

5 – Análise Sintática Ascendente

Linguagens e Programação

Ana Madureira

Engenharia Informática
Ano Letivo: 2021/2022

Fontes:

1. Compiladores Princípios e práticas, Kenneth C.Louden, Thomson, 2004.
Cap. 5 Análise Sintática Ascendente
2. Processadores de Linguagens – da concepção à implementação, Rui Gustavo Cresp. IST Press.1998.
Cap. 5 Análise Sintática Ascendente
3. Compiladores - Princípios, Técnicas e Ferramentas, Alfred V. Aho, Monica S. Lam e Ravi Sethi, Pearson, 2ª edição, 2007.
Cap. 4 secção 4.5 Análise Sintática Bottom-Up

1

Classe de Analisadores Sintáticos

- Verificar se uma dada sequência de *tokens* constitui um programa válido
- **Descendentes (top-down)**
 - Com retrocesso
 - Sem retrocesso
 - Recursivo
 - Preditivo (LL)
- **Ascendentes (bottom-up)**
 - Shift-reduce
 - Shift-reduce com análise de precedência
 - **LR**
 - LR(0)
 - SLR(1)
 - LALR(1)
 - LR(1)

2

Análise *Bottom-Up*

- Os parsers *top-down* têm de decidir qual a regra gramatical a aplicar tendo visto, na prática, apenas um **símbolo** do seu lado direito.
- Nos analisadores sintáticos *bottom-up* as regras gramaticais só são aplicadas depois de se ter visto e reconhecido toda a sua parte direita e possivelmente mais o(s) símbolo(s) seguinte(s).
- Os parsers *bottom-up* aplicam as regras gramaticais substituindo a sua parte direita pelo não-terminal que constitui a sua parte esquerda.
- Constroem uma árvore de parse partindo das folhas** (terminais - *tokens*) até se chegar ao símbolo inicial da gramática. Fazem uma visita em pós-ordem da árvore construída.
- A construção feita desta forma é sempre uma derivação mais à direita (*rightmost*) feita por ordem inversa.
- Considere-se a gramática $S \rightarrow (S)S \mid \epsilon$ e a entrada $()$.

Uma derivação feita desta forma pode ser:

$() \leftarrow (S) \leftarrow (S)S \leftarrow S$

3

Análise *BottomUp* - Exemplo

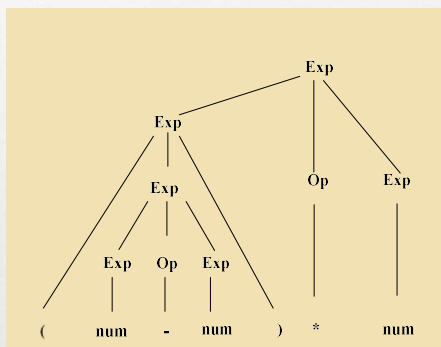
Considere-se a gramática:
 $\text{Exp} \rightarrow \text{Exp Op Exp} \mid (\text{Exp}) \mid \text{num}$
 $\text{Op} \rightarrow + \mid - \mid * \mid /$

E a sequência de tokens:

$(\text{num} - \text{num}) * \text{num}$

Na análise *bottom-up* partimos da sequência de *tokens* que pretendemos analisar e vamos aplicando regras gramaticais (ao contrário), até se chegar ao símbolo inicial. Trata-se de uma *derivação mais à direita*:

$\leftarrow (\text{num} - \text{num}) * \text{num}$
 $\leftarrow (\text{Exp} - \text{num}) * \text{num}$
 $\leftarrow (\text{Exp Op num}) * \text{num}$
 $\leftarrow (\text{Exp Op Exp}) * \text{num}$
 $\leftarrow (\text{Exp}) * \text{num}$
 $\leftarrow \text{Exp} * \text{num}$
 $\leftarrow \text{Exp Op num}$
 $\leftarrow \text{Exp Op Exp}$
 Exp



4

Análísadores Sintáticos *Ascendentes*

- Foram propostos e adotados na implementação de compiladores diversos algoritmos, dos quais se destacam:
 - CKY
 - Precedência de operadores
 - Precedência simples
 - Precedência fraca
 - Contexto limitado
 - **LR (Knuth)**

