



- 활성화함수의 종류를 알 수 있다.
- 오차역전파의 개념을 알 수 있다.
- 경사하강법의 종류를 알 수 있다.
- 최적화함수의 종류를 알 수 있다.

수업 흐름도







활성화함수 종류

자극에 대한 반응 여부와 그 정도를 결정하는 함수



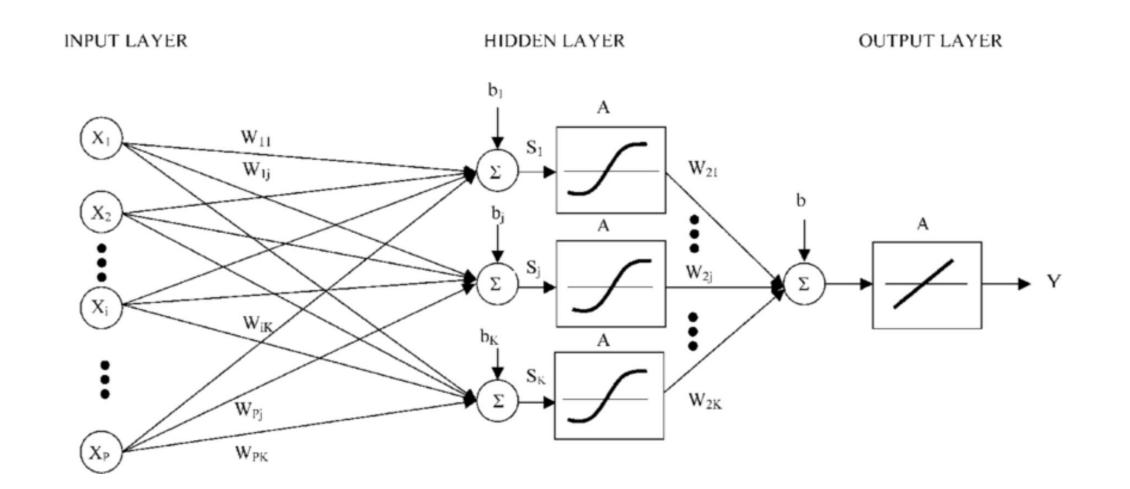


활성화함수

- 인공 신경망은 인간의 신경망을 본따 한 층의 신호를 다음 층으로 그대로 전달하지 않고 활성화 함수를 거친 후에 전달함
- 사람의 신경망 속 뉴런들도 모든 자극을 전부 다음 뉴런으로 전달하는 것이 아니라 역치 이상의 자극만 전달하게 됨
- 활성화 함수는 이런 부분까지 사람과 유사하게 구현하여 사람처럼 사고하고 행동하는 인공지능 기술을 실현하기 위해 도입됨
- 또한 선형모델을 기반으로 하는 딥러닝 신경망에서 분류 문제를 해결하기 위해서 비선형 활성화 함수가 필요함

