10. Aufgabenblatt zur Vorlesung

Grundlagen der theoretischen Informatik

SoSe 2020

Wolfgang Mulzer

Abgabe bis zum 06. Juli 2020, 10 Uhr, im Whiteboard Dies ist das vorletzte Aufgabenblatt.

Bitte erläutern und begründen Sie alle Ihre Antworten.

Aufgabe 1 Grammatiken und der Kleene-Stern

4+6 Punkte

- (a) Die folgende Konstruktion soll zeigen, dass kontextfreie Sprachen unter dem Kleene-Stern abgeschlossen sind: Sei $G = (\Sigma, V, S, P)$ eine kontextfreie Grammatik. Füge zu G die Ableitung $S \to SS$ hinzu und nenne die resultierende Grammatik G'. Behauptung: $L(G') = L(G)^*$.
 - Zeigen Sie durch ein Gegenbeispiel, dass die obige Konstruktion im Allgemeinen nicht korrekt ist.
- (b) Geben Sie eine korrekte Konstruktion für das Problem aus (a) an und begründen Sie die Korrektheit.

Aufgabe 2 Chomsky-Normalform

10 Punkte

Wandeln Sie die folgende Grammatik über dem Terminalalphabet $\Sigma = \{0,1\}$ in Chomsky-Normalform um.

$$S \rightarrow 0A0 \mid 1B1 \mid BB$$
 $B \rightarrow S \mid A$
 $A \rightarrow C$ $C \rightarrow S \mid \varepsilon$

Aufgabe 3 Der CYK-Algorithmus

10 Punkte

Gegeben sei die folgende Grammatik über dem Alphabet $\Sigma = \{a, b\}.$

$$S \to AB \mid BC, A \to BA \mid a, B \to CC \mid b, C \to AB \mid a.$$

Wenden Sie den CYK-Algorithmus an auf die Wörter $w_1 = aaaaa$, $w_2 = aaaaaa$ und $w_3 = baaba$. Zeichnen Sie gegebenenfalls auch einen zugehörigen Syntaxbaum.

(a) Die folgende Konstruktion soll zeigen, dass kontextfreie Sprachen unter dem Kleene-Stern abgeschlossen sind: Sei $G = (\Sigma, V, S, P)$ eine kontextfreie Grammatik. Füge zu G die Ableitung $S \to SS$ hinzu und nenne die resultierende Grammatik G'. Behauptung: $L(G') = L(G)^*$.

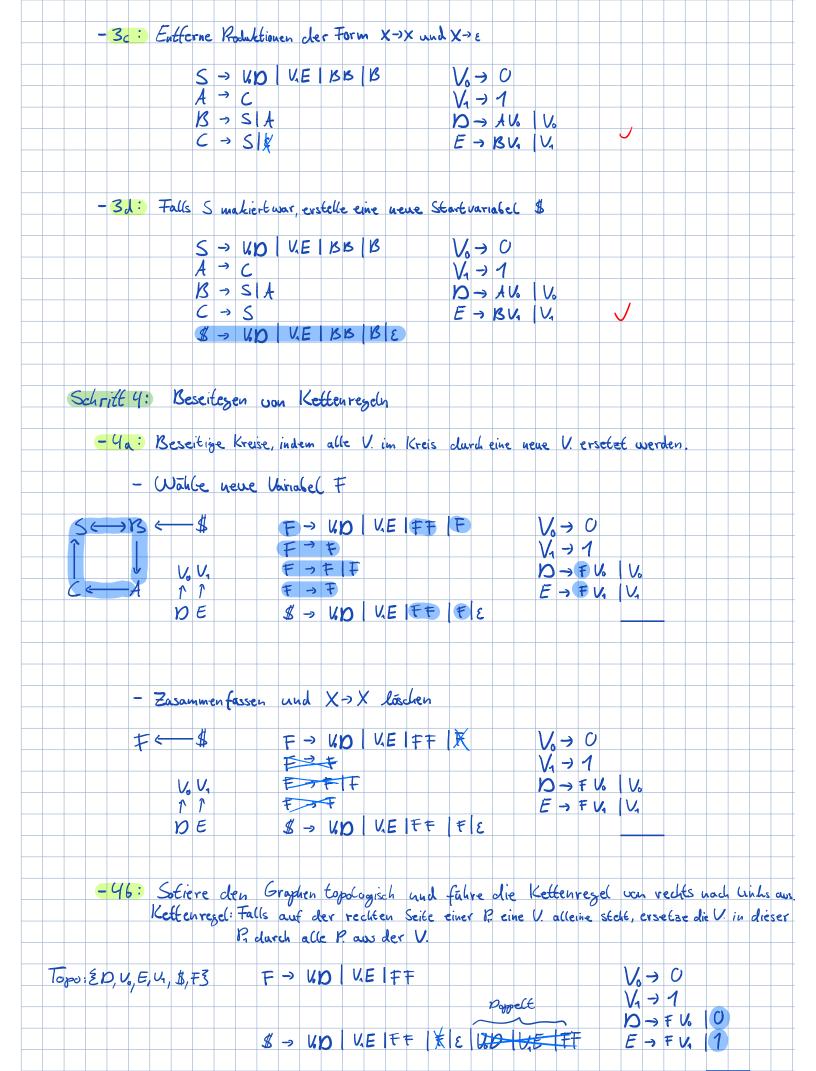
Zeigen Sie durch ein Gegenbeispiel, dass die obige Konstruktion im Allgemeinen nicht korrekt ist.