5

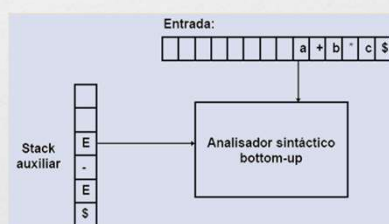
Implementação dos *parsers* Ascendentes

- A sequência de símbolos da entrada termina com \$.
- A stack de reconhecimento pode conter sequências alternadas de variáveis e terminais e de estados.
- Baseiam-se nos seguintes tipos de ações efetuadas sobre os tokens da entrada e sobre uma stack auxiliar (de terminais e não-terminais):
 - **Deslocar** (shift) - retira da entrada o token corrente e coloca-o na stack (push)
 - **Reduzir** (reduce) - Substitui símbolos do topo da stack por um não-terminal, por aplicação de uma regra gramatical
 - **Aceitação** – termina a análise sintática reconhecendo a entrada. O texto da entrada é aceite se após o seu consumo estiver no topo da stack apenas o símbolo inicial da gramática
 - **Erro** – termina a análise sintática com erro de reconhecimento

6

Implementação dos *parsers Ascendentes*

- A sequência de símbolos da entrada termina com \$.
- A stack de reconhecimento pode conter sequências alternadas de variáveis e terminais e de estados.
- Baseiam-se nos seguintes tipos de ações efetuadas sobre os *tokens* da entrada e sobre uma *stack* auxiliar (de terminais e não-terminais):
 - Deslocar (shift)** - retira da entrada o token corrente e coloca-o na stack (push)
 - Reduzir (reduce)** - Substitui símbolos do topo da stack por um não-terminal, por aplicação de uma regra gramatical
 - Aceitação** - termina a análise sintática reconhecendo a entrada. O texto da entrada é aceite se após o seu consumo estiver no topo da stack apenas o símbolo inicial da gramática
 - Erro** - termina a análise sintática com erro de reconhecimento.



7

Exemplo

- Considere-se a seguinte gramática para expressões:

$E \rightarrow F + E \mid F$

$F \rightarrow id * F \mid id \mid (E)$

Pretende-se fazer a análise sintática da entrada **id + id * id** utilizando o método *bottom-up* e as acções de **deslocar-reduzir**. Uma possibilidade seria:

	Stack	Entrada	Acções
1	\$	id + id * id \$	deslocar
2	\$ id	+ id * id \$	reduzir $F \rightarrow id$
3	\$ F	+ id * id \$	deslocar
4	\$ F +	id * id \$	deslocar
5	\$ F + id	* id \$	deslocar
6	\$ F + id *	id \$	deslocar
7	\$ F + id * id	\$	reduzir $F \rightarrow id$
8	\$ F + id * F	\$	reduzir $F \rightarrow id * F$
9	\$ F + F	\$	reduzir $E \rightarrow F$
10	\$ F + E	\$	reduzir $E \rightarrow F + E$
11	\$ E	\$	aceitar

Há vários passos neste processo de derivação onde poderia haver dúvidas quanto à próxima acção.

Na configuração 3, por exemplo, poderia ser possível realizar uma redução pela regra $E \rightarrow F$, em vez do deslocamento efectuado;

Na configuração 5 também era possível fazer uma redução em vez do deslocamento.

No entanto se nessas configurações críticas tivéssemos feito reduções em vez de deslocamentos não seria mais possível atingir o símbolo inicial da gramática E.

8

Conflitos durante a análise sintática de deslocar e reduzir

- Existem gramáticas independentes do contexto para as quais este tipo de análise não pode ser usada
- Um analisador deste tipo para uma tal gramática pode atingir uma configuração na qual, mesmo conhecendo o conteúdo da stack e o próximo símbolo de entrada (lookahead), não pode decidir:
 - entre deslocar ou reduzir (**conflito shift/reduce**)
 - qual das diversas reduções alternativas realizar (**conflito reduce/reduce**)

Stmt \rightarrow if Exp then Stmt |
 if Exp then Stmt else Stmt
 Stack: ... if Exp then Stmt
 Entrada: else ... \$
 Vamos optar por reduzir if Exp then Stmt
 através de Stmt
 ou vamos empilhar(deslocar) o else da
 entrada?

Par \rightarrow id
 Exp \rightarrow id
 Stack: ... id (id
 Entrada: , id) ... \$
 Vamos optar por reduzir id que se encontra no topo
 da stack por Par ou por Exp?

