



Universität Hamburg  
Fakultät für Mathematik,  
Informatik und Naturwissenschaften  
Department Informatik

# Bachelorarbeit

## **Speichereffiziente Methoden zur Repräsentation von paarweisen Sequenz-Alignments**

**Thorben Wiese**

---

3wiese@informatik.uni-hamburg.de

Studiengang B.Sc. Informatik

Matr.-Nr. 6537204

Fachsemester 6

Erstgutachter Universität Hamburg:  
Zweitgutachter Universität Hamburg:

Prof. Dr. Stefan Kurtz  
Dr. Giorgio Gonnella



---

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Einleitung</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>CIGAR-Strings</b>	<b>5</b>
2.1	Komplexität . . . . .	5
2.2	Speicherverbrauch . . . . .	6
2.2.1	Kodierung eines CIGAR-Strings . . . . .	6
2.2.2	Testläufe . . . . .	9
2.3	Bewertung . . . . .	14
<b>3</b>	<b>TracePoint Konzept</b>	<b>15</b>
3.1	Komplexität . . . . .	16
3.2	Speicherverbrauch . . . . .	17
3.2.1	Differenzen-Kodierung . . . . .	17
3.2.2	Kodierung der Trace Point Differenzen . . . . .	17
3.2.3	Testläufe . . . . .	19
3.3	Bewertung . . . . .	25
<b>4</b>	<b>Programm</b>	<b>27</b>
4.1	Aufbau . . . . .	27
4.2	Funktionalität . . . . .	28
4.2.1	Informationsverlust bei der encode()-Funktion . . . . .	29
<b>5</b>	<b>Fazit</b>	<b>31</b>
	<b>Literaturverzeichnis</b>	<b>33</b>
	<b>Eidesstattliche Erklärung</b>	<b>35</b>

---



---

# Abbildungsverzeichnis

2.1	Huffman-Baum der Kodierung des CIGAR-Strings . . . . .	8
2.2	Bitverbrauch der naiven binären Kodierung des CIGAR-Strings . .	9
2.3	Bitverbrauch der unären Kodierung des CIGAR-Strings . . . . .	10
2.4	Bitverbrauch der Huffman-Kodierung des CIGAR-Strings . . . . .	11
2.5	Binäre und unäre Kodierung des CIGAR-Strings . . . . .	12
2.6	Unäre und Huffman-Kodierung des CIGAR-Strings . . . . .	13
3.1	Huffman-Baum der Delta-Kodierung . . . . .	19
3.2	Bitverbrauch der naiven binären Kodierung der Delta-Kodierung .	20
3.3	Bitverbrauch der unären Kodierung der Delta-Kodierung . . . . .	21
3.4	Bitverbrauch der Huffman-Kodierung der Delta-Kodierung . . . .	22
3.5	Binäre und unäre Kodierung der Delta-Kodierung . . . . .	23
3.6	Unäre und Huffman-Kodierung der Delta-Kodierung . . . . .	24
4.1	UML-Diagramm . . . . .	27

---



# Tabellenverzeichnis

2.1	Relative Wahrscheinlichkeiten CIGAR-String . . . . .	6
2.2	Unäre Kodierung des CIGAR-Strings . . . . .	7
2.3	Huffmann-Kodierung des CIGAR-Strings . . . . .	8
3.1	Relative Wahrscheinlichkeiten der Delta-Kodierung . . . . .	18
3.2	Unäre Kodierung der Delta-Kodierung . . . . .	18
3.3	Huffman-Kodierung der Delta-Kodierung . . . . .	19

# 1 Einleitung

Ein Sequenzalignment wird in der Bioinformatik dazu verwendet, zwei oder mehrere Sequenzen von zum Beispiel DNA-Strängen oder Proteinsequenzen miteinander zu vergleichen und die Verwandtschaft zu bestimmen. Ein Alignment ist das Ergebnis eines solchen Vergleichs. Bei einem globalen Alignment wird jeweils die gesamte Sequenz betrachtet, bei einem lokalen Alignment lediglich Teilabschnitte der beiden Sequenzen. Um die verschiedenen Sequenzen vergleichen zu können, berechnet man einen Score oder die Kosten, um den Aufwand, den man betreiben muss, um die gegebene Sequenz in die Zielsequenz umzuwandeln, beschreiben zu können. Hierbei wird jeweils das Optimum, also entweder der maximale Score oder die minimalen Kosten gesucht. Die verschiedenen Schritte, um die Symbole der Strings zu verändern, sind bei Gleichheit ein 'match', bei der Substitution ein 'mismatch', bei der Löschung eine 'deletion' und bei der Einfügung eine 'insertion', welche je nach Verfahren unterschiedlich gewichtet werden können. Hierbei haben ähnliche Sequenzen einen hohen Score und geringe Kosten und unterschiedliche Sequenzen analog einen kleinen Score und hohe Kosten.

Ziel dieser Bachelorarbeit ist es, eine speichereffiziente Repräsentation von paarweisen Sequenzalignments zu implementieren und die Funktionsweise, sowie Vergleiche zu anderen Verfahren zu diskutieren.

## Die Edit-Operationen

Die hier eingeführten Begriffe werden in [Kurtz, S. 5-7, 14-16] definiert.

Sei  $\mathcal{A}$  eine endliche Menge von Buchstaben, die man Alphabet nennt. Für DNA-Sequenzen verwendet man üblicherweise die Menge der Basen, also  $\mathcal{A} = \{a, c, g, t\}$ .  $\mathcal{A}^i$  sei die Menge der Sequenzen der Länge  $i$  aus  $\mathcal{A}$  und  $\varepsilon$  sei die leere Sequenz. Formal ausgedrückt ist eine Edit-Operation ein Tupel

$$(\alpha, \beta) \in (\mathcal{A}^1 \cup \{\varepsilon\}) \times (\mathcal{A}^1 \cup \{\varepsilon\}) \setminus \{(\varepsilon, \varepsilon)\},$$

---



Eine äquivalente Schreibweise von  $(\alpha, \beta)$  ist  $\alpha \rightarrow \beta$ . Es gibt drei verschiedene Edit-Operationen

$a \rightarrow \varepsilon$  ist eine Deletion für alle  $a \in \mathcal{A}$

$\varepsilon \rightarrow b$  ist eine Insertion für alle  $b \in \mathcal{A}$

$a \rightarrow b$  ist eine Substitution für alle  $a, b \in \mathcal{A}$

Dabei ist zu beachten, dass  $\varepsilon \rightarrow \varepsilon$  keine Edit-Operation darstellt.

Ein Alignment von zwei Sequenzen  $u$  und  $v$  lässt sich nun als eine Sequenz  $(\alpha_1 \rightarrow \beta_1, \dots, \alpha_h \rightarrow \beta_h)$  von Edit-Operationen definieren, sodass  $u = \alpha_1 \dots \alpha_h$  und  $v = \beta_1 \dots \beta_h$  gilt.

## Die Edit-Distanz

Sei eine Kostenfunktion  $\delta$  mit  $\delta(a \rightarrow b) \geq 0$  für alle Substitutionen  $a \rightarrow b$  und  $\delta(\alpha \rightarrow \beta) > 0$  für alle Einfügungen und Löschungen  $\alpha \rightarrow \beta$  gegeben. Die Kosten für ein Alignment  $A = (\alpha_1 \rightarrow \beta_1, \dots, \alpha_h \rightarrow \beta_h)$  ist die Summe der Kosten aller Edit-Operationen des Alignments.

$$\delta(A) = \sum_{i=1}^h \delta(\alpha_i \rightarrow \beta_i)$$

Ein Beispiel einer Kostenfunktion ist die Einheitskostenfunktion

$$\delta(\alpha \rightarrow \beta) = \begin{cases} 0, & \text{wenn } \alpha, \beta \in \mathcal{A} \text{ und } \alpha = \beta \\ 1, & \text{sonst.} \end{cases}$$

Die Edit-Distanz von zwei Sequenzen ist wie folgt definiert:

$$\text{edist}_\delta(u, v) = \min\{\delta(A) \mid A \text{ ist Alignment von } u \text{ und } v\}$$

Ein Alignment  $A$  ist optimal, wenn  $\delta(A) = \text{edist}_\delta(u, v)$  gilt.

Wenn  $\delta$  die Einheitskostenfunktion ist, so ist  $\text{edist}_\delta(u, v)$  die Levenshtein Distanz [Kurtz, S. 19-21].

Ein Alignment kann für eine Edit-Distanz  $e$  mit der Einheitskostenfunktion in

---

$O(e)$  Zeit berechnet werden [Kurtz, S. 41-42].

---



## 2 CIGAR-Strings

Ein Dateiformat, welches zur Speicherung von Alignments verwendet wird, ist das SAM-Format oder die binär komprimierte Version BAM. Dieses codiert ein Alignment in einem sogenannten CIGAR-String der aus einzelnen Zeichen besteht, die jeweils eine Edit-Operation bezeichnen, also M für eine Substitution, I für eine Insertion und D für eine Deletion. Gleiche aufeinanderfolgende Operationen werden als Kombination von Quantität und Symbol geschrieben.

