Tecnologia de Comunicação

Aula 1 – Conceitos básicos & modulação digital

Prof. Paulo Matias

Apresentação da disciplina

- · Cinco práticas acompanhadas dos conceitos relacionados:
 - 1. modem V.21
 - 2. interface E1
 - 3. interface Ethernet
 - 4. WSPR no satélite Q0-100
 - 5. IEEE 802.11 (Wi-Fi)
- · Cinco testinhos antes das práticas
- Seminário com apresentação de experimento próprio

Avaliação

- 50% práticas (em grupo)
- 20% quatro melhores testinhos (individual)
- 30% seminário (em grupo)

Objetivo da disciplina

Transmitir informação por um canal e recebê-la do outro lado.

- · O canal adiciona ruído, interferência, distorções ao sinal.
- O demodulador não está perfeitamente sincronizado com o modulador.
- Em algumas tecnologias, há mais de um usuário compartilhando o mesmo canal.

Ruído gaussiano branco aditivo (AWGN)

$$r_t = s_t + w_t$$

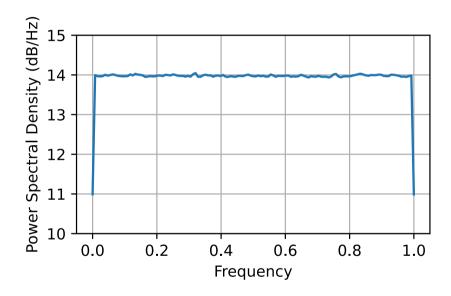
onde w_t é uma variável aleatória regida pela distribuição $\frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}}$

É o modelo de ruído mais utilizado. Por quê?

- Ruído térmico
- Teorema do limite central de Lindeberg

Densidade espectral do AWGN

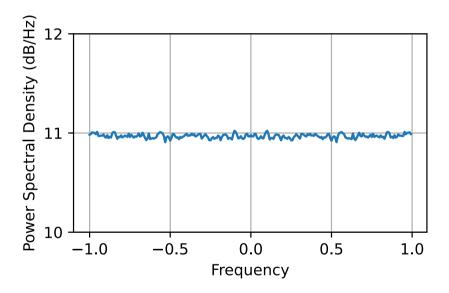
plt.psd(5*np.random.randn(10000000))



Com
$$\sigma=5$$
, temos $N_0=\sigma^2=25pprox 10^{rac{14}{10}}$

Alguns autores distribuem $\frac{N_0}{2}$ para f < 0 e $\frac{N_0}{2}$ para $f \ge 0$:

plt.psd(5*np.random.randn(10000000), sides='twosided')



Note que
$$rac{N_0}{2}=12.5pprox 10^{rac{11}{10}}$$

Capacidade teórica de um canal AWGN

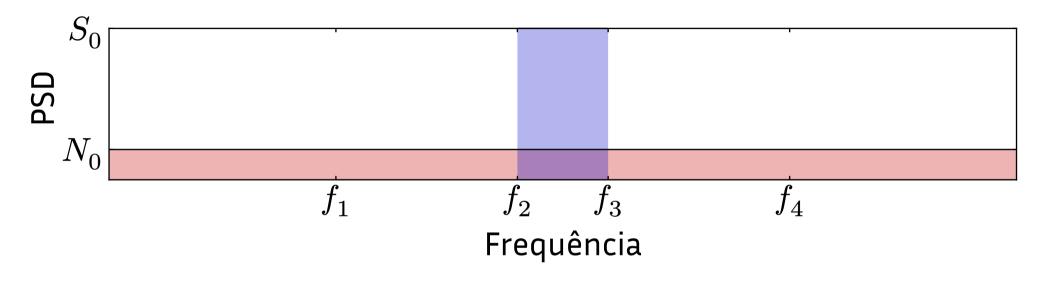
Teorema de Shannon-Hartley:

$$C = B\log_2\left(1 + \frac{S}{N}\right)$$

- C: capacidade (bit/s)
- *B*: banda (Hz)
- S: potência do sinal (W)
- N: potência do ruído (W)

Para uma prova do teorema, veja Wozencraft & Jacobs, *Principles of Communication Engineering*, 1966, pp. 323–342.

Mas N depende de B, por exemplo:



Se
$$B=f_3-f_2$$
, então $S=S_0\cdot(f_3-f_2)$ e $N=N_0\cdot(f_3-f_2)$. Se $B=f_4-f_1$, continuamos com $S=S_0\cdot(f_3-f_2)$, mas $N=N_0\cdot(f_4-f_1)$.

E se pudermos escolher B tão grande quanto quisermos?

Lembrando que
$$C=B\log_2\left(1+\frac{S}{N}\right)=\log_2\left(1+\frac{S}{B\cdot N_0}\right)^B$$
,
$$\lim_{B\to\infty}\log_2\left(1+\frac{S}{B\cdot N_0}\right)^B=\log_2e^{\frac{S}{N_0}}=\frac{S}{N_0}\log_2e\approx 1.44\frac{S}{N_0}$$

A expressão acima permite calcular a capacidade quando o fator limitante é a potência (e consequentemente o gasto de energia) para transmitir o sinal.

Ainda na condição de $B \to \infty$, e se quisermos comparar C, que é a taxa máxima teórica, com a taxa real f_b do transmissor?

$$\frac{C}{f_b} = \frac{S}{f_b} \frac{1}{N_0} \log_2 e$$

A grandeza $\frac{S}{f_b}$ é bastante utilizada e recebe o nome E_b . Note que ela tem dimensão de joules por bit. Trata-se da energia empregada para transmitir um único bit. Temos assim:

