng

Không

Không

Không

Nám

Nám

Nám

Thêm luật vào R:

IF màu tóc = vàng AND dùng kem = không THEN kết quả = bị nám Tổ hợp max=2: (màu tóc, dùng kem)
= {vàng, không}

Đánh dấu dòng màu tóc = vàng và dùng kem = không

Hoc quy nap - Inductive learning Algorithm (ILA)

- Xét bảng 2 (sau khi hết dòng B1)
- i=1 //xét TH có 1 thuộc tính

J-1//XCC III CO I CHUÇC CHIII	Emilie	Đỏ	TB	Nặng
có 4 tổ hợp: {m. tóc}, {c.cao}, {c.n	ặng},	{dùng	g kem	1}

{màu tóc}	{c.cao}	{c. nặng}	{dùng kem}
Vàng: 0	TB: 0	TB: 0	không: 0
nâu: 3 (số	thấp: 0	nhẹ: 0	có: 3
dòng ∉B1)	cao: 2	nặng: 0	

Thêm luât vào R:

IF màu tóc = nâu THEN kết quả = không bị nám

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

C.cao C.năng

Nhe

TB

TB

Thấp

Màu tóc

Vàng

Tên

Amie

Sarah Vàng

Dùng kem Kết quả

Nám

Nám

Nám

Không

Không

Không

Tổ hợp max=3: (màu tóc)= {nâu} và $(dùng kem) = {có}. Chọn màu tóc$

Đánh dấu dòng màu tóc = nâu

Học quy nạp – Inductive learning Algorithm (ILA)

- Xét bảng 2
- $= j=1//x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ c\acute{o} \ 1 \ thuộc tính$ $= j=1/x\acute{e}t \ TH \ thuộc tí$
- Sau khi đánh dấu dòng đã xét, tính lại bảng tổ hợp cho các dòng chưa xét với 1 thuộc tính phân biệt

Thêm luật vào R:					
IF dùng kem = có					
THEN kết quả = không bị nám					

Số dòng chưa đánh dấu bảng $2 = \emptyset$: END

Tên	Màu tóc	C.cao	C.nặng	Dùng kem	Kết quả
Dana	Vàng	Cao	TB	Có	Không
Alex	Nâu	Thấp	TB	Có	Không
Peter	Nâu	Cao	Nặng	Không	Không
John	Nâu	TB	Nặng	Không	Không
Kartie	Vàng	Thấp	Nhẹ	Có	Không

Nhe

Nặng

TB

Màu tóc C.cao C.nặng

TB

Tên

Sarah Vàng

Dùng kem Kết quả

Nám

Nám

Nám

Không

Không

Không

{màu tóc}	{c.cao}	{c. nặng}	{dùng kem}
Vàng: 0	TB: 0	TB: 0	có: 2
	thấp: 0	nhẹ: 0	

 $Tổ hợp max=2: (dùng kem) = {có}$

Đánh dấu dòng dùng kem= có

Xây dựng cây quyết định để đưa ra luật phù hợp

Độ ẩm

Cao

Cao

Cao

Cao

Trung bình

Trung bình

Trung bình

Cao

Trung bình

Trung bình

Gió

Yếu

Mạnh

Yếu

Yếu

Mạnh

Mạnh

Yếu

Yếu

Yếu

Yếu

Kết quả

Không

Không

Có

Có

Có

Không

Có

Không

Có

Có

Weekend	Weather	Parents	Money	Decision	П	Ngày	Trời
W1	Sunny	Yes	Rich	Cinema	01	D1	Nắng
W2	Sunny	No	Rich	Tennis	02	D2	Nắng
W3	Windy	Yes	Rich	Cinema	03	D3	U ám
W4	Rainy	Yes	Poor	Cinema	04	D4	Mưa
W5	Rainy	No	Rich	Stay in	05	D5	Mưa
W6	Rainy	Yes	Poor	Cinema	06	D6	Mưa
W7	Windy	No	Poor	Cinema	07	D7	U ám
W8	Windy	No	Rich	Shopping	08	D8	Nắng
W9	Windy	Yes	Rich	Cinema	09	D9	Nắng
W10	Sunny	No	Rich	Tennis	10	D10	Mưa

