حدود ریاضیاتی بر نظریات فیزیک بررسی مسئله اندازه گیری و ناتمامیت گودل

امیرحسین ابراهیم نژاد ۱۹ خرداد ۱۴۰۲

مقدم	•	ف م رست وطالب

١	مقدما	•								١	مكانيك
۲	چگونا	ء ميدانيم؟								١	دقیق بدست
	1.7	معرفت های ابتدایی									
		تجربه گرایی									

مکانیک کوانتومی، نظریهای که در ابتدای قرن گذشته با پیشبینیهای بسیار دقیق خود. جایگاه خود را به عنوان دقیق ترین نظریه بشر، در رابطه با طبیعت بدست آورد. با این حال پس از گذشت صد سال از آغاز مکانیک کوانتومی، این نظریه همچنان رازآلود باقیمانده است. همانطور که در ادامه خواهیم پرداخت به صورت کلی میتوان تمام رازگونگی مکانیک کوانتومی را در مسئله اندازهگیری خلاصه کرد؛ هرچقدر که تجسم دوگانگی ذرهوموج و برهمنهی و غیره و غیره برای شهود انسان چالشبرانگیز باشد، ساختار کلی آنها علیت را زیر سوال نمیبرند. بدین ترتیب میتوان اینگونه پنداشت که چالش مکانیک کوانتومی تا قبل از مسئله اندازهگیری، تنها برای شهودی نبودن مسئله میباشد.

در این پژوهش، مسئله اندازهگیری را از منظر جدیدی بررسی خواهیم کرد. سعی ما بر این خواهد بود تا اندازهگیری را نه بخاطر ضعف در مدل سازی و نه بخاطر وجود مشاهدهگر. بلکه به عنوان یک ویژگی طبیعی که در جهان وجود خواهد داشت بررسی کنیم. ابتدا کمی از فلسفه های گذشته و دلیل موفقیت آنها در توصیف طبیعت به صورت فیزیک کلاسیک خواهیم گفت. سپس به مکانیک کوانتومی و شگفتیهای بوجود آمده از طرف آن خواهیم پرداخت. و در نهایت دو قضیه مهم در ریاضیات و منطق قرن گذشته را -قضیه گودل و نظریه محاسبه - بررسی خواهیم کرد؛ در ادامه سعی در توصیف شرایط حاکم در طبیعت با توجه به این قضایا خواهیم کرد. در آخرین فصل نیز به ارائه چند مسئله برای پیشبرد این دیدگاه خواهیم پرداخت.

۲ چگونه میدانیم؟

۱.۲ معرفت های ابتدایی

بررسی طبیعت از دوران های بسیار کهن، یکی از علایق بشریت به شمار میرفت. بشرِ آگاه، دیگر مانند موجودات دیگر درگیر چالش ها و خطر های روزمره قرار نمیگیرد، و در نهایت نمیتواند مانع ذهن خود در طرح پرسش های بنیادین بشود.

روش های متعددی برای بررسی طبیعت در طی این سال ها بوجود آمده و از میان رفته است. حال آنکه از سرایش اشعار و خدایان تا سیستم های فوق پیچیده مهندسی امروز با این حال در جایی میان خدایان یونان و شتابدهنده های ذرات بنیادی بشر به نتیجهای مهم دست یافت. طرح سوالات در قالب آزمایش!

استدلال بسیار ساده ای پشت این نتیجه قرار داشت. چگونه میتوان دانست؟ برای آنکه باور خود را دانش بپنداریم، مهم است که چند صفت را برای آن قائل شویم. ابتدا باور ما باید صحیح باشد. در رابطه با صحت میتوان بحث های زیادی داشت اما بیایید فرض کنیم میتوانیم به هر گزاره که به باور ما تبدیل شده است یک ارزش صحیح یا اشتباه قرار دهیم. حال بدیهیست که باور هایی که ارزش صحیح دارند را به عنوان دانش بپذیریم.

اما اگر من به طور تصادفی تعداد زیادی حدس در رابطه با موضموعات

مختلف بزنم. احتمالا چندتایی از آنها درست از آب در بیایند. پس این سوال مطرح میشود: آیا من در رابطه با حدس های درست خود دانش داشته ام؟ جواب ما منفی است. هنگامی که از دانش حرف میزنیم لازم داریم تا برای داشتن آن باور دلیل بیاوریم و دلیل داشتن داشتن آن باور را توجیه کنیم. بدین ترتیب بخش حیاتی از دانش وجود توجیه میباشد.

۲.۲ تجربه گرایی

در علم توجیه درستی یک نظریه عموماً به کمک تجربه انجام میشود. بدین صورت که ما یک نظریه فیزیکی را در شرایط گوناگون استفاده میکنیم و یک دسته از نتایج آن نظریه که تنها اگر آن نظریه درست نباشد بوجود خواهد آمد را دریافت میکنیم. در ادامه با آزمایش کردن در آن شرایط خاص یا در جایی که آن نتایج ممکن از دیده بشوند از صحت نظریه داده شده مطمئن میشویم. نظریه های متفاوت فیزیکی در قرن های گذشته به همین طریق بررسی، رد یا پذیرفته شده اند. ساختار آزمایشات فیزیکی پیچیده تر از گذشته شده اما یکی از عناصر مهم فلسفی که پیشفرض تمام این آزمایشات بوده است به شرح زیر است.

