Nichtlineare Optimierung - 3. Hausaufgabe

 $\begin{array}{ll} {\rm Claudia\ Wohlgemuth} & 366323 \\ {\rm Thorsten\ Lucke} & 363089 \\ {\rm Felix\ Thoma} & 358638 \end{array}$

Tutor: Mathieu Rosière

1. Juni 2017

3.1	3.2	3.3	3.4	\sum

Anmerkungen:

Obwohl die in der Aufgabenstellung formulierte vermeintliche Charakterisierung der Abstiegsrichtung außerordentlich intuitiv erscheint, ist sie im Allgemeinen nicht mit dem in der Vorlesung eingeführten Begriff der Abstiegsrichtung vereinbar. Das folgende Gegenbeispiel dient als Untermauerung dieser kühnen Behauptung.

Für n=1 bemühen wir die Sinusfunktion sin: $\mathbb{R} \to \mathbb{R}, x \mapsto \sin(x)$ und betrachten den Punkt $x_0=\pi/2$. Dann ist mit d=1 wegen

$$\nabla \sin(\pi/2) \cdot d = \cos(\pi/2) \cdot 1 = 0 \not< 0$$

keine Abstiegsrichtung im Sinne der Definition (4.1.1) gegeben. Setzen wir allerdings $\tilde{\sigma} := \pi/2$, so ist für alle $\sigma \in (0, \tilde{\sigma}]$ die geforderte Abschätzung

$$0 \le \sin(x + \sigma d) < 1 = \sin(x)$$

dennoch erfüllt. Es kann also keine Äquivalenz gelten.