Xây dựng cây quyết định để đưa ra luật phù hợp

Tên	Vį	Màu	Vỏ	Độc
Α	Ngọt	Đỏ	Nhẵn	Không
В	Cay	Đỏ	Nhẵn	Không
С	Chua	Vàng	Vàng Có gai	
D	Cay	Vàng	Có gai	Độc
E	Ngọt	Tím	Có gai	Không
F	Chua	Vàng	Nhẵn	Không
G	Ngọt	Tím	Nhẵn	Không
Н	Cay	Tím	Có gai	Độc
I	Cay	Đỏ	Có gai	Độc

Người	Dáng	Chiều cao	Giới tính	Thuộc Châu
1	То	Trung bình Nam		Á
2	Nhỏ	Thấp Nam		Á
3	Nhỏ	Trung bình Nam		Á
4	То	Cao	Nam	Âu
5	Nhỏ	Trung bình	Nữ	Âu
6	Nhỏ	Cao	Nam	Âu
7	Nhỏ	Cao	Nữ	Âu
8	То	Trung bình	Nữ	Âu

Xây dựng cây quyết định để đưa ra luật phù hợp

Age	Car type	Class					
23	Family	High					
17	Sports	High					
43	Sports	High					
68	Family	Low					
32	Truck	Low					
20	Family	High					
AGE có thể phân thành 3 nhóm:							
<30	>=30	>=40					

- Thuật toán Naïve Bayes là một thuật toán học có giám sát, dựa trên định lý Bayes và được sử dụng để giải các bài toán phân loại.
- Được sử dụng chủ yếu trong phân loại văn bản.
- Naïve Bayes Classifier là một trong những thuật toán Phân loại đơn giản và hiệu quả nhất giúp xây dựng các mô hình học máy nhanh có thể đưa ra dự đoán nhanh.
 - Naïve: Giả định sự xuất hiện của một đặc điểm nào đó là độc lập với sự xuất hiện của các đặc điểm khác (độc lập ngẫu nhiên).
 - Bayes: Định lý Bayes

Phân loại Naive Bayes (Naive Bayes classification)

Công thức:

$$P\binom{C_i}{X} = \frac{P\binom{X}{C_i} * P(C_i)}{P(X)}$$

- $P(^{C_i}/_X)$: xác suất sảy ra nhãn i (mưa, không mưa) khi biết X (ít mây, áp suất thấp, gió nam...)
- $P(X/C_i)$: xác suất X khi biết nhãn i
- $P(C_i)$: xác suất sảy ra nhãn i
- P(X): xác suất sảy ra nhãn X

Phân loại Naive Bayes (Naive Bayes classification)

Khả năng nào sảy ra khi trời ít mây, áp suất thấp và gió thổi từ

hướng Nam?

• Bước 1: tính $P(X/C_i)$

• Bước 2: t inh P(X)

• Bước 3: tính $P(^{C_i}/_X)$: xác suất sảy C khi biết X

Đối tượng	Mây	Áp suất	Gió	Kết quả
1	ít	cao	Bắc	Không mưa
2	nhiều	cao	Bắc	Mưa
3	ít	thấp	Bắc	Không mưa
4	nhiều	thấp	Bắc	Mưa
5	nhiều	trung bình	Bắc	Mưa
6	ít	cao	Nam	Không mưa
7	nhiều	cao	Nam	Mưa
8	nhiều	thấp	Nam	Không mưa

Phân Ioại Naive Bayes (Naive Bayes classification)

Khả năng nào sảy ra khi trời ít mây, áp suất thấp và gió thổi từ hướng Nam?
Đối tương Mây Áp suất Gió Kết gi

- Bước 1:
 - $P(X/C_i) = P(X/mua), v \acute{o}i X = \{it, th \acute{a}p, nam\}$
 - $P(X/mua) = P\left(\frac{it}{mua}\right) \cdot P\left(\frac{th\tilde{a}p}{mua}\right) \cdot P\left(\frac{nam}{mua}\right) = \mathbf{0}$

Đối tượng	Mây	Áp suất	Gió	Kết quả
1	ít	cao	Bắc	Không mưa
2	nhiều	cao	Bắc	Mưa
3	ít	thấp	Bắc	Không mưa
4	nhiều	thấp	Bắc	Mưa
5	nhiều	trung bình	Bắc	Mưa
6	ít	cao	Nam	Không mưa
7	nhiều	cao	Nam	Mưa
8	nhiều	thấp	Nam	Không mưa