$$\frac{C}{f_b} = \frac{E_b}{N_0} \log_2 e$$

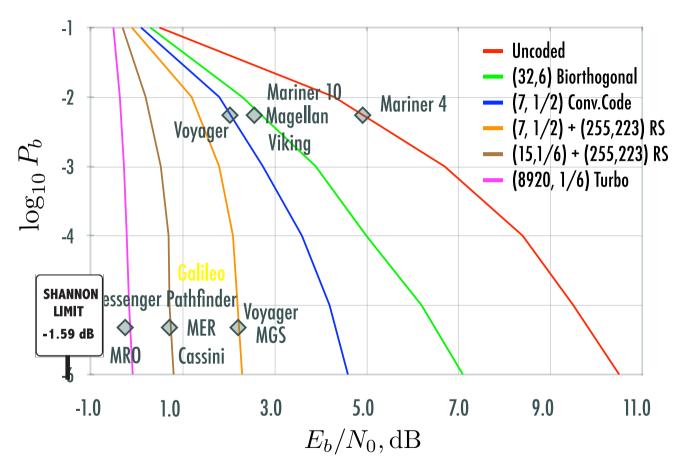
Como
$$f_b \leq C$$
,

$$1 \leq \frac{C}{f_b}$$

$$\frac{E_b}{N_0}\log_2 e \ge 1$$

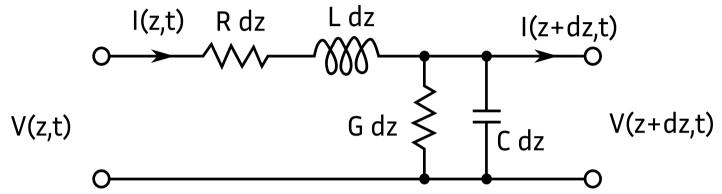
$$\frac{E_b}{N_0} \ge \frac{1}{\log_2 e} \approx 0.693 \approx -1.59 \text{ dB}$$

- Gráficos de BER (taxa de bits errados) vs $\frac{E_b}{N_0}$ são bastante usados para avaliar o desempenho de sistemas de telecomunicação.
- Para chegar perto do limite teórico de $-1.59~\mathrm{dB}$, além de banda muito superior à taxa de transmissão, é necessário usar códigos de correção de erro.
- Estudaremos os códigos de correção de erro em uma aula futura.



Approaching The Shannon Limit at JPL: 1969–2008, obtido de leecenter.caltech.edu.

Teoria de linhas de transmissão



Adaptado de Microwave and RF Design II – Transmission Line Theory, disponível em eng.libretexts.org.

$$\frac{\partial v(z,t)}{\partial z} = -Ri(z,t) - L\frac{\partial i(z,t)}{\partial t}$$

$$\frac{\partial i(z,t)}{\partial z} = -Gv(z,t) - C\frac{\partial v(z,t)}{\partial t}$$

Substituindo soluções do tipo $e^{j\omega t}$, temos:

$$\frac{dV(z)}{dz} = -(R + j\omega L)I(z)$$

$$\frac{dI(z)}{dz} = -(G+j\omega G)V(z)$$

Substituindo uma equação na outra, e vice-versa, temos:

$$\frac{d^2V(z)}{dz^2} - \gamma^2V(z) = 0$$

$$\frac{d^2I(z)}{dz^2} - \gamma^2I(z) = 0$$

onde:

$$\gamma = \sqrt{(R + j\omega L)(G + j\omega C)}$$

Convém separar γ em parte real (α) e parte imaginária (β).

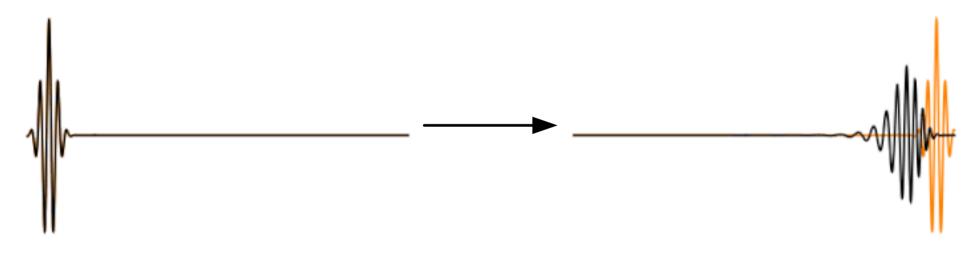
- $\alpha = \Re \mathfrak{e} \{ \gamma \}$ é a constante de atenuação
- $\beta = \mathfrak{Im}\{\gamma\}$ é a constante de fase

Em uma linha de transmissão ideal, R=G=0, então temos

$$\gamma = \sqrt{j^2 \omega^2 LC} = j\omega \sqrt{LC}$$

Ou seja, $\alpha=0$, que significa que a linha não atenua o sinal, e $\beta=\omega\sqrt{LC}$. A velocidade de fase é $v_p=\frac{\omega}{\beta}$, que no caso da linha ideal dá $\frac{1}{\sqrt{LC}}$ e é igual à velocidade de grupo.

Em uma linha de transmissão não ideal, com $R \neq 0$ ou $G \neq 0$, temos atenuação e, além disso, a velocidade de fase é diferente da velocidade de grupo, o que causa dispersão do sinal conforme este se propaga pela linha:



Adaptado de Bertolotti, Telegrapher's Equation, disponível em en.wikipedia.org.

A atenuação cresce com a frequência, efetivamente limitando a banda que pode passar pelo cabo.

Os valores de R, L, G, C podem variar com ω . Por exemplo, R tende a aumentar com a frequência devido ao efeito pelicular ($skin\ effect$), fazendo com que a atenuação cresça com a frequência ainda mais rápido do que cresceria se R fosse constante.

Cabo de telefone 24 AWG isolado com polietileno

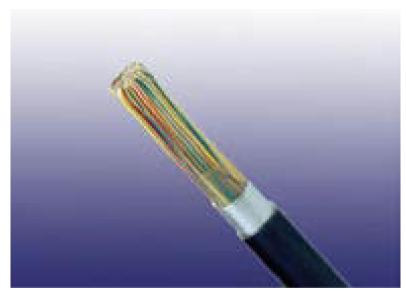
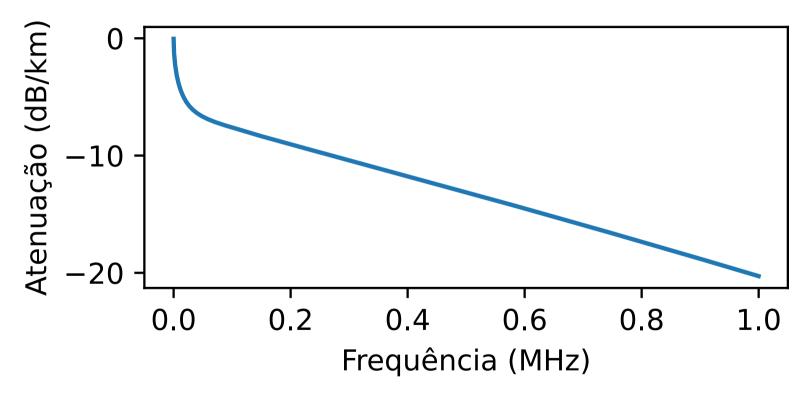


Imagem de caledonian-cables.co.uk.

