APS3

October 28, 2022

1 Introdução

0.045574

O objetivo da APS3 é realizar uma análise inferencial com base nas probabilidades calculadas pelo grupo. Para isso, escolhemos dois blocos econômicos para trabalharmos: O Mercosul e a União Europeia.

```
[1]: import pandas as pd
```

1.1 Tratamento e Importação dos dados

```
PATH = 'data/API_EN.ATM.CO2E.PC_DS2_en_csv_v2_4353266/API_EN.ATM.CO2E.

→PC_DS2_en_csv_v2_4353266.csv'

df = pd.read_csv(PATH, skiprows=4, sep=',', decimal='.', encoding='latin1')

# Utilizar apenas os dados disponíveis (entre 1960 e 2019)

for i in range(1960, 2000):
    del df[str(i)]

df.drop(['2020', '2021', 'Unnamed: 66'], axis=1, inplace=True)

df.head(4)
```

```
[2]:
                       Country Name Country Code
     0
                               Aruba
                                              ABW
     1
        Africa Eastern and Southern
                                              AFE
     2
                        Afghanistan
                                              AFG
         Africa Western and Central
                                              AFW
                                                                       2000
                                 Indicator Name
                                                 Indicator Code
                                                                                 2001
        CO2 emissions (metric tons per capita)
                                                 EN.ATM.CO2E.PC
                                                                                  NaN
                                                                        NaN
        CO2 emissions (metric tons per capita)
                                                 EN.ATM.CO2E.PC
                                                                  0.894017
                                                                             0.962371
        CO2 emissions (metric tons per capita)
                                                 EN.ATM.CO2E.PC
                                                                  0.036574
                                                                             0.033785
        CO2 emissions (metric tons per capita)
                                                 EN.ATM.CO2E.PC
                                                                  0.530435
                                                                             0.544612
            2002
                      2003
                                 2004
                                           2005
                                                         2010
                                                                   2011
                                                                              2012
     0
             NaN
                       NaN
                                  NaN
                                            NaN
                                                          NaN
                                                                    NaN
                                                                               NaN
                                                                         0.992616
     1
       0.964187
                  0.991013
                            1.036161
                                       1.011151 ...
                                                    1.021548
                                                              0.979352
```

