UNIVERSIDADE ESTADUAL DE CAMPINAS
INSTITUTO DE COMPUTAÇÃO

RELATÓRIO DO PROJETO DE MC548

Aluno: Murilo Fossa Vicentini **RA**: 082335
Aluno: Tiago Chedraoui Silva **RA**: 082941

Sumário

1 Integrantes

Aluno: Murilo Fossa Vicentini	**RA**: 082335
Aluno: Tiago Chedraoui Silva	**RA**: 082941

2 Parte 1

2.1 [nd30]

Variáveis usadas no modelo

- Para cada aresta $(i,j) \in A$, criou-se a variável binária y_{ij} que assume valor $y_{ij} = 1$ se e somente se a aresta (i,j) pertence ao caminho mínimo.

Retrições do modelo

- Todo vértice diferente do inicial e do final deve conter ou nenhuma aresta entrando e saindo ou uma entrando e saindo.
$$\sum_{i \in V}^{m} y_{ik} = \sum_{j \in V}^{m} y_{kj}, \forall k \in V, \forall (i,k) e (k,j) \in A$$

- Peso total do caminho não deve exceder K
$$\sum_{i,j \in A} w_{i,j} y_{i,j} \leq K$$

- Deve existir uma aresta que sai de s
$$\sum_{j \in V} y_{s,j} = 1$$

- Deve existir uma aresta que chega em t
$$\sum_{j \in V} y_{j,t} = 1$$

Função objetivo

Objetivo: minimizar o custo do caminho
$$min \sum_{i,j \in A} c_{i,j} y_{i,j} \tag{1}$$

2.2 [mn27]

Variáveis usadas no modelo

- Para cada vértice $u \in V$ e para cada cor $k \in \{1,2,\ldots,m\}$, criou-se a variável binária x_{uk} que assume valor $x_{uk} = 1$ se e somente se o vertíce u foi colorido com a cor k.

- Criou-se uma variável binária y_k para toda cor $k \in \{1,2,\ldots,m\}$. $y_k = 1$ se e somente se pelo menos um vértice recebeu essa cor.

Retrições do modelo

- Todo vértice deve receber exatamente uma cor
$$\sum_{k=1}^{m} x_{uk} = 1, \forall u \in V$$

- Se um vértice recebe a cor k, esta deve ser usada

$$x_{uk} \leq y_k, \forall u \in V, k \in \{1...m\}$$

- Os Vértices vizinhos não podem ter a mesma cor

$$x_{uk} + x_{vk} \leq 1, \forall (u,v) \in E, k \in \{1...m\}$$

Função objetivo

Objetivo: minimizar o número de cores usadas:

$$min \sum_{k=1}^{m} y_k \tag{2}$$

2.3 [ss2]

Variáveis usadas no modelo

- Criou-se uma variável binária x_{ij} para toda tarefa $i, j \in T$ que recebe valor $x_{ij} = 1$ se e somente se a tarefa i precede j.
- Para cada tarefa $i \in T$ criou-se uma variável binária y_i que recebe valor $y_i = 1$ se e somente se a tarefa i não cumprio o deadline.

Retrições do modelo

- Todo par de tarefas (i, j) deve ter uma precedência, em que se i precede j, j não pode preceder i.

$$x_{ji} + x_{ij} = 1, \forall i, j \in T$$

- Para cada par de tarefas (i, j) em S, a tarefa i, obrigatoriamente tem que preceder j.

$$x_{ij} = 1, \forall (i, j) \in S$$

- Se uma j tarefa é precedida por outras n tarefas, o tempo de término da tarefa j deve ser no mínimo o tempo de execução de todas as tarefas predecessoras, mais o seu tempo para ser executada. Se for esse término for menor que o deadline, $y_j = 0$, senão $y_j = 1$

$$\sum_{i \in T, i \neq j} x_{ij} * t_i \leq d_j - t_j + M * y_j \forall j \in T$$

Em que M é um número grande e para calculá-lo somou-se todos os tempos das tarefas mais um.

$$M = \sum_{i \in T} (t_i) + 1$$

Função objetivo

Objetivo: minimizar o número de tarefas que terminem fora do prazo:

$$min \sum_{i=1}^{n} y_i \tag{3}$$

2.4 [ss15]

Variáveis usadas no modelo

- Criou-se uma variável binária $x_{i,j,k}$ para toda tarefa $k \in T$ de todo projeto $i, j \in J$ que recebe valor $x_{i,j,k} = 1$ se e somente se a tarefa k do projeto i precede a tarefa k do projeto j.

- Para cada projeto $j \in J$ e cada tarefa $i \in T$ criou-se uma variável inteira $begin_{j,i}$ que recebe valor o valor de início da tarefa i do projeto j.