- Để tránh trường hợp cho xác suất =0 ta sử dụng biến đổi Laplace
- $P(^{it}/_{mua}) = \frac{0+1}{4+2}$, trong đó: 1-hằng số; 4-số kết quả là mưa; 2-số thuộc tính của mây

$$P(thấp/mua) = \frac{1+1}{4+3} \qquad P(nam/mua) = \frac{1+1}{4+2}$$

- Khả năng nào sảy ra khi trời ít mây, áp suất thấp và gió thổi từ hướng Nam?
 Đối tương Mây Áp suất Gió Kết qu
- Bước 1:
 - $P(X/C_i) = P(X/mua), v \acute{o}i X = \{it, th \acute{a}p, nam\}$

$$P(X/mua) = P(\frac{it}{mua}) \cdot P(\frac{th\acute{a}p}{mua}) \cdot P(\frac{nam}{mua}) =$$

$$= \frac{0+1}{4+2} * \frac{1+1}{4+3} * \frac{1+1}{4+2} = \frac{1}{63}$$

Đối tượng	Mây	Áp suất	Gió	Kết quả
1	ít	cao	Bắc	Không mưa
2	nhiều	cao	Bắc	Mưa
3	ít	thấp	Bắc	Không mưa
4	nhiều	thấp	Bắc	Mưa
5	nhiều	trung bình	Bắc	Mưa
6	ít	cao	Nam	Không mưa
7	nhiều	cao	Nam	Mưa
8	nhiều	thấp	Nam	Không mưa

Phân loại Naive Bayes (Naive Bayes classification)

Khả năng nào sảy ra khi trời ít mây, áp suất thấp và gió thổi từ hướng Nam?
Đối tương Mây Áp suất Gió Kết gi

Bước 1:

• $P(X/C_i) = P(X/không mưa)$, với $X = \{it, thấp, nam \}$

P(X/, =	p (-	ít \	P	(<u>thấp</u>)	P	(\underline{nam})	=
1 (/ k.mua) —	1 \	k.mưa)		\ <i>k.m</i> wa)	• 4	\ <i>k.m</i> wa)	

$$P(X/_{k.mua}) = \frac{3+1}{4+2} * \frac{2+1}{4+3} * \frac{2+1}{4+2} = \frac{9}{63}$$

Đối tượng	Mây	Áp suất	Gió	Kết quả
1	ít	cao	Bắc	Không mưa
2	nhiều	cao	Bắc	Mưa
3	ít	thấp	Bắc	Không mưa
n 4	nhiều	thấp	Bắc	Mưa
5	nhiều	trung bình	Bắc	Mưa
6	ít	cao	Nam	Không mưa
7	nhiều	cao	Nam	Mưa
8	nhiều	thấp	Nam	Không mưa

- Khả năng nào sảy ra khi trời ít mây, áp suất thấp và gió thổi từ hướng Nam?
 Đối tương Mây Áp suất Gió Kết qu
- Bước 2:

•
$$P(X) = \sum P(X/C_i)$$
, $v \circ i X = \{it, th \tilde{a}p, nam\}$

$$P(X) = P(X/mua) * P(mua)$$

$$+ P(X/k.mua) * P(k.mua) =$$

$$= \frac{1}{63} * \frac{4+1}{8+2} + \frac{9}{63} * \frac{4+1}{8+2} = \frac{5}{63}$$

Đối tượng	Mây	Áp suất	Gió	Kết quả
1	ít	cao	Bắc	Không mưa
2	nhiều	cao	Bắc	Mưa
3	ít	thấp	Bắc	Không mưa
4	nhiều	thấp	Bắc	Mưa
5	nhiều	trung bình	Bắc	Mưa
6	ít	cao	Nam	Không mưa
7	nhiều	cao	Nam	Mưa
8	nhiều	thấp	Nam	Không mưa