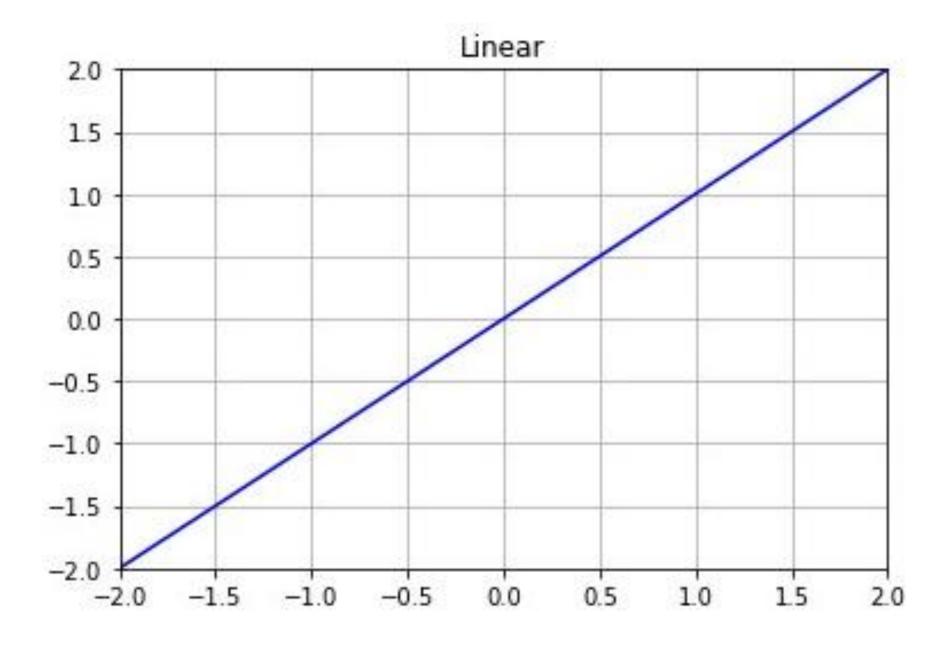


층에 따라 다른 활성화 함수를 사용할 수 있다



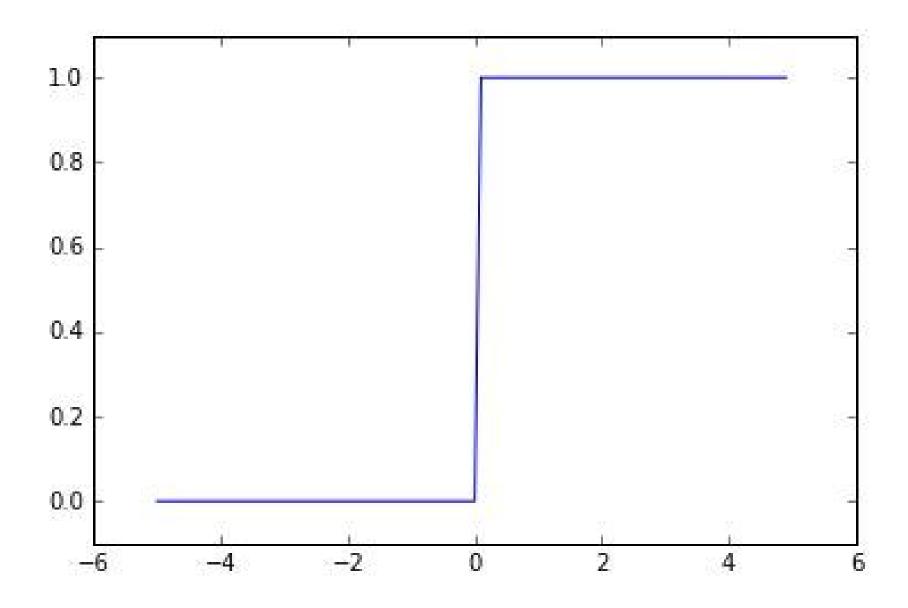


Linear function(선형함수=항등함수) → 회귀



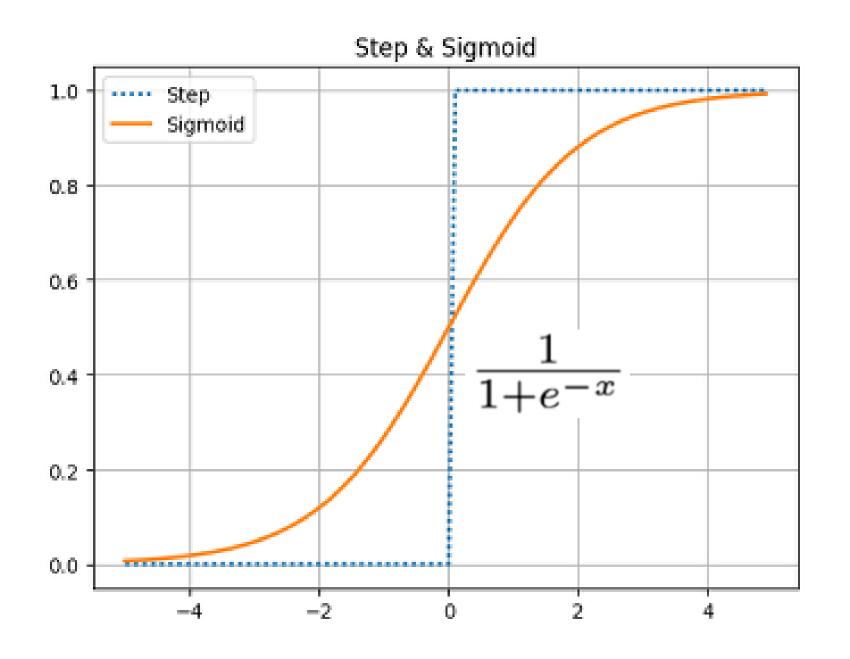


Step function(계단 함수) → 분류의 초기 활성화 함수





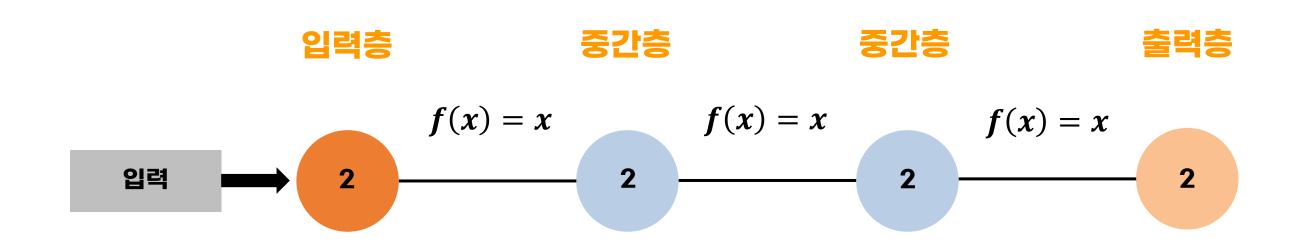
Sigmoid 함수 → 이진분류





중간층에 활성화 함수로 비선형 함수를 사용하는 이유

- 중간층에 활성화 함수로 선형 함수(f(x) = x)를 사용하게 된다면



$$f(x) = x$$



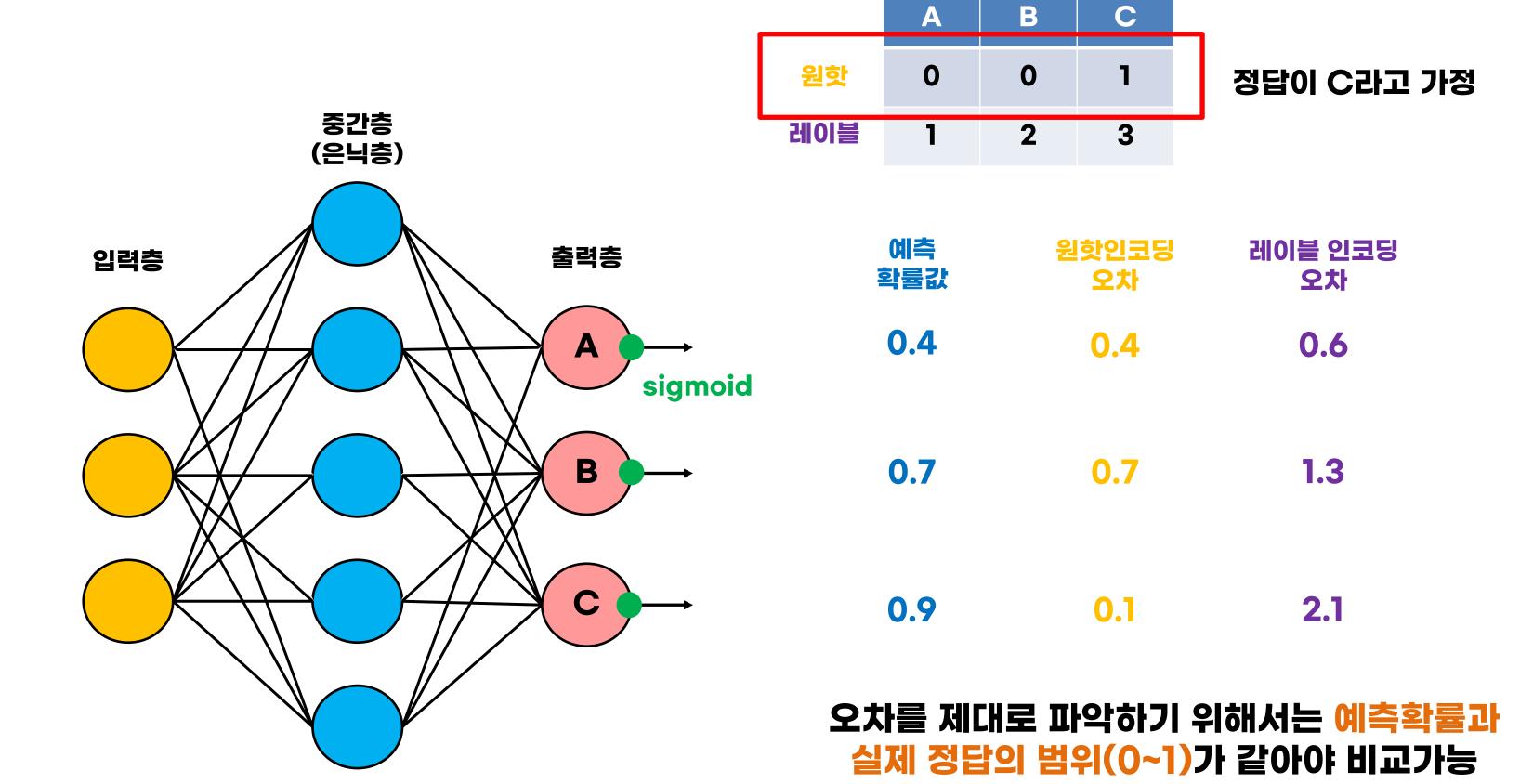
keras 맛보기 : 유방암 데이터 이진 분류



다중분류

- 딥러닝 신경망에서 다중분류 문제를 해결하는 프로세스는 각 클래스에 대한 확률 값을 토대로 가장 높은 확률 값을 가지는 클래스로 최종 분류를 진행함
- 각 레이블의 확률들을 알기 위해 출력층 퍼셉트론 개수를 클래스 개수와 같게 맞춰야 함(하나의 퍼셉트론이 하나의 클래스에 대한 확률 값을 출력)
- 또한, 다중 분류 문제를 풀 경우 정답 데이터를 원 핫 인코딩 해야 함
- 신경망 학습을 위해서는 원 핫 인코딩 된 정보(0,1)와 출력층의 각 퍼셉트론이 예측한 확률(0~1)과의 오차를 바탕으로 신경망이 학습하게 됨







Softmax 함수 → 다중분류

- 딥러닝 다중분류에서 레이블 값에 대한 각 퍼셉트론의 예측 확률의 합을 1로 설정
- sigmoid에 비해 예측 오차의 평균을 줄여주는 효과

$$y_k = \frac{\exp(a_k)}{\sum_{i=1}^n \exp(a_i)}$$

입력 값들의 지수함수의 합



Softmax 함수 코드 구현

```
1 import numpy as np