9

Definições

- A concatenação dos símbolos da stack com o que resta da entrada constitui sempre uma forma sentencial da derivação que o parser bottom-up está a fazer do texto da entrada:
 - Essa derivação é sempre uma derivação mais à direita
 - A configuração de um parser bottom-up (símbolos da stack + o que resta da entrada) constitui o que se chama uma forma sentencial direita
- Os símbolos que se encontram em cada configuração de um parser bottom-up na sua stack constituem o que chama um **prefixo viável** da forma sentencial direita que constitui essa configuração
 - Assim, e e 'id' são prefixos viáveis de 'id + id * id' na gramática do exemplo anterior; no entanto 'id +' já não o é
- Durante a análise sintática bottom-up nem todas as reduções possíveis se devem efectuar.
 - Só se deve efectuar uma redução se o símbolo inicial da gramática puder vir a ser atingido
 - Só se deve efectuar uma redução quando o topo da stack contiver o que se chama um **handle**
 - Um handle é uma subcadeia de uma forma sentencial direita, correspondente ao lado direito de uma regra gramatical, cuja redução ao respectivo não-terminal constitui um passo na derivação mais à direita do texto inicial
 - Formalmente: β é um handle da forma sentencial direita $\alpha \beta w$, onde α é qualquer sequência de símbolos e w qualquer sequência de terminais, se existir uma regra $X \rightarrow \beta$ e se $S \xRightarrow{*} \alpha X w \xRightarrow{*} \alpha \beta w$
- Os parsers bottom-up devem reconhecer *handles* para efetuarem uma redução

10

Análise sintáctica LR(k)

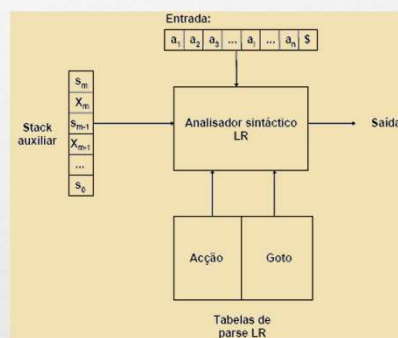
- Método de análise sintáctica *bottom-up* onde, além da *stack* auxiliar se examinam os próximos k *tokens* (terminais) da entrada
- Só é prática a situação $k=1$
- É mais poderosa que a análise sintáctica *top-down* LL(k)
- Praticamente todas as construções das linguagens de programação descritas por gramáticas livres de contexto podem ser analisadas por **parsers LR**
- É difícil de implementar "à mão"
- Significado de **LR(k)**:
 - **L** - A análise faz-se percorrendo a entrada da esquerda para a direita (**Left to right parse**)
 - **R** - A análise produz uma derivação mais à direita por ordem inversa (**Rightmost derivation in reverse**)
 - **k** - número de terminais de antecipação (**lookahead**) da entrada que são examinados, para determinar a próxima ação (deslocar ou reduzir)

11

Funcionamento do analisador sintático LR

Problemas a resolver durante a análise bottom-up:

- escolher uma das operações: **reduzir** ou **deslocar**
- no caso de redução, localizar na stack a subcadeia α a reduzir
- no caso de existir mais do que uma produção com o lado direito igual a α , que produção escolher?



Stack	Fila entrada	Configuração
\$	w\$	inicial
\$S	\$	final

- s_i - indicação de um estado
- X_j - um símbolo gramatical (terminal ou não-terminal)
- s_0 - estado inicial

Existem diferentes métodos para a construção de tabelas LR:

- SLR (simple LR)
- LR (canónico)
- LALR (lookahead LR)

12

Algoritmo do analisador sintático

Configuração inicial:

- **Entrada total presente**
- **Estado inicial** (S_0) no topo da *stack*

Tabelas de *Parse*:

- **Tabela ação:** $A[s, t]$ - matriz indexada pelos estados e pelos *tokens* da entrada mais o símbolo $\$$. Cada entrada da tabela contém 4 tipos de ações:
 - si - deslocar (shift) um token da entrada para a *stack* e cobri-lo com o estado i
 - rj - reduzir o topo da *stack* pela regra gramatical j
 - acc - aceitar o texto da entrada
 - **posições em branco** - erros sintáticos
- **Tabela goto:** $G[s, N]$ - matriz indexada pelos estados e pelos não-terminais da gramática (usada para determinar o próximo estado após uma operação *reduce*)- As entradas que não estão em branco contêm um estado

Seja tok o próximo *token*, inicializado com o 1º token da entrada

```
repeat forever
  s = top(); a = tok;
  if (A[s, a] == si)
    push(a); push(i); advance();
  else if (A[s, a] == rj)
    R = regra j (p. ex.  $X \rightarrow \beta$ )
    pop 2 * | $\beta$ | símbolos da stack;
    k = top();
    push(X); push(G[k, X]);
    output(" $X \rightarrow \beta$ ")
  else if (A[s, a] == acc)
    accept();
    return;
  else
    error();
```

13

Exemplo

Seja a seguinte gramática para expressões:

1. $E \rightarrow E + T$
2. $E \rightarrow T$
3. $T \rightarrow T * F$
4. $T \rightarrow F$
5. $F \rightarrow (E)$
6. $F \rightarrow id$

As tabelas de *parse* LR para esta gramática podem ser:

estado	Ação						Goto			
	id	+	*	()	\$	E	T	F	
0	s5			s4			1	2	3	
1		s6				acc				
2		r2	s7		r2	r2				
3		r4	r4		r4	r4				
4	s5			s4			8	2	3	
5		r6	r6		r6	r6				
6	s5			s4				9	3	
7	s5			s4					10	
8		s6			s11					
9		r1	s7		r1	r1				
10		r3	r3		r3	r3				
11		r5	r5		r5	r5				

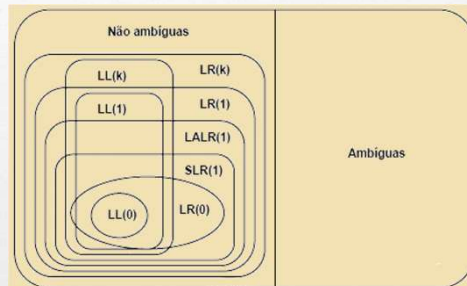
Verificar, usando a tabela, se a entrada "id * id + id" pertence à gramática:

Stack	Entrada	Ação
0	id * id + id \$	shift 5
0id5	* id + id \$	reduce by 6
0F3	* id + id \$	reduce by 4
0T2	* id + id \$	shift 7
0T2*7	id + id \$	shift 5
0T2*7id5	+ id \$	reduce by 6
0T2*7F10	+ id \$	reduce by 3
0T2	+ id \$	reduce by 2
0E1	+ id \$	shift 6
0E1+6	id \$	shift 5
0E1+6id5	\$	reduce by 6
0E1+6F3	\$	reduce by 4
0E1+6T9	\$	reduce by 1
0E1	\$	accept

14

Gramáticas LR(k)

Hierarquia das gramáticas independentes de contexto



Uma gramática diz-se **LR(k)** se for possível construir um *parser* LR(k) para essa gramática, sem conflitos. Uma condição necessária é ser não ambígua.

15

Passos na Construção de Tabelas LR

1. Estender a gramática inicial, introduzindo um novo símbolo inicial S' , um novo terminal $\$$ e uma nova produção $S' \rightarrow S$
2. Construir um autômato finito determinístico (AFD) a partir da extensão de G , onde os estados do autômato têm a informação necessária para o analisador sintático decidir a ação a executar.
3. Representar o AFD por uma tabela de transição de estados.
4. Definir a tabela de ações

16

Construção de tabelas SLR

Itens LR(0)

- Método mais simples (do que os métodos LR canónico e LALR) – baseia-se no conceito de itens LR(0)
- Um item LR(0) é qualquer regra gramatical associada a uma posição no lado direito da regra
- Essa posição é representada por um \cdot colocado no lado direito da produção (este \cdot é um metacaracter e não um terminal)
- Um item de uma produção indica o quanto de uma já examinamos a uma dada altura do processo de análise sintática.
- Por exemplo $A \rightarrow Aa$ produz os quatro itens seguintes:
 - $A \rightarrow \cdot Aa$ (indica que desejamos em seguida examinar uma cadeia na entrada)
 - $A \rightarrow A \cdot a$ (indica que acabamos de examinar uma cadeia na entrada, derivável a partir de A e que esperamos em seguida ver uma cadeia derivável de a)
 - $A \rightarrow Aa \cdot$ (indica que se pode efectuar a redução)
- Produções vazias do tipo $A \rightarrow \epsilon$ só possuem um item LR(0) que é $A \rightarrow \cdot$.

17

SLR – Simple LR

- Construir $C = \{I_0, I_1, \dots, I_n\}$
- Se $\{A \rightarrow \alpha \cdot a \beta\}$ pertence a I_i e $\text{goto}(I_i, a) = I_j$, então $\text{acção}(i, a) = \text{shift } j$
- Se $\{A \rightarrow \alpha \cdot\}$ pertence a I_i , então para todo o a em $\text{FOLLOW}(A)$, então $\text{acção}(i, a) = \text{reduce } A \rightarrow \alpha$; A não pode ser S'
- Se $\{S' \rightarrow S\}$ pertence a I_i , então $\text{acção}(i, \$) = \text{aceita}$.
- Se $\{A \rightarrow \alpha \cdot X \beta\}$ pertence a I_i , X variável (não terminal), então $\text{salto}(i, X) = j$