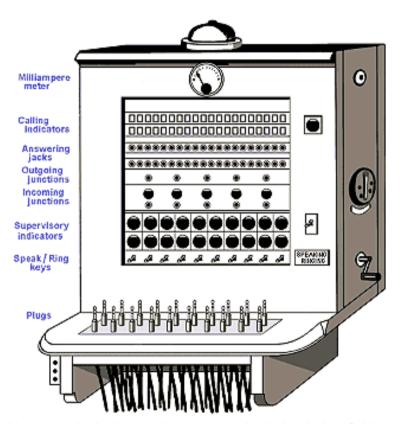
Atenuação de um cabo de telefone 24 AWG isolado com polietileno



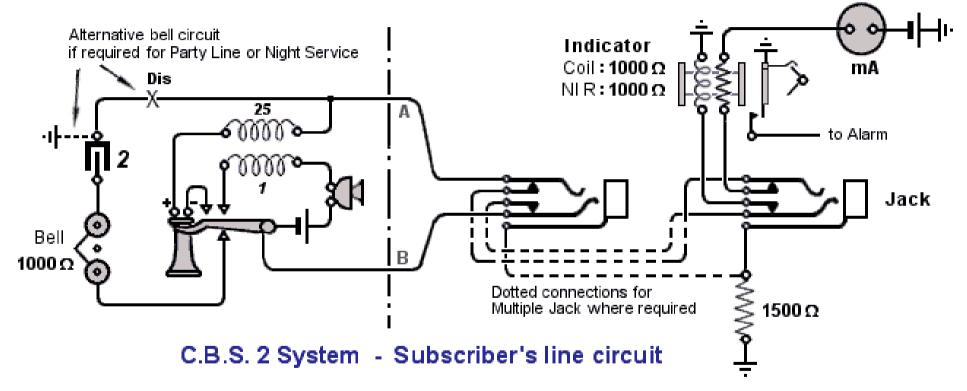
Com base em medidas de R, L, G, C de Reeve, Subscriber Loop Signaling and Transmission Handbook, 1995, p. 558.

Uma breve história da telefonia

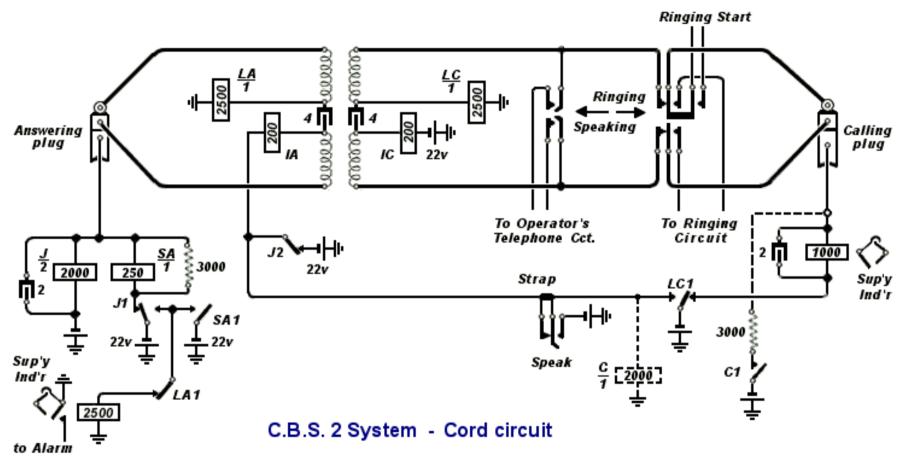
1870s: primeiras centrais telefônicas



Hearfield, A manual telephone exchange: CBS2, obtido de johnhearfield.com.

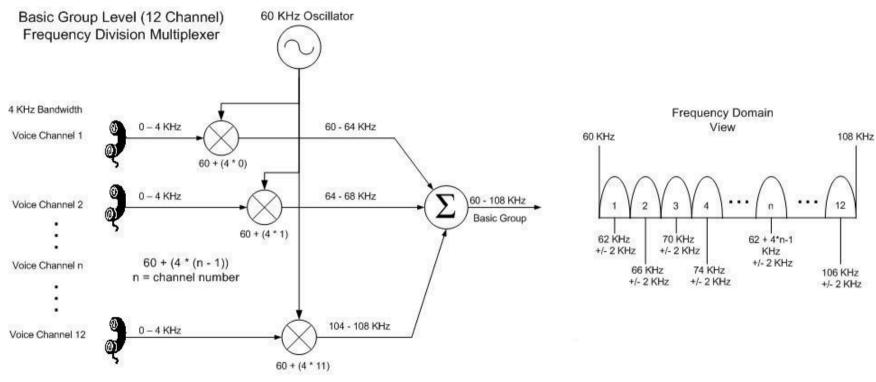


Hearfield, A manual telephone exchange: CBS2, obtido de johnhearfield.com.



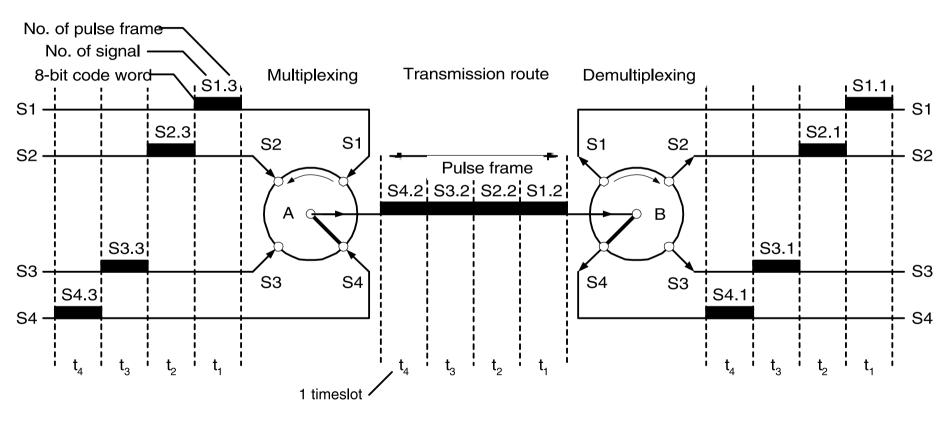
Hearfield, A manual telephone exchange: CBS2, obtido de johnhearfield.com.

L-carrier system (FDM): 1930s – 1970s



Adaptado de Steveo1544, FDM drawings, obtido de en.wikipedia.org.