   3 def softmax(x):
         e_x = np.exp(x-x.max())
       return e_x/e_x.sum()
   1 \times = \text{np.array}([1.0, 1.0, 2.0])
  2 x
array([1., 1., 2.])
   1 \mid y = softmax(x)
array([0.21194156, 0.21194156, 0.57611688])
   1 y.sum()
1.0
```

문제 유형에 따른 활성화함수, 손실함수



유형	출력층 활성화 함수(activation)	손실함수(=비용함수) (loss func.)
회귀	linear(항등 함수)	MSE
2진 분류	sigmoid(로지스틱 함수)	binary_crossentropy
다중 분류	softmax(소프트맥스 함수)	categorical_crossentropy



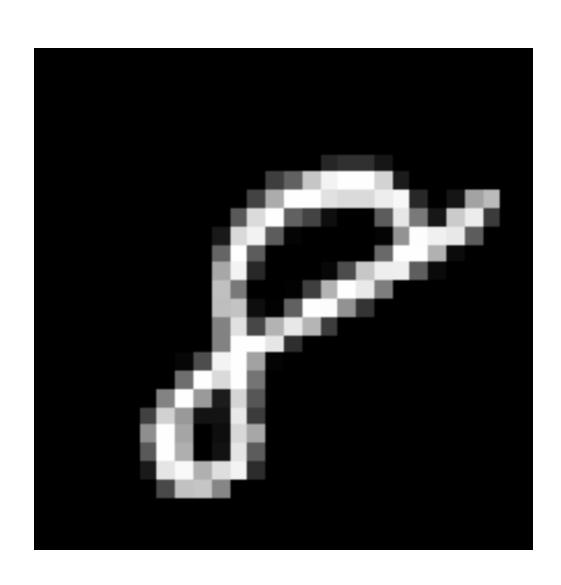
keras 맛보기: iris 데이터 다중 분류



MNIST 손글씨 이미지 데이터 분류 모델 만들기

코드 실습





172 254 254 225 218 218 237 248 40 217 242 92 0 0 4 147 253 240 232 92 0 0 0 105 254 254 177 11 167 244 41 0 76 199 238 239 94 10 192 121 0 0 2 63 180 254 233 126 0 190 196 14 2 97 254 252 146 52 130 225 71 180 232 181 60 130 254 254 230 46 0 244 254 162 4 6 77 131 254 154 28 213 86 209 153 19 19 233 60 0 142 254 165 0 14 216 167 0 90 254 175 0 18 229 92 26 229 249 176 222 244 44 73



패션이미지 데이터 분류 모델 만들기



오차역전마

신경망이 학습되는 원리는 무엇일까?

