



SwipeMath AR

Implementación de Gráficos 3D Web con Three.js y Realidad Aumentada

Computación Gráfica - Práctica Calificada 5

Sergio Pezo J. Arbues Perez V. André Pacheco T.

Jared Orihuela C.

July 4, 2025





Table of Contents

1 Introducción y Objetivos

- ▶ **Introducción y Objetivos**
- ▶ Descripción del Juego
- ▶ Arquitectura Técnica
- ▶ Implementación con Three.js
- ▶ Resultados y Demostración
- ▶ Conclusiones



Objetivos de la Práctica Calificada 5

1 Introducción y Objetivos

- **Desarrollar un juego de 1 escenario (hipercasual)**



Objetivos de la Práctica Calificada 5

1 Introducción y Objetivos

- **Desarrollar un juego de 1 escenario (hipercasual)**
- **Asociado ODS-Educación (Objetivo de Desarrollo Sostenible 4)**



Objetivos de la Práctica Calificada 5

1 Introducción y Objetivos

- **Desarrollar un juego de 1 escenario (hipercasual)**
- **Asociado ODS-Educación (Objetivo de Desarrollo Sostenible 4)**
- **Debe hacer uso de Realidad Aumentada**



Objetivos de la Práctica Calificada 5

1 Introducción y Objetivos

- **Desarrollar un juego de 1 escenario (hipercasual)**
- **Asociado ODS-Educación (Objetivo de Desarrollo Sostenible 4)**
- **Debe hacer uso de Realidad Aumentada**

Nuestra Solución: SwipeMath AR

Un juego educativo de matemáticas en Realidad Aumentada diseñado para niños de 6-8 años



Problema: Educación Matemática Temprana

1 Introducción y Objetivos

- Los métodos tradicionales pueden ser poco motivadores



Problema: Educación Matemática Temprana

1 Introducción y Objetivos

- Los métodos tradicionales pueden ser poco motivadores
- Falta de interactividad y retroalimentación inmediata



Problema: Educación Matemática Temprana

1 Introducción y Objetivos

- Los métodos tradicionales pueden ser poco motivadores
- Falta de interactividad y retroalimentación inmediata
- Dificultad para mantener la atención de niños pequeños



Problema: Educación Matemática Temprana

1 Introducción y Objetivos

- Los métodos tradicionales pueden ser poco motivadores
- Falta de interactividad y retroalimentación inmediata
- Dificultad para mantener la atención de niños pequeños
- Brecha entre el aprendizaje abstracto y la experiencia tangible



Problema: Educación Matemática Temprana

1 Introducción y Objetivos

- Los métodos tradicionales pueden ser poco motivadores
- Falta de interactividad y retroalimentación inmediata
- Dificultad para mantener la atención de niños pequeños
- Brecha entre el aprendizaje abstracto y la experiencia tangible

Oportunidad

La Realidad Aumentada permite crear experiencias educativas inmersivas que combinan el mundo físico con elementos digitales interactivos



Table of Contents

2 Descripción del Juego

- ▶ Introducción y Objetivos
- ▶ Descripción del Juego
- ▶ Arquitectura Técnica
- ▶ Implementación con Three.js
- ▶ Resultados y Demostración
- ▶ Conclusiones



SwipeMath AR: Concepto del Juego

2 Descripción del Juego

- Juego hipercasual de matemáticas



SwipeMath AR: Concepto del Juego

2 Descripción del Juego

- Juego hipercasual de matemáticas
- Usa marcadores AR físicos para la interacción



SwipeMath AR: Concepto del Juego

2 Descripción del Juego

- Juego hipercasual de matemáticas
- Usa marcadores AR físicos para la interacción
- El jugador mueve una tarjeta para controlar a Stitch



SwipeMath AR: Concepto del Juego

2 Descripción del Juego

- Juego hipercasual de matemáticas
- Usa marcadores AR físicos para la interacción
- El jugador mueve una tarjeta para controlar a Stitch
- Resuelve operaciones matemáticas rápidamente