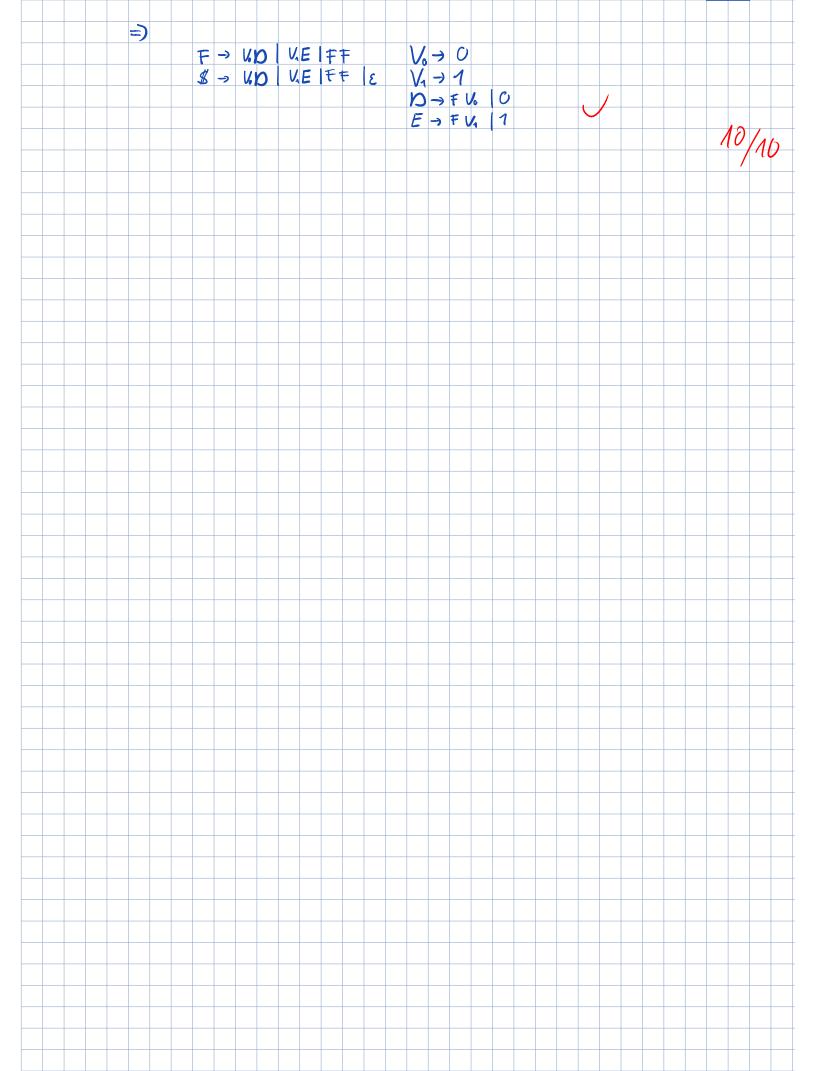
(b) Geben Sie eine korrekte Konstruktion für das Problem aus (a) an und begründen Sie die Korrektheit.

	gründen Sie die Korrektheit.
cn)	Seg. Rsp. Sei $G = (\xi, V, S, P)$ mit $\xi = \xi \alpha \overline{S}$, $V = \xi S \overline{S}$ $P: S \rightarrow \alpha$ Sei $G = (G + W)$
	$L(G) = \Xi \alpha S$ $L(G') = \Xi \alpha, \alpha \alpha, S$ $L(G)^* = \Xi c, \alpha, \alpha \alpha, S$ $S \rightarrow S \leq \alpha Ab B S$ $S \rightarrow S \leq \alpha Ab B S$
6)	Das einzige existierende mit dieser Konstruktion ist in a zu sehen Daher muss nurnoch die Roduktion S-> E hinzuzefügt werden.
	Die Konstruktion ist Karrelt, da Betrochte die Grammatik G Sei w., w. EL (G). Für den Kleene stern muss nun zelten EE L(G) , w. w. EL(G).
	LE L(G) Lann durch 5-5 erreicht werden wow E L(G) Lann durch 5-> 55 erreicht werden, da clurch den Start der Ubriebel Saus G gefolzt von Roduktionen immer genau ein Wort auszegeben wird. Mit 5-> 55 Lannen also angnander gereihte Worter wie w.o.w. auszegeben werden.
	THE SE PENNEN ALSO UNEMANAET GETCINC PLOTECT WITE W. OL AUSEGEOR WETACL