Sei  $u = \text{actgaact}$ ,  $v = \text{actagaat}$  und das Alignment  $A = (a \rightarrow a, c \rightarrow c, t \rightarrow t, \dots)$  gegeben.

a	c	t	-	g	a	a	c	t
a	c	t	a	g	a	a	-	t

Ein Alignment wird üblicherweise in drei Zeilen geschrieben, wobei in der ersten Zeile die Sequenz  $u$  und in der dritten Zeile die Sequenz  $v$  geschrieben wird. In der mittleren Zeile symbolisiert das Zeichen '|' eine Substitution, wobei üblicherweise nur ein Match markiert wird. Außerdem wird ein  $\varepsilon$  aus der Edit-Operation in diesem Fall durch das Zeichen '-' dargestellt.

Dieses Alignment wird durch den CIGAR-String `3M1I3M1D1M` repräsentiert. [The SAM/BAM Format Specification Group 2015].

### 2.1 Komplexität

TODO

## 2.2 Speicherverbrauch

### 2.2.1 Kodierung eines CIGAR-Strings

Sei das Alignment  $A$

```

0   5   0   5   0   5   0   5   0
gagc-a-t-gttgcc-tggtcctttgctaggtactgta-gaga
| | | | | | | | | | | | | | | | | |
gaccaagtag--g-cgtggacctt-gctcgggt-ctgtaagaga
0   5   0   5   0   5   0   5   0

```

gegeben, welches durch den CIGAR-String 4M1D1M1D1M1D1M2I1M1I1M1D8M1I7M1I5M1D4M repräsentiert werden kann.

Im Folgenden vergleiche ich für diese Art der Alignment-Repräsentation die Verfahren der naiven binären Kodierung, der unären Kodierung und der Huffman-Kodierung.

Sei das Alphabet  $\mathcal{A} = \{M, I, D, 1, 2, 4, 5, 7, 8\}$ , welches alle Symbole aus dem CIGAR-String enthält, sowie die relativen Wahrscheinlichkeiten  $p(c)$  jeden Symbols  $c \in \mathcal{A}$  gegeben.

$c$	Häufigkeit	$p(c)$
1	13	$\frac{13}{38}$
M	10	$\frac{10}{38}$
D	5	$\frac{5}{38}$
I	4	$\frac{4}{38}$
4	2	$\frac{2}{38}$
2	1	$\frac{1}{38}$
5	1	$\frac{1}{38}$
7	1	$\frac{1}{38}$
8	1	$\frac{1}{38}$

Tabelle 2.1: Relative Wahrscheinlichkeiten CIGAR-String

Bei einer naiven binären Kodierung wird jedes Symbol  $c \in \mathcal{A}$  mit  $\lceil \log_2(n) \rceil, n =$

---

$|\mathcal{A}|$  Bit kodiert, also  $\lceil \log_2(38) \rceil = 6$  Bit pro Symbol. Insgesamt ergibt das somit  $38 \cdot 6 = 228$  Bit.

Die unäre Kodierung kodiert jedes Symbol nach der Häufigkeit des Auftretens im Alphabet mit  $i - 1$  '1'-Bits, gefolgt von einem '0'-Bit, wobei  $i$  die Position des Symbols in einer nach der Häufigkeit absteigend sortierten Liste ist. Das am Häufigsten auftretende Symbol des Alphabets wird also mit '0', das zweithäufigste mit '10', das dritthäufigste mit '110' usw. kodiert. [Moffat u. Turpin 2002, S. 29-30]

Der oben genannte CIGAR-String wird demnach wie folgt unär kodiert:

Symbol	Kodierung	Anzahl Bits
1	0	$13 \cdot 1 = 13$
M	10	$10 \cdot 2 = 20$
D	110	$5 \cdot 3 = 15$
I	1110	$4 \cdot 4 = 16$
4	11110	$2 \cdot 5 = 10$
2	111110	$1 \cdot 6 = 6$
5	1111110	$1 \cdot 7 = 7$
7	11111110	$1 \cdot 8 = 8$
8	111111110	$1 \cdot 9 = 9$
Gesamtanzahl:		104

Tabelle 2.2: Unäre Kodierung des CIGAR-Strings

Insgesamt benötigt die unäre Kodierung also 104 Bit.

Der durchschnittliche Bitverbrauch für ein Symbol beträgt

$$\frac{104}{38} \approx 2.74 \text{ Bit.}$$

Bei einer *minimalen* binären Kodierung, wie sie auch im Huffman-Algorithmus verwendet wird, werden die Längen der Codewörter anhand der relativen Wahrscheinlichkeit des Symbols im Alphabet angepasst. Somit lässt sich eine Kodierung ermöglichen, welche im Durchschnitt weniger Bit pro Symbol beansprucht [Moffat u. Turpin 2002, S. 53-57].

Der Huffman-Algorithmus würde bei dem oben genannten Beispiel des CIGAR-Strings wie folgt ablaufen:

Ausführung des Huffman-Algorithmus ergibt nach [Moffat u. Turpin 2002, S. 54]:

Symbol	Kodierung	Anzahl Bits
1	00	$13 \cdot 2 = 26$
M	01	$10 \cdot 2 = 20$
D	100	$5 \cdot 3 = 15$
I	110	$4 \cdot 3 = 12$
4	1010	$2 \cdot 4 = 8$
7	1110	$1 \cdot 4 = 4$
8	1111	$1 \cdot 4 = 4$
2	10110	$1 \cdot 5 = 5$
5	10111	$1 \cdot 5 = 5$
Gesamtanzahl:		99

Tabelle 2.3: Huffmann-Kodierung des CIGAR-Strings

und der dazugehörige Huffman-Baum:

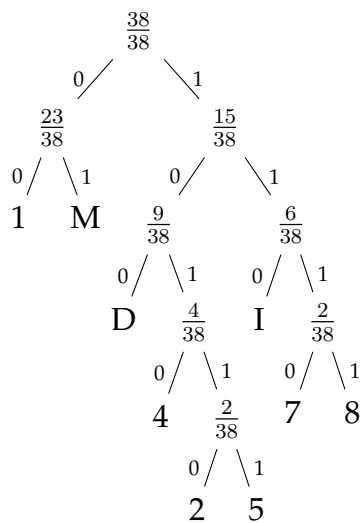


Abbildung 2.1: Huffman-Baum der Kodierung des CIGAR-Strings

Der gesamte Bitverbrauch dieser Kodierung ist demnach 99 Bit.

Der durchschnittliche Bitverbrauch für ein Symbol beträgt

$$\frac{99}{38} \approx 2.61 \text{ Bit.}$$


---

### 2.2.2 Testläufe

Die folgenden Grafiken wurden mit jeweils 100 zufällig generierte Sequenzpaaren mit je etwa 200 Basen, einer Fehlerrate von 15% und einem  $\Delta$ -Wert von 10 berechnet.