- Khả năng nào sảy ra khi trời ít mây, áp suất thấp và gió thổi từ hướng Nam?
 Đối tương Mây Áp suất Gió Kết gu
- Bước 3: $P(C_i/X)$, $v \circ i X = \{it, thấp, nam\}$

$$P(mua/X) = \frac{P(X/mua)*P(mua)}{P(X)} = \frac{\frac{1}{63}*\frac{4}{8}}{\frac{5}{63}} = \frac{1}{10}$$

D(k.m wa/)	$\frac{P(X/_{k.mua})*P(k.mua)}{P(Y)}$	$\frac{9}{63} \times \frac{4}{8}$	9
$\Gamma \left(\frac{1}{2} \right) - \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} \right) = \frac{1}{2} \left($	P(X)	$-\frac{5}{63}$	10

- Hoặc P(k.mwa/X) = 1 P(mwa/X) = 90%
- Vì P(k.mua/X) > P(mua/X) nên khả năng cao là trời sẽ không mưa.

Đối tượng	Mây	Áp suất	Gió	Kết quả
1	ít	cao	Bắc	Không mưa
2	nhiều	cao	Bắc	Mưa
3	ít	thấp	Bắc	Không mưa
4	nhiều	thấp	Bắc	Mưa
5	nhiều	trung bình	Bắc	Mưa
6	ít	cao	Nam	Không mưa
7	nhiều	cao	Nam	Mưa
8	nhiều	thấp	Nam	Không mưa

- today = (Sunny, Hot, Normal, False), khả năng nào của việc chơi golf sẽ sảy ra?
- Bước 1: tính $P(X/C_i)$
- Bước 2: tính P(X)
- Bước 3: tính $P(^{C_i}/_X)$: xác suất sảy C khi biết X

	Outlook	Temperature	Humidity	Windy	Play Golf
0	Rainy	Hot	High	FALSE	No
1	Rainy	Hot	High	TRUE	No
2	Overcast	Hot	High	FALSE	Yes
3	Sunny	Mild	High	FALSE	Yes
4	_	Cool	Normal	FALSE	Yes
	Sunny	Cool	Normal	TRUE	No
6	Overcast	Cool	Normal	TRUE	Yes
7	Rainy	Mild	High	FALSE	No
8	Rainy	Cool	Normal	FALSE	Yes
9		Mild	Normal		Yes
10	_	Mild	Normal	TRUE	Yes
	Overcast	Mild	High	TRUE	Yes
12	Overcast	Hot	Normal	FALSE	Yes
13		Mild	High	TRUE	No

- Thuật toán k-means là thuật toán phân cụm từ n đối tượng ban đầu vào k cụm phân biệt, với k<n được giới thiệu năm 1957 bởi Lloyd K-means.
- Thuật toán sử dụng độ đo tương tự giữa quan sát.
- Khoảng cách Euclidean là phương pháp phổ biến nhất được dùng để đánh giá khoảng cách của các quan sát.
- Cho 2 quan sát u={u1, u2, ..., uq} và v = {v1, v2, ..., vq}, mỗi quan sát bao gồm q biến.
- $d_{u,v} = \sqrt{(u_1 v_1)^2 + (u_2 v_2)^2 + \dots + (u_q v_q)^2}$: khoảng cách giữa vectors

- Nếu 2 vector thẳng hang thì khoảng cách u,v là:
- $d_{u,v} = |u_1 v_1| + |u_2 v_2| + \dots + |u_q v_q|$
- Phân cụm cho 8 điểm có tọa độ như sau thành 3 cụm: $A_1(2,10), A_2(2,5), A_3(8,4), A_4(5,8), A_5(7,5), A_6(6,4), A_7(1,2), A_8(4,9)$
- Có thể nhận thấy số cụm là 3: k=3 <n=8
- Bước 1: chọn ngẫu nhiên 3 điểm làm giá trị trung tâm: $A_1(2,10), A_4(5,8), A_7(1,2)$
- Áp dụng công thức tính khoảng cách giữa 2 điểm a(x1, y1) và b(x2, y2): d(a,b) = |x2-x1| + |y2-y1|

- Khoảng cách của các điểm tới k-means
- Cluster: tìm MIN của mỗi Point trong mỗi dist. mean_i và gán vào cluster.
- Ví dụ: A1(2,10): min = 0 ∈ dist.mean 1
 → cluster =1
 - cluster1: (2,10)
 - cluster2: (8,4), (5,8), (7,5),(6,4), (4,9)
 - cluster3: (2,5), (1,2)