T-carrier system (TDM): 1960s - hoje

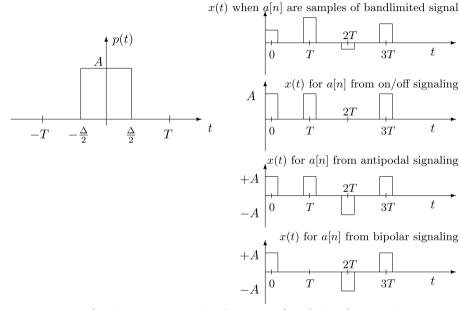


Wavetek, E1 Pocket Guide, obtido de web.fe.up.pt.

- Componentes como capacitores e transformadores de isolação limitam a resposta da linha próximo de DC.
- O FDM utilizava uma separação de 4 kHz entre os canais.
- O TDM usa uma taxa de amostragem de 8 kHz, limitando a banda em 4 kHz de acordo com Nyquist.
- Para ligações telefônicas, geralmente considera-se como banda utilizável a faixa em torno de 300 Hz a 3400 Hz.

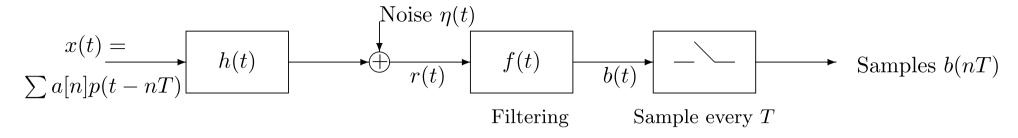
(Apesar do cabo da casa até a central geralmente suportar bem mais banda — por isso que o ADSL é possível.)

Pulse Amplitude Modulation (PAM)



Oppenheim & Verghese, 6.011 Introduction to communication control and signal processing, 2010, obtido de ocw.mit.edu.

$$x(t) = \sum_{n} a[n]p(t - nT)$$



Oppenheim & Verghese, 6.011 Introduction to communication control and signal processing, 2010, obtido de ocw.mit.edu.

$$X(j\omega) = \sum_n a[n] \ P(j\omega)e^{-j\omega nT} = A(e^{j\Omega})|_{\Omega=\omega T} \ P(j\omega)$$

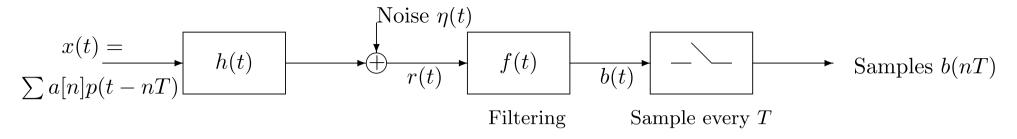
$$R(j\omega) = H(j\omega)X(j\omega)$$

$$B(j\omega) = F(j\omega)H(j\omega)X(j\omega)$$

$$X(j\omega) = A(e^{j\Omega})|_{\Omega = \omega T} P(j\omega)$$

$$B(j\omega) = F(j\omega)H(j\omega)X(j\omega)$$

- Precisamos conhecer $A\big(e^{j\Omega}\big)$ em todo o intervalo $|\Omega| \leq \pi \Leftrightarrow |\omega| \leq \frac{\pi}{T}$ para conseguir reconstruir a[n].
- Precisamos que $P(j\omega) \neq 0$, $H(j\omega) \neq 0$ e $F(j\omega) \neq 0$ em $|\omega| \leq \frac{\pi}{T}$ para conseguir obter $A(e^{j\Omega})$ em todo o intervalo $|\Omega| \leq \pi$ a partir de $B(j\omega)$.



Oppenheim & Verghese, 6.011 Introduction to communication control and signal processing, 2010, obtido de ocw.mit.edu.

$$b(t) = \sum_{n} a[n]g(t - nT)$$

$$\mathsf{onde}\, g(t) = f(t) * h(t) * p(t)$$

Note que se g(0)=c e g(nT)=0 para $n\neq 0$, então $b(nT)=c\cdot a[n]$, ou seja, não há ISI — pulsos emitidos em diferentes instantes de tempo não interferem uns com os outros no sinal b(t).

- Uma função que satisfaz essa condição é $g(t)=\frac{\sin(\frac{\pi}{T}t)}{\frac{\pi}{T}t}$. Nesse caso, $G(j\omega)$ é constante no intervalo $|\omega|\leq \frac{\pi}{T}$ e zero fora dele.
- Na prática, é difícil trabalhar com pulsos no formato sinc porque eles decaem devagar. Uma alternativa comum é utilizar raised cosine pulses: $g(t) = \frac{\sin(\frac{\pi}{T}t)}{\frac{\pi}{T}t} \frac{\cos(\beta\frac{\pi}{T}t)}{1-(2\beta\frac{t}{T})^2}$. Nesse caso, $G(j\omega)$ fica contido num intervalo mais largo $|\omega| \leq \frac{\pi}{T}(1+\beta)$.
- Deve-se projetar o pulso p(t) e o filtro f(t) para "anular" o efeito do canal h(t), obtendo-se um g(t) como acima. Se $H(j\omega)=1$, adota-se $P(j\omega)=F(j\omega)=\sqrt{G(j\omega)}$.

A modulação PAM produz sinais em banda base, ou seja, de DC até uma certa frequência de corte.

A seguir, veremos modulações que produzem um sinal em banda passante, ou seja, de uma frequência mínima até uma frequência máxima.

Frequency Shift Keying (FSK)

$$s(t) = \sum_n a[n]p(t-nT)\cos((\omega_c + \Delta_n)t + \theta_c)$$

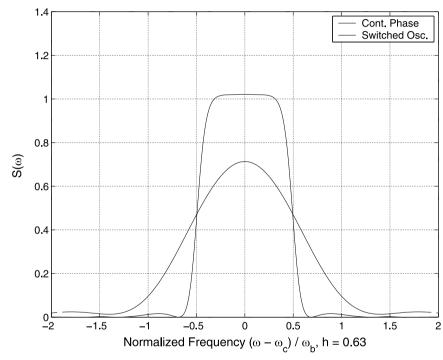
- Transmite-se os dados variando Δ_n .
- Em tese, seria possível variar também a[n], mas não é usual.
- Se em vez disso o cosseno tiver uma amplitude constante A, FSK produz um sinal com envelope constante, que facilita o uso de amplificadores de alta eficiência.

Duas maneiras de modular FSK:

- Osciladores chaveados: Alterna-se entre a saída de M osciladores do tipo $A\cos((\omega_c+\Delta_n)t)$.