0.243614 0.296506

0.259295

0.051518 0.041655 0.060419

```
3 0.502621 0.521609 0.507780 0.508247 ... 0.472077 0.476789 0.480603
           2013
                     2014
                              2015
                                        2016
                                                  2017
                                                           2018
                                                                     2019
    0
            NaN
                      NaN
                               NaN
                                         {\tt NaN}
                                                   NaN
                                                            NaN
                                                                      NaN
      1.005027
                 1.016649 0.966589
                                    0.948410 0.937926
    1
                                                       0.917507 0.913618
    2 0.185624
                0.146236 0.172897
                                    0.149789 0.131695
                                                       0.163295 0.159824
    3 0.508099 0.515960 0.494065 0.499405 0.483140 0.486456 0.493923
    [4 rows x 24 columns]
[3]: # Filtragem
    df_ue = df[df['Country Code'].isin(['AUT', 'BEL', 'BGR', 'HRV', 'CYP', 'CZE', |
     →'DNK', 'EST', 'FIN', 'FRA', 'DEU', 'GRC', 'HUN', 'IRL', 'ITA', 'LVA', 'LTU', 
     -'LUX', 'MLT', 'NLD', 'POL', 'PRT', 'ROU', 'SVK', 'SVN', 'ESP', 'SWE'])]
    df_ms = df[df['Country Code'].isin(['ARG', 'BRA', 'PRY', 'URY', 'VEN', 'CHL', "
      [4]: df ue.head(4)
       Country Name Country Code
                                                         Indicator Name
[4]:
            Austria
                            AUT CO2 emissions (metric tons per capita)
    14
    17
            Belgium
                            BEL
                                 CO2 emissions (metric tons per capita)
    21
           Bulgaria
                            BGR CO2 emissions (metric tons per capita)
                            CYP CO2 emissions (metric tons per capita)
    53
             Cyprus
        Indicator Code
                            2000
                                       2001
                                                  2002
                                                            2003
                                                                       2004 \
    14 EN.ATM.CO2E.PC
                       7.929786
                                   8.444109
                                              8.583317
                                                         9.168344
                                                                   9.275614
    17
       EN.ATM.CO2E.PC 11.439581 11.504321 10.727988
                                                       11.131315
                                                                  10.941224
    21 EN.ATM.CO2E.PC
                        5.314454
                                   5.767160
                                              5.563239
                                                        6.164371
                                                                   6.125549
    53 EN.ATM.CO2E.PC
                        7.558667
                                   7.279172
                                              7.339033
                                                        7.880736
                                                                   7.699845
             2005 ...
                         2010
                                             2012
                                                       2013
                                                                2014 \
                                   2011
    14
         9.266114 ... 8.365015 8.135474 7.723614 7.753700
                                                            7.260404
    17
       10.555782 ... 9.794792 8.740505
                                         8.577526
                                                  8.655478
                                                            8.041711
    21
         6.265854 ... 6.049544 6.755278
                                                  5.458964
                                                            5.820925
                                         6.162153
         7.687390 ... 7.100377 6.783205 6.255253 5.621288
    53
                                                            5.909935
            2015
                      2016
                               2017
                                         2018
                                                   2019
    14 7.317159 7.288820 7.486162 7.133064 7.293984
    17 8.437852 8.314932 8.151096 8.196339 8.095584
    21 6.207865 5.834882 6.201290 5.822034 5.610857
    53 5.900152 6.169943 6.238954 6.054175 5.998795
    [4 rows x 24 columns]
[5]: df ms.head(4)
```

```
[5]:
        Country Name Country Code
                                                               Indicator Name
     9
           Argentina
                                ARG
                                     CO2 emissions (metric tons per capita)
     28
             Bolivia
                               BOL
                                     CO2 emissions (metric tons per capita)
     29
              Brazil
                               BRA
                                     CO2 emissions (metric tons per capita)
                                     CO2 emissions (metric tons per capita)
     39
                Chile
                                CHL
         Indicator Code
                              2000
                                         2001
                                                    2002
                                                               2003
                                                                         2004
     9
         EN.ATM.CO2E.PC
                          3.587392
                                     3.360371
                                               3.117425
                                                          3.351724
                                                                     3.672974
         EN.ATM.CO2E.PC
                          0.975260
                                     0.938202
     28
                                               0.949350
                                                          1.019558
                                                                     1.046417
     29
         EN.ATM.CO2E.PC
                          1.794550
                                     1.802410
                                               1.769881
                                                          1.709539
                                                                     1.785372
         EN.ATM.CO2E.PC
     39
                          3.286328
                                     3.121272
                                               3.131772
                                                          3.167263
                                                                     3.432413
             2005
                           2010
                                      2011
                                                 2012
                                                           2013
                                                                      2014
                                                                                 2015
     9
         3.753639
                       4.099690
                                  4.280989
                                            4.264224
                                                       4.342115
                                                                  4.209096
                                                                            4.301914
     28
         1.088569
                       1.509663
                                  1.626366
                                             1.678603
                                                       1.777588
                                                                  1.906316
                                                                             1.909891
     29
         1.782062
                       2.033226
                                  2.117869
                                            2.279272
                                                       2.421657
                                                                  2.523232
                                                                            2.373629
     39
         3.458629
                       4.087905
                                 4.437266
                                            4.506229
                                                       4.723555
                                                                  4.311061
                                                                            4.576124
                        2017
                                   2018
                                             2019
             2016
     9
         4.201846
                    4.071308
                              3.975772
                                         3.740650
                                         1.940398
     28
         1.995137
                    2.032547
                              2.046130
         2.168575
     29
                    2.196418
                              2.071855
                                         2.057811
     39
         4.749830
                    4.714020
                              4.624338
                                         4.821118
```

2 Sobre os blocos econômicos escolhidos

2.1 Mercosul

O Mercosul é uma iniciativa de livre comércio de países sul-americanos. Conta, atualmente, com 5 países membros e 7 países associados. O bloco foi fundado em 1991 e, desde então, tem como objetivo a integração econômica e social dos países que o compõem. O maior critério para a criação e adesão de países é a proximidade geográfica e cultural de seus membros.