		(2,10)	(5,8)	(1,2)	
	Point	Dist. mean1	Dist. mean2	Dist. mean3	Cluster
A1	(2,10)	0	5	9	1
A2	(2,5)	5	6	4	3
A3	(8,4)	12	7	9	2
A4	(5,8)	5	0	10	2
A5	(7,5)	10	5	9	2
A6	(6,4)	10	5	7	2
<mark>A7</mark>	(1,2)	9	10	0	3
A8	(4,9)	3	2	10	2

- Cập nhật lại giá trị của các giá trị trung tâm của cluster.
- cluster1: có 1 điểm A1(2,10) nên dist.means1 = (2,10)
- cluster2: dist. means 2 = [(8+5+7+6+4)/5, (4+8+5+4+9)/5] = (6,6)
- cluster3: dist.mean3 = [(2+1)/2,(5+2)/2] = (1.5,3.5)

Phân cụm dữ liệu K trung tâm (K-means clustering)

- Tính lại giá trị khoảng cách các means:
 - cluster1: (2,10), (4,9)
 - cluster2: (8,4), (5,8), (7,5), (6,4)

cluster3: (2,5), (1,2)

		(2,10)	(5,5)	(1.5,3.5)	
	Point	Dist. mean1	Dist. mean2	Dist. mean3	Cluster
A1	(2,10)	0	8	7	1
A2	(2,5)	5	3	2	3
А3	(8,4)	12	4	7	2
Α4	(5,8)	5	3	8	2
A5	(7,5)	10	2	7	2
A6	(6,4)	10	2	5	2
Α7	(1,2)	9	7	2	3
A8	(4,9)	3	5	8	1

- Cập nhật lại giá trị của các giá trị trung tâm của cluster.
- cluster1: dist.mean1 = [(2+4)/2,(10+9)/2] = (3,9.5)
- cluster2: dist. means 2 = [(8+5+7+6)/4,(4+8+5+4)/4] = (6.5,5.25)
- cluster3: dist.mean3 = [(2+1)/2,(5+2)/2] = (1.5,3.5)

Phân cụm dữ liệu K trung tâm (K-means clustering)

- Tính lại giá trị khoảng cách các means:
 - cluster1: (2,10), (4,9), (5,8)
 - cluster2: (8,4), (7,5), (6,4)