SwipeMath AR: Concepto del Juego

2 Descripción del Juego

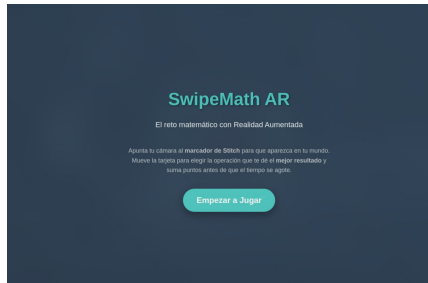
- Juego hipercasual de matemáticas
- Usa marcadores AR físicos para la interacción
- El jugador mueve una tarjeta para controlar a Stitch
- Resuelve operaciones matemáticas rápidamente
- Sistema de puntuación y niveles progresivos



SwipeMath AR: Concepto del Juego

2 Descripción del Juego

- Juego hipercasual de matemáticas
- Usa marcadores AR físicos para la interacción
- El jugador mueve una tarjeta para controlar a Stitch
- Resuelve operaciones matemáticas rápidamente
- Sistema de puntuación y niveles progresivos





Mecánica de Juego

2 Descripción del Juego

- **Inicio:** El jugador apunta la cámara al marcador AR



Mecánica de Juego

2 Descripción del Juego

- **Inicio:** El jugador apunta la cámara al marcador AR
- **Visualización:** Aparece Stitch en 3D sobre la tarjeta



Mecánica de Juego

2 Descripción del Juego

- **Inicio:** El jugador apunta la cámara al marcador AR
- **Visualización:** Aparece Stitch en 3D sobre la tarjeta
- **Desafío:** Se muestran dos operaciones matemáticas



Mecánica de Juego

2 Descripción del Juego

- **Inicio:** El jugador apunta la cámara al marcador AR
- **Visualización:** Aparece Stitch en 3D sobre la tarjeta
- **Desafío:** Se muestran dos operaciones matemáticas
- **Selección:** Mover la tarjeta izquierda/derecha para elegir



Mecánica de Juego

2 Descripción del Juego

- **Inicio:** El jugador apunta la cámara al marcador AR
- **Visualización:** Aparece Stitch en 3D sobre la tarjeta
- **Desafío:** Se muestran dos operaciones matemáticas
- **Selección:** Mover la tarjeta izquierda/derecha para elegir
- **Objetivo:**



Mecánica de Juego

2 Descripción del Juego

- **Inicio:** El jugador apunta la cámara al marcador AR
- **Visualización:** Aparece Stitch en 3D sobre la tarjeta
- **Desafío:** Se muestran dos operaciones matemáticas
- **Selección:** Mover la tarjeta izquierda/derecha para elegir
- **Objetivo:**
 - Suma/Multiplicación: Elegir el resultado mayor



Mecánica de Juego

2 Descripción del Juego

- **Inicio:** El jugador apunta la cámara al marcador AR
- **Visualización:** Aparece Stitch en 3D sobre la tarjeta
- **Desafío:** Se muestran dos operaciones matemáticas
- **Selección:** Mover la tarjeta izquierda/derecha para elegir
- **Objetivo:**
 - Suma/Multiplicación: Elegir el resultado mayor
 - Resta/División: Elegir la menor penalización



Mecánica de Juego

2 Descripción del Juego

- **Inicio:** El jugador apunta la cámara al marcador AR
- **Visualización:** Aparece Stitch en 3D sobre la tarjeta
- **Desafío:** Se muestran dos operaciones matemáticas
- **Selección:** Mover la tarjeta izquierda/derecha para elegir
- **Objetivo:**
 - Suma/Multiplicación: Elegir el resultado mayor
 - Resta/División: Elegir la menor penalización

Retroalimentación Inmediata

Sonidos y animaciones indican respuestas correctas/incorrectas



Table of Contents

3 Arquitectura Técnica

- ▶ Introducción y Objetivos
- ▶ Descripción del Juego
- ▶ **Arquitectura Técnica**
- ▶ Implementación con Three.js
- ▶ Resultados y Demostración
- ▶ Conclusiones



Stack Tecnológico

3 Arquitectura Técnica

Flask (Python)

Servidor Web



Stack Tecnológico

3 Arquitectura Técnica

Flask (Python)