2.2 União Europeia

[4 rows x 24 columns]

A União Europeia é uma iniciativa que institui um mercado comum no continente europeu. O bloco foi fundado em 1993 e atualmente conta com 27 países membros. O objetivo da União Europeia é a integração econômica e social dos países que a compõem. Os critérios de entrada e permanência no bloco são mais complexos que os do Mercosul, envolvendo os critérios de Copenhague (questões políticas, econômicas e de acervo comunitário). Além do mercado comum, o bloco também possui uma política externa comum, uma moeda comum (Euro) e uma política de imigração comum.

```
[6]: # Países da União Europeia df_ue['Country Name'].unique()
```

3 Métrica escolhida

Para a análise, o grupo escolheu trabalhar com o Delta de emissões de CO2 por pessoa entre 2000 e 2019. O Delta foi escolhido pois demonstra mais facilmente as variações de emissões de CO2 por pessoa entre os países, podendo ser facilmente comparado e analisado. Para calculá-lo, o grupo realizou a contagem de emissões de CO2 por pessoa em 2000 e em 2019, e então subtraiu o valor de 2000 do valor de 2019. O resultado foi o Delta apresentado a seguir.

Para o Status, o grupo utilizou a seguinte classificação: - Delta maior ou igual a zero: Status Atrasado - Delta menor que zero: Status Avançado

```
[8]: # Calcular o Delta de emissões de CO2 por país de 2000 até 2019
for country in df_ue['Country Name'].unique():
    df_ue.loc[df_ue['Country Name'] == country, 'Delta'] = df_ue.
    \loc[df_ue['Country Name'] == country, '2019'].values[0] - df_ue.
    \loc[df_ue['Country Name'] == country, '2000'].values[0]

for country in df_ms['Country Name'].unique():
    df_ms.loc[df_ms['Country Name'] == country, 'Delta'] = df_ms.
    \loc[df_ms['Country Name'] == country, '2019'].values[0] - df_ms.
    \loc[df_ms['Country Name'] == country, '2000'].values[0]

df_ue.head(4)
```

```
A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame.

Try using .loc[row_indexer,col_indexer] = value instead

See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy df_ue.loc[df_ue['Country Name'] == country, 'Delta'] = df_ue.loc[df_ue['Country Name'] == country, '2019'].values[0] - df_ue.loc[df_ue['Country Name'] == country, '2000'].values[0]
```