Fase contínua:

Produz-se $A\cos(\varphi)$ como saída, incrementando φ de $(\omega_c+\Delta_n)\Delta t$ a cada intervalo de tempo Δt .



Tretter, Additional Experiments for Communication System Design
Using DSP Algorithms, obtido de user.eng.umd.edu.

O modulador de fase contínua pode, ainda, ser generalizado como:

$$s(t) = A\cos(\omega_c t + \phi(t))$$

onde
$$\phi(t) = \omega_d \int_{-\infty}^t m(\tau) d\tau \,, \qquad m(t) = \sum_n a[n] p(t-nT)$$

Se usarmos um pulso limitador de banda, conseguimos uma maior redução da largura de banda do sinal.

Mas, ao contrário do formalismo que desenvolvemos para o PAM, aqui p atua de forma não linear sobre s(t).

Phase Shift Keying (PSK)

$$s(t) = \sum_{n} a p(t - nT) \cos(\omega_c t + \theta_n)$$

- Varia-se θ_n para transmitir os dados.
- Escolhe-se $\theta_n=2\pi\frac{b_n}{M}+\theta_0$ para utilizar M opções de ângulos igualmente espaçados.

Uma formulação alternativa é:

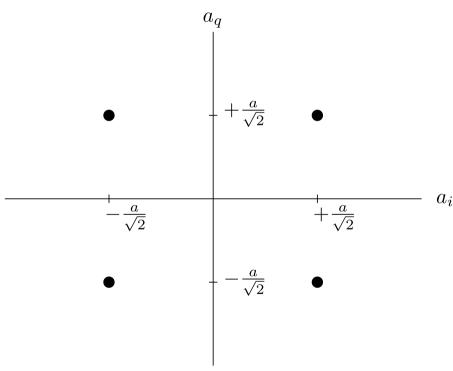
$$s(t) = \sum_n \Re \{ a \; e^{j\theta_n} p(t-nT) e^{j\omega_c t} \}$$

ou:

$$s(t) = I(t)\cos(\omega_c t) - Q(t)\sin(\omega_c t)$$

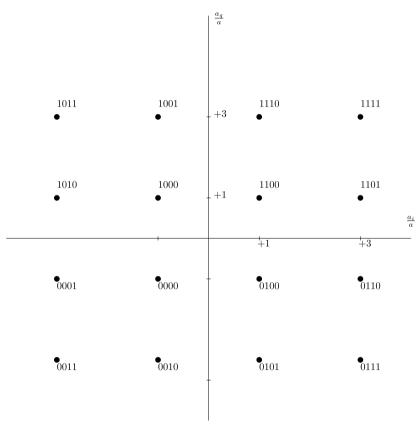
onde
$$I(t)=\sum_n a_i[n]p(t-nT)$$
 e $Q(t)=\sum_n a_q[n]p(t-nT)$ onde $a_i[n]=a\cos(\theta_n)$ e $a_q[n]=a\sin(\theta_n)$

Abaixo, visualizamos no plano IQ um caso especial de PSK com M=4, conhecido como QPSK.



Oppenheim & Verghese, 6.011 Introduction to communication control and signal processing, 2010, obtido de ocw.mit.edu.

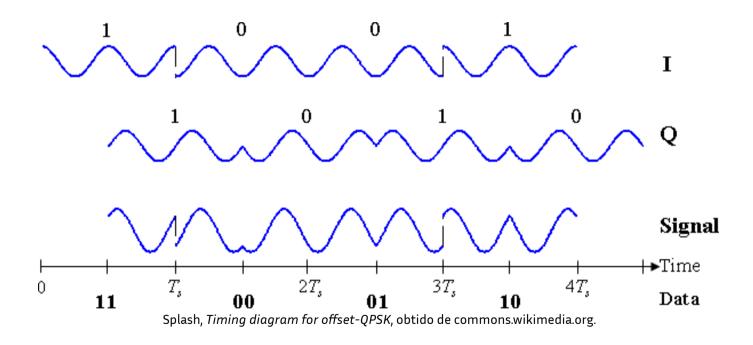
Quadrature Amplitude Modulation (QAM)



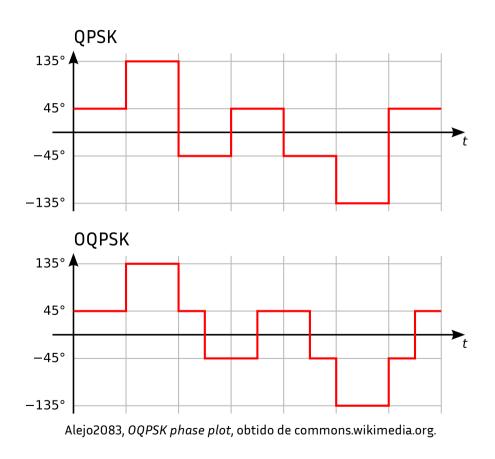
Oppenheim & Verghese, 6.011 Introduction to communication control and signal processing, 2010, obtido de ocw.mit.edu.

Offset QPSK (OQPSK)

QPSK com deslocamento de meio período entre as componentes.



OQPSK limita as mudanças de fase a 90°, em vez dos 180° do QPSK.



Demodulação IQ

Relembrando algumas identidades trigonométricas:

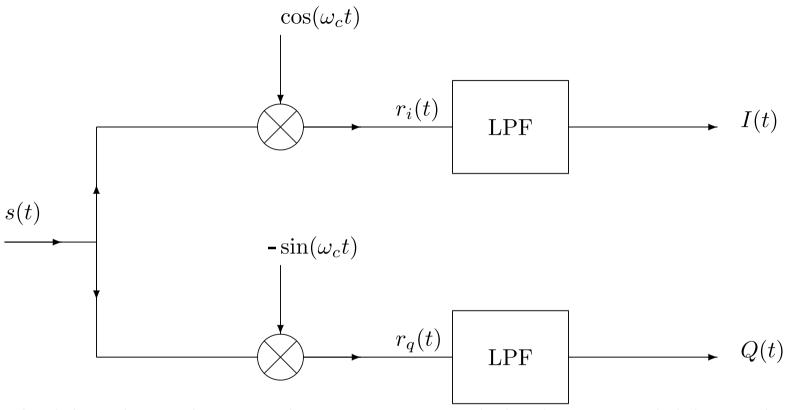
$$\sin(a)\cos(a) = \frac{1}{2}(\sin(a)\cos(a) + \sin(a)\cos(a)) = \frac{1}{2}\sin(2a)$$

$$\cos^2(a) = \frac{1}{2}(\cos^2(a) + 1 - \sin^2(a)) = \frac{1}{2}(1 + \cos(2a))$$

$$\sin^2(a) = \frac{1}{2}(\sin^2(a) + 1 - \cos^2(a)) = \frac{1}{2}(1 - \cos(2a))$$