- Criou-se uma varível inteira fim que recebe o tempo de término do último projeto.

Retrições do modelo

- Toda tarefa dos pares de projetos (i, j) deve ter uma precedência, em que se i precede j, j não pode preceder i.
$$x_{j,i,k} + x_{i,j,k} = 1, \forall i, j \in J$$

- Toda tarefa $i \in T$ do projeto $j \in J$ tem um tempo mínimo de início que é equivalente ao tempo de início da tarefa que a antecede $i-1$ mais o tempo da execução da tarefa predecessora $t_{j,i-1}$ para o mesmo projeto.
$$begin_{j,i} \geq begin_{j,i-1} + t_{j,i-1}, \forall i \in T, \forall j \in J$$

- Se um projeto j precede um projeto i o tempo de término da tarefa k do projeto i deve ser maior que o tempo de término da tarefa z do projeto j mais o seu tempo de execução.
$$begin_{j,i} + t_{j,i} \leq begin_{k,i} + (1 - x_{j,k,i}) * M, \forall i \in T, \forall j, k \in J : k! = j$$
Em que M é um número grande e para calculá-lo somou-se todos os tempos das tarefas de todos os projetos.

- A tarefa k do projeto j precede a tarefa z do mesmo projeto, logo o tempo de término da tarefa z deve ser maior que o tempo de término da tarefa k mais o seu tempo de execução.
$$begin_{k,i} + t_{k,i} \leq begin_{j,i} + x_{j,k,i} * M, \forall i \in T, \forall j, k \in J : k! = j$$
Em que M é um número grande e para calculá-lo somou-se todos os tempos das tarefas de todos os projetos.
$$M = \sum_{j \in J, i \in T} (t_{j,i})$$

- O tempo total da execução dos projetos deve ser igual ao tempo do último terminar.
$$fim \geq begin_{j,m} + t_{j,m}, \forall j \in J$$
Em que m é o tempo em que a última tarefa do projeto é executada (tarefa no último processador).

Função objetivo

Objetivo: minimizar o tempo de término de todos os projetos:
$$\min fim \tag{4}$$

2.5 [mn22]

Variáveis usadas no modelo

- Para cada máquina $m \in V$ e para cada sala $r \in \{1,2,\ldots,|V|\}$, criou-sea variável binária x_{mr} que assume valor $x_{mr} = 1$ se e somente se a máquina m foi colocada na sala r.
- Para cada peça $p \in U$ e para cada sala $r \in \{1,2,\ldots,|U|\}$, criou-sea variável binária y_{pr} que assume valor $y_{pr} = 1$ se e somente se a peça p foi colocada na sala r.
- Criou-se uma variável binária $rdiff_{mp}$ para cada aresta da méquina $(m,p) \in E$ para a qual $rdiff_{mp} = 1$ se e somente se a máquina e a peça especificada pela aresta estão em salas diferentes.

Retrições do modelo

- Toda máquina deve estar em uma única sala

$$\sum_{r \in \{1,2,\ldots,|V|\}} x_{mr} = 1, \forall m \in V$$

- Toda peça deve estar em uma única sala

$$\sum_{r \in \{1,2,\ldots,|V|\}} y_{pr} = 1, \forall p \in U$$

- Número de máquinas por sala não deve exceder limite K

$$\sum_{m \in V} x_{mr} \leq K, \forall r \in \{1,2,\ldots,|V|\}$$

- Se uma máquina estiver em sala diferente de sua peça, $rdiff = 1$

$$rdiff_{mp} \geq x_{mr} - y_{pr}, \forall r \in \{1,2,\ldots,|V|\}, \forall (p,m) \in E$$

Função objetivo

Objetivo: minimizar a soma do custo de transporte de uma peça p para a mesma sala da máquina m:

$$min \sum_{(i,j) \in E} c_{i,j} * rdiff_{i,j} \tag{5}$$

2.6 Resultados

ID exercício	1	2	3
[nd30]	3	13	21
[mn27]	3	7	13
[ss2]	1	6	16
[ss15]	8	165	245[1]
[mn22]	1	4131	1

Tabela I: Resultados da parte 1

3 Parte 2

[1]Utilizando a abordagem apresentada na seção do problema, e utilizando-a durante 8 horas em um servidor do laboratório de redes da Unicamp encontrou-se o resultado não ótimo 257. Contudo, se considerarmos somente a ordem dos projetos a solução é encontrada em questão de segundos e o resultado é melhor, 245, porém talvez não seja o ótimo. Como sabe-se que esse resultado é um resultado para a abordagem da seção do problema (seção 2.4) esse resultado foi considerado o melhor que encontramos.