Servidor Web

JavaScript

Lógica del Juego



Stack Tecnológico

3 Arquitectura Técnica

Flask (Python)

Servidor Web

JavaScript

Lógica del Juego

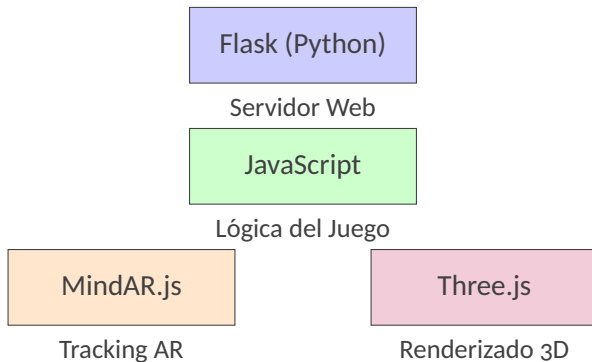
MindAR.js

Tracking AR



Stack Tecnológico

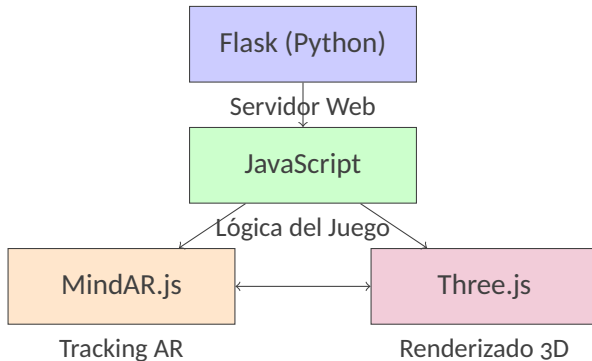
3 Arquitectura Técnica





Stack Tecnológico

3 Arquitectura Técnica





Arquitectura del Sistema con Three.js

3 Arquitectura Técnica

- Capa de Renderizado 3D:



Arquitectura del Sistema con Three.js

3 Arquitectura Técnica

- **Capa de Renderizado 3D:**
 - Three.js Scene Manager



Arquitectura del Sistema con Three.js

3 Arquitectura Técnica

- **Capa de Renderizado 3D:**
 - Three.js Scene Manager
 - WebGL Renderer



Arquitectura del Sistema con Three.js

3 Arquitectura Técnica

- **Capa de Renderizado 3D:**
 - Three.js Scene Manager
 - WebGL Renderer
 - Camera Controls



Arquitectura del Sistema con Three.js

3 Arquitectura Técnica

- **Capa de Renderizado 3D:**
 - Three.js Scene Manager
 - WebGL Renderer
 - Camera Controls
- **Integración AR:**



Arquitectura del Sistema con Three.js

3 Arquitectura Técnica

- **Capa de Renderizado 3D:**
 - Three.js Scene Manager
 - WebGL Renderer
 - Camera Controls
- **Integración AR:**
 - MindAR para tracking



Arquitectura del Sistema con Three.js

3 Arquitectura Técnica

- **Capa de Renderizado 3D:**
 - Three.js Scene Manager
 - WebGL Renderer
 - Camera Controls
- **Integración AR:**
 - MindAR para tracking
 - Three.js para visualización



Arquitectura del Sistema con Three.js

3 Arquitectura Técnica

- **Capa de Renderizado 3D:**
 - Three.js Scene Manager
 - WebGL Renderer
 - Camera Controls
- **Integración AR:**
 - MindAR para tracking
 - Three.js para visualización
 - Sincronización de matrices



Arquitectura del Sistema con Three.js

3 Arquitectura Técnica

- **Capa de Renderizado 3D:**
 - Three.js Scene Manager
 - WebGL Renderer
 - Camera Controls
- **Integración AR:**
 - MindAR para tracking
 - Three.js para visualización
 - Sincronización de matrices

Pipeline de Renderizado

1. Captura de video stream
2. Detección de marcador AR
3. Cálculo de pose 3D
4. Three.js transforma matrices
5. Renderizado WebGL
6. Composición final