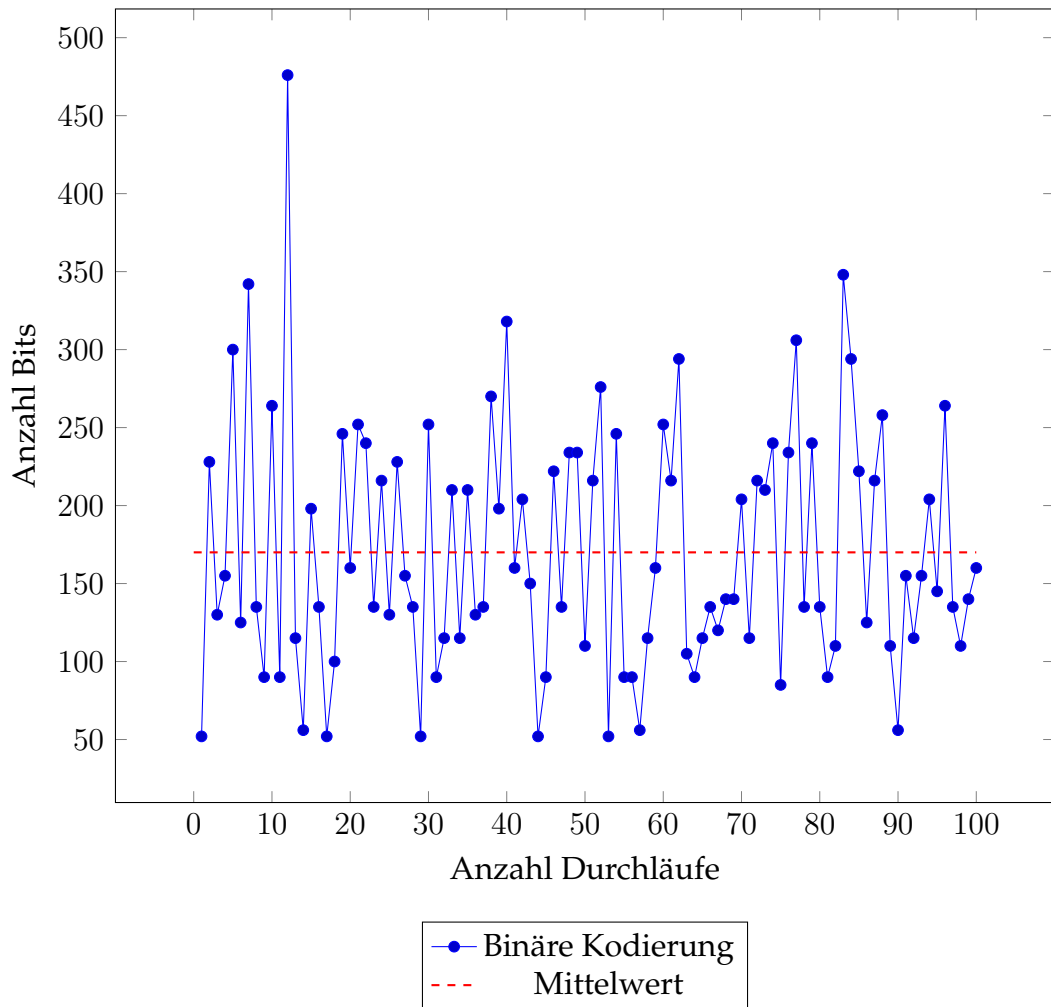


Abbildung 2.2: Bitverbrauch der naiven binären Kodierung des CIGAR-Strings



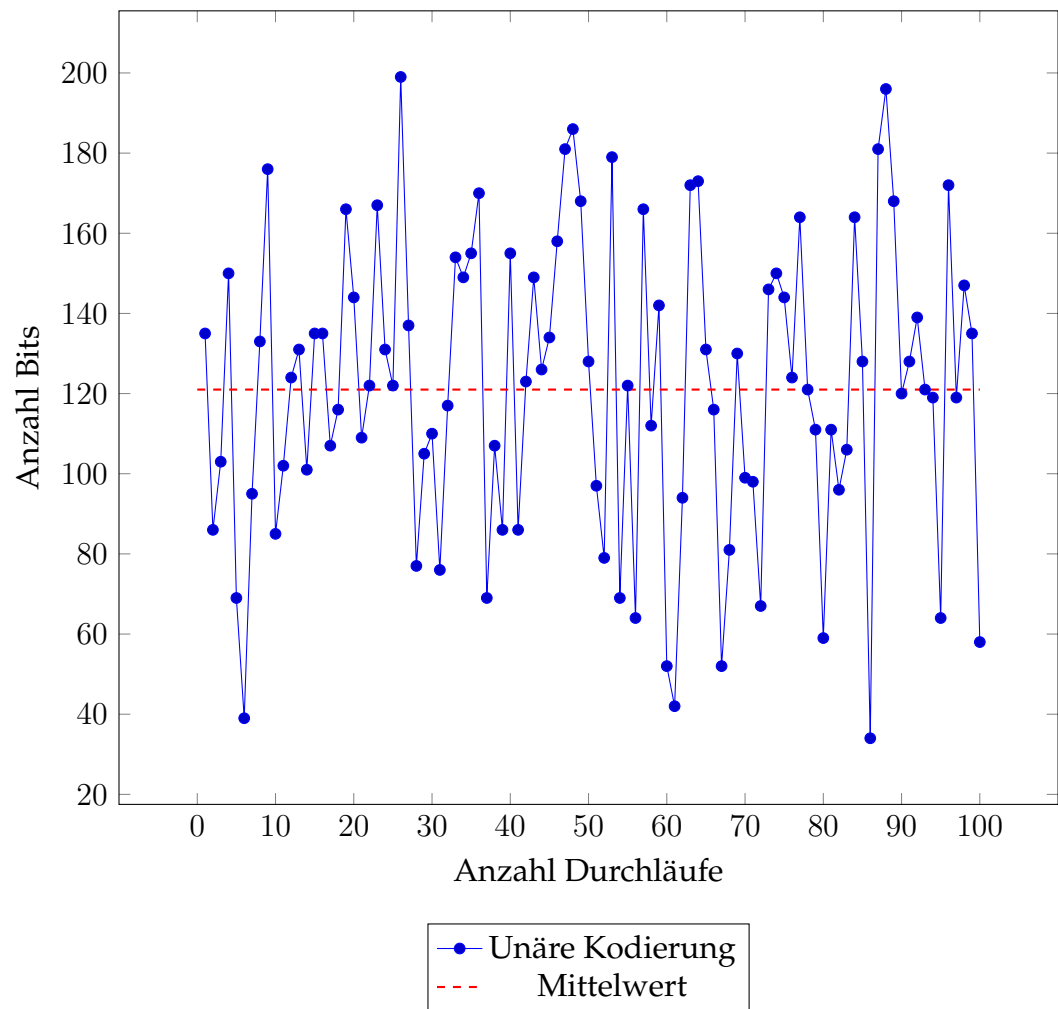


Abbildung 2.3: Bitverbrauch der unären Kodierung des CIGAR-Strings

---

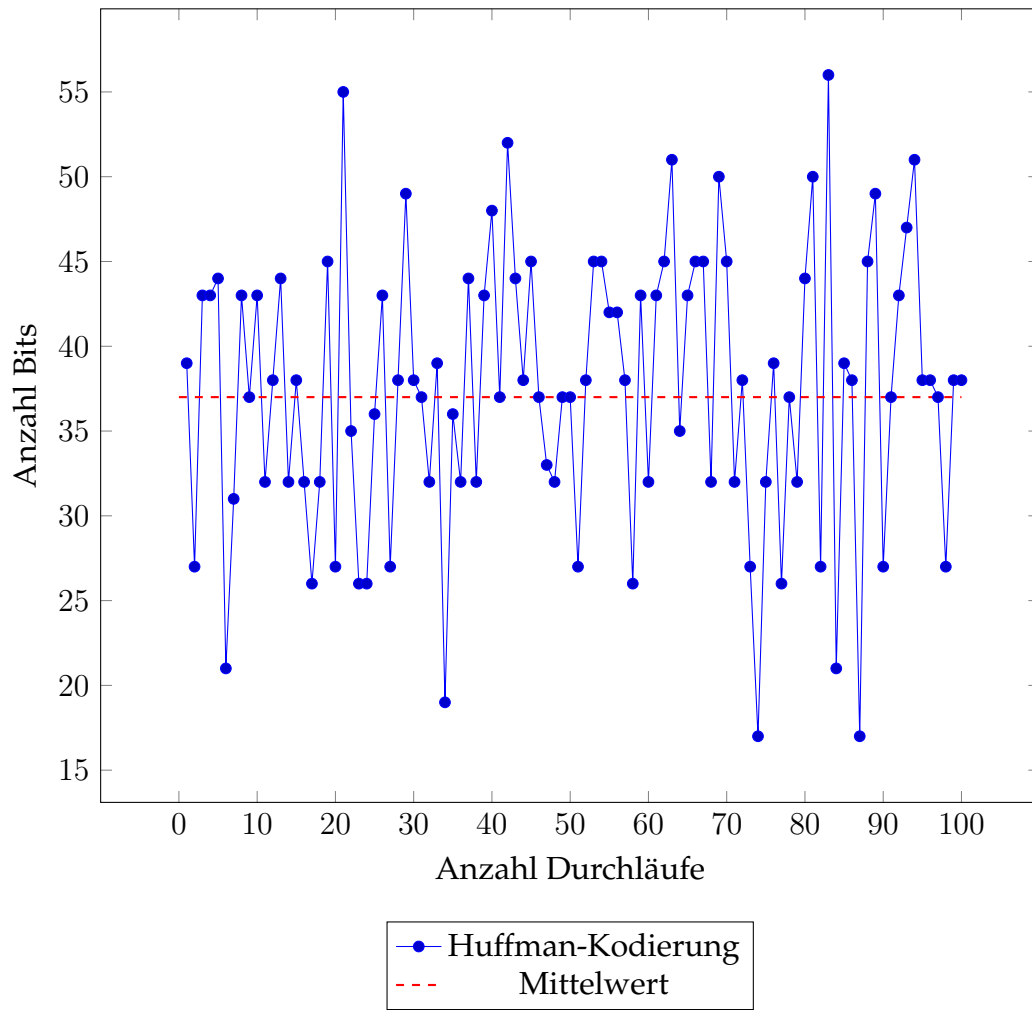


Abbildung 2.4: Bitverbrauch der Huffman-Kodierung des CIGAR-Strings

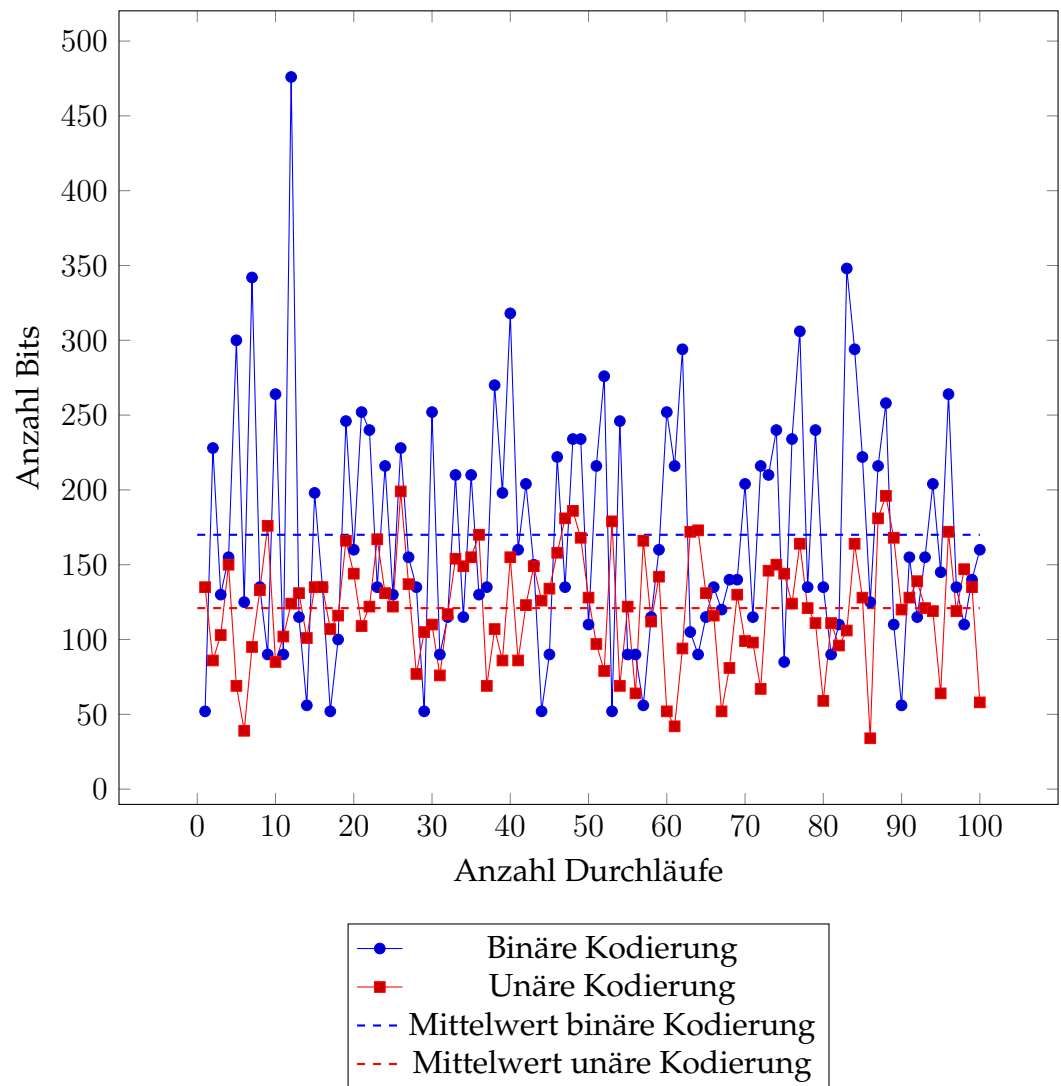


Abbildung 2.5: Binäre und unäre Kodierung des CIGAR-Strings

---

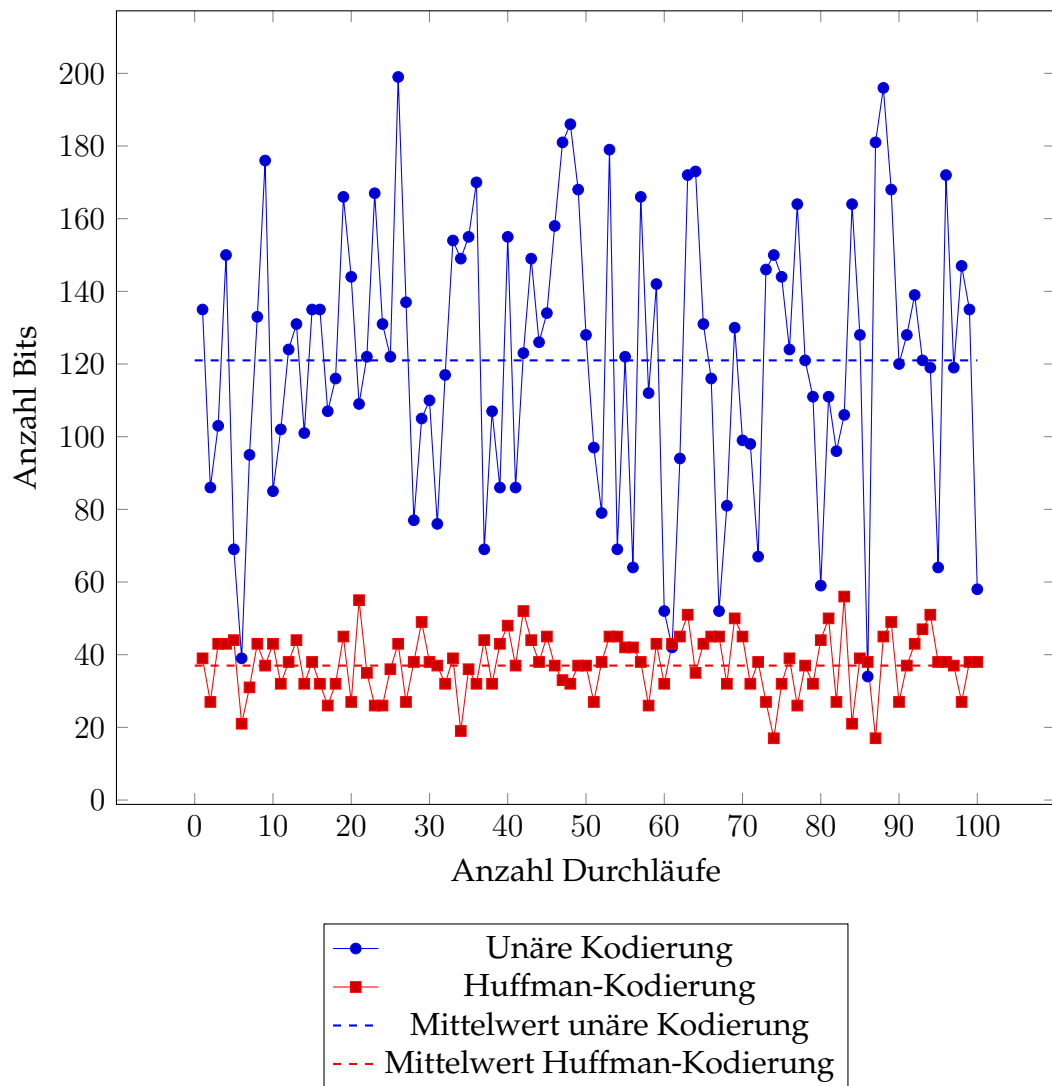


Abbildung 2.6: Unäre und Huffman-Kodierung des CIGAR-Strings

## 2.3 Bewertung

Die Abbildungen 2.2-2.4 verdeutlichen, dass jede der drei ausgewählten Methoden deutliche Schwankungen im Bitverbrauch aufweisen, welche sich durch die zufällig generierten Sequenzpaare erklären lassen, deren Alignments unter Umständen sehr viele oder ausschließlich Matches bzw. sehr viele InDels aufweisen können. Im Mittel benötigt die naive binäre Kodierung 170 Bit, die unäre Kodierung 121 Bit und die Huffman-Kodierung 37 Bit.

Sowohl in dem in 2.2.1 angegebenen Beispiel, als auch in den in 2.2.2 dargestellten Testläufen verbraucht die Huffman-Kodierung somit durchschnittlich am wenigsten Speicher.

