

1. (Elinmat51.tex)  $u_k = (1 - k)(\operatorname{sh} t)^k$
2. (Elinmat23.tex) "c" puis "f" puis "b"
3. (Elinmat31.tex)  $x = 3y - z$ .
4. (Exo282.tex) 
$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ \frac{3}{4} & 1 & 0 \\ \frac{1}{2} & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
5. (Elinmat22.tex)  $(\dim E - \dim A) \dim E$
6. (Elinmat7.tex)
  - Si  $\lambda = 0$ , le rang est 2.
  - Si  $\lambda = -1$ , le rang est 2.
  - Si  $\lambda = 3$ , le rang est 2.
  - Sinon le rang est 3.
7. (Elinmat29.tex)  $(0, 1, -1, 2)$
8. (Elinmat32.tex)  $x = y + 3z$
9. (Exo297.tex) 0
10. (Exo281.tex) 
$$\begin{bmatrix} 1 & \frac{3}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & -\frac{1}{2} & 1 \end{bmatrix}$$
11. (Elinmat36.tex)  $u_k = (1 - k) \cos^k \theta$
12. (Elinmat4.tex) 
$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$
13. (Elinmat38.tex) 
$$u_k = \frac{2}{3}(-2 \cos \theta)^k + \frac{1}{3}(4 \cos \theta)^k$$
14. (Elinmat37.tex)  $u_k = k \cos^{k-1} \theta$
15. (Elinmat6.tex)
  - Si  $\lambda = 1$ , le rang est 1.
  - Si  $\lambda = -1$ , le rang est 2.
  - Sinon le rang est 3.
16. (Elinmat49.tex) 
$$u_k = -\frac{\operatorname{sh}(k-1)t}{\operatorname{sh} t}$$
17. (Elinmat9.tex)
  - Si  $\lambda = 0$ , le rang est 1.
  - Si  $\lambda = -2$ , le rang est 2.
  - Sinon le rang est 3.
18. (Elinmat12.tex) Le rang est 1.
19. (Elinmat45.tex) 
$$\begin{cases} X = -1 + \frac{2}{5}x + \frac{1}{5}y \\ Y = -\frac{1}{5}x + \frac{2}{5}y \end{cases}$$
20. (Exo62.tex) non
21. (Elinmat10.tex)
  - Si  $\lambda = 0$ , le rang est 0.
  - Si  $\lambda = -1$ , le rang est 1.
- Sinon le rang est 2.
22. (Elinmat8.tex)
  - Si  $\lambda = 0$ , le rang est 1.
  - Sinon le rang est 3.
23. (Exo277.tex) 
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 0 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
24. (Elinmat35.tex) 
$$u_k = \frac{1}{\sin \theta} \sin k\theta$$
25. (Exo279.tex) 
$$\begin{bmatrix} 1 & \frac{4}{3} & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & -\frac{2}{3} & 1 \end{bmatrix}$$
26. (Elinmat16.tex) non
27. (Elinmat11.tex)
  - Si  $\lambda = 0$ , le rang est 0.
  - Si  $\lambda = 3$ , le rang est 1.
  - Sinon le rang est 2.
28. (Elinmat34.tex) 
$$u_k = \cos k\theta - \frac{\cos \theta}{\sin \theta} \sin k\theta$$
29. (Exo284.tex) 
$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ \frac{2}{3} & 1 & 0 \\ \frac{1}{3} & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
30. (Elinmat14.tex) oui
31. (Exo276.tex) 
$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ -1 & -2 & 1 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$
32. (Elinmat27.tex)  $\alpha + \delta$
33. (Elinmat21.tex) La restriction  $R$  est définie dans  $\mathcal{L}(E)$  et à valeurs dans  $\mathcal{L}(A, E)$ .  

$$\forall g \in \mathcal{L}(A, E), \exists f \in \mathcal{L}(E) \text{ tq } \forall a \in A : f(a) = g(a)$$
34. (Elinmat50.tex) 
$$u_k = \frac{\operatorname{sh} kt}{\operatorname{sh} t}$$
35. (Exo294.tex) Base de l'image :  $(-b + c)$ . Base du noyau :  $(a, -b + c)$ .
36. (Elinmat25.tex) Elle est liée, relation :  

$$2a + 3b - c = 0_{\mathbb{R}^3}$$
37. (Exo299.tex)  $-6$
38. (Elinmat3.tex) 
$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & 0 \\ -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 1 \end{bmatrix}$$
39. (Elinmat5.tex) 
$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 2 & -1 & -2 \\ 1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

40. (Elinmat13.tex) Le rang est 2.