Table of Contents

4 Implementación con Three.js

- ▶ Introducción y Objetivos
- ▶ Descripción del Juego
- ▶ Arquitectura Técnica
- ▶ **Implementación con Three.js**
- ▶ Resultados y Demostración
- ▶ Conclusiones



Three.js en SwipeMath AR

4 Implementación con Three.js

- **Motor de renderizado 3D:** Three.js maneja toda la visualización



Three.js en SwipeMath AR

4 Implementación con Three.js

- **Motor de renderizado 3D:** Three.js maneja toda la visualización
- **Integración con MindAR:** Sincronización de cámara y tracking



Three.js en SwipeMath AR

4 Implementación con Three.js

- **Motor de renderizado 3D:** Three.js maneja toda la visualización
- **Integración con MindAR:** Sincronización de cámara y tracking
- **Pipeline de renderizado:** Scene, Camera, Renderer



Three.js en SwipeMath AR

4 Implementación con Three.js

- **Motor de renderizado 3D:** Three.js maneja toda la visualización
- **Integración con MindAR:** Sincronización de cámara y tracking
- **Pipeline de renderizado:** Scene, Camera, Renderer
- **Gestión de recursos:** Modelos GLTF, texturas, materiales



Three.js en SwipeMath AR

4 Implementación con Three.js

- **Motor de renderizado 3D:** Three.js maneja toda la visualización
- **Integración con MindAR:** Sincronización de cámara y tracking
- **Pipeline de renderizado:** Scene, Camera, Renderer
- **Gestión de recursos:** Modelos GLTF, texturas, materiales

¿Por qué Three.js?

- WebGL simplificado
- Compatibilidad móvil/desktop
- Ecosistema robusto
- Rendimiento optimizado



Configuración de la Escena Three.js

4 Implementación con Three.js

```
1 // Inicializacion de Three.js con MindAR
2 const mindarThree = new MindARThree({
3   container: arContainer,
4   imageTargetSrc: '/static/assets/targets/targets.mind'
5 });
6
7 const {renderer, scene, camera} = mindarThree;
8
9 // Configuración del renderer
10 renderer.setPixelRatio(window.devicePixelRatio);
11 renderer.setSize(window.innerWidth, window.innerHeight);
12 renderer.outputEncoding = THREE.sRGBEncoding;
13
14 // Iluminación de la escena
15 const light = new THREE.HemisphereLight(0xffffff, 0xbbbbff, 1);
16 scene.add(light);
17
18 // Luz direccional para sombras
19 const directionalLight = new THREE.DirectionalLight(0xffffff, 0.8);
20 directionalLight.position.set(0, 10, 5);
21 scene.add(directionalLight);
```




Carga y Manipulación de Modelos 3D

4 Implementación con Three.js

```
1 // Carga del modelo GLTF con Three.js
2 import {GLTFLoader} from 'three/examples/jsm/loaders/GLTFLoader.js';
3
4 async function loadStitchModel() {
5     const loader = new GLTFLoader();
6     const gltf = await loader.loadAsync(
7         '/static/assets/models/stitch/scene.gltf'
8     );
9
10    // Configurar el modelo
11    stitch = gltf.scene;
12    stitch.scale.set(0.2, 0.2, 0.2);
13    stitch.rotation.y = Math.PI;
14
15    // Animar el modelo con Three.js
16    mixer = new THREE.AnimationMixer(stitch);
17    if (gltf.animations.length > 0) {
18        const action = mixer.clipAction(gltf.animations[0]);
19        action.play();
20    }
21
22    return stitch;
23 }
```



Sistema de Detección de Posición 3D

4 Implementación con Three.js

```
1 // Raycasting para interaccion 3D
2 const raycaster = new THREE.Raycaster();
3 const mouse = new THREE.Vector2();
4
5 // Conversion de coordenadas AR a espacio 3D
6 function updateStitchPosition() {
7     // Obtener posicion del marcador en el mundo
8     const markerPosition = anchor.group.position;
9
10    // Aplicar transformaciones Three.js
11    stitch.position.copy(markerPosition);
12
13    // Detectar lado para seleccion
14    const worldPos = new THREE.Vector3();
15    stitch.getWorldPosition(worldPos);
16
17    // Proyectar a coordenadas de pantalla
18    const screenPos = worldPos.project(camera);
19
20    if (screenPos.x < -0.15) {
21        highlightChoice('left');
22    } else if (screenPos.x > 0.15) {
23        highlightChoice('right');
24    }
25 }
```