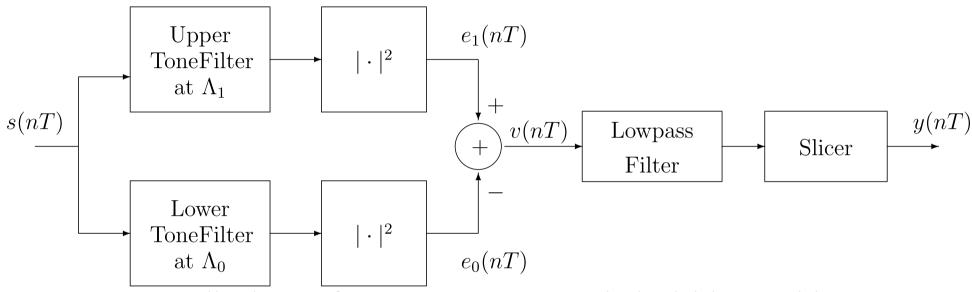
$$\begin{split} s(t) &= I(t)\cos(\omega_c t) - Q(t)\sin(\omega_c t) \\ r_i(t) &= s(t)\cos(\omega_t) = I(t)\cos^2(\omega_c t) - Q(t)\sin(\omega_c t)\cos(\omega_c t) \\ &= \frac{1}{2}I(t) + \frac{1}{2}I(t)\cos(2\omega_c t) - \frac{1}{2}Q(t)\sin(2\omega_c t) \\ r_q(t) &= -s(t)\sin(\omega_t) = -I(t)\cos(\omega_c t)\sin(\omega_c t) + Q(t)\sin^2(\omega_c t) \\ &= -\frac{1}{2}I(t)\sin(2\omega_c t) + \frac{1}{2}Q(t) - \frac{1}{2}Q(t)\cos(2\omega_c t) \end{split}$$

Aplica-se, então, um filtro passa-baixas para eliminar os termos que oscilam ao redor de $2\omega_c$.



Adaptado de Oppenheim & Verghese, 6.011 Introduction to communication control and signal processing, 2010, obtido de ocw.mit.edu.

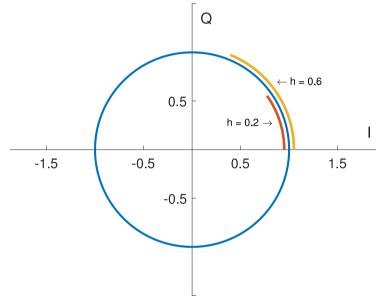
Demodulação FSK (usando tone filters)



Tretter, Additional Experiments for Communication System Design Using DSP Algorithms, obtido de user.eng.umd.edu.

$$G_k(z) = \sum_{n=0}^{L-1} r^n e^{j\Lambda_k n t_s} z^{-n} = \frac{1 - r^L e^{j\Lambda_k L t_s} z^{-L}}{1 - r e^{j\Lambda_k t_s} z^{-1}}, \quad r = 1 - \epsilon$$

Visão do FSK no plano IQ

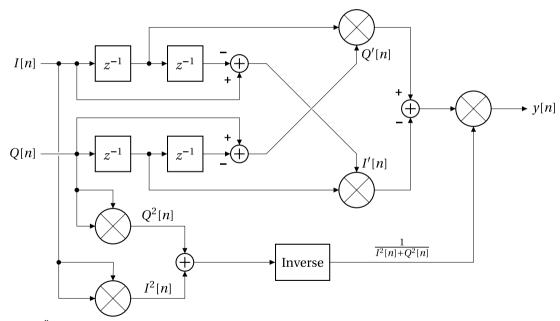


Šabanović, Low-SNR Operation of FSK Demodulators, obtido de repository.tudelft.nl.

$$h = \frac{2\omega_d}{\omega_b} = \frac{\Delta\omega}{\omega_b} \,, \qquad \phi(t) = \tan_c^{-1} \left(\frac{Q(t)}{I(t)}\right)$$

Demodulação FSK (a partir dos sinais IQ)

$$\frac{d}{dt}\left[\tan_c^{-1}\left(\frac{Q(t)}{I(t)}\right)\right] = \frac{I(t)Q'(t) - I'(t)Q(t)}{I^2(t) + Q^2(t)}$$



Šabanović, Low-SNR Operation of FSK Demodulators, obtido de repository.tudelft.nl.

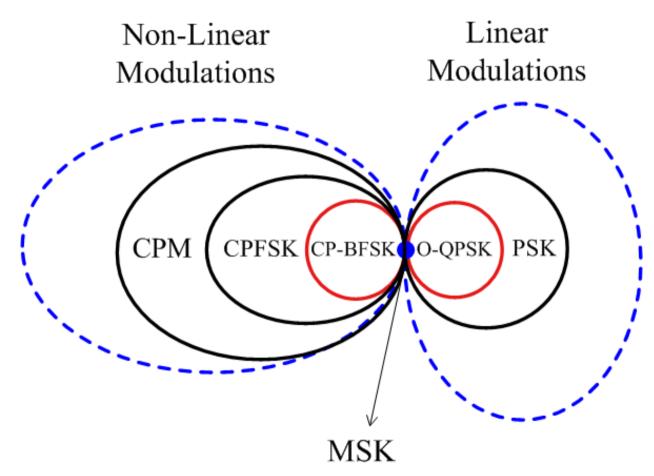
Minimum Shift Keying (MSK)

2FSK com fase contínua, h=0.5, p retangular e símbolos b[n] é equivalente a OQPSK com $p(t)=\sin\left(\frac{\pi t}{2T}\right)$ e símbolos

$$a_i[n] = \begin{cases} -a_i[n-1] \text{ se } b[n] \neq b[n-1], n \text{ impar} \\ a_i[n-1] \text{ caso contrário} \end{cases}$$

$$a_q[n] = \begin{cases} -a_q[n-1] \text{ se } b[n] \neq b[n-1], n \text{ par} \\ a_q[n-1] \text{ caso contrário} \end{cases}$$

A esse caso especial de FSK (e de OQPSK) dá-se o nome MSK.