/tmp/ipykernel_14185/3508682445.py:3: SettingWithCopyWarning:

```
/tmp/ipykernel_14185/3508682445.py:6: SettingWithCopyWarning:
    A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame.
    Try using .loc[row_indexer,col_indexer] = value instead
    See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-
    docs/stable/user_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy
      df ms.loc[df ms['Country Name'] == country, 'Delta'] =
    df_ms.loc[df_ms['Country Name'] == country, '2019'].values[0] -
    df ms.loc[df ms['Country Name'] == country, '2000'].values[0]
[8]:
        Country Name Country Code
                                                            Indicator Name
     14
             Austria
                                   CO2 emissions (metric tons per capita)
     17
             Belgium
                              BEL
                                   CO2 emissions (metric tons per capita)
                                   CO2 emissions (metric tons per capita)
     21
            Bulgaria
                              BGR
                                   CO2 emissions (metric tons per capita)
     53
              Cyprus
                              CYP
         Indicator Code
                              2000
                                         2001
                                                     2002
                                                                2003
                                                                           2004
     14 EN.ATM.CO2E.PC
                          7.929786
                                                                       9.275614
                                     8.444109
                                                 8.583317
                                                            9.168344
     17
        EN.ATM.CO2E.PC
                                    11.504321
                                                10.727988
                                                           11.131315
                                                                      10.941224
                        11.439581
         EN.ATM.CO2E.PC
                          5.314454
                                     5.767160
                                                 5.563239
                                                            6.164371
                                                                       6.125549
        EN.ATM.CO2E.PC
                          7.558667
                                     7.279172
                                                 7.339033
                                                            7.880736
                                                                       7.699845
     53
              2005
                           2011
                                     2012
                                                2013
                                                          2014
                                                                    2015
     14
          9.266114
                   ... 8.135474
                                                     7.260404
                                7.723614 7.753700
                                                                7.317159
                                 8.577526
     17
         10.555782
                       8.740505
                                           8.655478
                                                      8.041711
                                                                8.437852
     21
          6.265854
                       6.755278
                                 6.162153
                                           5.458964
                                                      5.820925
                                                                6.207865
     53
          7.687390
                       6.783205
                                 6.255253
                                           5.621288
                                                      5.909935
                                                                5.900152
             2016
                       2017
                                 2018
                                           2019
                                                     Delta
        7.288820 7.486162 7.133064 7.293984 -0.635801
                             8.196339 8.095584 -3.343997
        8.314932 8.151096
     17
     21
        5.834882 6.201290
                             5.822034 5.610857 0.296404
        6.169943 6.238954 6.054175 5.998795 -1.559872
     [4 rows x 25 columns]
[9]: df ms.head(4)
[9]:
        Country Name Country Code
                                                            Indicator Name
           Argentina
                              ARG
                                   CO2 emissions (metric tons per capita)
                                   CO2 emissions (metric tons per capita)
     28
             Bolivia
                              BOL
                                   CO2 emissions (metric tons per capita)
     29
              Brazil
                              BRA
                              CHL
                                   CO2 emissions (metric tons per capita)
     39
               Chile
         Indicator Code
                             2000
                                       2001
                                                  2002
                                                            2003
                                                                      2004
     9
         EN.ATM.CO2E.PC 3.587392
                                   3.360371
                                             3.117425
                                                        3.351724
                                                                  3.672974
     28 EN.ATM.CO2E.PC 0.975260
                                   0.938202 0.949350
                                                        1.019558
                                                                 1.046417
```

```
39 EN.ATM.CO2E.PC 3.286328 3.121272 3.131772 3.167263 3.432413
                                                         2014
              2005
                           2011
                                    2012
                                               2013
                                                                   2015
                                                                             2016 \
      9
         3.753639 ... 4.280989 4.264224 4.342115 4.209096 4.301914 4.201846
      28 1.088569 ... 1.626366 1.678603 1.777588 1.906316 1.909891
                                                                        1.995137
      29 1.782062 ... 2.117869 2.279272 2.421657
                                                    2.523232 2.373629 2.168575
      39 3.458629 ... 4.437266 4.506229 4.723555 4.311061 4.576124 4.749830
             2017
                       2018
                                 2019
                                          Delta
         4.071308 3.975772 3.740650 0.153258
      9
      28 2.032547 2.046130 1.940398 0.965138
      29 2.196418 2.071855 2.057811 0.263261
      39 4.714020 4.624338 4.821118 1.534790
      [4 rows x 25 columns]
[10]: df_ue['Status'] = df_ue['Delta'].apply(lambda x: 'Atrasado' if x >= 0 else_u
      df_ms['Status'] = df_ms['Delta'].apply(lambda x: 'Atrasado' if x >= 0 else__

¬'Avançado')
     /tmp/ipykernel_14185/3716828161.py:1: SettingWithCopyWarning:
     A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame.
     Try using .loc[row_indexer,col_indexer] = value instead
     See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-
     docs/stable/user_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy
       df_ue['Status'] = df_ue['Delta'].apply(lambda x: 'Atrasado' if x >= 0 else
     'Avançado')
     /tmp/ipykernel_14185/3716828161.py:2: SettingWithCopyWarning:
     A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame.
     Try using .loc[row_indexer,col_indexer] = value instead
     See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-
     docs/stable/user_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy
       df_ms['Status'] = df_ms['Delta'].apply(lambda x: 'Atrasado' if x >= 0 else
     'Avançado')
[11]: # concatenar os dois blocos
      df_concat = pd.concat([df_ue, df_ms])
      df_concat['Bloco'] = df_concat['Country Code'].apply(lambda x: 'UE' if x in_
       _{\hookrightarrow} \hbox{['AUT', 'BEL', 'BGR', 'HRV', 'CYP', 'CZE', 'DNK', 'EST', 'FIN', 'FRA', }_{\sqcup}
      ⇔'DEU', 'GRC', 'HUN', 'IRL', 'ITA', 'LVA', 'LTU', 'LUX', 'MLT', 'NLD', 'POL', □
       →'PRT', 'ROU', 'SVK', 'SVN', 'ESP', 'SWE'] else 'Mercosul')
      df_concat.head()
```