Renderizado y Animación con Three.js

4 Implementación con Three.js

```
1 // Loop de renderizado principal
2 function animate() {
3     requestAnimationFrame(animate);
4
5     // Actualizar animaciones del modelo
6     if (mixer) {
7         const delta = clock.getDelta();
8         mixer.update(delta);
9     }
10
11    // Rotacion suave del personaje
12    if (stitch && gameActive) {
13        stitch.rotation.y += 0.01;
14
15        // Efecto de flotacion
16        stitch.position.y = Math.sin(Date.now() * 0.001) * 0.05;
17    }
18
19    // Actualizar elementos UI en 3D
20    updateOperationLabels();
21
22    // Renderizar escena
23    renderer.render(scene, camera);
24 }
25
26 // Iniciar loop de animacion
27 animate();
```



Características Three.js Implementadas

4 Implementación con Three.js

- **Geometrías y Materiales:**



Características Three.js Implementadas

4 Implementación con Three.js

- **Geometrías y Materiales:**
 - PlaneGeometry para UI



Características Three.js Implementadas

4 Implementación con Three.js

- **Geometrías y Materiales:**
 - PlaneGeometry para UI
 - MeshBasicMaterial



Características Three.js Implementadas

4 Implementación con Three.js

- **Geometrías y Materiales:**

- PlaneGeometry para UI
- MeshBasicMaterial
- TextureLoader



Características Three.js Implementadas

4 Implementación con Three.js

- **Geometrías y Materiales:**
 - PlaneGeometry para UI
 - MeshBasicMaterial
 - TextureLoader
- **Iluminación:**



Características Three.js Implementadas

4 Implementación con Three.js

- **Geometrías y Materiales:**

- PlaneGeometry para UI
- MeshBasicMaterial
- TextureLoader

- **Iluminación:**

- HemisphereLight



Características Three.js Implementadas

4 Implementación con Three.js

- **Geometrías y Materiales:**

- PlaneGeometry para UI
- MeshBasicMaterial
- TextureLoader

- **Iluminación:**

- HemisphereLight
- DirectionalLight



Características Three.js Implementadas

4 Implementación con Three.js

- **Geometrías y Materiales:**

- PlaneGeometry para UI
- MeshBasicMaterial
- TextureLoader

- **Iluminación:**

- HemisphereLight
- DirectionalLight
- AmbientLight



Características Three.js Implementadas

4 Implementación con Three.js

- **Geometrías y Materiales:**

- PlaneGeometry para UI
- MeshBasicMaterial
- TextureLoader

- **Iluminación:**

- HemisphereLight
- DirectionalLight
- AmbientLight

- **Animación:**

- AnimationMixer
- Clock para timing
- RequestAnimationFrame

- **Optimización:**

- Frustum culling
- LOD (Level of Detail)
- Texture compression



Table of Contents

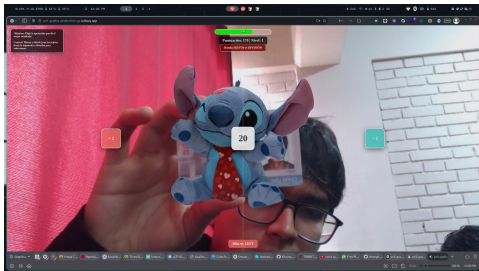
5 Resultados y Demostración

- ▶ Introducción y Objetivos
- ▶ Descripción del Juego
- ▶ Arquitectura Técnica
- ▶ Implementación con Three.js
- ▶ **Resultados y Demostración**
- ▶ Conclusiones



