

第二章

【整数的表示】

1. 在 x86-64 机器上, 定义 `unsigned int A = 0x123456`。请画出 A 在内存中的存储方式:

...	低地址	A				高地址	...
...		0x56	0x34	0x12	0x00	...	

定义 `unsigned short B[2] = {0x1234, 0x5678}`。请画出 B 在内存中的存储方式:

...	低地址	B				高地址	...
...		0x34	0x12	0x78	0x56	...	

2. 在 x86-64 机器上, 有下列 C 代码

```
int main() {
    unsigned int A = 0x11112222;
    unsigned int B = 0x33336666;
    void *x = (void *)&A;
    void *y = 2 + (void *)&B;
    unsigned short P = *(unsigned short *)x;
    unsigned short Q = *(unsigned short *)y;
    printf("0x%04x", P + Q);
    return 0;
}
```

运行该代码, 结果为: 0x_____。【答案: 0x5555】

3. 在 x86-64 机器上, 有下列 C 代码

```
int main() {
    char A[12] = "11224455";
    char B[12] = "11445577";
    void *x = (void *)&A;
    void *y = 2 + (void *)&B;
    unsigned short P = *(unsigned short *)x;
    unsigned short Q = *(unsigned short *)y;
    printf("0x%04x", Q - P);
    return 0;
}
```

运行该代码, 结果为: 0x_____。【答案: 0x0303】

【整数的运算】

4. 在 x86-64 机器上, 有如下的定义:

```
int x = _____;
int y = _____;
```

```
unsigned int ux = x;
unsigned int uy = y;
```

判断下列表达式是否等价：

提示：减法的运算优先级比按位异或高。布尔运算的结果都是有符号数。

	表达式 A	表达式 B	等价吗?
(1)	$x > y$	$ux > uy$	Y N
(2)	$(x > 0) \parallel (x < ux)$	1	Y N
(3)	$x \wedge y \wedge x \wedge y \wedge x$	x	Y N
(4)	$((x >> 1) << 1) \leq x$	1	Y N
(5)	$((x / 2) * 2) \leq x$	1	Y N
(6)	$x \wedge y \wedge (\sim x) - y$	$y \wedge x \wedge (\sim y) - x$	Y N
(7)	$(x == 1) \&\& (ux - 2 < 2)$	$(x == 1) \&\& ((!!ux) - 2 < 2)$	Y N

【答】(1) 取 $x=1, y=-1$ 即不正确；(2) 取 $x=-1$ 即不正确；(3) 正确，利用交换律、结合律，以及 $x \wedge x == 0$ ；(4) 正确，即使是对负数；(5) 不正确，负奇数该运算向 0 舍入；(6) 正确， $(\sim x) - y$ 也就是 $(\sim x) + (\sim y) + 1$ ，注意运算优先级；(7) 不正确， $!!ux$ 是有符号数。

5. 下列代码的目的是将字符串 A 的内容复制到字符串 B，覆盖 B 原有的内容，并输出“Hello World”；但实际运行输出是“Buggy Codes”。尝试找到代码中的错误。

```
int main() {
    char A[12] = "Hello World";
    char B[12] = "Buggy Codes";
    int pos;
    for (pos = 0; pos - sizeof(B) < 0; pos++)
        B[pos] = A[pos];
    printf("%s\n", B);
}
```

【答：sizeof 的结果是无符号数，因此 $pos - \text{sizeof}(B) < 0$ 恒假，于是不会进行任何复制。】

【实数的表示】

6. 假设某浮点数格式为 1 符号+3 阶码+4 小数。下表给出了用该格式表达的浮点数 $f = (-1)^S \times M \times 2^E$ 与其二进制表示的关系。完成下表

描述	二进制表示	M (写成分数)	E	f
负零	10000000	-----	-----	-0.0
-----	01000101	21/16	1	21/8
最小的非规格化负数	10001111	15/16	-2(注意不是-3)	-15/64
最大的规格化正数	01101111	31/16	3	31/2

—	00110000	1	0	1.0
-----	01010110	11/8	2	5.5
正无穷	01110000	-----	-----	-----

7. 假设浮点数格式 A 为 1 符号+3 阶码+4 小数, 浮点数格式 B 为 1 符号+4 阶码+3 小数。回答下列问题。

(1) 格式 A 中有多少个二进制表示对应于正无穷大?

