



RELATÓRIO DO PROJETO DE MC548

Aluno: Murilo Fossa Vicentini **RA:** 082335
Aluno: Tiago Chedraoui Silva **RA:** 082941

Sumário

1	Integrantes	2
2	Parte 1	2
2.1	[nd30]	2
2.2	[mn27]	2
2.3	[ss2]	3
2.4	[ss15]	4
2.5	[mn22]	5
2.6	Resultados	5
3	Parte 2	5

1 Integrantes

Aluno: Murilo Fossa Vicentini RA: 082335

Aluno: Tiago Chedraoui Silva RA: 082941

2 Parte 1

2.1 [nd30]

Variáveis usadas no modelo

- Para cada aresta $(i, j) \in A$, criou-se a variável binária y_{ij} que assume valor $y_{ij} = 1$ se e somente se a aresta (i, j) pertence ao caminho mínimo.

Restrições do modelo

- Todo vértice diferente do inicial e do final deve conter ou nenhuma aresta entrando e saindo ou uma entrando e saindo.

$$\sum_{i \in V}^m y_{ik} = \sum_{j \in V}^m y_{kj}, \quad \forall k \in V, \forall (i, k) e (k, j) \in A$$

- Peso total do caminho não deve exceder K

$$\sum_{i, j \in A} w_{i, j} y_{i, j} \leq K$$

- Deve existir uma aresta que sai de s

$$\sum_{j \in V} y_{s, j} = 1$$

- Deve existir uma aresta que chega em t

$$\sum_{j \in V} y_{j, t} = 1$$

Função objetivo

Objetivo: minimizar o custo do caminho

$$\min \sum_{i, j \in A} c_{i, j} y_{i, j} \quad (1)$$

2.2 [mn27]

Variáveis usadas no modelo

- Para cada vértice $u \in V$ e para cada cor $k \in \{1, 2, \dots, m\}$, criou-se a variável binária x_{uk} que assume valor $x_{uk} = 1$ se e somente se o vértice u foi colorido com a cor k .
- Criou-se uma variável binária y_k para toda cor $k \in \{1, 2, \dots, m\}$. $y_k = 1$ se e somente se pelo menos um vértice recebeu essa cor.

Restrições do modelo

- Todo vértice deve receber exatamente uma cor

$$\sum_{k=1}^m x_{uk} = 1, \quad \forall u \in V$$

- Se um vértice recebe a cor k , esta deve ser usada

$$x_{uk} \leq y_k, \quad \forall u \in V, k \in \{1 \dots m\}$$

- Os Vértices vizinhos não podem ter a mesma cor

$$x_{uk} + x_{vk} \leq 1, \quad \forall (u, v) \in E, k \in \{1 \dots m\}$$

Função objetivo

Objetivo: minimizar o número de cores usadas:

$$\min \sum_{k=1}^m y_k \quad (2)$$

2.3 [ss2]

Variáveis usadas no modelo

- Criou-se uma variável binária x_{ij} para toda tarefa $i, j \in T$ que recebe valor $x_{ij} = 1$ se e somente se a tarefa i precede j .
- Para cada tarefa $i \in T$ criou-se uma variável binária y_i que recebe valor $y_i = 1$ se e somente se a tarefa i não cumpriu o deadline.

Retrições do modelo

- Todo par de tarefas (i, j) deve ter uma precedência, em que se i precede j , j não pode preceder i .

$$x_{ji} + x_{ij} = 1, \quad \forall i, j \in T$$

- Todo par de tarefas (i, j) deve ter uma transitividade de precedência, em que se i precede j , e j precede k , i precede k . Se $x_{ij} = 1$ e $x_{jk} = 1$, então $x_{ik} = 1$.

$$x_{ij} + x_{jk} - 1 \leq x_{ik}, \quad \forall i, j, k \in T$$

- Para cada par de tarefas (i, j) em S , a tarefa i , obrigatoriamente tem que preceder j .

$$x_{ij} = 1, \quad \forall (i, j) \in S$$

- Se uma j tarefa é precedida por outras n tarefas, o tempo de término da tarefa j deve ser no mínimo o tempo de execução de todas as tarefas predecessoras, mais o seu tempo para ser executada. Se for esse término for menor que o deadline, $y_j = 0$, senão $y_j = 1$

$$\sum_{i \in T, i \neq j} x_{ij} * t_i \leq d_j - t_j + M * y_j \quad \forall j \in T$$

Em que M é um número grande e para calculá-lo somou-se todos os tempos das tarefas mais um.

$$M = \sum_{i \in T} (t_i) + 1$$

Função objetivo

Objetivo: minimizar o número de tarefas que terminem fora do prazo:

$$\min \sum_{i=1}^n y_i \quad (3)$$

2.4 [ss15]

Variáveis usadas no modelo

- Criou-se uma variável binária $x_{i,j,k}$ para toda tarefa $k \in T$ de todo projeto $i, j \in J$ que recebe valor $x_{i,j,k} = 1$ se e somente se a tarefa k do projeto i precede a tarefa k do projeto j .
- Para cada projeto $j \in J$ e cada tarefa $i \in T$ criou-se uma variável inteira $begin_{j,i}$ que recebe valor o valor de início da tarefa i do projeto j .
- Criou-se uma variável inteira fin que recebe o tempo de término do último projeto.

