Bài 1: Cho lược đồ quan hệ (U, F), với U=(ABCDEGH)

$$F=\{AB \rightarrow CDE; AC \rightarrow BCG; BD \rightarrow G; ACH \rightarrow HE; CG \rightarrow BDE\}$$

và K=(ACGH).

Hỏi K có là khóa của lược đồ không?

Phân rã

$$F = \{AB \rightarrow C; AB \rightarrow D; AB \rightarrow E; AC \rightarrow B; AC \rightarrow C;$$

$$AC \rightarrow G$$
; $ACH \rightarrow H$; $ACH \rightarrow E$; $CG \rightarrow B$; $CG \rightarrow D$; $CG \rightarrow E$ }

K += ACGHBDE = U vậy K là khóa của lược đồ

Bài 2: Cho lược đồ
$$(U, F)$$
 với $U=(ABCDE), F = \{DE \rightarrow A, B \rightarrow C, E \rightarrow AD\}$

- a) Tìm một khóa của lược đồ
- b) Tìm tất cả các khóa của lược đồ

a)

Phân rã:
$$F = \{DE \rightarrow A, B \rightarrow C, E \rightarrow A; E \rightarrow D\}$$

VT: DEB

VP: ACD

TN: TRÁI - PHAI = EB

TN += EBADC = U → là khóa của lược đồ

TG: D

b)

Ta có

4		
	EB .	DEB

Bài 3: Cho lược đồ quan hệ R (A, B, C, D, E, F, G, H, I, J) và tập phụ thuộc hàm sau đây: $F = \{AB \rightarrow C, A \rightarrow DE, B \rightarrow F, F \rightarrow GH, D \rightarrow IJ\}$

a) Tính bao đóng của các tập thuộc tính sau trên F: AC, AF

$$AC += AC$$

Ta có A → DE nên AC += ACDE

$$AF += AF$$

Ta có A → DE nên AF += AFDE

b) Các phụ thuộc hàm sau có được suy dẫn từ F hay không? AB \to H, A \to J, AB \to I

Phân rã vế phải: F = {AB \rightarrow C, A \rightarrow D, A \rightarrow E, B \rightarrow F, F \rightarrow G, F \rightarrow H, D \rightarrow I, D \rightarrow J}

$$-AB \rightarrow H$$

Ta có AB += ABC

$$B \rightarrow F \hat{nen} AB += ABCF$$

Nên AB→H

$$-A \rightarrow J$$

Ta có A += A

$$A \rightarrow D$$
 nên $A += AD$

Nên A \rightarrow J

$$-AB \rightarrow I$$

Ta có AB += AB

$$A \rightarrow D$$
 nên $A += ABD$

c) Tìm tất cả các khóa của lược đồ quan hệ

Phân rã vế phải: F = {AB
$$\rightarrow$$
 C, A \rightarrow D, A \rightarrow E, B \rightarrow F, F \rightarrow G, F \rightarrow H, D \rightarrow I, D \rightarrow J}

VT: ABFD

VP: CDEFGIJ

TN: AB

Vậy khóa của lược đồ là AB

d) Tìm phủ tối thiểu của tập phụ thuộc hàm F

Phân rã vế phải: F = {AB
$$\rightarrow$$
 C, A \rightarrow D, A \rightarrow E, B \rightarrow F, F \rightarrow G, F \rightarrow H, D \rightarrow I, D \rightarrow J}

Loại bỏ dư thừa thuộc tính:

Loại B, tính A += ADEIJ không chứa C, không loại được B

Loại bỏ dư thừa phụ thuộc hàm:

Xét AB→ C: AB += ABDEFGHIJ không chứa C không loại được

Xét A → D: A += AE không chứa D không loại được

Xét A → E: A += ADIJ không chứa E không loại được

Xét B \rightarrow F: B += B không chứa F không loại được

Xét F → G: F += FHIJ không chứa G không loại được

Xét F → H: F += FGIJ không chứa H không loại được

Xét D→ I: D+= DJ không chứa I không loại được

Xét D→ J: D += DI không chứa J không loại được

Vậy phủ tối thiểu: $F = \{AB \rightarrow C, A \rightarrow D, A \rightarrow E, B \rightarrow F, F \rightarrow G, F \rightarrow H, D \rightarrow I, D \rightarrow J\}$

e) R thuộc chuẩn mấy? nếu chưa là chuẩn 3 hãy đưa về chuẩn 3.