Das CIGAR-Format benötigt folglich wenig Speicher für Alignments mit einer kleinen Edit-Distanz und deutlich mehr Speicher für Alignments mit einer großen Edit-Distanz, da in diesem Fall eine höhere Anzahl unterschiedlicher Symbole kodiert werden muss.

---

### 3 TracePoint Konzept

Ein neuer Ansatz der speichereffizienten Repräsentation von Alignments wurde von Gene Myers in [Myers 2015] beschrieben und basiert auf dem Konzept der Trace Points.

Sei  $A$  ein Alignment von  $u[i...j]$  und  $v[k...l]$  mit  $i < j$  und  $k < l$  und sei  $\Delta \in \mathbb{N}$ . Sei  $p = \lceil \frac{i}{\Delta} \rceil$ . Man unterteilt  $u[i...j]$  in  $\tau = \lceil \frac{j}{\Delta} \rceil - \lfloor \frac{i}{\Delta} \rfloor$  Substrings  $u_0, u_1, \dots, u_{\tau-1}$  mit

$$u_q = \begin{cases} u[i...p \cdot \Delta] & \text{falls } q = 0 \\ u[(p+q-1) \cdot \Delta + 1... (p+q) \cdot \Delta] & \text{falls } 0 < q < \tau - 1 \\ u[(p+\tau-2) \cdot \Delta...j] & \text{falls } q = \tau - 1 \end{cases}$$

Für alle  $q$  mit  $0 \leq q < \tau - 1$  sei  $t_q$  der letzte Index des Substrings von  $v$ , der in  $A$  mit  $u_q$  aligniert.  $t_q$  nennt man Trace Point. Für  $q = 0$  aligniert  $u_0$  mit  $v_0 = v[k...t_0]$ . Für alle  $q$  mit  $0 < q < \tau - 1$  aligniert  $u_q$  mit  $v_q = v[t_{q-1} + 1...t_q]$ .