Restrições do modelo

- Toda tarefa dos pares de projetos (i, j) deve ter uma precedência, em que se i precede j , j não pode preceder i .

$$x_{j,i,k} + x_{i,j,k} = 1, \quad \forall i, j \in J$$

- Toda tarefa $i \in T$ do projeto $j \in J$ tem um tempo mínimo de início que é equivalente ao tempo de início da tarefa que a antecede $i - 1$ mais o tempo da execução da tarefa predecessora $t_{j,i-1}$ para o mesmo projeto.

$$begin_{j,i} \geq begin_{j,i-1} + t_{j,i-1}, \quad \forall i \in T, \forall j \in J$$

- Se um projeto j precede um projeto i o tempo de término da tarefa k do projeto i deve ser maior que o tempo de término da tarefa z do projeto j mais o seu tempo de execução.

$$begin_{j,i} + t_{j,i} \leq begin_{k,i} + (1 - x_{j,k,i}) * M, \quad \forall i \in T, \forall j, k \in J : k \neq j$$

Em que M é um número grande e para calculá-lo somou-se todos os tempos das tarefas de todos os projetos.

- A tarefa k do projeto j precede a tarefa z do mesmo projeto, logo o tempo de término da tarefa z deve ser maior que o tempo de término da tarefa k mais o seu tempo de execução.

$$begin_{k,i} + t_{k,i} \leq begin_{j,i} + x_{j,k,i} * M, \quad \forall i \in T, \forall j, k \in J : k \neq j$$

Em que M é um número grande e para calculá-lo somou-se todos os tempos das tarefas de todos os projetos.

$$M = \sum_{j \in J, i \in T} (t_{j,i})$$

- O tempo total da execução dos projetos deve ser igual ao tempo do último terminar.

$$fin \geq begin_{j,m} + t_{j,m}, \quad \forall j \in J$$

Em que m é o tempo em que a última tarefa do projeto é executada (tarefa no último processador).

Função objetivo

Objetivo: minimizar o tempo de término de todos os projetos:

$$\min fin \tag{4}$$

2.5 [mn22]

Variáveis usadas no modelo

- Para cada máquina $m \in V$ e para cada sala $r \in \{1, 2, \dots, |V|\}$, criou-sea variável binária x_{mr} que assume valor $x_{mr} = 1$ se e somente se a máquina m foi colocada na sala r .
- Para cada peça $p \in U$ e para cada sala $r \in \{1, 2, \dots, |U|\}$, criou-sea variável binária y_{pr} que assume valor $y_{pr} = 1$ se e somente se a peça p foi colocada na sala r .
- Criou-se uma variável binária $rdiff_{mp}$ para cada aresta da méquina $(m, p) \in E$ para a qual $rdiff_{mp} = 1$ se e somente se a máquina e a peça especificada pela aresta estão em salas diferentes.

Retrições do modelo

- Toda máquina deve estar em uma única sala

$$\sum_{r \in \{1, 2, \dots, |V|\}} x_{mr} = 1, \quad \forall m \in V$$

- Toda peça deve estar em uma única sala

$$\sum_{r \in \{1, 2, \dots, |V|\}} y_{pr} = 1, \quad \forall p \in U$$

- Número de máquinas por sala não deve exceder limite K

$$\sum_{m \in V} x_{mr} \leq K, \quad \forall r \in \{1, 2, \dots, |V|\}$$

- Se uma máquina estiver em sala diferente de sua peça, $rdiff = 1$

$$rdiff_{mp} \geq x_{mr} - y_{pr}, \quad \forall r \in \{1, 2, \dots, |V|\}, \forall (p, m) \in E$$

Função objetivo

Objetivo: minimizar a soma do custo de transporte de uma peça p para a mesma sala da máquina m :

$$\min \sum_{(i,j) \in E} c_{i,j} * rdiff_{i,j} \quad (5)$$

2.6 Resultados

ID exercício	1	2	3
[nd30]	3	13	21
[mn27]	3	7	13
[ss2]	1	6	17
[ss15]	8	165	245 ¹
[mn22]	1	4131	1

Tabela I: Resultados da parte 1

3 Parte 2

¹Utilizando a abordagem apresentada na seção do problema, e utilizando-a durante 8 horas em um servidor do laboratório de redes da Unicamp encontrou-se o resultado não ótimo 257. Contudo, se considerarmos somente a ordem dos projetos a solução é encontrada em questão de segundos e o resultado é melhor, 245, porém talvez não seja o ótimo. Como sabe-se que esse resultado é um resultado para a abordagem da seção do problema (seção 2.4) esse resultado foi considerado o melhor que encontramos.