29 EN.ATM.CO2E.PC 1.794550 1.802410 1.769881 1.709539 1.785372

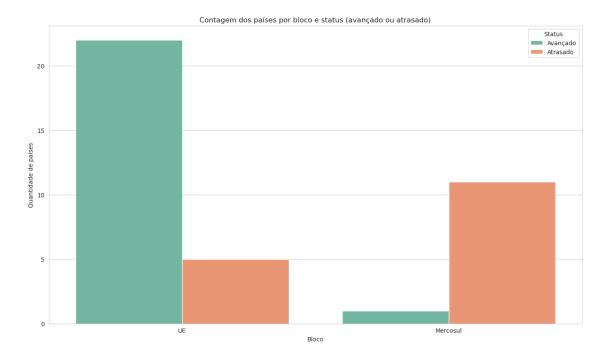
```
[11]:
            Country Name Country Code
                                                               Indicator Name \
                 Austria
                                       CO2 emissions (metric tons per capita)
      14
                                  AUT
      17
                 Belgium
                                  BEL
                                       CO2 emissions (metric tons per capita)
      21
                Bulgaria
                                  BGR
                                       CO2 emissions (metric tons per capita)
                                       CO2 emissions (metric tons per capita)
      53
                  Cyprus
                                  CYP
      54
         Czech Republic
                                  CZE
                                       CO2 emissions (metric tons per capita)
                                                     2002
          Indicator Code
                               2000
                                          2001
                                                                2003
                                                                           2004
                                                                                \
      14 EN.ATM.CO2E.PC
                           7.929786
                                      8.444109
                                                 8.583317
                                                            9.168344
                                                                       9.275614
      17
         EN.ATM.CO2E.PC 11.439581
                                    11.504321
                                                10.727988
                                                           11.131315
                                                                      10.941224
      21
         EN.ATM.CO2E.PC
                                      5.767160
                                                            6.164371
                           5.314454
                                                 5.563239
                                                                       6.125549
      53
         EN.ATM.CO2E.PC
                           7.558667
                                      7.279172
                                                 7.339033
                                                            7.880736
                                                                       7.699845
         EN.ATM.CO2E.PC 12.010653 12.011818
                                               11.624103
      54
                                                           12.043361
                                                                      12.105402
               2005
                            2013
                                      2014
                                                2015
                                                          2016
                                                                    2017 \
                       7.753700 7.260404 7.317159
      14
          9.266114
                                                      7.288820
                                                                7.486162
      17
          10.555782
                        8.655478 8.041711
                                            8.437852
                                                      8.314932
                                                                8.151096
      21
          6.265854 ...
                        5.458964 5.820925
                                            6.207865
                                                      5.834882
                                                                6.201290
                                            5.900152
      53
          7.687390
                        5.621288 5.909935
                                                      6.169943
                                                                6.238954
                        9.620257 9.264303 9.400668
      54 11.750804 ...
                                                      9.627750
                                                                9.611647
              2018
                        2019
                                 Delta
                                          Status Bloco
      14 7.133064 7.293984 -0.635801 Avançado
                                                     UF.
      17
         8.196339 8.095584 -3.343997
                                        Avançado
                                                     UE
      21 5.822034 5.610857 0.296404
                                        Atrasado
                                                     UE
      53 6.054175 5.998795 -1.559872
                                        Avançado
                                                     UE
                                                     UE
      54 9.492068 9.022786 -2.987867
                                        Avançado
      [5 rows x 27 columns]
[12]: # Contagem de países por Status
      df_concat['Status'].value_counts()
[12]: Avançado
                  23
      Atrasado
                  16
      Name: Status, dtype: int64
[13]: # Contagem de países por Bloco e Status
      df_concat.groupby(['Bloco', 'Status']).size()
[13]: Bloco
                Status
     Mercosul
               Atrasado
                            11
                Avançado
                             1
     UE
                Atrasado
                             5
                Avançado
                            22
      dtype: int64
```

4 Análise Exploratória

```
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns

plt.figure(figsize=(16, 9))
    sns.set_style('whitegrid')
    sns.countplot(x='Bloco', hue='Status', data=df_concat, palette='Set2')
    plt.title('Contagem dos países por bloco e status (avançado ou atrasado)')
    plt.ylabel('Quantidade de países')
    plt.xlabel('Bloco')
```

[14]: Text(0.5, 0, 'Bloco')



5 Calculando as Probabilidades e Estatísticas

```
print(f'A probabilidade de um país do bloco UE estar atrasado em relação à⊔

→métrica é de {p_atrasado_ue*100:.2f}%.')
```

A probabilidade de um país do bloco UE estar avançado em relação à métrica é de 81.48%.

A probabilidade de um país do bloco UE estar atrasado em relação à métrica é de 18.52%.

A probabilidade de um país do bloco Mercosul estar avançado em relação à métrica é de 8.33%.

A probabilidade de um país do bloco Mercosul estar atrasado em relação à métrica é de 91.67%.