Seien  $i, j, k, l, \Delta$  und die Trace-Points eines Alignments von  $u$  und  $v$  gegeben. Dann kann ein Alignment  $A'$  von  $u$  und  $v$  mit  $\delta(A') \leq \delta(A)$  konstruiert werden. Danach bestimmt man aus den Trace-Points die Substring-Paare  $u_q$  und  $v_q$ , berechnet hierfür ein optimales Alignment und konkateniert die Alignments von den aufeinanderfolgenden Substring-Paaren zu  $A'$ .

Beispiel:

Sequenz 1: gagcatgttgccctggctcctttgctaggtactgtagaga

Sequenz 2: gaccaagtaggcgtggaccttgctcgggtctgtaagaga

Delta: 15

Gesamtalignment:

```

0      5      0      5      0      5      0      5      0
gagc-a-t-gttgcc-tggctcctttgctaggtactgta-gaga
|| | | | | | | | | | | | | | | | | | |
gaccaagtag--g-cgtggacctt-gctcgggt-ctgtaagaga
0      5      0      5      0      5      0      5      0
```

seq1[0...14] aligniert mit seq2[0...15]

gagc-a-t-gttgcc-tgg

| | | | | | | | |

gaccaagtag--g-cgtgg

seq1[15...29] aligniert mit seq2[16...28]

tcctttgctaggtac

| | | | | | | | |

acctt-gctcggc-c

seq1[30...37] aligniert mit seq2[29...37]

tgta-gaga

| | | | | | | |

tgtaagaga

Trace Points: [15, 28]

## 3.1 Komplexität

TODO

Für die Trace-Point Repräsentation wird für eine Edit-Distanz  $e$  mit Einheitskosten als Kostenfunktion  $\delta$  wie oben beschrieben lediglich  $O(e^2)$  Zeit pro Teilalignment benötigt, wobei bei einer erwarteten Fehlerrate  $\varepsilon$  des Alignments die Edit-Distanz immer höchstens so groß ist wie die Anzahl der Fehler im Teilalignment. [Kurtz, S.41-42]

---

## 3.2 Speicherverbrauch

### 3.2.1 Differenzen-Kodierung

Gegeben sei eine Liste  $L = (a_1, a_2, \dots, a_n)$  mit  $a_i < a_{i+1}, 0 < i \leq n$ .

Anstatt jeden Wert  $a \in L$  als solchen abzuspeichern, kann alternativ die Differenz eines Wertes  $a_i$  zu dem nachfolgenden Wert  $a_{i+1}$  abgespeichert werden. Lediglich der erste (oder letzte) Wert aus  $L$  wird benötigt, um später sukzessive die ursprüngliche Liste rekonstruieren zu können.

$$L_{diff} = (a_1, (a_2 - a_1), (a_3 - a_2), \dots, (a_n - a_{n-1}))$$

Bei gleichmäßig ansteigenden Werten ist die Abweichung der Differenzen zweier aufeinanderfolgender Werte in der Liste untereinander gering und die Menge der zu kodierenden Symbole verringert sich.

### 3.2.2 Kodierung der Trace Point Differenzen

Sei  $\Delta = 5$  und das Alignment  $A$

```

0      5      0      5      0      5      0      5      0
gagc-a-t-gttgcc-tggtcctttgctaggtactgta-gaga
| | | | | | | | | | | | | | | | | |
gaccaagtag--g-cgtggacctt-gctcggt-ctgtaagaga
0      5      0      5      0      5      0      5      0

```

wie in Abschnitt 2.2 mit den dazugehörigen TracePoints 5, 10, 15, 20, 24, 28 und 34 gegeben. Es ergibt sich somit das Alphabet  $\mathcal{A} = \{5, 10, 15, 20, 24, 28, 34\}$  mit ausschließlich positiven und aufsteigenden Werten.

Für die Trace Point Darstellung ist somit eine Differenzen-Kodierung möglich. Als neue Liste zu kodierender Werte ergibt sich nach 3.2.1  $L_{diff} = (5, 5, 5, 5, 4, 4, 6)$ .

Um aus den Trace Points ein neues Alignment rekonstruieren zu können, benötigt man zusätzlich mindestens den  $\Delta$ -Wert, damit die Grenzen der Substrings



beider Sequenzen berechnet werden können. Hierfür muss also der  $\Delta$ -Wert zu  $L$  hinzugefügt werden.

Für das oben genannten Beispiel ergibt sich somit  $L_\Delta = (5, 5, 5, 5, 5, 4, 4, 6)$ .

Sei das Alphabet  $\mathcal{A} = \{4, 5, 6\}$  für  $L_\Delta$ , sowie die relativen Wahrscheinlichkeiten  $p(c)$  jeden Symbols  $c \in \mathcal{A}$  gegeben.

$c$	Häufigkeit	$p(c)$
5	5	$\frac{5}{8}$
4	2	$\frac{2}{8}$
6	1	$\frac{1}{8}$

Tabelle 3.1: Relative Wahrscheinlichkeiten der Delta-Kodierung

Bei der naiven binären Kodierung ergibt sich analog zu 2.2 ein Bedarf von  $\lceil \log_2(8) \rceil = 3$  Bit pro Symbol, also  $8 \cdot 3 = 24$  Bit insgesamt.

Die unäre Kodierung ergibt für dieses Beispiel die folgende Kodierung:

Symbol	Kodierung	Anzahl Bits
5	0	$5 \cdot 1 = 5$
4	10	$2 \cdot 2 = 4$
6	110	$1 \cdot 3 = 3$
Gesamtanzahl:		12

Tabelle 3.2: Unäre Kodierung der Delta-Kodierung

Insgesamt benötigt die unäre Kodierung also 12 Bit mit einem durchschnittlichen Verbrauch pro Symbol von

$$\frac{12}{8} \approx 1.5 \text{ Bit.}$$

Die Ausführung des Huffman-Algorithmus ergibt nach [Moffat u. Turpin 2002, S. 54]:

Symbol	Kodierung	Anzahl Bits
5	0	$5 \cdot 1 = 5$
4	10	$2 \cdot 2 = 4$
6	11	$1 \cdot 2 = 2$
Gesamtanzahl:		11

Tabelle 3.3: Huffman-Kodierung der Delta-Kodierung

und der dazugehörige Huffman-Baum:

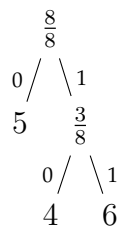


Abbildung 3.1: Huffman-Baum der Delta-Kodierung

Der gesamte Bitverbrauch der Huffman-Kodierung ist demnach 11 Bit mit einem durchschnittlichen Verbrauch pro Symbol von

$$\frac{11}{8} \approx 1.38 \text{ Bit.}$$

### 3.2.3 Testläufe

Die folgenden Grafiken wurden mit jeweils 100 zufällig generierte Sequenzpaaren mit je etwa 200 Basen, einer Fehlerrate von 15% und einem  $\Delta$ -Wert von 10 berechnet.