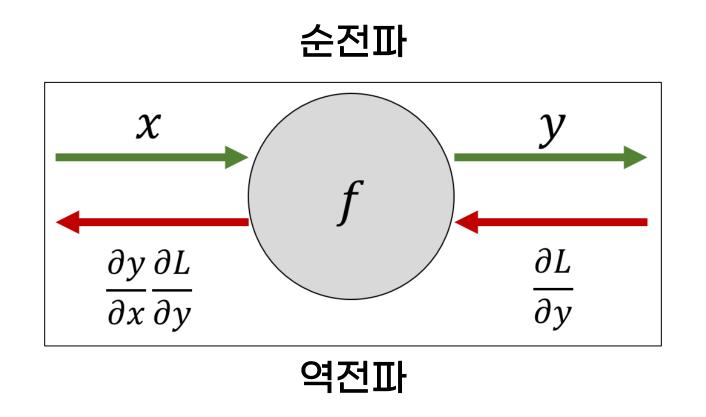




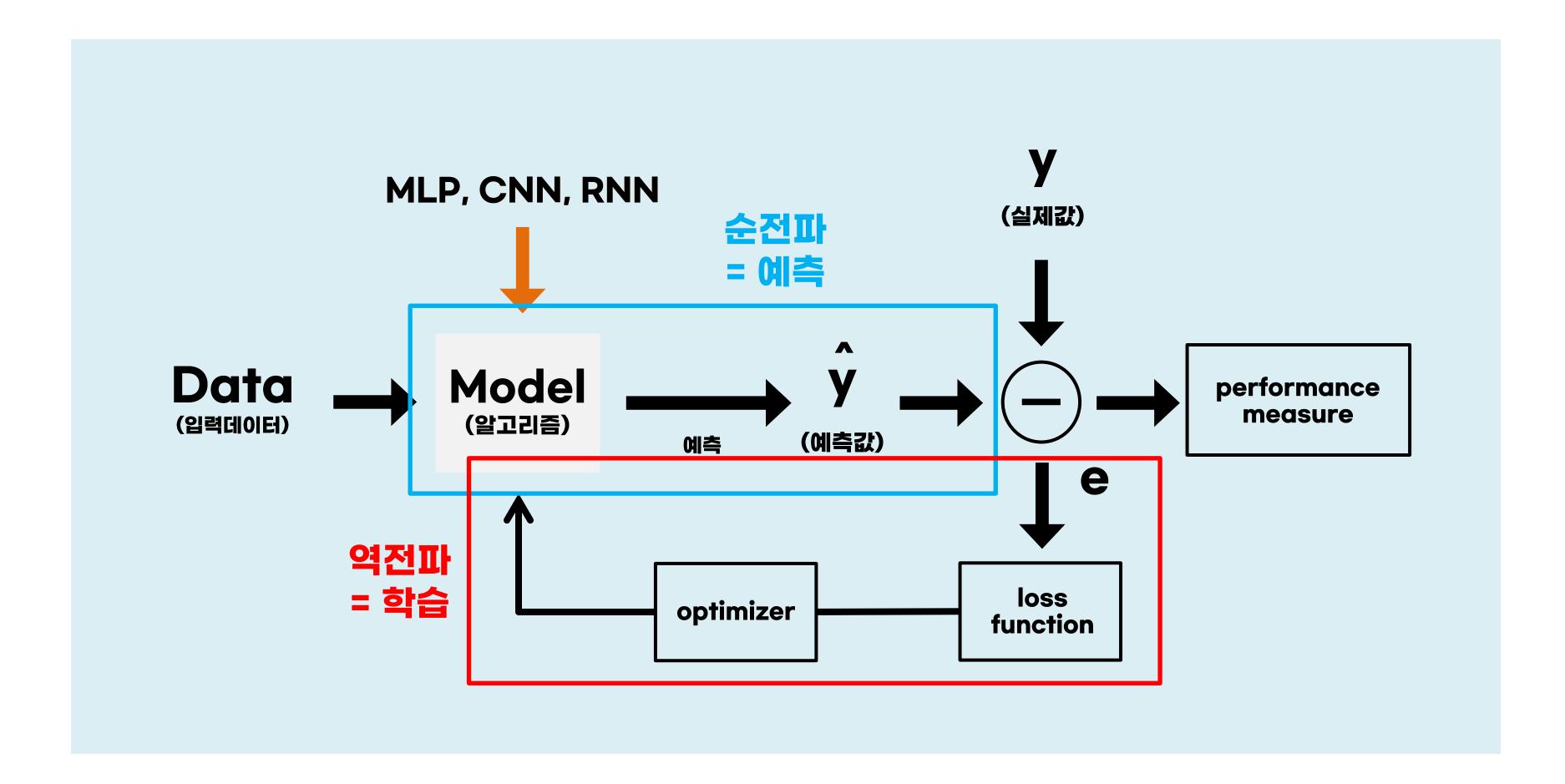
오차역전파(역전파)

- 순전파 : 입력 데이터를 입력층에서부터 출력층까지 정방향으로 이동시키며 출력 값을 예측해 나가는 과정

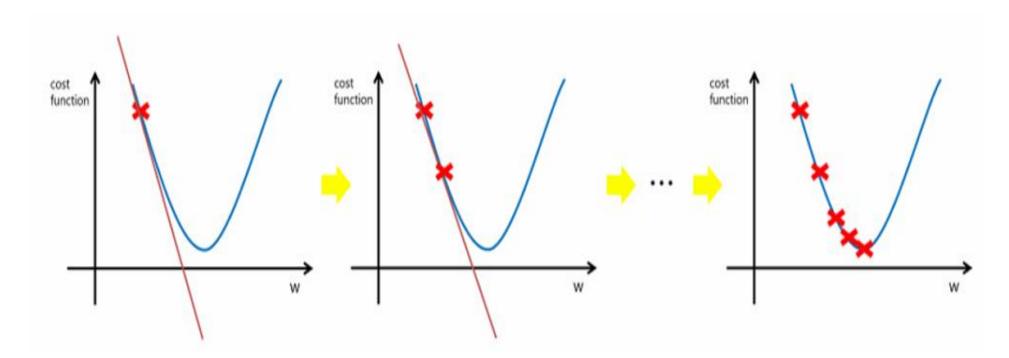
- 역전파 : 출력층에서 발생한 에러를 입력층 쪽으로 전파시키면서 최적의 결과를 위해 신경망의 가중치(w)를 학습해 나가는 과정