A probabilidade de um país escolhido ser do bloco Mercosul é de 30.77%. A probabilidade de um país escolhido ser do bloco UE é de 69.23%.

```
print(f'A probabilidade de um país escolhido estar atrasado em relação à \rightarrow métrica é de {p_atrasado*100:.2f}%.')
```

A probabilidade de um país escolhido estar avançado em relação à métrica é de 58.97%.

A probabilidade de um país escolhido estar atrasado em relação à métrica é de 41.03%.

```
[19]: # P(Mercosul | Avançado) = P(Mercosul) * P(Avançado | Mercosul) / P(Avançado)

p_ms_avancado = (p_avancado_ms * p_ms) / p_avancado

print(f'De acordo com o Bayesiano calculado, a probabilidade de um país ser do

→Mercosul dado que ele está avançado em relação à métrica é de

→{p_ms_avancado*100:.1f}%.')
```

De acordo com o Bayesiano calculado, a probabilidade de um país ser do Mercosul dado que ele está avançado em relação à métrica é de 4.3%.

```
[20]: # P(Mercosul | Atrasado) = P(Mercosul) * P(Atrasado | Mercosul) / P(Atrasado)

p_ms_atrasado = (p_atrasado_ms * p_ms) / p_atrasado

print(f'De acordo com o Bayesiano calculado, a probabilidade de um país ser do

∴Mercosul dado que ele está atrasado em relação à métrica é de

∴{p_ms_atrasado*100:.1f}%.')
```

De acordo com o Bayesiano calculado, a probabilidade de um país ser do Mercosul dado que ele está atrasado em relação à métrica é de 68.8%.

```
[21]: # P(UE | Avançado) = P(UE) * P(Avançado | UE) / P(Avançado)

p_ue_avancado = (p_avancado_ue * p_ue) / p_avancado

print(f'De acordo com o Bayesiano calculado, a probabilidade de um país ser da

↓UE dado que ele está avançado em relação à métrica é de {p_ue_avancado*100:.

↓1f}%.')
```

De acordo com o Bayesiano calculado, a probabilidade de um país ser da UE dado que ele está avançado em relação à métrica é de 95.7%.

```
[22]: # P(UE | Atrasado) = P(UE) * P(Atrasado | UE) / P(Atrasado)

p_ue_atrasado = (p_atrasado_ue * p_ue) / p_atrasado

print(f'De acordo com o Bayesiano calculado, a probabilidade de um país ser da_u

oUE dado que ele está atrasado em relação à métrica é de {p_ue_atrasado*100:.

o1f}%.')
```

De acordo com o Bayesiano calculado, a probabilidade de um país ser da UE dado que ele está atrasado em relação à métrica é de 31.2%.

```
if p_ms_avancado > p_ue_avancado:
        return 'Mercosul'
    else:
        return 'UE'
else:
    if p_ms_atrasado > p_ue_atrasado:
        return 'Mercosul'
    else:
        return 'UE'
```