اگر شرایط اولیه در آزمایش را به دقت تنظیم کنیم، برای هر تعداد بار میتوانیم نتیجه مشابه بگیریم.

بسیار خوششانس بوده ایم که هنگامی که علوم ما تازه پا به عرصه حضور گذاشته اند، طبیعت با مهربانی این پیشفرض مارا برایمان مهیا کرده بود. چراکه در ادامه این پژوهش خواهیم دید که چگونه این پیشفرض اشتباه میباشد. در فلسفه طبیعی کلاسیک، فیزیک کلاسیک و حتی در جهان بینی ماقبل قرن گذشته قطعیت حرف اول را میزد. اگر برای شما یک سیستم فیزیکی را در حالتی که هست و اندرکنش هایی که دیده توصیف میکردم، شما به راحتی میتوانید تمام اندرکنش هایی که گفته ام را وارونه کنید و حالت اولیه سیستم را بدست بیاورید. این را علیت میگوییم، و در ادامه به آن بیشتر خواهیم پرداخت.

٣.٢ قالب رياضياتي فيزيک

علاوه بر علوم طبیعی ریاضیات نیز از دوران کهن توجه انسان را به خود جلب کرده بود. بررسی موجودات انتزاعی که در سیستم های ریاضیاتی مدل میشوند، حل معادلات و روابط مختلف بین اعداد و موجودات هندسی، بر خلاف ظاهر آشفته طبیعت، آراسته و منسجم تر به نر می رسد. با این حال اگر به پیشفرض مهم آزمایش که در بخش قبل به آن پرداختیم دقت کنید، دور از انتظار نخواهد بود که سعی کنیم تا تکرارشدگی آزمایش را با کمک ریاضیات توصیف کنیم. بدین صورت که

$$\hat{H}f = Y \tag{1}$$

یک معادله کوچک که میتواند هرچیزی را توضیح دهد. در این معادله ما گفته \hat{H} به موجود ایم موجودی به نام f که خصوصیاتی دارد تحت یک پروسه \hat{H} به موجود نهایی Y تبدیل میشود. نمیخواهم بگویم که تمام فیزیک به همین یک معادله میرسد، اما بخش بزرگی از فیزیک بررسی همچین معادلاتی است که به عنوان معادلات دیفرانسیل شناخته میشوند. البته که هر کدام معانی خود را در پی دارند و با تغییر هر یک از این سه موجود ممکن از به معادله ای جدید دست پیدا کنید که شاید معنایی حقیقی در رابطه با آزمایشی خاص داشته باشد.

پس میتوان گفت تصویر برای فیزیک کلاسیک این چنین بود:

- آزمایشات در صورت داشتن شرایط اولیه یکسان همواره جواب نهایی یکسان در پی خواهند داشت که به نشانه صحت یا عدم صحت حدس اولیه ما خواهد بود.
 - میتوان از ریاضیات برای توصیف وقایع طبیعت استفاده کرد.

مکانیک کوانتومی و علیت

حدود ساعت سه صبح بود که نتایج نهایی محاسباتم پیش رویم بود. عمیقاً جا خورده بودم و چنان تشویش داشتم که خوابم نمیبرد. خانه را ترک کردم و به آرامی در تاریکی راه رفتم. روی صخره ای مشرف به دریا در کنج جزیره رفتم. منتظر ماندم که خورشید برآید. ورنر هایزنبرگ

مکانیک کوانتومی در قرن گذشته در نزدیکی زمانی که کلوین، فیزیکدان بزرگ، فیزیک را کامل میدانست پا به عرصه گذاشت. شگفتی های طبیعت بعد از یافتن قوانین کلاسیک حرکت، جاذبه، اپتیک و الکترودینامیک. چهره جدیدی به خود گرفته بودند. نکته حائز اهمیت دررابطه با فیزیک کوانتومی مسئله اندازه گیری در آن است به طور کلی میتوان یک پروسه کوانتومی را به سه بخش تقسیم بندی کرد.

۱.۳ آماده سازی

ابتدا باید در نظر گرفت که در مکانیک کوانتومی سیستم ها تحت یک تابع مختلط ریاضیاتی به نام تابع موج شناخته میشوند. بدین صورت که تمام اطلاعاتی که در رابطه با سیستم وجود دارد به نحوی درون این تابع ذخیره شده است. مرحله اول یک پروسه کوانتومی را میتوان آماده سازی دانست. مرحله ای که تحت آن ما یک سیستم کوانتومی را به حالت اولیه مورد علاقه خود در میآوریم. البته لازم به ذکر است که برای یک پروسه طبیعی نیز میتوان مرحله آماده سازی را به صورت مرحله قبل از تحول در نظر گرفت. بدین ترتیب ما با یک تابع موج اولیه سیستم کوانتومی خود را توصیف میکنیم.

$$|\psi_0
angle$$
 (Y)