18

Construção de tabelas SLR

Itens LR(0)

- Para a gramática $S \rightarrow (S) S \mid \epsilon$ a coleção de itens LR(0) que é possível definir é:

$$\begin{aligned}
 &S \rightarrow \cdot (S) S & S \rightarrow (\cdot S) S & S \rightarrow (S) \cdot S \\
 &S \rightarrow (\cdot S) S & S \rightarrow (S) \cdot S & S \rightarrow \cdot
 \end{aligned}$$
- A ideia central do SLR é
 - construir primeiro a partir da gramática um AFD que reconheça prefixos viáveis.
 - Agrupar esses itens em conjuntos, os quais dão origem aos estados do analisador sintático SLR.
- Os itens podem ser vistos como os estados do AFD que reconhece os prefixos viáveis
- Para construir a coleção canônica LR(0) para uma gramática, define-se uma gramática aumentada e duas funções: fecho e desvio.
- É possível construir um AFN entre os itens LR(0) de uma gramática:
 - Se $A \rightarrow \alpha \cdot \omega$ for um item e ω um símbolo gramatical cria-se uma transição para o item $A \rightarrow \alpha \omega \cdot$, etiquetada por ω
 - Se $A \rightarrow \alpha \cdot X \eta$ for um item e X um não-terminal criam-se transições-e para todos os itens do tipo $X \rightarrow \cdot \beta$
- Para existir sempre um estado inicial a gramática deverá conter uma nova regra $S' \rightarrow S$, sendo o estado inicial o que contém o item $S' \rightarrow \cdot S$

19

Exemplo – construção do AFN entre os itens

- Construir o AFN de itens LR(0) da gramática:

$E' \rightarrow E$

$E \rightarrow E + id \mid id$

- Os itens LR(0) desta gramática aumentada são:

$E' \rightarrow \cdot E$

$E' \rightarrow E \cdot$

$E \rightarrow \cdot E + id$

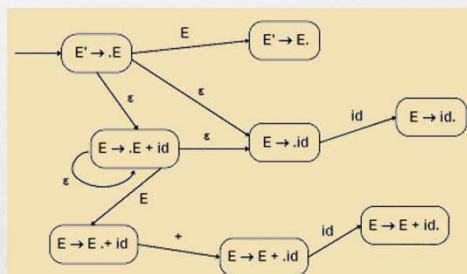
$E \rightarrow E \cdot + id$

$E \rightarrow E + \cdot id$

$E \rightarrow E + id \cdot$

$E \rightarrow \cdot id$

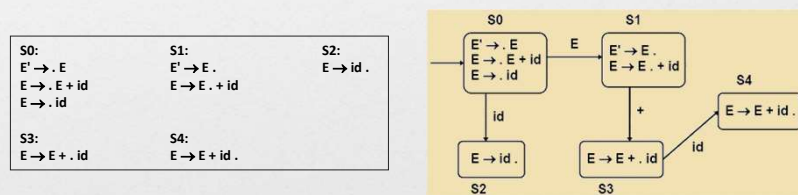
$E \rightarrow id \cdot$



20

AFD's e colecções de itens LR(0)

- Após a construção do AFN entre itens LR(0) é possível construir um AFD equivalente mínimo, seguindo o algoritmo referido no capítulo da análise léxica (algoritmo da construção dos subconjuntos)
- Os itens agrupados num mesmo estado deste AFD mínimo constituem o que se chama um conjunto de itens LR(0). A coleção de todos os conjuntos de itens constitui a coleção canónica de itens da gramática
- Para o AFN do exemplo anterior chegaríamos à coleção canónica e ao AFD seguintes:



21

Parsers LR(0)

- Por vezes o AFD e os estados a que se chega usando os itens LR(0) é suficiente para a construção de um *parser* sem *lookahead*.
- Algoritmo para o *parser* LR(0):
 1. Se o estado s do topo da *stack* contém algum item da forma $A \rightarrow \alpha . \omega \eta$ com ω um terminal então a ação é **shift**. Se o terminal que for para a *stack* for x então o estado s deve conter algum item da forma $A \rightarrow \alpha . x \eta$ (caso contrário temos um erro sintático); o estado seguinte, a colocar no topo da *stack* é o estado que contiver o item $A \rightarrow \alpha x . \eta$
 2. Se o estado s contiver um item completo (um item da forma $A \rightarrow \alpha .$) então a ação é reduzir pela regra $A \rightarrow \alpha$; uma redução pela regra $S' \rightarrow S$ é a aceitação se a entrada estiver vazia; a redução pela regra $A \rightarrow \alpha$ retira da *stack* os símbolos de α e os correspondentes estados; o estado que fica no topo terá de conter então um item $B \rightarrow \beta . \Delta y$; seguidamente o símbolo A é colocado na *stack* juntamente com o estado que contiver o item $B \rightarrow \beta A . y$
- Para que uma gramática seja LR(0) é necessário que a sua coleção canónica de itens satisfaça certas condições, por forma a que o algoritmo anterior seja aplicável e livre de conflitos.
- Se um estado contiver um item completo ($A \rightarrow \alpha .$) não pode conter mais nenhum item. Caso contrário existirá um conflito **shift-reduce** (com outros itens não completos) ou um conflito **reduce-reduce** (com outro item completo)
- Logo a gramática anterior não é LR(0) (ver o estado S1).