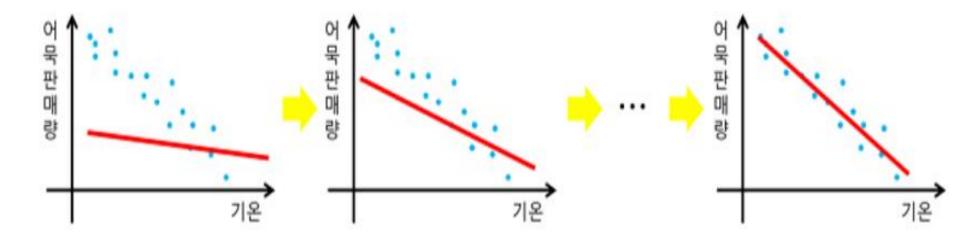




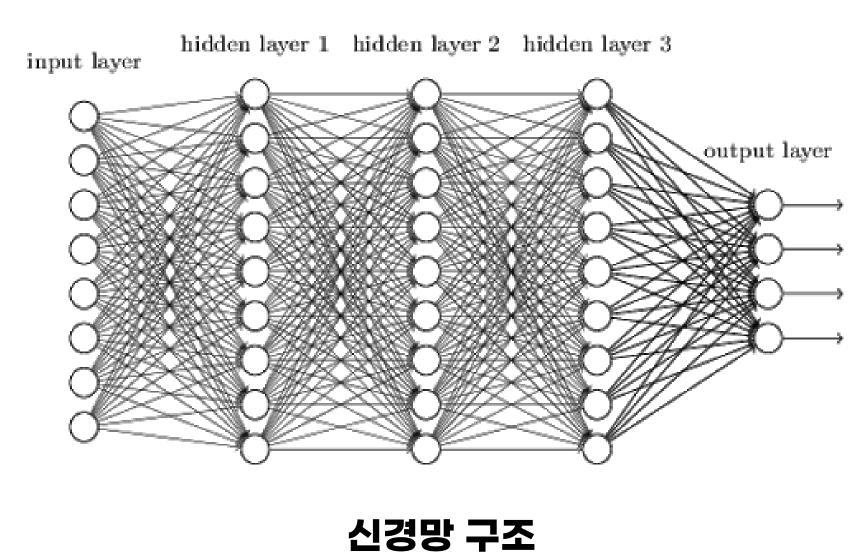




최적의 w값을 찾는 과정



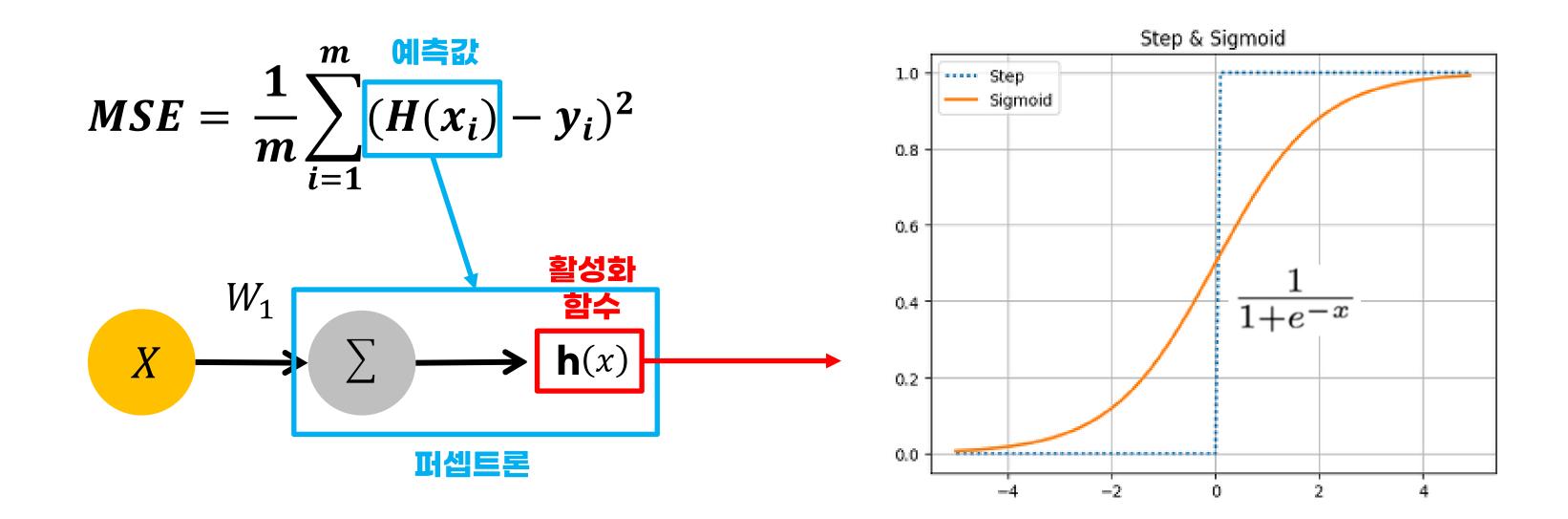
최적의 직선을 생성하는 과정





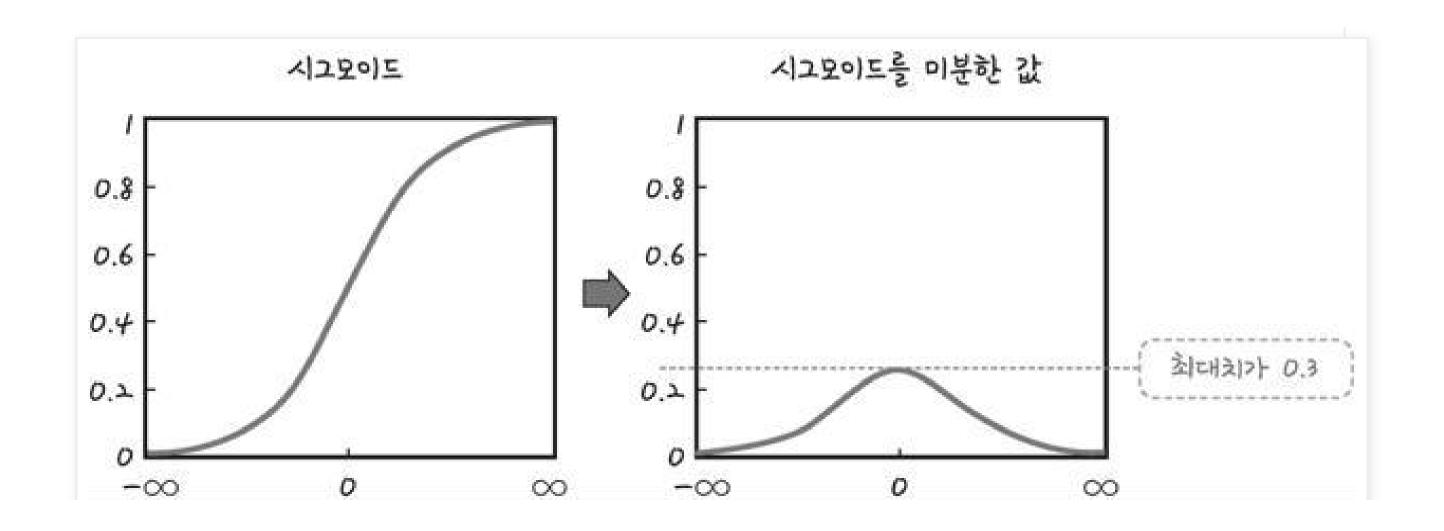
손실함수(loss) 미분

- 신경망 학습을 위해서는 경사하강법(loss함수의 미분)을 사용함





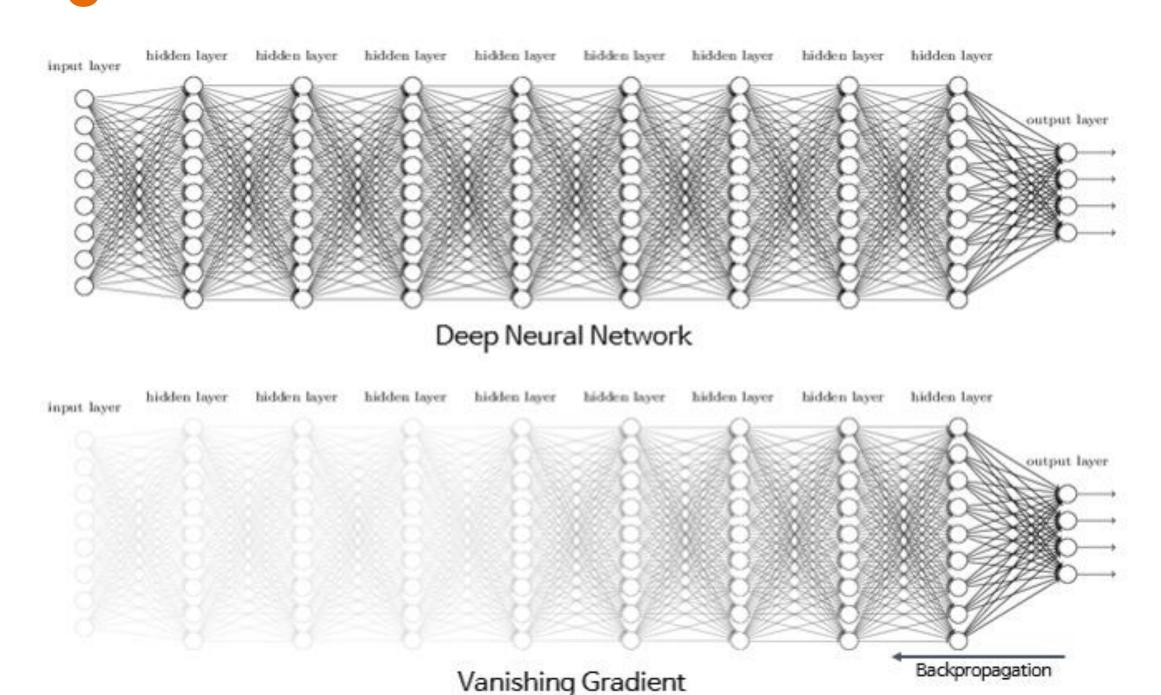