Estados del Juego

5 Resultados y Demostración

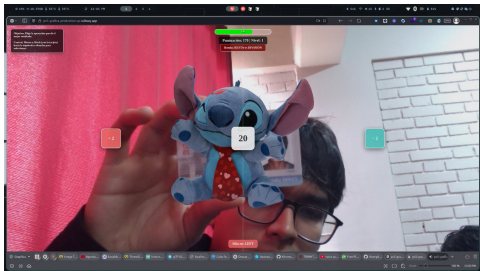


Juego en Acción

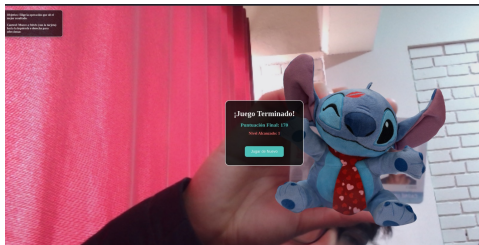


Estados del Juego

5 Resultados y Demostración



Juego en Acción



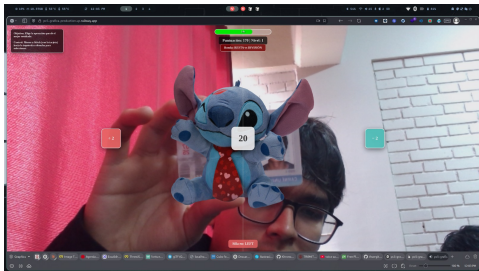
Fin

del Juego

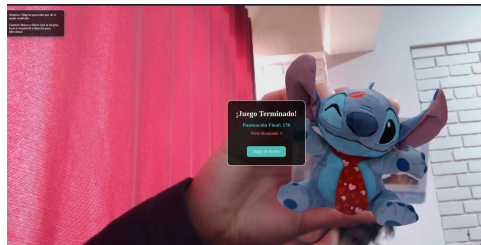


Estados del Juego

5 Resultados y Demostración



Juego en Acción



Fin

del Juego

Sistema de Retroalimentación

- Efectos de sonido diferenciados
- Animaciones visuales
- Actualización inmediata de puntuación



Características Implementadas

5 Resultados y Demostración

- **Escenario Único** (requisito PC5)



Características Implementadas

5 Resultados y Demostración

- **Escenario Único** (requisito PC5)
- **Realidad Aumentada** funcional



Características Implementadas

5 Resultados y Demostración

- **Escenario Único** (requisito PC5)
- **Realidad Aumentada** funcional
- **ODS 4 - Educación de Calidad**



Características Implementadas

5 Resultados y Demostración

- **Escenario Único** (requisito PC5)
- **Realidad Aumentada** funcional
- **ODS 4 - Educación de Calidad**
- **Sistema de dificultad progresiva**



Características Implementadas

5 Resultados y Demostración

- **Escenario Único** (requisito PC5)
- **Realidad Aumentada** funcional
- **ODS 4 - Educación de Calidad**
- Sistema de dificultad progresiva
- Retroalimentación auditiva y visual



Características Implementadas

5 Resultados y Demostración

- **Escenario Único** (requisito PC5)
- **Realidad Aumentada** funcional
- **ODS 4 - Educación de Calidad**
- Sistema de dificultad progresiva
- Retroalimentación auditiva y visual
- Interfaz intuitiva para niños



Características Implementadas

5 Resultados y Demostración

- **Escenario Único** (requisito PC5)
- **Realidad Aumentada** funcional
- **ODS 4 - Educación de Calidad**
- Sistema de dificultad progresiva
- Retroalimentación auditiva y visual
- Interfaz intuitiva para niños

Métricas del Juego

- Tiempo promedio: 2-5 min
- Edad objetivo: 6-8 años
- Operaciones: +, -, \times , \div



Table of Contents

6 Conclusiones

- ▶ Introducción y Objetivos
- ▶ Descripción del Juego
- ▶ Arquitectura Técnica
- ▶ Implementación con Three.js
- ▶ Resultados y Demostración
- ▶ Conclusiones



Logros Técnicos con Three.js

6 Conclusiones

- ✓ Renderizado 3D fluido en navegador web



Logros Técnicos con Three.js

6 Conclusiones

- ✓ Renderizado 3D fluido en navegador web
- ✓ Integración exitosa Three.js + MindAR