【答】 只有一个 01110000

(2) 考虑能精确表示的实数的最大绝对值。A 比 B 大还是比 B 小, 还是两者一样?

【答】 对于 A 格式, 01101111 表示了 $31/16 \times 2^3 = 31/2 = 15.5$, 对于 B 格式, 01110111 表示了 $15/8 \times 2^7 = 240$, 因此 B 大。

(3) 考虑能精确表示的实数的最小非零绝对值。A 比 B 大还是比 B 小, 还是两者一样?

【答】 对于 A 格式, 00000001 表示了 $1/16 \times 2^{-2} = 1/64$, 对于 B 格式, 00000001 表示了 $1/8 \times 2^{-6} = 1/512$, 因此 A 大。

(4) 考虑能精确表示的实数的个数。A 比 B 多还是比 B 少, 还是两者一样?

【答】 A 能精确表达的非负数个数为 $7 \times 16 = 112$, B 能精确表达的非负数个数为 $15 \times 8 = 120$, 因此 B 能精确表达的实数更多。实际上, A 格式表示 NaN 的数比 B 格式多。

【浮点数的运算】

8. 判断下列说法的正确性

	描述	正确吗?
(1)	对于任意的单精度浮点数 a 和 b, 如果 $a > b$, 那么 $a + 1 > b$ 。	Y N
(2)	对于任意的单精度浮点数 a 和 b, 如果 $a > b$, 那么 $a + b > b$ + b。	Y N
(3)	对于任意的单精度浮点数 a 和 b, 如果 $a > b$, 那么 $a + 1 > b$ + 1。	Y N
(4)	对于任意的双精度浮点数 d, 如果 $d < 0$, 那么 $d * d > 0$ 。	Y N
(5)	对于任意的双精度浮点数 d, 如果 $d < 0$, 那么 $d * 2 < 0$ 。	Y N
(6)	对于任意的双精度浮点数 d, $d == d$ 。	Y N
(7)	将 float 转换成 int 时, 既有可能造成舍入, 又有可能造成溢出。	Y N

【答】 (1) 正确; (2) 取 $a = \text{INF}$ 、 $b = \text{FLT_MAX}$; (3) 取 $a = 16777220$ 、 $b = 16777218$ 即可。这里要特别注意取 $a = \text{INF}$ 、 $b = \text{FLT_MAX}$ 不能构成反例, 因为 $b + 1$ 因计算精度无法到达 INF ; (4) d 取最大的非规格化负数; (5) 正确; (6) $\text{NaN} != \text{NaN}$; (7) 正确。

9. 已知 float 的格式为 1 符号+8 阶码+23 小数, 则下列程序的输出结果是:

```
for (int x = 0; ; x++) {
```

```

float f = x;
if (x != (int)f) {
    printf("%d", x);
    break;
}
}

```

- A. 死循环
- B. 4194305 ($2^{22} + 1$)
- C. 8388609 ($2^{23} + 1$)
- D. 16777217 ($2^{24} + 1$)

【答】D. 表示 16777217 需要 25 位，除了前导 1 以外还要 24 位，float 无法表示。

10. 已知 float 的格式为 1 符号+8 阶码+23 小数，有下列代码：

```

int x = 33554466; //  $2^{25} + 34$ 
int y = x + 8;
for ( ; x < y; x++) {
    float f = x;
    printf("%d ", x - (int)f);
}

```

其运行结果是：2 -1 0 1 -2 -1 0 1。

【答】注意 Round to Even 规则。