22

Exemplo LR(0)

Construir os estados e as ações LR(0) para a gramática: $A \rightarrow (A) \mid a$
Deve-se acrescentar a regra $A' \rightarrow A$ para definir a aceitação.

A coleção canónica de itens contém os conjuntos:

S0:
 $A' \rightarrow \cdot A$
 $A \rightarrow \cdot (A)$ (shift)
 $A \rightarrow \cdot a$

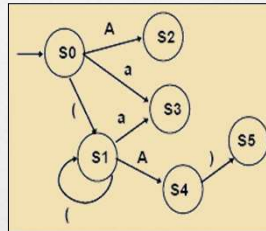
S1:
 $A \rightarrow (\cdot A$
 $A \rightarrow (\cdot (A)$ (shift)
 $A \rightarrow (\cdot a$

S2:
 $A' \rightarrow A \cdot$ (accept)

S3:
 $A \rightarrow a \cdot$ (reduce)

S4:
 $A \rightarrow (A \cdot$ (shift)

S5:
 $A \rightarrow (A) \cdot$ (reduce)



Stack	Entrada	Acção
0	((a)) \$	shift
0(1	(a)) \$	shift
0(1(1	a)) \$	shift
0(1(1a3)) \$	reduce
0(1(1A4)) \$	shift
0(1(1A4)5) \$	reduce
0(1A4) \$	shift
0(1A4)5	\$	reduce
0A2	\$	accept

23

Exemplo – construção da coleção canónica de itens LR(0) e respetivo AFD

Para a gramática aumentada:

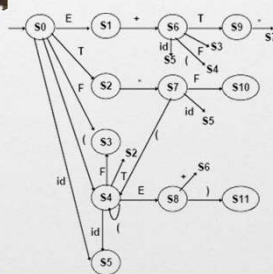
$E' \rightarrow E$

$E \rightarrow E + T \mid T$

$T \rightarrow T * F \mid F$

$F \rightarrow (E) \mid id$

Obtemos o seguinte conjunto de itens e o respetivo AFD:



É possível construir directamente o AFD de itens sem passar primeiro pelo AFN [Aho, secção 4.7]

S0: $E' \rightarrow \cdot E$ $E \rightarrow \cdot E + T$ $E \rightarrow \cdot T$ $T \rightarrow \cdot T * F$ $T \rightarrow \cdot F$ $F \rightarrow \cdot (E)$ $F \rightarrow \cdot id$	$E \rightarrow \cdot E + T$ $E \rightarrow \cdot T$ $T \rightarrow \cdot T * F$ $T \rightarrow \cdot F$ $F \rightarrow \cdot (E)$ $F \rightarrow \cdot id$	S8: $F \rightarrow (\cdot E)$ $E \rightarrow E \cdot + T$
S1: $E' \rightarrow E \cdot$ $E \rightarrow E \cdot + T$	S6: $E \rightarrow E + \cdot T$ $T \rightarrow \cdot T * F$ $T \rightarrow \cdot F$ $F \rightarrow \cdot (E)$ $F \rightarrow \cdot id$	S9: $E \rightarrow E + T \cdot$ $T \rightarrow T \cdot * F$
S2: $E \rightarrow T \cdot$ $T \rightarrow T \cdot * F$	S7: $T \rightarrow T * \cdot F$ $F \rightarrow \cdot (E)$ $F \rightarrow \cdot id$	S10: $T \rightarrow T * F \cdot$
S3: $T \rightarrow F \cdot$		S11: $F \rightarrow (E) \cdot$
S4: $F \rightarrow (\cdot E)$		

24

Tabelas SLR(1)