Logros Técnicos con Three.js

6 Conclusiones

- ✓ Renderizado 3D fluido en navegador web
- ✓ Integración exitosa Three.js + MindAR
- ✓ Pipeline de gráficos optimizado para móviles



Logros Técnicos con Three.js

6 Conclusiones

- ✓ Renderizado 3D fluido en navegador web
- ✓ Integración exitosa Three.js + MindAR
- ✓ Pipeline de gráficos optimizado para móviles
- ✓ Gestión eficiente de recursos 3D (GLTF)



Logros Técnicos con Three.js

6 Conclusiones

- ✓ Renderizado 3D fluido en navegador web
- ✓ Integración exitosa Three.js + MindAR
- ✓ Pipeline de gráficos optimizado para móviles
- ✓ Gestión eficiente de recursos 3D (GLTF)
- ✓ Animaciones y efectos visuales en tiempo real



Logros Técnicos con Three.js

6 Conclusiones

- ✓ Renderizado 3D fluido en navegador web
- ✓ Integración exitosa Three.js + MindAR
- ✓ Pipeline de gráficos optimizado para móviles
- ✓ Gestión eficiente de recursos 3D (GLTF)
- ✓ Animaciones y efectos visuales en tiempo real

Contribución a Computación Gráfica

Demostración práctica de cómo Three.js permite crear experiencias AR educativas complejas con rendimiento óptimo en la web



Trabajo Futuro

6 Conclusiones

- **Expansión de Contenido:**



Trabajo Futuro

6 Conclusiones

- **Expansión de Contenido:**
 - Más tipos de operaciones matemáticas



Trabajo Futuro

6 Conclusiones

- **Expansión de Contenido:**
 - Más tipos de operaciones matemáticas
 - Problemas de lógica y geometría



Trabajo Futuro

6 Conclusiones

- **Expansión de Contenido:**
 - Más tipos de operaciones matemáticas
 - Problemas de lógica y geometría
- **Mejoras Técnicas:**



Trabajo Futuro

6 Conclusiones

- **Expansión de Contenido:**
 - Más tipos de operaciones matemáticas
 - Problemas de lógica y geometría
- **Mejoras Técnicas:**
 - Soporte multijugador



Trabajo Futuro

6 Conclusiones

- **Expansión de Contenido:**
 - Más tipos de operaciones matemáticas
 - Problemas de lógica y geometría
- **Mejoras Técnicas:**
 - Soporte multijugador
 - Analytics de aprendizaje



Trabajo Futuro

6 Conclusiones

- **Expansión de Contenido:**
 - Más tipos de operaciones matemáticas
 - Problemas de lógica y geometría
- **Mejoras Técnicas:**
 - Soporte multijugador
 - Analytics de aprendizaje
 - Más modelos 3D y animaciones



Trabajo Futuro

6 Conclusiones

- **Expansión de Contenido:**
 - Más tipos de operaciones matemáticas
 - Problemas de lógica y geometría
- **Mejoras Técnicas:**
 - Soporte multijugador
 - Analytics de aprendizaje
 - Más modelos 3D y animaciones
- **Características Sociales:**



Trabajo Futuro

6 Conclusiones

- **Expansión de Contenido:**
 - Más tipos de operaciones matemáticas
 - Problemas de lógica y geometría
- **Mejoras Técnicas:**
 - Soporte multijugador
 - Analytics de aprendizaje
 - Más modelos 3D y animaciones
- **Características Sociales:**
 - Tabla de puntuaciones



Trabajo Futuro

6 Conclusiones

- **Expansión de Contenido:**
 - Más tipos de operaciones matemáticas
 - Problemas de lógica y geometría
- **Mejoras Técnicas:**
 - Soporte multijugador
 - Analytics de aprendizaje
 - Más modelos 3D y animaciones
- **Características Sociales:**
 - Tabla de puntuaciones
 - Modo competitivo



¡Gracias!
6 Conclusiones

SwipeMath AR

Implementación de gráficos 3D con Three.js
para educación matemática en AR

*Demostrando el poder de Three.js para
crear experiencias educativas inmersivas en la web*

Práctica Calificada 5 - Computación Gráfica

Repositorio: <https://github.com/thsergitox/pc5-grafica>