Wandeln Sie die folgende Grammatik über dem Terminalalphabet $\Sigma = \{0,1\}$ in Chomsky-Normalform um.

								0.	10.	430	0.4	10	10																			
	G	ez	eb	en)	5	-)	(O)	10	11	57	ırs	15																			
						A	→	C																								
						B	つ	S	14																							
						C	→	S	18																							
C	/	. //	1.		τ					-	_		,	,																		
×	hri	7t	7:)	17	eui	1817	1	UOH		eru	ilua	Lsy	mbo	len																	
													10																			
						S	→	V ₀	{V.	V.Y.	314	B	B		Vo)	0															
						A	->	C							V	一	1															
						B	つ	S	1											١.	1											
						C	→	<	18																							
								٦	, <u> </u>																							
												-															-					
	/	. 11	2		W	.,	,					10				_											+	-				
S	hri	tt	2:)	Be	sert	C51	en	la	nye	1	1700	duk	tion	en																	
										Ľ																						
						5	->	V.	0	V.		B	B		V_{c})	0															
						A	->	C				IB			V	-)	1															
						K	-)	S	1						10	-	11	1			/											
						7	-	6	10						15		10			\lor												
								3	10						<u>_</u>	7	121	1														
											-	-				-										-	-	-				
	,	10			100						-		ļ.,			_										_	_					
S	hri	tt	3:)	ße	seit	es1	en	Uo	n	-ع	Food	luz	tion	en																	
	-	30		Mo	ki	ere	al	le	Var	iabe	(n	mit	-	X -	٤																	
						<	-)	1/1	n	41		B	R		1/	4	()															
						3	→	7		-16					V	_つ	1															
						10		<u>_</u>			_				V1	フ	7									_	_					
					1	rs	つ	2	A		_				מ	->	4	6								_	<u> </u>					
						(→	S	3						E	7	BL	4														
		31	, ;	8 - 20	,UE	K	٠,٨	14.2	10010			PoCarl	٤.	y	Va	- -		V.	3.7/	V		ء دا					v.	Va	cra			, Ç
				بي بي													حسود		11	├ ^		E C	1.560	85	ヘブさ	1		12	L C E	-uge	_X"	1
						0	_>	171	_	1/	E	IB	K	R	Ne			1/	د۔	C												
						7	ر–	V6 1	J	V4	5	12	ا	10	UP?	_		Vo	フ	1						_	_	_				
					(A	_,	-		<u> </u>						-		V1	ー)	1								-	-			
					(rs	つ	S	1		<u> </u>					<u> </u>		a	->	1	/ 6	Vo				,		<u> </u>				
						C	->	S	3									E	→	BL	4	V				丿						





Gegeben sei die folgende Grammatik über dem Alphabet $\Sigma = \{a, b\}.$

$$S \to AB \mid BC, A \to BA \mid a, B \to CC \mid b, C \to AB \mid a.$$

Wenden Sie den CYK-Algorithmus an auf die Wörter $w_1 = aaaaa$, $w_2 = aaaaaa$ und $w_3 = baaba$. Zeichnen Sie gegebenenfalls auch einen zugehörigen Syntaxbaum.