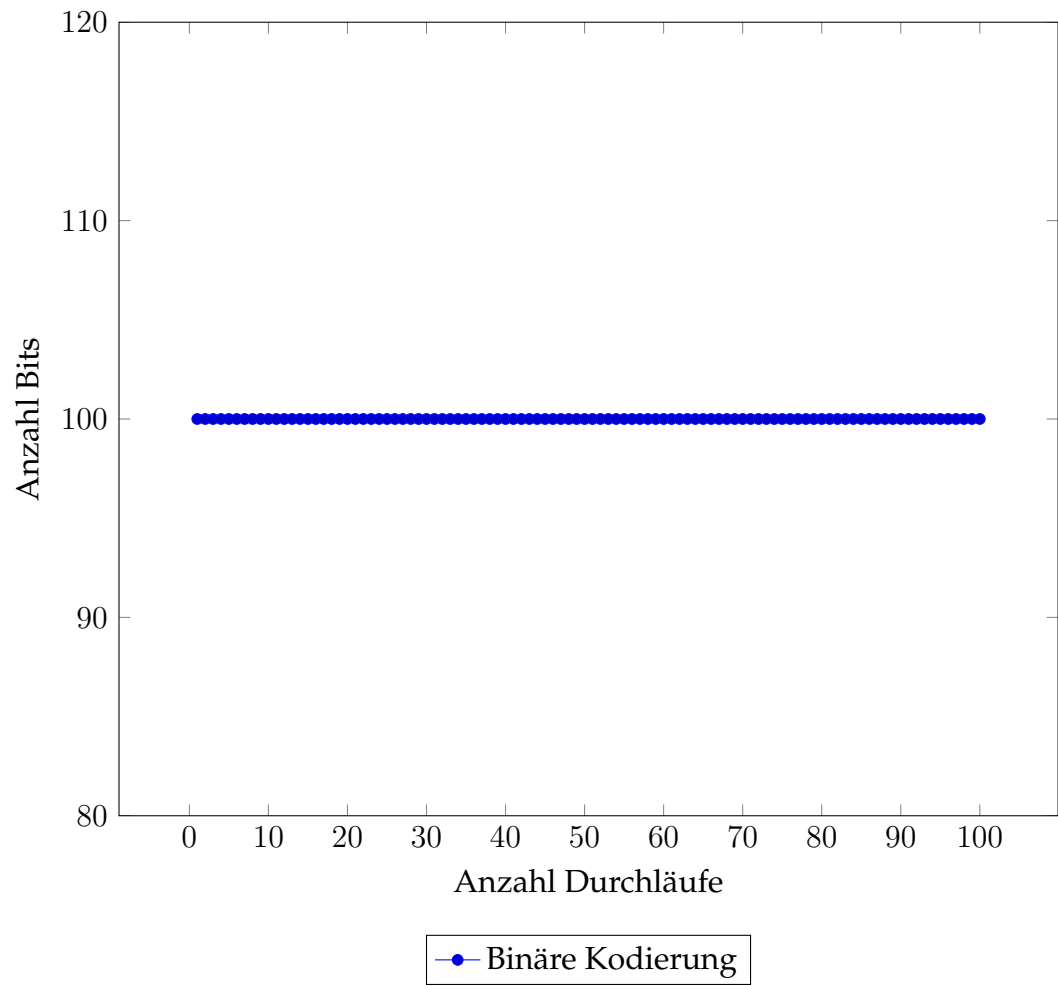


Abbildung 3.2: Bitverbrauch der naiven binären Kodierung der Delta-Kodierung

---

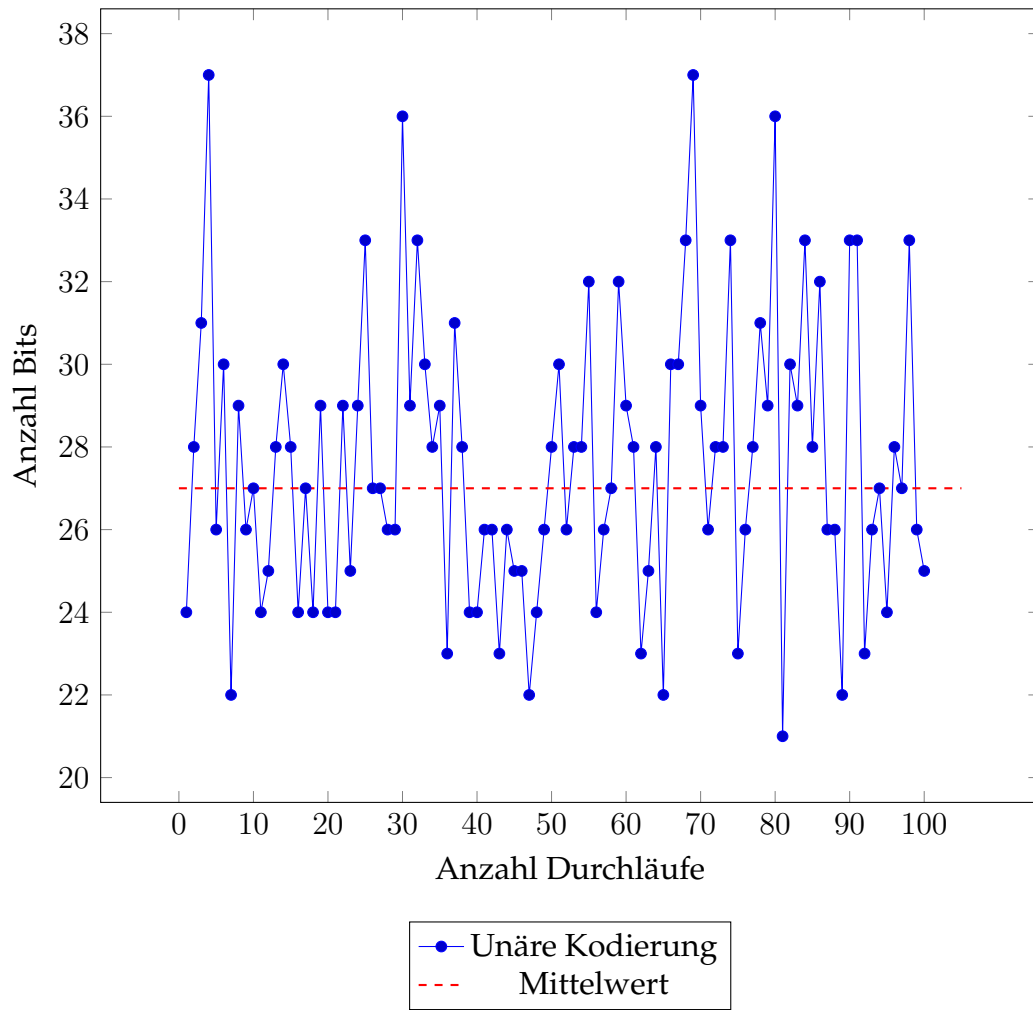


Abbildung 3.3: Bitverbrauch der unären Kodierung der Delta-Kodierung

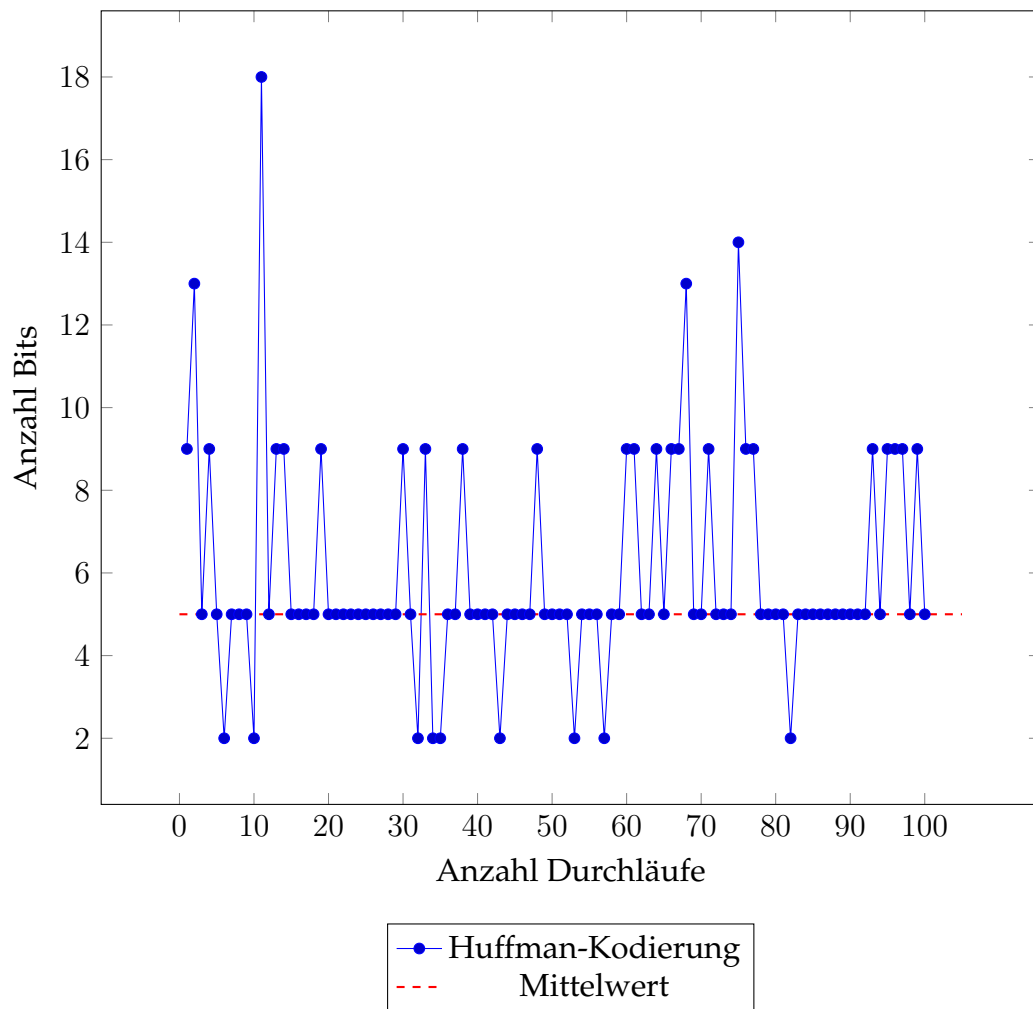


Abbildung 3.4: Bitverbrauch der Huffman-Kodierung der Delta-Kodierung

---

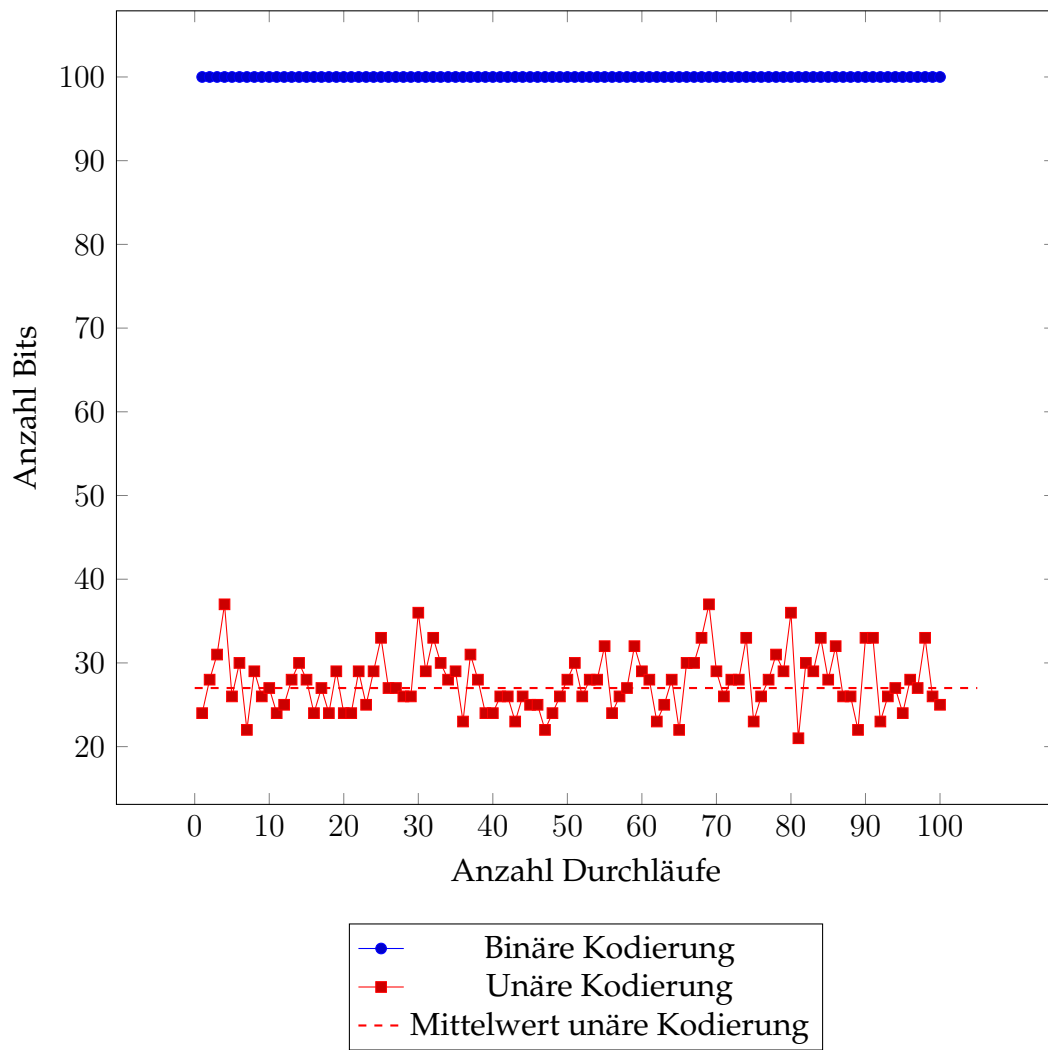


Abbildung 3.5: Binäre und unäre Kodierung der Delta-Kodierung

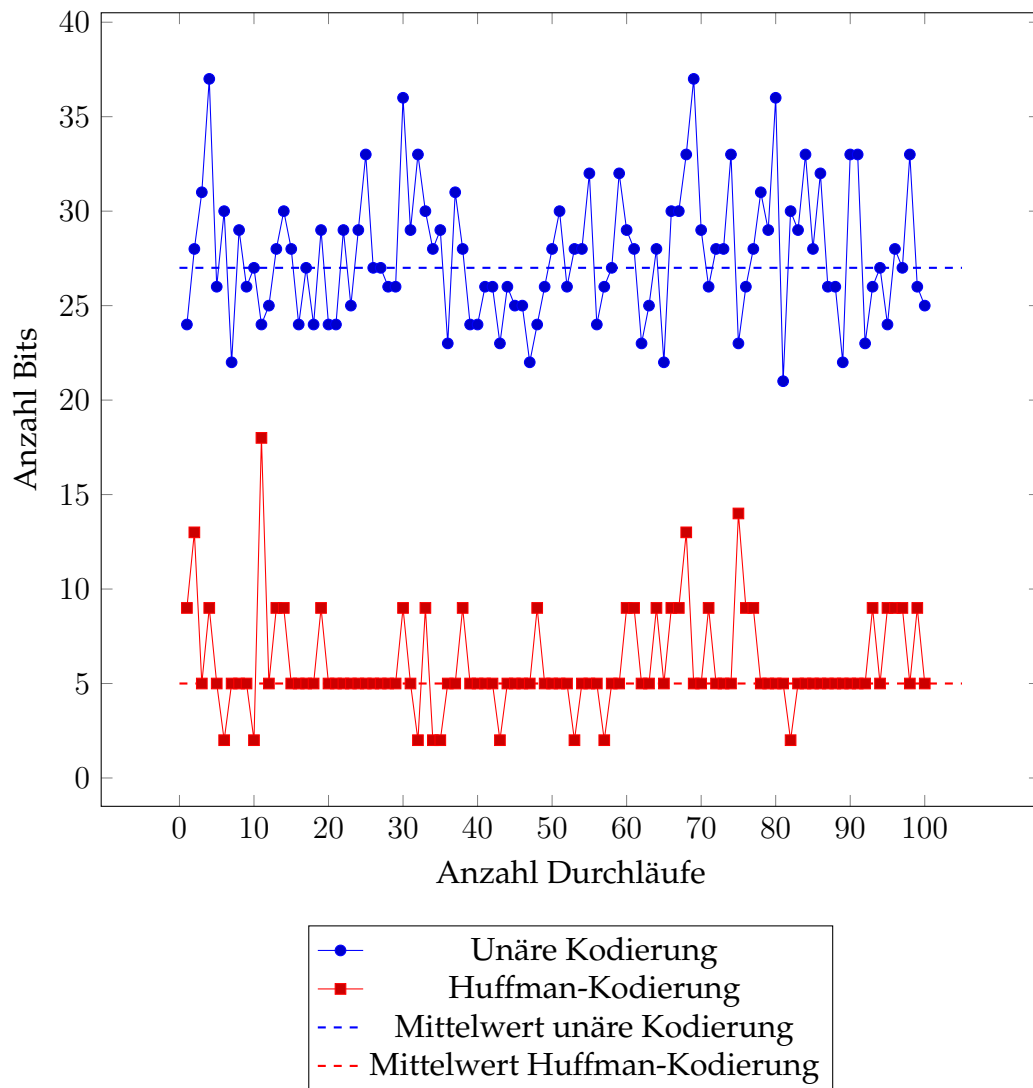


Abbildung 3.6: Unäre und Huffman-Kodierung der Delta-Kodierung

---

## 3.3 Bewertung

Die naive binäre Kodierung benötigt, wie in Abbildung 3.2 dargestellt, in jedem Durchlauf und somit auch im Mittel konstant 100 Bit, da für jeden Durchlauf 19 Trace Points und der  $\Delta$ -Wert gespeichert werden für  $\lceil \log_2(20) \rceil = 100$  Bit.

Die Abbildungen 3.3 verdeutlicht, dass die unäre Kodierung Schwankungen im Bitverbrauch aufweist, welche sich wie bei den CIGAR-Strings durch die zufällig generierten Sequenzpaare erklären lassen, deren Alignments unter Umständen sehr viele oder ausschließlich Matches bzw. sehr viele InDels aufweisen können. Sie benötigt im Mittel 27 Bit und damit nur etwa ein Viertel der binären Kodierung, was in Abbildung 3.5 grafisch dargestellt ist.

Für die Huffman-Kodierung wird, wie in Abbildung 3.4 zu sehen ist, deutlich weniger Speicher für die Kodierung benötigt als für die naive binäre oder unäre Kodierung. Sie verbraucht durchschnittlich nur 5 Bit und damit nur etwa ein Fünftel des Speicherbedarfs der unären Kodierung, was in 3.6 verdeutlicht wird.

Es ist somit zu erkennen, dass die Kodierung der Differenzen der Trace Points mit den oben genannten Parametern der Testläufe in allen Kodierungen weniger Speicher benötigt, als die Kodierung eines CIGAR-Strings, wobei die Huffman-Kodierung mit Abstand am effizientesten ist. Hierbei ist jedoch zu beachten, dass der Speicherverbrauch der Trace Point Kodierung von der Wahl des  $\Delta$ -Wertes abhängt, da bei einem kleinen  $\Delta$  mehr Trace Points und somit mehr Symbole gespeichert werden müssen, als bei einem großen  $\Delta$ -Wert.

