

## Prof. Dr. A. Voisard, N. Lehmann

## Datenbanksysteme, SoSo 20

Übung 05

TutorIn: Gröling, Marc Tutorium 04

David Ly & Thore Brehmer

29. Mai 2020

## 3 Aufgabe: Armstrong-Axiome

(30 Punkte)

 $R_4$  (A,B,C,D,E), FD( $R_4$ ) = {CE  $\rightarrow$ D, C  $\rightarrow$ BE, D  $\rightarrow$ A}

 Leiten Sie mit Hilfe der Armstrong-Axiome und deren Erweiterungen die funktionale Abhängigkeit C → A aus FD(R<sub>4</sub>) ab. Geben Sie dazu jeweils die einzelnen Schritte an und das Axiom, das Sie verwenden.

```
\begin{array}{l} {\rm FD}(R_4) = \{{\rm CE} \to \!\!\! {\rm DCE} \;,\; {\rm C} \to \!\!\! {\rm BEC},\; {\rm D} \to \!\!\! {\rm AD}\} \; (1.\; {\rm Reflexivit\"{a}t} \\ {\rm FD}(R_4) = \{{\rm CE} \to \!\!\! {\rm DCEA} \;,\; {\rm C} \to \!\!\! {\rm BEC},\; {\rm D} \to \!\!\! {\rm AD}\} \; (3.\; {\rm Transitivit\"{a}t} \\ {\rm FD}(R_4) = \{{\rm CE} \to \!\!\! {\rm DCEA} \;,\; {\rm C} \to \!\!\! {\rm BECDA},\; {\rm D} \to \!\!\! {\rm AD}\} \; (3.\; {\rm Transitivit\"{a}t} \\ {\rm FD}(R_4) = \{{\rm CE} \to \!\!\! {\rm DCEA} \;,\; {\rm C} \to \!\!\! {\rm BECD},\; {\rm C} \to \!\!\! {\rm A},\; {\rm D} \to \!\!\! {\rm AD}\} \; (4.\; {\rm Zerlegung}) \\ \end{array}
```

2) Leiten Sie die Pseudo-Transitivität mit Hilfe der Armstrong-Axiom her. Geben Sie dazu jeweils die einzelnen Schritte an und das Axiom, das Sie verwenden. (10 P.)

```
Zu zeigen: a \rightarrow b, db \rightarrow c \Rightarrow da \rightarrow c

a \rightarrow b, db \rightarrow c

da \rightarrow db, db \rightarrow c

da \rightarrow db, db \rightarrow c

da \rightarrow c

(3. Transitivität
```

3) Zeigen Sie, dass die Relation R<sub>4</sub> nicht in 3NF ist. (Hinweis: Verwenden Sie einen Beweis durch Widerspruch.)

(8 P.)

```
\mathrm{FD}(R_4) = \mathrm{CE} \rightarrow \mathrm{DCEA}, \ \mathrm{D} \rightarrow \mathrm{AD}, \ \mathrm{C} \rightarrow \mathrm{ABCDE}

\mathrm{SD}(R_4) = \{ \mathrm{Y} \mid \mathrm{Y} \subseteq (\mathrm{A},\mathrm{B},\mathrm{C},\mathrm{D},\mathrm{E}) \land \mathrm{C} \in \mathrm{Y} \}

\mathrm{prim}(R_4) = \{ \mathrm{C} \}

Betrachte: \mathrm{D} \rightarrow \mathrm{A}, D ist kein SK und A kein prim
```