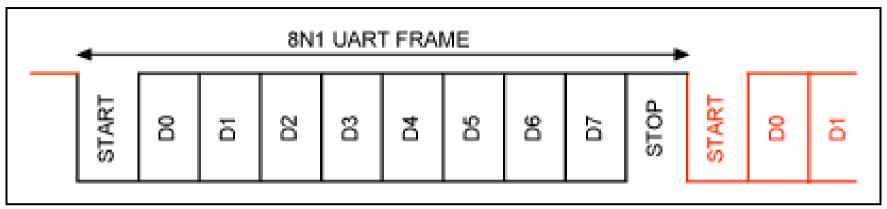
Chaudhari, Minimum Shift Keying (MSK) – A Tutorial, obtido de dsprelated.com.

Universal Asynchronous Receiver-Transmitter (UART)



Imagine41, U.S. Robotics 56K external modem, obtido de imagine41.com.

Usado para comunicação entre o modem de linha telefônica e o computador.

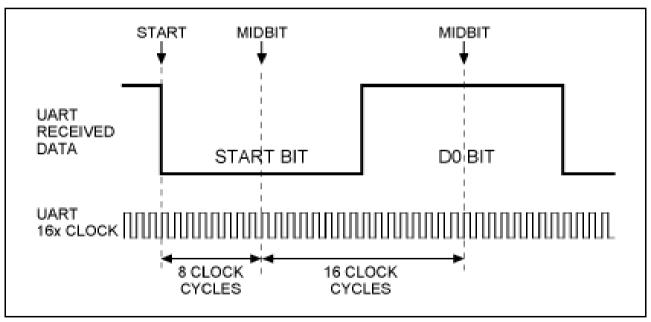


Maxim, Determining Clock Accuracy Requirements for UART Communications, obtido de maximintegrated.com.

Sinal digital pode ser visto como uma modulação PAM OOK com pulsos retangulares no domínio do tempo.

Ou seja, ineficiente para passar por um canal com banda limitada!

Para sincronizar o sinal no receptor, utiliza-se um relógio mais rápido que a taxa de transmissão e localiza-se a metade do pulso a partir da primeira queda de tensão do quadro (no start bit).



Maxim, Determining Clock Accuracy Requirements for UART Communications, obtido de maximintegrated.com.

Breve histórico dos modems de linha telefônica

Bit/s	Símbolos/s	Modulação	Norma CCITT	Ano
300	300	2FSK	V.21	1964
1200	1200	2FSK	V.23	1968
1200	600	QPSK	V.22	1980
2400	600	16QAM	V.22bis	1984
4800	2400	QPSK	V.32	1984
14400	2400	128QAM,TCM	V.32bis	1991
28800	3429	1024QAM,TCM	V.fast(V.34)	1994
56000	8000	PAM	V.90	1998

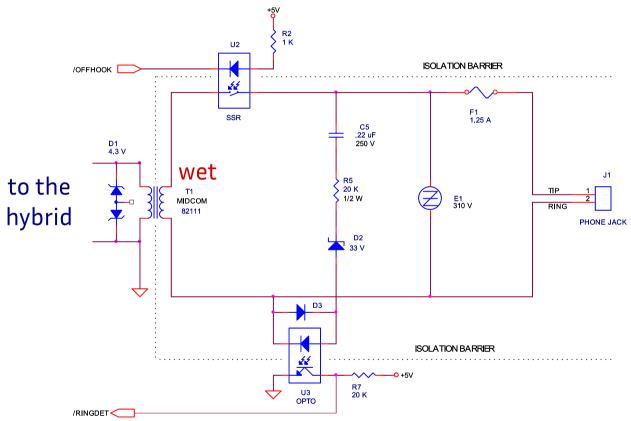
Prática: Implementação de um modem V.21

- Modulação 2FSK a uma taxa de 300 símbolos por segundo, em ambas as direções.
- · Quem faz a chamada telefônica transmite bits zero ("espaço") na frequência de 1180 Hz, e transmite bits um ("marca") na frequência de 980 Hz.
- Quem atende a chamada telefônica transmite bits zero ("espaço")
 na frequência de 1850 Hz, e transmite bits um ("marca") na
 frequência de 1650 Hz.

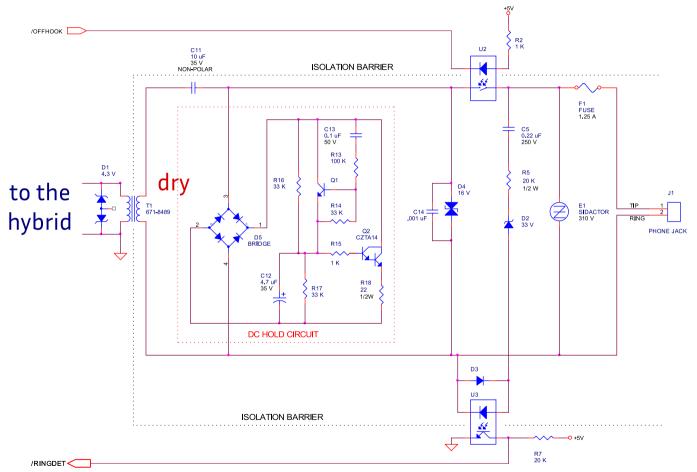
Fator de modulação:

$$h = \frac{1180 - 980}{300} = \frac{1850 - 1650}{300} = \frac{200}{300} \approx 0.67$$

Hardware de um modem de linha telefônica

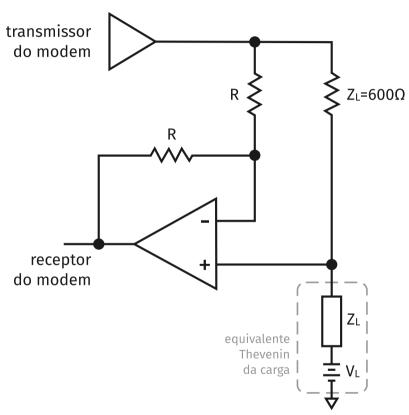


Adaptado de Randolph Telecom, Transformer-based phone line interfaces, obtido de randolph-telecom.com.