Đã là phủ tối thiểu nên đạt chuẩn 1

Có 1 khóa AB

A += DEIJ

B += FGH

Có tính phụ thuộc vào tập con của khóa, vi phạm chuẩn 2

Vậy lược đồ ở chuẩn 1

- Đưa về chuẩn 3

Tách bảo toàn PTH

 $R1(ABC): AB \rightarrow C$

R2(ADE): $A \rightarrow D$, $A \rightarrow E$

R3(BF): $B \rightarrow F$

R4(FGH): $F \rightarrow G, F \rightarrow H$

R5(DIJ): $D \rightarrow I$, $D \rightarrow J$

Vây $F = \{ABC, ADE, BF, FGH, DIJ\}$

Bài 4: Cho lược đồ quan hệ R (A, B, C, D, E, F, G, H, I, J) và tập phụ thuộc hàm sau đây: F= $\{AB \rightarrow C, BD \rightarrow EF, AD \rightarrow GH, A \rightarrow I, H \rightarrow J\}$

a) Tính bao đóng của các tập thuộc tính sau trên F: AC, AF

AC += AC

Ta có A → I nên AC += ACI

AF += AF

Ta có A → I nên AC += AFI

b) Các phụ thuộc hàm sau có được suy dẫn từ F hay không? AB \to H, A \to J, AB \to I

Phân rã vế phải F= {AB \rightarrow C, BD \rightarrow E, BD \rightarrow F, AD \rightarrow G, AD \rightarrow H, A \rightarrow I, H \rightarrow J}

 $-AB \rightarrow H$

Ta có A → I nên AB += ABI

Ta có AB → C nên AB += ABCI

 \rightarrow Không thể AB \rightarrow H

- $A \rightarrow J$

Ta có A → I nên A += AI

 \rightarrow Không thể A \rightarrow J

 $-AB \rightarrow I$

Ta có AB→ C nên AB += ABC

Ta có A → I nên AB += ABCI

c) Tìm tất cả các khóa của lược đồ quan hệ

Phân rã vế phải F= {AB \rightarrow C, BD \rightarrow E, BD \rightarrow F, AD \rightarrow G, AD \rightarrow H, A \rightarrow I, H \rightarrow J}

VT: ABDH

VP: CEFGHIJ

TN: ABD

TN += ABDCEFGHIJ = U

TG: H

Ta có ABD là khóa của lược đồ

d) Tìm phủ tối thiểu của tập phụ thuộc hàm F Phân rã vế phải F= {AB \rightarrow C, BD \rightarrow E, BD \rightarrow F, AD \rightarrow G, AD \rightarrow H, A \rightarrow I, H \rightarrow J}

- Loai bỏ dư thừa thuộc tính:

Xét AB→ C: loại A: Tính B += B không chứa C không loại được Loại B: Tính A += AI không chứa C không loại được

 $F = \{AB \rightarrow C, BD \rightarrow E, BD \rightarrow F, AD \rightarrow G, AD \rightarrow H, A \rightarrow I, H \rightarrow J\}$

Xét BD \rightarrow E: loại B: Tính D += D không chứa E không loại được Loại D: Tính B += B không chứa E không loại được

 $F = \{AB \rightarrow C, BD \rightarrow E, BD \rightarrow F, AD \rightarrow G, AD \rightarrow H, A \rightarrow I, H \rightarrow J\}$

Xét $BD \rightarrow F$: loại B: Tính D += D không chứa F không loại được Loại D: Tính B += B không chứa F không loại được

 $F = \{AB \rightarrow C, BD \rightarrow E, BD \rightarrow F, AD \rightarrow G, AD \rightarrow H, A \rightarrow I, H \rightarrow J\}$