<	<u>-</u>	رم	Lξ									0		W	WAG			lac	4	1			/U \	ادعا	ang		,	ung 1	ورا	(hrt
		·													Κı	91	ev	N	nac	ch	en	,	W	us	<u> </u>	=v	201	64	ي	d
V3	-(\	، ا	. 1	tic	NAE	<i>N</i>	;	5	- >	A	B	1 12	ے		1	11	1/		4	10	امرا	17.			ic	Į V	7			
								1	->	K	1	a				Y	K			y	OVI	ונט ד	m 7	7	15	L				
								R		-		16				U				_										
								/	-)	1	K	1																		
								_		π	13	-																		
SAC										<																				
	B								. /	٠.																				
		SJC							4			15																		
K	B							a						C																
10	<i>A C</i>			10							(Ь				/										
										ά			A			15	_													
-	~	~	•	٩									1			-		C												
	>	1.7		. /	16								α			, ,			1											
+1		w,	,		U	'									-				0											
10																														
13																														
Sitic	SH,C	20																												
15	616	B							10			_			,		.,,		4											
J,A,C							-	=)	Pa	s (W ₁	rt	いっ	A	zau v	n	cht	c	laro	h	die	(ztau	nmat	ik	day	ges	ellt	Wei	den
B						U	,																-			,				
٩	م	م	٨	۹	٨																									
5,1,0										5																				
_	C, A,5								/																					
	B	15			,				13		1						,													
S₁Å	K	کہ	Sık						1		A		R																	
B	A,C	ДC	B	J,C					_		1	,		1																
6	٨	۵	6	0								/																		
					,	~ \					1		k	ď	١.												9	5	11	,
(۲	> \	γ ₃	6	L	.16	5)					i		Ĩ														U/	-/	110	'
											۵		Ь																	
	5,4,6 B 5,4,6 B 5,4,6 B 5,4,6 B 5,4,6 B 5,4,6 B 5,4,6 B 5,4,6	5,4,c 5,4,c 18 B 5,4,c A,c A,c A,c A,c B, B 5,4,c S,4,c A,c A,c A,c A,c A,c A,c A,c	S,A,C S,A,C S,A,C A,C A,C A,C S,A,C S,A,C S,A,C S,A,C S,A,C A,C A,C A,C A,C A,C A,C A,C A,C A,C	S,A,C	S,A,C	S,A,C	S,A,C	S,A,C	S,A,C	S,A,C S,A,C S,A,C	S,AC S,	S,A/C B B B S,A/C S,A/C S,A/C A C A,C A,C A,C A,C B B B B S,A/C S,A/C S,A/C B B B B B S,A/C S,A/C S,A/C B B B B B A/C A,C A,C A,C A,C A,C A A A A A A A A A S,A/C S,A/C S B B B B B A/C A,C A,C A,C A,C A,C A A A A A A A A A S,A/C S S,A/C S S S S S S S S S S S S S	S.A.C B B B B B A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. A A A A A A S.A.C. S.A.C. B B B B B S.A.C. S.A.C. S.A.C. B B B B B S.A.C. S.A.C. S.A.C. B B B B B S.A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. A A A A A A A A S.A.C. S.A.C. S.A.C. B B B B B A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. A A A A A A A A S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. S.A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C. S.A.C.	S.A.C. B. B. S.A.C. S.A.C.	SA/C B B SA/C SA/C SA/C B B B B AC A,C A,C A,C A,C A,C B B B B SA/C SA/C SA/C B B B B SA/C A,C A,C A,C A,C A,C A A A A A A A	SA/C S B B B SA/C A/C A/C A/C A/C S B B B B SA/C SA/C SA/C SA/C S B B B B SA/C SA/C SA/C	SAC SAC	SALC SALC SALC SALC SALC SALC SALC SALC	SAC	SA/C B B S,AC S,AC S,AC B B B AC A,C A,C A,C A,C A,C B B B B AC A,C A,C A,C A,C A,C B B B B S,AC S,AC S,AC B B B B S,AC S,AC S,AC B B B B AC A,C A,C A,C A,C A,C AC A,C A,C AC A,C A,C AC A,C AC A,C B B B B AC A,C A,C AC	SA/C B B S,AC S,AC S,AC AC A,C A,C A,C A,C B SA/C S,AC B B S,AC S,AC B B S,AC S,AC B B S,AC S,AC B B S S,AC S,AC AC A,C A,C A,C A,C AC	SAC B B B AC AC AC AC AC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC SAC	SAC	SAC B B B B AC AC AC AC AC AC a a a a a SAC SAC B B B B SAC AC AC AC AC AC a a a a a a B SAC AC AC AC AC AC a a a a a a a SAC SAC SAC SAC B B B B B SAC AC AC AC AC AC AC a a a a a a a a SAC SAC SAC SAC SAC b B B B B SAC AC AC AC AC AC AC a a a a a a a a SAC AC AC AC AC AC AC a a a a a a a a a SAC AC BC SAC C CAS B B B B B B B B B B B B B B B B B B B	Soft Share Share Share Are Are Are Are Are Are Are Are Are A	Soft She	SAL B B B B B A A A A A A A A A A A A A A	SA/C B B B SA/C SA/C B B B B SA/C SA/C B B B B B SA/C SA/C B B B B B SA/C SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A SA/C A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A A	SAC B B B SAC SAC SAC SAC SAC AC AC AC AC AC A A A B B SAC SAC B B B SAC SAC B B B SAC SAC B B B SAC AC AC AC AC A A A A A A A A A A A A	SAC SAC SAC AC A