Sigmoid 함수의 문제점



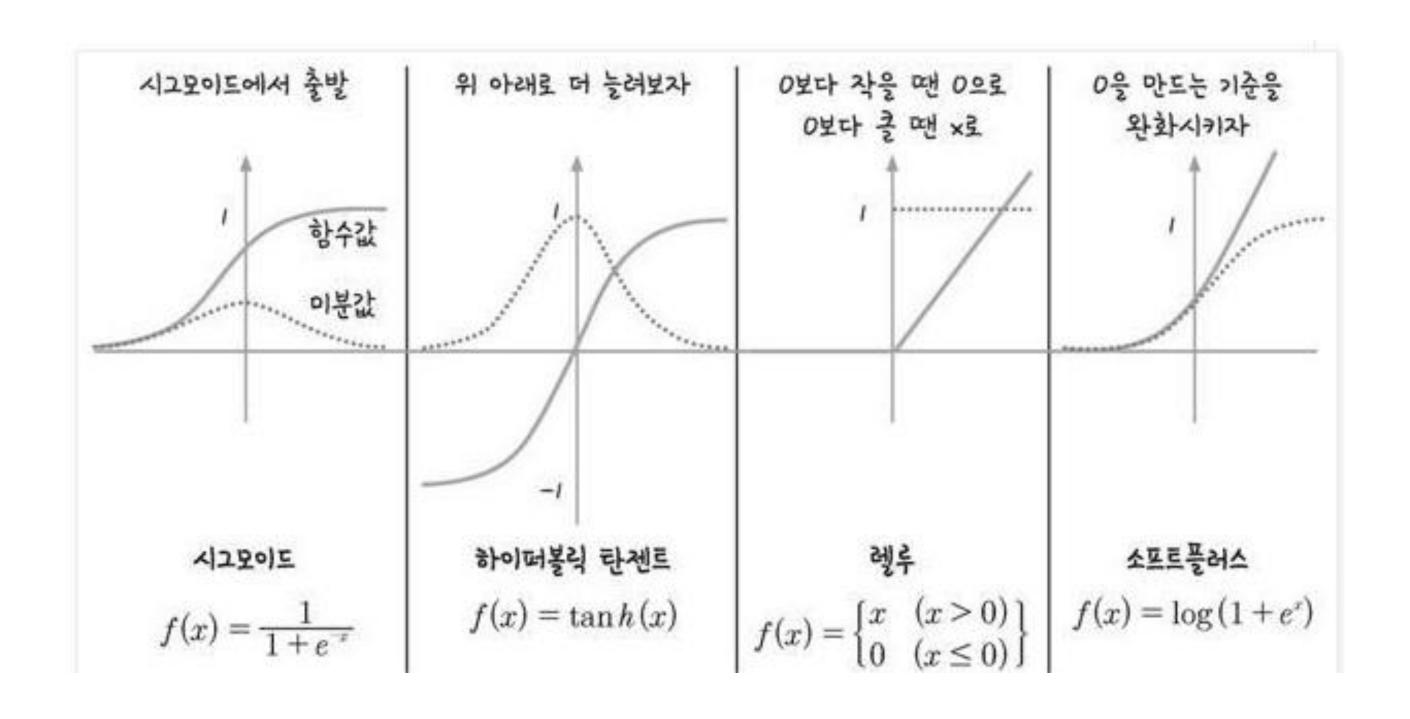


Sigmoid 함수의 문제점

- Vanishing Gradient(기울기 소실 문제)



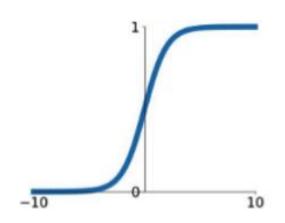






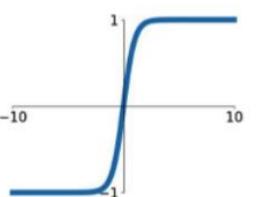
Sigmoid

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$



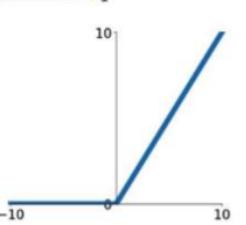
tanh

tanh(x)



