Gravità #5

4F Liceo Scientifico

Energia meccanica di un satellite



Un satellite è un corpo di massa e dimensioni trascurabili rispetto al pianeta di riferimento.

Un satellite è un corpo di massa e dimensioni trascurabili rispetto al pianeta di riferimento.

In particolare:

▶ il sistema di riferimento del pianeta può essere considerato inerziale (non subisce accelerazione);

Un satellite è un corpo di massa e dimensioni trascurabili rispetto al pianeta di riferimento.

In particolare:

- il sistema di riferimento del pianeta può essere considerato inerziale (non subisce accelerazione);
- il satellite può essere considerato puntiforme.

Energia meccanica di un satellite

$$E = \frac{1}{2}mv^2 - G\frac{Mm}{r}$$

Energia meccanica di un satellite

$$E = \frac{1}{2}mv^2 - G\frac{Mm}{r}$$

➤ Se il satellite è soggetto solo alla forza di attrazione gravitazionale, la sua energia è costante nel tempo

Energia meccanica di un satellite

$$E = \frac{1}{2}mv^2 - G\frac{Mm}{r}$$

- ➤ Se il satellite è soggetto solo alla forza di attrazione gravitazionale, la sua energia è costante nel tempo
- Se il satellite è in orbita circolare, allora (dimostrare)

$$E = -\frac{1}{2}G\frac{Mm}{r}$$

L'energia di un satellite è legata alla forma dell'orbita:

L'energia di un satellite è legata alla forma dell'orbita:

 $ightharpoonup E < 0 \Leftrightarrow$ orbita chiusa (circonferenza/ellisse)

L'energia di un satellite è legata alla forma dell'orbita:

- $ightharpoonup E < 0 \Leftrightarrow$ orbita chiusa (circonferenza/ellisse)
- $ightharpoonup E \geq 0 \Leftrightarrow$ orbita aperta (orbita "di fuga")

L'energia di un satellite è legata alla forma dell'orbita:

- $ightharpoonup E < 0 \Leftrightarrow$ orbita chiusa (circonferenza/ellisse)
- $ightharpoonup E \geq 0 \Leftrightarrow$ orbita aperta (orbita "di fuga")

In altri termini, se $E \ge 0$, il satellite riesce a sfuggire all'attrazione gravitazionale del suo pianeta, allontanandosi all'infinito.

Velocità di fuga

Velocità di fuga

Consideriamo un pianeta di massa M e raggio R.

La velocità di fuga v_f è la velocità minima che un corpo sulla superficie del pianeta deve avere per poter sfuggire all'attrazione gravitazionale.

Velocità di fuga

Consideriamo un pianeta di massa M e raggio R.

La velocità di fuga v_f è la velocità minima che un corpo sulla superficie del pianeta deve avere per poter sfuggire all'attrazione gravitazionale.

Dimostriamo che

$$v_f = \sqrt{\frac{2GM}{R}}$$

Possiamo definire un buco nero come un pianeta rispetto al quale la velocità di fuga è superiore alla velocità della luce.

Possiamo definire un buco nero come un pianeta rispetto al quale la velocità di fuga è superiore alla velocità della luce.

$$c = 3 \cdot 10^8$$
 m/s (velocità della luce nel vuoto)



Possiamo definire un buco nero come un pianeta rispetto al quale la velocità di fuga è superiore alla velocità della luce.

$$c = 3 \cdot 10^8$$
 m/s (velocità della luce nel vuoto)

► I buchi neri presentano un'elevata densità (perché?)



Possiamo definire un buco nero come un pianeta rispetto al quale la velocità di fuga è superiore alla velocità della luce.

$$c = 3 \cdot 10^8$$
 m/s (velocità della luce nel vuoto)

- ► I buchi neri presentano un'elevata densità (perché?)
- ► Il raggio di Schwarzschild di un corpo di massa *M* è il raggio che dovrebbe avere per diventare un buco nero.