Xét $AD \rightarrow G$: loại A: Tính D += D không chứa G không loại được Loại D: Tính A += AI không chứa G không loại được

 $F = \{AB \rightarrow C, BD \rightarrow E, BD \rightarrow F, AD \rightarrow G, AD \rightarrow H, A \rightarrow I, H \rightarrow J\}$

Xét AD → H: loại A: Tính D += D không chứa H không loại được Loại D: Tính A += AI không chứa H không loại được

$$F = \{AB \rightarrow C, BD \rightarrow E, BD \rightarrow F, AD \rightarrow G, AD \rightarrow H, A \rightarrow I, H \rightarrow J\}$$

- Loại bỏ dư thừa phụ thuộc hàm

Xét AB→ C: AB += ABI, không có C, không loại được

Xét BD→ E: BD += BDF, không có E, không loại được

Xét BD→ F: BD += BDE, không có F, không loại được

Xét AD → G: AD += ADHIJ, không có G, không loại được

Xét AD → H: AD += ADGI, không có H, không loại được

Xét A → I: A += A, không có I, không loại được

Xét H→ J: H += H, không có J, không loại được

Vậy Phủ tối thiểu: F= {AB \rightarrow C, BD \rightarrow E, BD \rightarrow F, AD \rightarrow G, AD \rightarrow H, A \rightarrow I, H \rightarrow J}

e) R thuộc chuẩn mấy? nếu chưa là chuẩn 3 hãy đưa về chuẩn 3.

Là phủ tối thiểu nên đạt chuẩn 1

Có khóa: ABD

$$A += AI$$

$$B += B$$

$$D += D$$

Có tính phụ thuộc vào tập con của khóa, vi phạm chuẩn 2

Vậy lược đồ ở chuẩn 1

- Đưa về chuẩn 3

Phân rã các phụ thuộc hàm

$$R1(ABC):AB \rightarrow C$$

R2(BDE):BD→E

R3(BDF):BD→F

 $R4(ADG):AD \rightarrow G$

 $R5(ADH){:}AD{\to}H$

 $R6(AI):A\rightarrow I$

 $R7(HJ):H\rightarrow J$

Vậy lược đồ đã đưa về chuẩn 3NF với các quan hệ: R1(ABC),R2(BDE),R3(BDF),R4(ADG),R5(ADH),R6(AI),R7(HJ)

Bài 5: Xét quan hệ R (A, B, C, D, E) và tập các phụ thuộc hàm sau:

$$F = \{AB \rightarrow C, CD \rightarrow E, DE \rightarrow B\}$$

a) Tìm một khóa của lược đồ quan hệ trên

Tìm khóa của R

B1: Cho
$$K = ABCDE$$

B2:

Khóa là DE

b) Tìm tất cả các khóa của lược đồ quan hệ

VT: ABCDE

VP: CEB

TN: AD += AD khác U

TG: BCE

BAD	CAD	EAD	BCAD
BEAD	CEAD	BCEAD	

c) Tìm phủ tối thiểu cho lược đồ

Phân ra vế phải:
$$F = \{AB \rightarrow C, CD \rightarrow E, DE \rightarrow B\}$$

Loại bỏ dư thừa thuộc tính

Xét CD
$$\rightarrow$$
 E: Loại C: Tính D $+=$ D, không chứa E không loại được C

$$V\hat{a}y F = \{AB \rightarrow C, CD \rightarrow E, DE \rightarrow B\}$$

Loại bỏ dư thừa phụ thuộc hàm

Vậy phủ tối thiểu:
$$F = \{AB \rightarrow C, CD \rightarrow E, DE \rightarrow B\}$$

e) R đã là chuẩn BCNF chưa? nếu chưa là chuẩn BCNF hãy đưa về chuẩn BCNF.

R đã là phủ tối thiểu nên đạt chuẩn 1

Có 1 khóa ADE

$$A += A$$

$$D += D$$

$$E += E$$

Không phụ thuộc vào tập con đạt chuẩn 2

Không có phụ thuộc bắc cầu nên đạt chuẩn 3