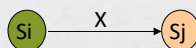
- A gramática anterior não é LR(0) (ver estados S1, S2 e S9)
- Sem lookahead surgem demasiados conflitos
- No entanto, se considerarmos o próximo token, muitos desses conflitos podem ser resolvidos
- Por exemplo, se considerarmos o estado 1 da página anterior que pede uma redução pela regra $E' \rightarrow E$ e um deslocamento relativo ao outro item, podemos ter estas duas acções dependentes do próximo token. Considerando que se fizermos a redução isso equivale a dizer que se acabou de reconhecer o não-terminal que é a parte esquerda da regra (E' neste caso), isso significa que legalmente o próximo token só pode ser um elemento do conjunto followers desse não-terminal. Assim, no caso de S1 do acetato anterior, a redução só se deve fazer se o próximo token pertencer a $\text{followers}(E') = \{ \$ \}$ e o deslocamento só se deve fazer se o próximo token for + (o terminal a seguir ao . num item).
- Temos então acções diferentes, mas perfeitamente distinguidas pelo próximo token.

25

Construção de tabelas SLR(1)

- Considerando um token de lookahead podemos construir uma tabela de parse LR(1) a partir do AFD de itens LR(0), a que se dá o nome de SLR(1):
 1. Construir a colecção canónica de itens LR(0): $C = \{ S_0, S_1, \dots, S_n \}$
 2. O estado inicial é o que contém $S' \rightarrow .S$ (geralmente numerado como estado 0)
 3. Construir a matriz $A[s, t]$ da forma:
 - a. Se $X \rightarrow \alpha.a\beta$ e S_i (a - terminal) e $\text{goto}(S_i, a) = S_j$ então $A[i, a] = sj$ (shift j)
 - b. Se $X \rightarrow \alpha.$ e S_i ($X \rightarrow \alpha$ - regra k) então $A[i, a] = rk$ (reduce by k) para todos os a's em $\text{followers}(X)$
 - c. Se $S' \rightarrow S.$ e S_i então $A[i, \$] = \text{accept}$
 4. Se $\text{goto}(S_i, X) = S_j$ (X - não-terminal) então $G[i, X] = j$

$\text{goto}(S_i, X) = S_j$ Se o estado i for coberto com o símbolo X então X será coberto pelo estado j, ou seja, ou próximo estado será j



26

Exemplo de construção da tabela SLR(1)

Construir a tabela SLR(1) para a gramática do slide 13

- Considere-se o estado S0 (é o estado inicial porque contém o item $E' \rightarrow \cdot E$)
- Temos deslocamentos para os estados S4 e S5 com os *tokens* (e id (correspondentes aos itens $F \rightarrow \cdot (E)$ e $F \rightarrow \cdot id$):
 $A[0, (] = s4$ e $A[0, id] = s5$
- Temos também algumas entradas da tabela Goto:
 $G[0, E] = 1$; $G[0, T] = 2$; $G[0, F] = 3$
- Considere-se agora o estado S2:
- O item $E \rightarrow T$ indica uma acção de redução para os *tokens* pertencentes a $followers(E) = \{ \$, +,) \}$
- O item $T \rightarrow T \cdot * F$ indica uma acção de deslocamento para o *token* *, que não entra em conflito com as reduções anteriores
 $A[2, +] = A[2,)] = A[2, \$] = \text{reduce by } E \rightarrow T (r2)$
 $A[2, *] = s7$

Considerando a seguinte numeração para as regras gramaticais:

0. $E' \rightarrow E$ 3. $T \rightarrow T * F$ 6. $F \rightarrow id$
 1. $E \rightarrow E + T$ 4. $T \rightarrow F$
 2. $E \rightarrow T$ 5. $F \rightarrow (E)$

Seria definida a tabela seguinte:

27

Exemplo de construção da tabela SLR(1)

estado	Acção						Goto		
	Id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		r1	s7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			

28

Gramáticas SLR(1)

- Uma **gramática diz-se SLR(1)** se a construção da tabela de *parse* pelo método SLR(1) não tiver qualquer conflito (ações distintas na mesma célula da tabela)
- Embora um grande número de gramáticas de linguagens de programação seja SLR(1) ainda há algumas que não o são.
- Exemplo:

Consideremos um estado composto pelos itens:

Sn: $A \rightarrow B. = D$

$C \rightarrow B.$

Consideremos ainda que **followers(C)** contém o *token* =

Neste estado podemos ter:

- um deslocamento no *token* =
- uma redução pela regra $C \rightarrow B$ nos *tokens* que são os **followers(C)** – este conjunto contém o *token* =

Neste caso, 1 *token* de *lookahead* não é suficiente para decidir entre o *shift* e o *reduce*.