---





# 4 Programm

## 4.1 Aufbau

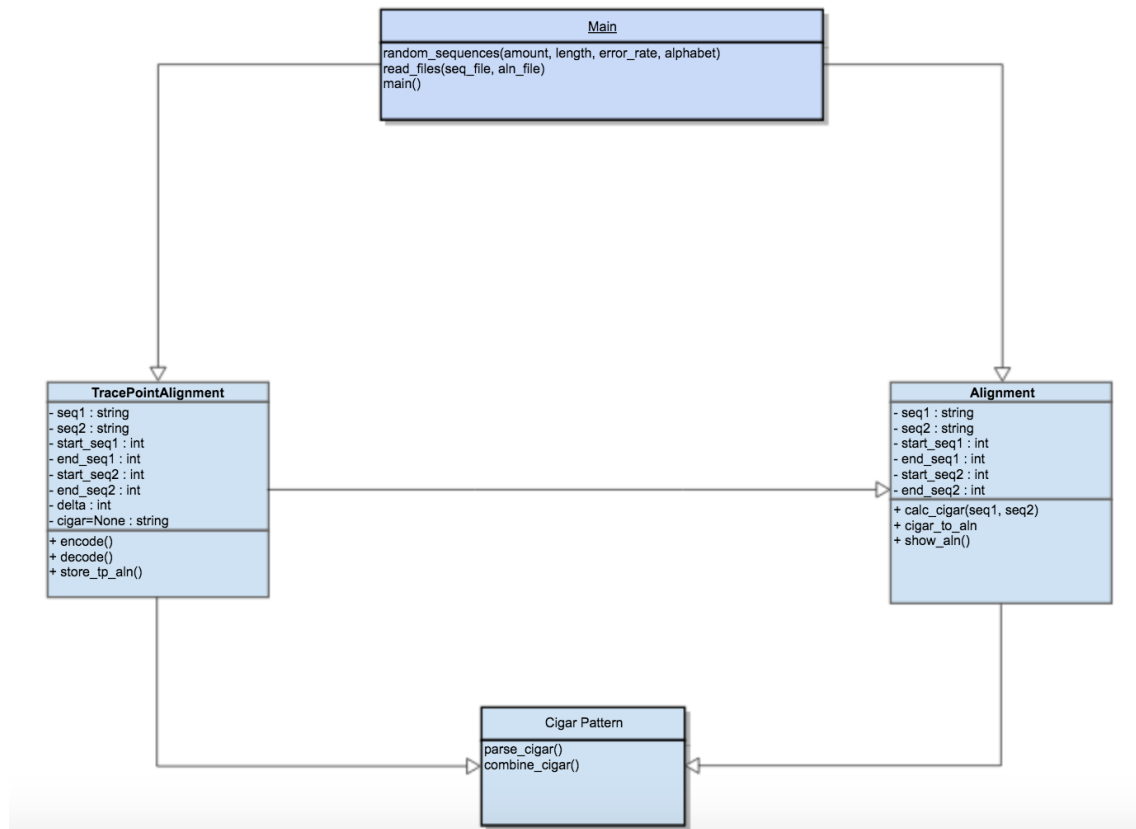


Abbildung 4.1: UML-Diagramm

## 4.2 Funktionalität

---

**Algorithm 1** Computation of Trace Points from a given CIGAR-String
 

---

**Input:**  $seq1, seq2, start\_seq1, end\_seq1, start\_seq2, \Delta, cigar$  mit

$|seq1|, |seq2|, |cigar| > 0$ ;

$start\_seq1, start\_seq2 \geq 0$ ;

$start\_seq1 < end\_seq1$  und

$\Delta > 0$

**Output:** Array  $TP$  of Trace Points

```

1: function encode(seq1, seq2, start_seq1, end_seq1, start_seq2, Δ, cigar)
2:   itv_size  $\leftarrow$  MAX(1,  $\lceil start\_seq1 / \Delta \rceil$ )
3:   itv_count  $\leftarrow$  MIN( $\lceil |seq1| / \Delta \rceil$ ,  $\lceil |seq2| / \Delta \rceil$ )
4:   for  $i \leftarrow 0$  upto  $|itv\_count|$  do
5:      $itv[i] \leftarrow \begin{cases} start\_seq1, itv\_size \cdot \Delta - 1 & \text{if } i = 0 \\ (itv\_size + i - 1) \cdot \Delta, (itv\_size + i) \cdot \Delta - 1 & \text{if } 0 < i < |itv\_count| \\ (itv\_size + i - 1) \cdot \Delta, end\_seq1 - 1 & \text{else.} \end{cases}$ 
6:   end for
7:   count1, count2, count3  $\leftarrow$  0
8:   TP  $\leftarrow$  Array for Trace Points
9:   for each (cig_count, cig_symbol) in cigar do
10:    for  $i \leftarrow 0$  upto cig_count do
11:      if cig_symbol = 'T' then
12:        increment count1
13:      else if cig_symbol = 'D' then
14:        increment count2
15:      else
16:        increment count1, count2
17:      end if
18:      if count1 = intervals[count3][1] + 1 and count1  $\neq |seq1|$  then
19:        append (count2 - 1 + start_seq2) to TP
20:      end if
21:      if count  $\neq |itv| - 1$  then
22:        increment count3
23:      end if
24:    end for
25:  end for
26:  return TP
27: end function

```

---

### 4.2.1 Informationsverlust bei der encode()-Funktion

Die encode-Funktion extrahiert aus dem gegebenen CIGAR-String die Trace Points, welche dann zusammen mit dem  $\Delta$ -Wert und den Start- und Endpositionen der Sequenzabschnitte gespeichert werden. Hierbei geht die Information, wie die jeweiligen Intervalle zwischen den Trace Points zu den komplementären Intervallen in der Ursprungssequenz aligniert werden, verloren. Für die Rückgewinnung dieser Information muss in der decode()-Funktion zunächst ein neues Alignment des jeweiligen Intervall-Paares errechnet werden und alle Teilalignments zu einem Gesamtalignment konkateniert werden.

---

---

**Algorithm 2** Computation of a CIGAR-String from a given Trace Point Array

---

**Input:**  $seq1, seq2, \Delta, TP$  mit

$$|seq1|, |seq2|, \Delta, |TP| > 0$$

**Output:** CIGAR-String

```

1: function decode(seq1, seq2,  $\Delta$ , TP)
2:   cig  $\leftarrow$  empty String
3:   for  $i \leftarrow 0$  upto  $|TP|$  do
4:     if  $i = 0$  then
5:       append cigar(seq1[0... $\Delta$ ], seq2[0... $TP[i] + 1$ ]) to cig
6:     else if  $i = |TP| - 1$  then
7:       append cigar(seq1[ $i \cdot \Delta$ ... $|seq1|$ ], seq2[ $TP[i - 1] + 1$ ... $|seq2|$ ]) to cig
8:     else
9:       append cigar (seq1[ $i \cdot \Delta$ ... $(i + 1) \cdot \Delta$ ],
10:                    seq2[ $TP[i - 1] + 1$ ... $TP[i] + 1$ ]) to cig
11:   end if
12: end for
13:   cig  $\leftarrow$  combine(cig)
14:   return cig
15: end function
16: function combine(cigar)
17:   cig  $\leftarrow$  empty String
18:   tmp  $\leftarrow 0$ 
19:   for each (cig_count, cig_symbol) in cigar do
20:     tmp  $\leftarrow tmp + previous\_cig\_count$ 
21:     if cig_symbol = previous_cig_symbol then
22:       if not last element in cigar then
23:         tmp  $\leftarrow 0$ 
24:       end if
25:     end if
26:     if last element in cigar then
27:       append (tmp + cig_count, cig_symbol) to cig
28:     end if
29:   end for
30:   return cig
31: end function

```

---

## 5 Fazit

Je größer der vorher definierte positive Parameter  $\Delta$  ist, desto weniger Trace Points werden gespeichert und umso länger dauert die Berechnung, um die Teil-Alignments zu rekonstruieren. Bei einem kleinen  $\Delta$  werden analog mehr Trace Points gespeichert, aber die Rekonstruktionszeit der Teil-Alignments ist geringer.

Mithilfe von  $\Delta$  lässt sich somit ein Trade-Off zwischen dem Speicherplatzverbrauch und dem Zeitbedarf für die Rekonstruktion der Teil-Alignments einstellen.

---



---

# Literaturverzeichnis

[Kurtz ] KURTZ, Stefan: *Foundations of Sequence Analysis*. – Lecture notes for a course in the Wintersemester 2015/2016

[Moffat u. Turpin 2002] MOFFAT, Alistair ; TURPIN, Andrew: *Compression and Coding Algorithms*. Kluwer Academic Publishers, 2002

[Myers 2015] MYERS, Eugene: *Recording Alignments with Trace Points*. <https://dazzlerblog.wordpress.com/2015/11/05/trace-points/>.  
Version: November 2015

[The SAM/BAM Format Specification Group 2015] THE SAM/BAM FORMAT SPECIFICATION GROUP: *Sequence Alignment/Map Format Specification*. <https://samtools.github.io/hts-specs/SAMv1.pdf>. Version: November 2015

---





# Eidesstattliche Erklärung

Ich versichere, dass ich die vorstehende Arbeit selbstständig und ohne fremde Hilfe angefertigt und mich anderer als der im beigefügten Verzeichnis angegebenen Hilfsmittel nicht bedient habe. Alle Stellen, die wörtlich oder sinngemäß aus Veröffentlichungen entnommen wurden, sind als solche kenntlich gemacht.

Hamburg, den \_\_\_\_\_ Unterschrift: \_\_\_\_\_