41. (Exo296.tex)  $-40$

42. (Elinmat39.tex)

$$u_k = \frac{-1}{6 \cos \theta} (-2 \cos \theta)^k + \frac{1}{6 \cos \theta} (4 \cos \theta)^k$$

43. (Elinmat28.tex) 10

44. (Elinmat41.tex) Coordonnées de  $A$  dans  $\mathcal{R} : (0, 1)$ .

$$\vec{u} = \vec{j} \quad \vec{v} = \vec{i} - \vec{j}$$

45. (Elinmat30.tex)

$$\frac{1}{6} \begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$$

46. (Elinmat46.tex) La famille est liée :  $-7a + 2b + 3c = 0_{\mathbb{R}^3}$ .

47. (Elinmat26.tex)  $\alpha - \beta + \gamma - \delta$ .

48. (Elinmat19.tex)

$$\begin{pmatrix} \operatorname{Re} a + \operatorname{Re} b & -\operatorname{Im} a + \operatorname{Im} b \\ \operatorname{Im} a + \operatorname{Im} b & \operatorname{Re} a - \operatorname{Re} b \end{pmatrix}$$

49. (Exo298.tex)  $-4$

50. (Exo274.tex) 1

51. (Exo278.tex)

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & -\frac{3}{2} \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

52. (Elinmat1.tex)

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

53. (Elinmat48.tex)

$$(\alpha' - \delta', \beta', -\beta' + \gamma', -\gamma' + \delta')$$

54. (Elinmat52.tex)

$$u_k = k(\operatorname{sh} t)^{k-1}$$

55. (Exo61.tex) non

56. (Elinmat20.tex)

$$\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$$

57. (Elinmat18.tex) Vect( $f$ ) est un sous-espace de  $\mathcal{L}(E, F)$ .

58. (Elinmat47.tex)

$$(\alpha + \beta + \gamma + \delta, \beta, \beta + \gamma, \beta + \gamma + \delta)$$

59. (Exo275.tex)

$$\begin{bmatrix} -4 & 1 & 3 \\ 3 & -1 & -2 \\ 2 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

60. (Elinmat44.tex)

$$X = -x + y - 1 \quad Y = x$$

61. (Elinmat17.tex) non. Par exemple si  $f$  est surjective mais non injective et  $u_1, \dots, u_p$  est une base d'un supplémentaire du noyau.

62. (Exo283.tex)

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

63. (Exo144.tex)  $(\beta, \alpha - \beta\lambda)$

64. (Elinmat42.tex)

$$X = x + y - 2 \quad Y = x - 1$$

65. (Elinmat15.tex) non

66. (Elinmat40.tex)

$$(x_1, x_2 - x_1, x_3, \dots, x_n)$$

67. (Elinmat24.tex)  $\dim(E)^2 + \dim(E)$

68. (Elinmat33.tex)  $\dim \mathcal{U} = (p - a)q$ .

69. (Exo64.tex) oui

70. (Exo295.tex) 24

71. (Elinmat53.tex)  $a = 1$  ou  $a = -1$ .

72. (Exo280.tex)

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

73. (Elinmat2.tex)

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 0 & -2 & 2 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

74. (Exo63.tex) oui

75. (Elinmat43.tex) Coordonnées de  $A$  dans  $\mathcal{R} : (1, 1)$ .

$$\vec{u} = \vec{j} \quad \vec{v} = \vec{i} - \vec{j}$$