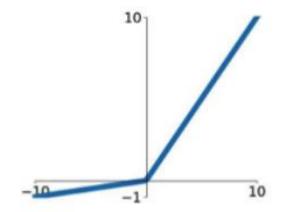
ReLU

 $\max(0, x)$



Leaky ReLU

 $\max(0.1x, x)$

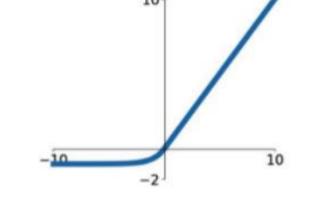


Maxout

$$\max(w_1^T x + b_1, w_2^T x + b_2)$$

ELU

$$\begin{cases} x & x \ge 0 \\ \alpha(e^x - 1) & x < 0 \end{cases}$$





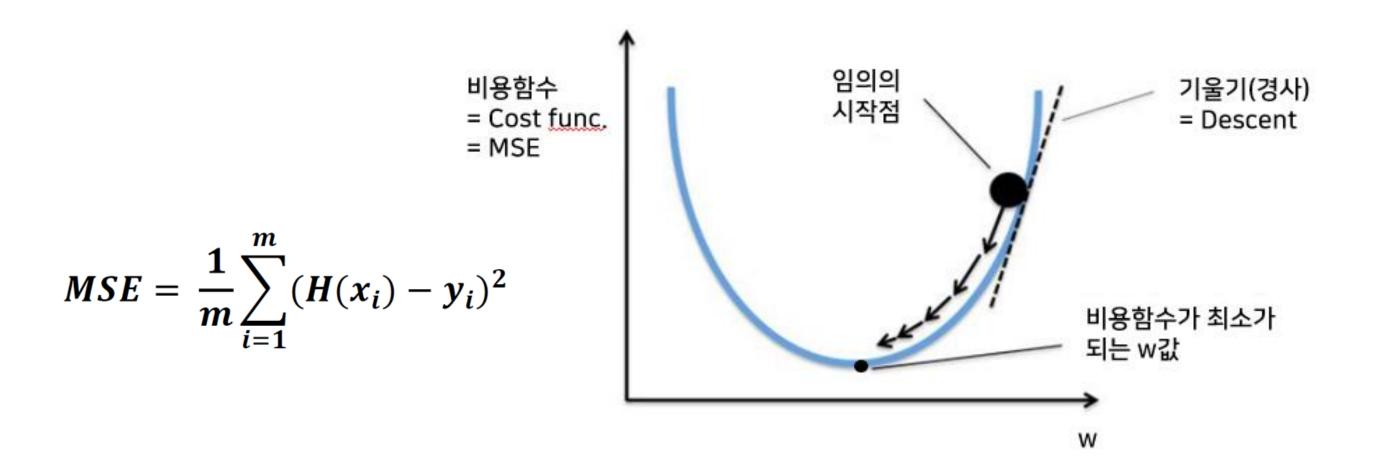
최적화함수

신경망을 좀 더 효과적으로 학습시키는 경사하강법을 찾자!



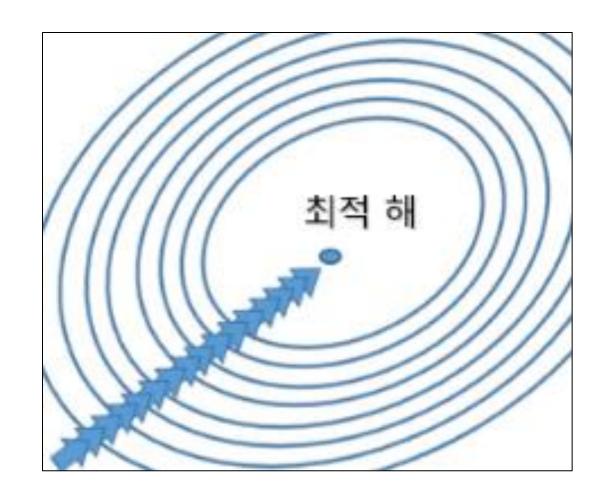


경사하강법(Gradient Descent Algorithm)



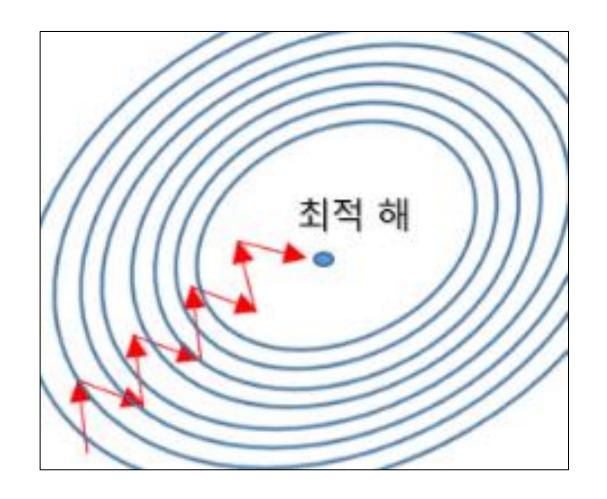
비용함수(=손실함수)의 기울기를 구하여 낮아지는 방향으로 계속 이동하여 파라미터 값을 최적화 시키는 방법





경사하강법 (Gradient Descent)

모든 데이터를 이용해 업데이트



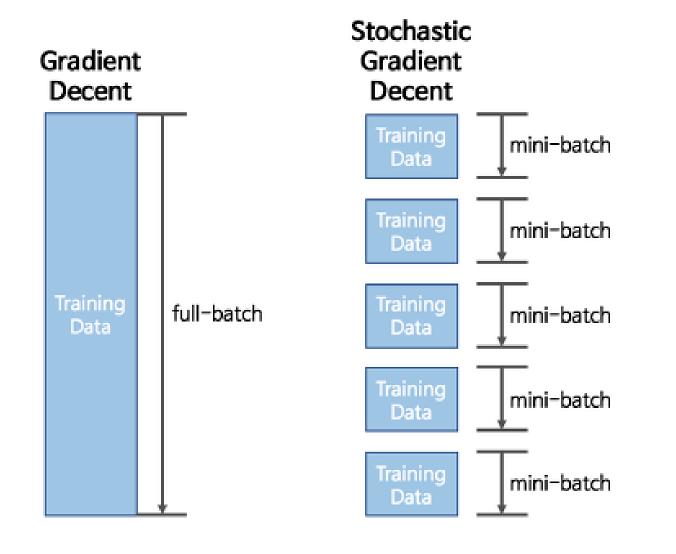
확률적 경사하강법 (Stochastic Gradient Descent)

확률적으로 선택된 하나의 데이터를 이용해 업데이트



Batch_size

일반적으로 PC 메모리의 한계 및 속도 저하 때문에 대부분의 경우에는 한번에 epoch에 모든 데이터를 한꺼번에 집어 넣기가 힘듦



batch_size를 줄임

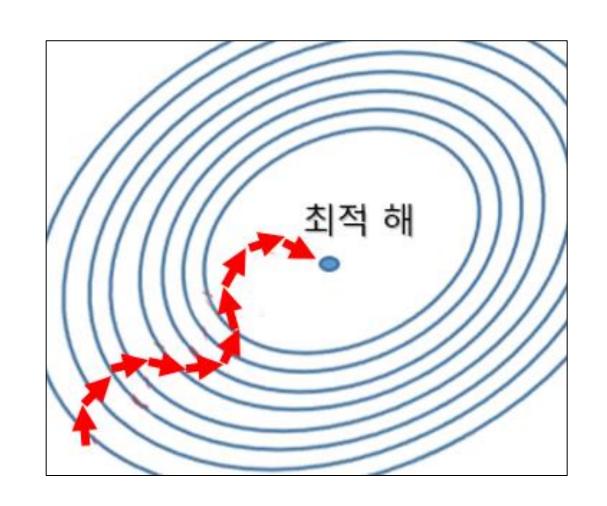
- 메모리 소모가 적음(저 사양)
- 학습 속도가 느림
- 속도가 느린 만큼 좀 더 정확하게 학습