6 Classificador Bayesiano

Para realizar a classificação simples, o grupo elaborou uma função classificadora com base nas probabilidades calculadas anteriormente.

```
[24]: df_concat['Pred'] = df_concat['Country Code'].apply(classificador_bayesiano) df_concat.head()
```

```
[24]:
            Country Name Country Code
                                                                  Indicator Name
      14
                 Austria
                                   AUT
                                         CO2 emissions (metric tons per capita)
      17
                 Belgium
                                   BEL
                                         CO2 emissions (metric tons per capita)
                Bulgaria
      21
                                   BGR
                                         CO2 emissions (metric tons per capita)
      53
                  Cyprus
                                   CYP
                                         CO2 emissions (metric tons per capita)
                                         CO2 emissions (metric tons per capita)
      54
          Czech Republic
                                   CZE
                                2000
                                            2001
                                                       2002
                                                                   2003
                                                                               2004
          Indicator Code
                                                                                     \
      14 EN.ATM.CO2E.PC
                            7.929786
                                        8.444109
                                                   8.583317
                                                               9.168344
                                                                          9.275614
      17
          EN.ATM.CO2E.PC
                           11.439581
                                      11.504321
                                                  10.727988
                                                              11.131315
                                                                         10.941224
      21
          EN.ATM.CO2E.PC
                                                               6.164371
                            5.314454
                                        5.767160
                                                   5.563239
                                                                          6.125549
      53
          EN.ATM.CO2E.PC
                            7.558667
                                       7.279172
                                                   7.339033
                                                               7.880736
                                                                          7.699845
          EN.ATM.CO2E.PC
                          12.010653
      54
                                      12.011818
                                                  11.624103
                                                              12.043361
                                                                         12.105402
               2005
                             2014
                                        2015
                                                  2016
                                                             2017
                                                                       2018
      14
           9.266114
                         7.260404
                                  7.317159
                                              7.288820
                                                        7.486162
                                                                   7.133064
          10.555782
      17
                         8.041711
                                   8.437852
                                              8.314932
                                                        8.151096
                                                                   8.196339
      21
           6.265854
                         5.820925
                                   6.207865
                                              5.834882
                                                        6.201290
                                                                   5.822034
      53
           7.687390
                         5.909935
                                   5.900152
                                              6.169943
                                                        6.238954
                                                                   6.054175
          11.750804 ...
                         9.264303
                                   9.400668
                                              9.627750
                                                        9.611647
                                                                   9.492068
              2019
                        Delta
                                 Status
                                         Bloco
                                                     Pred
      14
          7.293984 -0.635801
                               Avançado
                                             UE
                                                       UF.
      17
          8.095584 -3.343997
                               Avançado
                                             UE
                                                       UE
      21
          5.610857 0.296404
                               Atrasado
                                             UE
                                                 Mercosul
      53
         5.998795 -1.559872
                               Avançado
                                             UE
                                                       UE
      54 9.022786 -2.987867
                               Avançado
                                             UE
                                                       UE
```

```
[5 rows x 28 columns]
```

```
[25]: # Avaliando o classificador
      df_concat['Pred'].value_counts()
[25]: UE
                  23
      Mercosul
                  16
      Name: Pred, dtype: int64
[26]: # Avaliando a contagem de um bloco previsto em relação ao bloco real dos países
      df concat.groupby(['Bloco', 'Pred']).size()
[26]: Bloco
                Pred
      Mercosul
                Mercosul
                             11
                UF.
                              1
      UF.
                Mercosul
                             5
                             22
                UE
      dtype: int64
[27]: # Acurácia do classificador
      from sklearn.metrics import accuracy_score
      acc = accuracy_score(df_concat['Bloco'], df_concat['Pred'])
      print(f'A acurácia do classificador é de {acc*100:.2f}%.')
      # Acurácia por bloco
      df_concat.groupby(['Bloco', 'Pred']).size() / df_concat.groupby(['Bloco']).
       ⇒size()
     A acurácia do classificador é de 84.62%.
```

[27]: Bloco Pred

Mercosul Mercosul 0.916667

UE 0.083333

UE Mercosul 0.185185

UE 0.814815

dtype: float64

7 Conclusão

É possível observar, pela matriz elaborada, que apenas um país da Mercosul foi erroneamente calculado como sendo da União Europeia, enquanto 5 países da União Europeia foram erroneamente calculados como sendo do Mercosul. A acurácia calculada para o classificador foi de quase 85%, o que é um resultado satisfatório para um classificador tão simples. A acurácia é medida contando os valores previstos como verdadeiros, divididos pelo total de valores previstos; portanto, em 85% dos casos, o classificador previu corretamente o bloco econômico ao qual o país pertence. Como pode ser visto em seguida, a acurácia por bloco é de aproximadamente 92% para o Mercosul, e 81% para a União Europeia. Isso provavelmente se dá por conta de haver mais países na União Europeia

do que no Mercosul, e que tais países são mais diversos em relação à métrica. O Mercosul possui menos países, e são mais concentrados em "Atrasados" no Status, como pode ser visto em nossa Análise Exploratória.

Levando em consideração o que foi obtido, o grupo pode concluir que, para essa situação, a métrica escolhida é um bom preditor para o bloco econômico.

7.1 Alterações na APS2

- Retiramos a afirmação de uma correlação negativa significar que as variáveis são inversamente proporcionais.
- Separamos os gráficos, para uma melhor compreensão do eixo Y, um está em %, enquanto o outro está em toneladas
- Mudamos a ordem de apresentação dos resultados, estando as conclusões por último, após os gráficos e os valores de covariância e correlação.