29

Itens LR(1)

- Por vezes, na construção SLR(1) aparecem ainda reduções inválidas, para cadeias que não são **handles**, gerando conflitos
- É o que acontece no exemplo anterior (nem todas as cadeias que coincidem com a parte direita de uma regra e são seguidas por um elemento do conjunto **followers** da parte esquerda são **handles**)
- Para melhorar o reconhecimento dos **handles** é necessário incorporar os *tokens* de *lookahead* nos itens, obtendo-se o que chama itens LR(1) [Aho, secção 7.4]
- A construção da tabela LR(1) canónica é feita com base na construção dos estados LR(1) e respectivo AFD, a partir dos itens LR(1) [Aho, secção 7.4]
- Se a tabela gerada não contiver conflitos, então diz-se que a gramática correspondente é LR(1) – praticamente todas as linguagens de programação são LR(1)

30

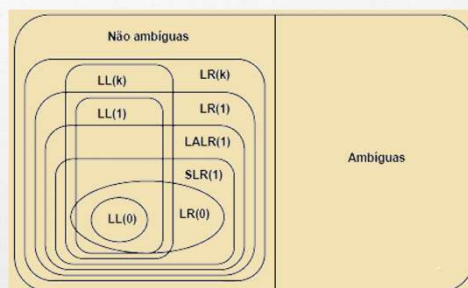
Método LR canónico

- Os estados do AFD têm informação adicional para além da incorporada nos estados do AFD para o analisador SLR.
- Uso de antevisão (lookahead)
- A vantagem do LR canónico consiste no reconhecimento de maior nº de linguagens de programação
- Todas as linguagens SLR e todas as linguagens LL(1) são linguagens LR(1) mas o contrário já não se verifica.
- As tabelas geradas pelo método LR canónico são normalmente de dimensão superior às tabelas geradas pelo método SLR
- Uma gramática G diz-se LR(1) se for possível gerar as tabelas do Analisador sintático LR canónico para a gramática estendida de G.

31

Gramáticas LR(k)

Hierarquia das gramáticas independentes de contexto



Uma gramática diz-se LR(k) se for possível construir um *parser* LR(k) para essa gramática, sem conflitos. Uma condição necessária é ser não ambígua.

32

Parsers LALR(1)

- Os *parsers* LR(1) são bastante poderosos, mas o número de estados tende a ser muito grande, relativamente aos estados das tabelas SLR(1)
 - Para uma implementação da gramática de uma linguagem média é frequente obter alguns milhares de estados LR(1), contra apenas poucas centenas para a tabela SLR(1)
- Na prática usa-se um outro método de construção de tabelas, dito LALR, que contém o mesmo número de estados dos *parsers* SLR, mas mantém, praticamente intacto, o poder dos *parsers* LR canónicos [Aho, secção 7.4]
- A ideia é agrupar os estados que diferem apenas no símbolo de antevisão. Referem-se duas abordagens para a construção das tabelas do analisador LALR
 - Os estados são deduzidos a partir dos estados do analisador LR canónico por um procedimento de agrupamento.
 - Os estados são identificados de raiz calculando os símbolos de antevisão quando necessário.
- As tabelas LALR(1) são, em geral, de dimensão superior quando comparadas com as tabelas SLR.

33

Gramáticas LALR(1)

- Uma gramática G diz-se **LALR(1)**, ou simplesmente **LALR** se for possível gerar as tabelas do analisador sintático ascendente LALR para essa gramática, sem conflitos.
- As tabelas LAR são em geral de dimensão superior às tabelas SLR.

34

Recuperação de erros nos *parsers* *bottom-up*

- Quando na tabela de *parse* se encontra uma entrada de erro é necessário recuperá-lo e tentar continuar a análise sintática. Para isso consideram-se as seguintes possíveis ações:
 - **Descartar um estado** (pop) da stack auxiliar do parser
 - **Descartar símbolos** (terminais) da entrada até aparecer algum símbolo válido para o estado actual
 - Colocar um novo estado na stack do parser (push)
- Destas é necessário escolher a ação mais adequada. Um método possível poderá ser:
 - Fazer o pop da stack até aparecer um estado que tenha uma entrada na tabela Goto não vazia;
 - Se um dos estados constantes da tabela Goto do estado do topo tiver uma ação válida no próximo token da entrada, fazer o push desse estado. Preferir as ações válidas de deslocamento (shift) sobre as de redução (reduce);
 - Se não existir nenhuma ação válida no próximo token da entrada para um dos estados de Goto do estado do topo descartar símbolos da entrada até que isso aconteça.