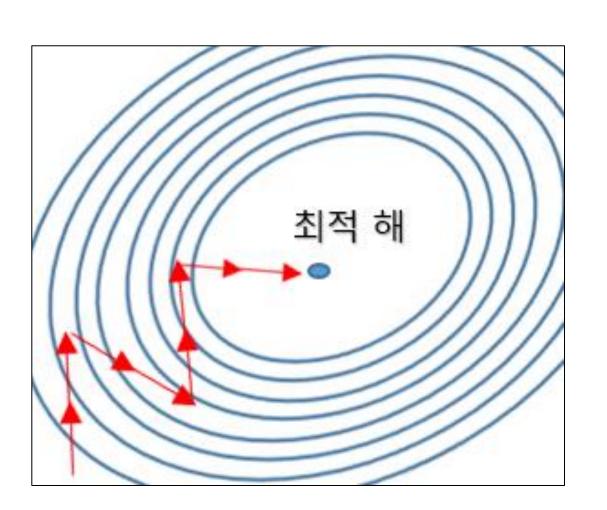
batch_size를 높임

- 메모리 소모가 큼, 학습속도 빠름
- 정확도가 비교적 낮음
- → batch_size의 디폴트 값은 32



모멘텀(Momentum)





경사하강법에 관성의 법칙을 적용해 현재 batch뿐만 아니라 이전 batch의 데이터까지 업데이트에 반영



모멘텀(Momentum)

- 가중치(w)를 수정하기 전 이전 방향을 참고하여 업데이트
- 경사하강법이 진행되면서 가중치가 잘 업데이트 됐다면 해당 방향으로 더 많이 업데이트하고, 아니라면 방향을 틀어서 최적 값에 맞게 좀 더 유연하게 수정해 나가는 방식
- 지그재그로 이동하는 현상이 줄어듦
- 수식에서 α는 Learning Rate, m은 momentum 계수로 보통 0.9로 설정함

$$V(t) = m * V(t - 1) - \alpha \frac{\partial}{\partial w} Cost(w)$$

$$W(t + 1) = W(t) + V(t)$$



네스테로프 모멘텀(Nesterov Accelrated Gradient)

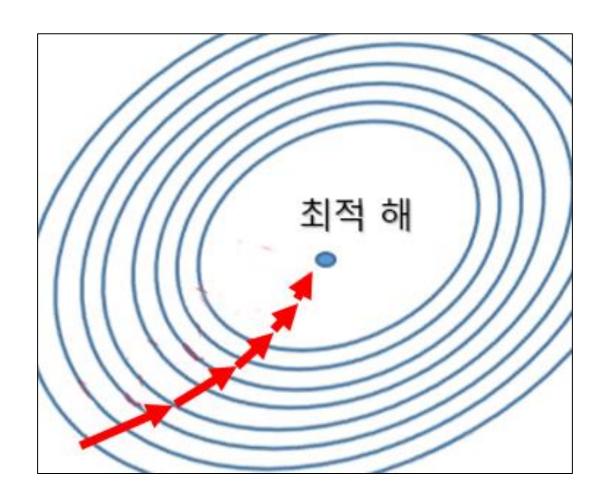
- 모멘텀을 개선한 방식으로 모멘텀 방식으로 먼저 더한 다음 계산
- 미리 해당 방향으로 이동한다고 가정하고 값을 계산해본 뒤 실제 업데이트에 반영
- 불필요한 이동을 좀 더 줄일 수 있음

$$V(t) = m * V(t-1) - \alpha \frac{\partial}{\partial (w + m * V(t-1))} Cost(w)$$

$$W(t+1) = W(t) + V(t)$$



아다그래드(Adaptive Gradient)



학습률을 점점 감소시켜가며 업데이트



아다그래드(Adaptive Gradient)

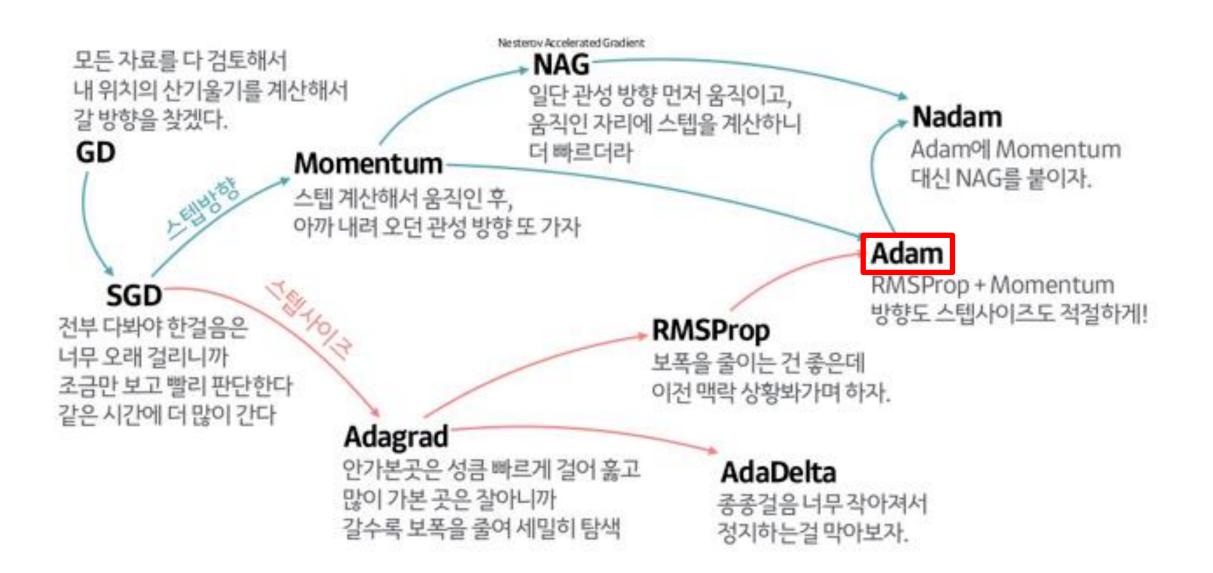
- 업데이트를 진행하면서 학습률을 점차 줄여가는 방식
- 처음에는 크게 학습하다가 조금씩 작게 학습함
- 학습을 빠르고 정확하게 할 수 있음

$$G(t) = G(t-1) + \left(\frac{\partial}{\partial w(t)}Cost(w(t))\right)^{2}$$

$$= \sum_{i=0}^{t} \left(\frac{\partial}{\partial w(i)}Cost(w(i))\right)^{2}$$

$$W(t+1) = W(t) - \alpha * \frac{1}{\sqrt{G(t) + \epsilon}} * \frac{\partial}{\partial w(i)}Cost(w(i))$$







```
from tensorflow.keras import optimizers

opti = optimizers.SGD(learning_rate=0.01, momentum=0.9)

model.compile(loss='mse', optimizer=opti, metrics=['acc'])
```

Momentum

```
from tensorflow.keras import optimizers

opti = optimizers.SGD(learning_rate=0.01, momentum=0.9, nesterov=True)

model.compile(loss='mse', optimizer=opti, metrics=['acc'])
```

NAG

model.compile(loss ="mse", optimizer="Adam", metrics=["acc"])

Adam

Adagrad, RMSprop, Adam 등은 이름으로 지정 가능



패션이미지 데이터 분류 모델 만들기 (활성화함수, 최적화함수 변경)