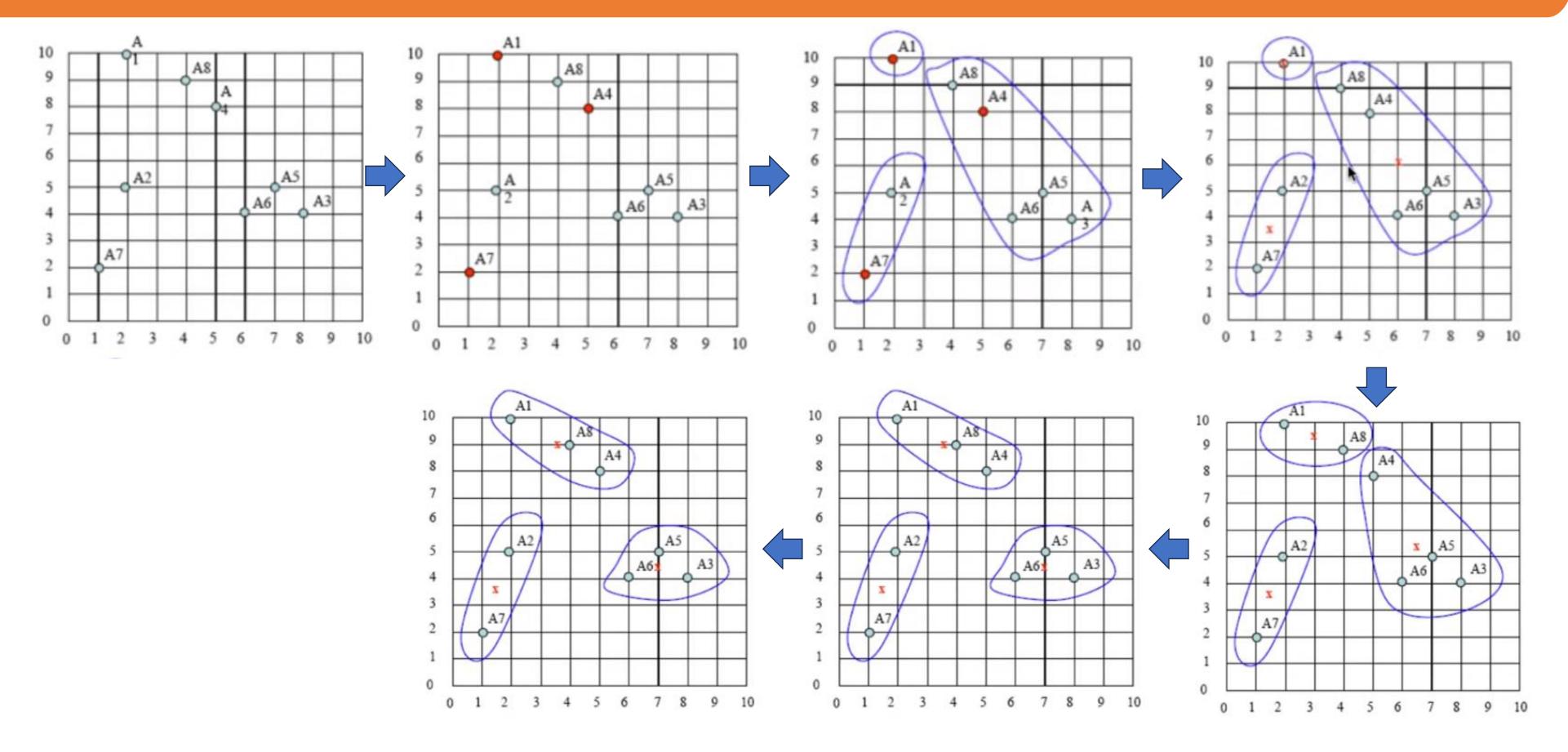
cluster3: (2,5), (1,2)

		(3,9.5)	(6.5,5.25)	(1.5,3.5)	
	Point	Dist. mean1	Dist. mean2	Dist. mean3	Cluster
A1	(2,10)	1,5	9,25	7	1
A2	(2,5)	5,5	4,75	2	3
А3	(8,4)	10,5	2,75	7	2
Α4	(5,8)	3,5	4,25	8	1
A5	(7,5)	8,5	0,75	7	2
Α6	(6,4)	8,5	1,75	5	2
Α7	(1,2)	9,5	8,75	2	3
A8	(4,9)	1,5	6,25	8	1

- Cập nhật lại giá trị của các giá trị trung tâm của cluster.
- cluster1: dist.mean1 = [(2+4+5)/3,(10+9+8)/3] = (3.67,9)
- cluster2: dist. means2 = [(8+7+6)/4,(4+5+4)/4] = (7,4.3)
- cluster3: dist.mean3 = [(2+1)/2,(5+2)/2] = (1.5,3.5)

- Tính lại giá trị khoảng cách các means:
 - cluster1: (2,10), (4,9), (5,8)
 - cluster2: (8,4), (7,5), (6,4)
 - cluster3: (2,5), (1,2)
- Nhận xét: số cụm không đổi so với lần lặp trước. TẠM DÙNG tính toán means

		(3.67,9)	(7,4.3)	(1.5,3.5)	
	Point	Dist. mean1	Dist. mean2	Dist. mean3	Cluster
A1	(2,10)	2,67	10,7	7	1
A2	(2,5)	5,67	5,7	2	3
А3	(8,4)	9,33	1,3	7	2
Α4	(5,8)	2,33	5,7	8	1
A5	(7,5)	7,33	0,7	7	2
A6	(6,4)	7,33	1,3	5	2
Α7	(1,2)	9,67	8,3	2	3
8A	(4,9)	0,33	7,7	8	1



Phân cụm dữ liệu K trung tâm (K-means clustering)

■ Phân cụm cho 8 điểm có tọa độ như sau thành 2 cụm: $A_1(1,1), A_2(2,1), A_3(2,3), A_4(3,2), A_5(4,3), A_6(5,5)$

HẾT CHƯƠNG 7