

Nome: _____

N. Mec.: _____

4.0 **1:** No seguinte código,

```
#include <stdio.h>
```

```
int f(int x) { return x * x - 1; }
int g(int x) { return x / 3; }
```

```
int main(void)
{
    int c = 0;
    for(int i = 0; i <= 10; i++)
        if( f(i) && g(i) )
        {
            printf("i = %d\n", i);
            c += g(i);
        }
    printf("c = %d\n", c);
}
```

Fórmulas:

- $\sum_{k=1}^n 1 = n$
- $\sum_{k=1}^n k = \frac{n(n+1)}{2}$
- $\sum_{k=1}^n k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$
- $\sum_{k=1}^n k^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2} \right)^2$
- $\sum_{k=1}^n \frac{1}{k} \approx \log n$
- $n! \approx n^n e^{-n} \sqrt{2\pi n}$

- 1.0 a) para que valores da variável *i* é avaliada a função *g(x)*?
- 1.0 b) que valores de *i* são impressos?
- 1.0 c) que valor de *c* é impresso?
- 1.0 d) neste caso concreto, considerando que um *int* tem 32 *bits*, existe a possibilidade de *overflow* aritmético ao correr o programa?

- 4.0 **2:** Um programador inexperiente escreveu a seguinte função para copiar uma zona de memória com `size` bytes que começa no endereço `src` para uma outra zona de memória que começa no endereço `dst`.

```
void mem_copy(char *src, char *dst, size_t size)
{
    for(size_t i = 0; i < size; i++)
        dst[i] = src[i];
}
```

Responda às seguintes perguntas, considerando que para cada uma das duas primeiras o conteúdo **inicial** do array `c` é `char c[10] = { 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9 }`;

- 1.3 a) Qual o conteúdo do array `c` depois de `mem_copy(&c[4], &c[5], 4)`; ter sido executado?

Resposta:

c[0]	c[1]	c[2]	c[3]	c[4]	c[5]	c[6]	c[7]	c[8]	c[9]

- 1.3 b) Qual o conteúdo do array `c` depois de `mem_copy(&c[5], &c[4], 4)`; ter sido executado?

Resposta:

c[0]	c[1]	c[2]	c[3]	c[4]	c[5]	c[6]	c[7]	c[8]	c[9]

- 1.4 c) Num dos casos anteriores a cópia do conteúdo de parte do array não foi feita corretamente; sugira uma maneira de corrigir este problema (não é obrigatório escrever código).

Resposta:

- 4.0 **3:** Ordene as seguintes funções por ordem crescente de ritmo de crescimento. Responda nas duas colunas da direita da tabela. Na coluna da ordem, coloque o número 1 na função com o ritmo de crescimento **menor** (e, obviamente, coloque o número 5 na com o ritmo de crescimento maior). Na coluna do termo dominante indique, usando a notação *Big Oh*, qual é o termo dominante; por exemplo, se na primeira coluna estivesse $3n + 7$, na segunda coluna deveria colocar $\mathcal{O}(n)$.

função	termo dominante	ordem
$42 \frac{n^n}{n!}$		
$\sum_{k=1}^n \left(k^3 + \frac{1}{k} \right)$		
$4n^4 \log n^4 + 2022$		
$1000n^3 + 1.001^n$		
$\frac{700}{n} + 300$		

- 4.0 **4:** A notação *big Oh* é usualmente usada para descrever a complexidade computacional de um algoritmo. Porquê?

Resposta (tente não exceder as 100 palavras):

4.0 **5:** Para a seguinte função,

```
int f(int n)
{
    int r = -20220204;

    for(int i = 0; i <= n; i++)
        for(int j = 2 * i; j <= 2 * n; j++)
            r += j / (i + 1);
    return r;
}
```

—————> $(n+1)^2$

- 3.0 **a)** quantas vezes é executada a linha `r += j / (i + 1);`?
- 1.0 **b)** qual é a complexidade computacional da função?

$$\sum_{i=0}^n \left(\sum_{j=2i}^{2n} 1 \right)$$

$$[2n - 2i + 1]$$

$$(n+1)^2 (n+1) = (n+1)^3$$

$$(2n+1) \cdot \sum_{i=0}^n 1$$

$$[(2n+1)(n+1)] \rightarrow [28]$$