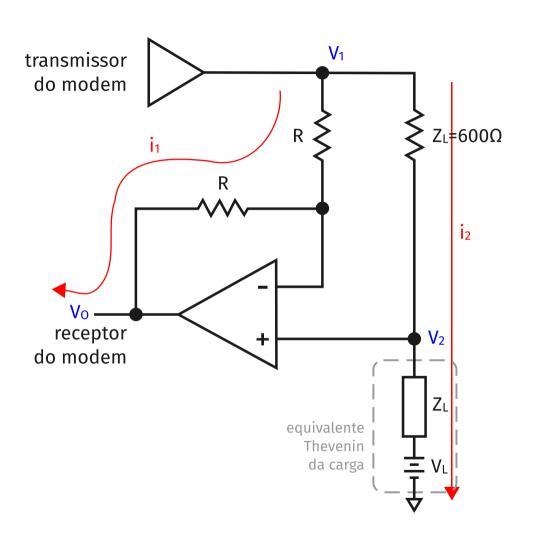


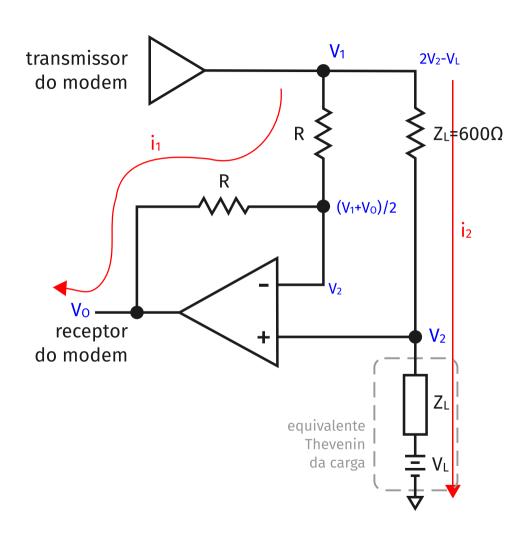
Adaptado de Randolph Telecom, *Transformer-based phone line interfaces*, obtido de randolph-telecom.com.

Híbrido



Adaptado de National Semiconductor, *Optimal hybrid design*, obtido de bitsavers.trailing-edge.com.





$$\begin{split} V_1 &= 2V_2 - V_L \Leftrightarrow 2V_2 = V_1 + V_L \\ V_2 &= \frac{V_1 + V_O}{2} \Leftrightarrow V_O = 2V_2 - V_1 \\ V_O &= V_L \end{split}$$

De volta à teoria de linhas de transmissão

Substituindo a solução

$$V(z) = V_0^+ e^{-\gamma z} + V_0^- e^{\gamma z}$$

em

$$\frac{dV(z)}{dz} = -(R + j\omega L)I(z)$$

temos

$$-\gamma V_0^+ e^{-\gamma z} + \gamma V_0^- e^{\gamma z} = -(R+j\omega L)I(z)$$

$$V_0^+ e^{-\gamma z} - V_0^- e^{\gamma z} = \frac{R + j\omega L}{\gamma} I(z)$$

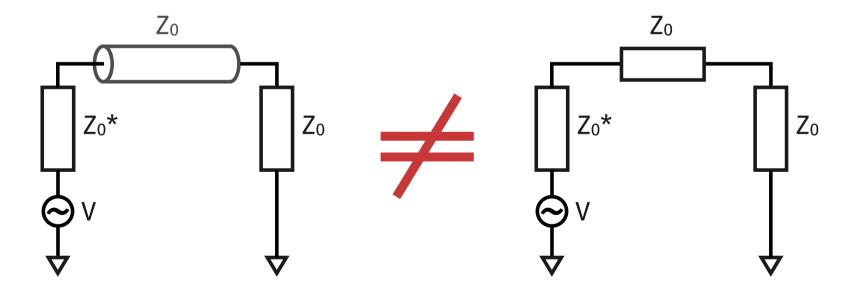
Identificamos

$$Z_0 = \frac{R + j\omega L}{\gamma} = \frac{R + j\omega L}{\sqrt{(R + j\omega L)(G + j\omega C)}}$$

$$Z_0 = \sqrt{\frac{R + j\omega L}{G + j\omega C}}$$

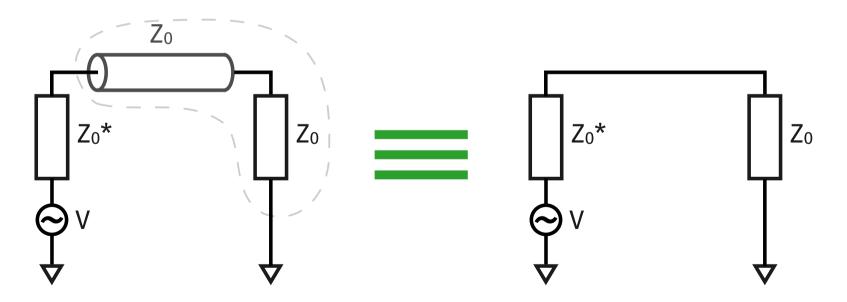
O que significa Z_0 ?

Posso trocar uma linha de transmissão com impedância característica Z_0 por um equivalente Thevenin de impedância Z_0 ? **Não!**

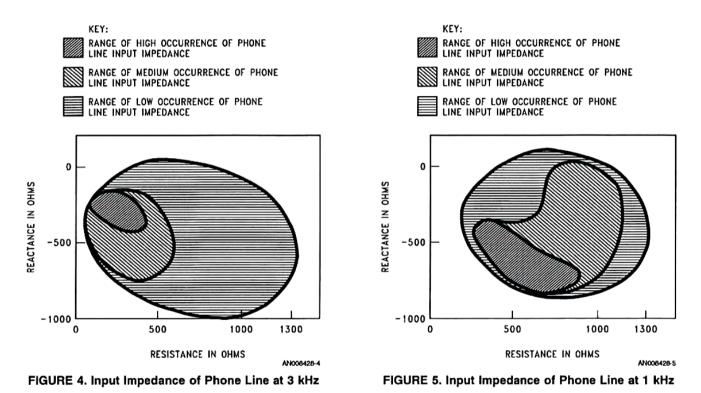


O que significa Z_0 ?

- Posso trocar uma linha de transmissão com impedância característica Z_0 terminada com uma carga de impedância Z_0 por um equivalente Thevenin de impedância Z_0 ? **Sim**



Problema: a impedância da linha telefônica não é bem padronizada



National Semiconductor, Optimal hybrid design, obtido de bitsavers.trailing-edge.com.

National Semiconductor, Optimal hybrid design, disponível em bitsavers.trailing-edge.com, apresenta uma abordagem para projetar um híbrido que funciona da melhor maneira possível para um intervalo de impedâncias Z_L .