7.2 Referências

- https://www.mercosur.int/pt-br/quem-somos/paises-do-mercosul/
- https://www.mercosur.int/pt-br/quem-somos/em-poucas-palavras/
- https://european-union.europa.eu/principles-countries-history/country-profiles_pt
- $\verb| https://www.generaltradeways.com.br/es_ES/blog/o-que-e-o-mercosul-e-quais-os-seus-beneficios/ \\$
- https://pt.wikipedia.org/wiki/Uni%C3%A3o_Europeia
- https://pt.wikipedia.org/wiki/Crit%C3%A9rios de Copenhaga
- https://vitorborbarodrigues.medium.com/m%C3%A9tricas-de-avalia%C3%A7%C3%A3o-acur%C3%A1cia-precis%C3%A3o-recall-quais-as-diferen%C3%A7as-c8f05e0a513c

```
[34]: # Convert to PDF
! jupyter nbconvert APS3.ipynb --to pdf
```

```
[NbConvertApp] Converting notebook APS3.ipynb to pdf
[NbConvertApp] Support files will be in APS3_files/
[NbConvertApp] Making directory ./APS3_files
[NbConvertApp] Writing 81608 bytes to notebook.tex
[NbConvertApp] Building PDF
Traceback (most recent call last):
 File "/home/thomaschiari/miniconda3/bin/jupyter-nbconvert", line 11, in
<module>
    sys.exit(main())
 File "/home/thomaschiari/miniconda3/lib/python3.9/site-
packages/jupyter_core/application.py", line 269, in launch_instance
    return super().launch_instance(argv=argv, **kwargs)
 File "/home/thomaschiari/miniconda3/lib/python3.9/site-
packages/traitlets/config/application.py", line 846, in launch_instance
    app.start()
 File "/home/thomaschiari/miniconda3/lib/python3.9/site-
packages/nbconvert/nbconvertapp.py", line 369, in start
    self.convert_notebooks()
```

```
File "/home/thomaschiari/miniconda3/lib/python3.9/site-
packages/nbconvert/nbconvertapp.py", line 541, in convert_notebooks
    self.convert_single_notebook(notebook_filename)
 File "/home/thomaschiari/miniconda3/lib/python3.9/site-
packages/nbconvert/nbconvertapp.py", line 506, in convert single notebook
    output, resources = self.export_single_notebook(notebook_filename,
resources, input buffer=input buffer)
 File "/home/thomaschiari/miniconda3/lib/python3.9/site-
packages/nbconvert/nbconvertapp.py", line 435, in export_single_notebook
    output, resources = self.exporter.from_filename(notebook_filename,
resources=resources)
  File "/home/thomaschiari/miniconda3/lib/python3.9/site-
packages/nbconvert/exporters/exporter.py", line 190, in from_filename
    return self.from_file(f, resources=resources, **kw)
 File "/home/thomaschiari/miniconda3/lib/python3.9/site-
packages/nbconvert/exporters/exporter.py", line 208, in from_file
   return self.from_notebook_node(nbformat.read(file_stream, as_version=4),
resources=resources, **kw)
 File "/home/thomaschiari/miniconda3/lib/python3.9/site-
packages/nbconvert/exporters/pdf.py", line 183, in from_notebook_node
    self.run latex(tex file)
 File "/home/thomaschiari/miniconda3/lib/python3.9/site-
packages/nbconvert/exporters/pdf.py", line 153, in run_latex
    return self.run_command(self.latex_command, filename,
 File "/home/thomaschiari/miniconda3/lib/python3.9/site-
packages/nbconvert/exporters/pdf.py", line 110, in run_command
    raise OSError("{formatter} not found on PATH, if you have not installed "
OSError: xelatex not found on PATH, if you have not installed xelatex you may
need to do so. Find further instructions at
https://nbconvert.readthedocs.io/en/latest/install.html#installing-tex.
```

7.3 Referências

- https://www.mercosur.int/pt-br/quem-somos/paises-do-mercosul/
- https://www.mercosur.int/pt-br/quem-somos/em-poucas-palavras/
- https://european-union.europa.eu/principles-countries-history/country-profiles_pt
- https://www.generaltradeways.com.br/es_ES/blog/o-que-e-o-mercosul-e-quais-os-seus-beneficios/
- https://pt.wikipedia.org/wiki/Uni%C3%A3o_Europeia
- https://pt.wikipedia.org/wiki/Crit%C3%A9rios de Copenhaga
- https://vitorborbarodrigues.medium.com/m%C3%A9tricas-de-avalia%C3%A7%C3%A3o-acur%C3%A1cia-precis%C3%A3o-recall-quais-as-diferen%C3%A7as-c8f05e0a513c