



# 数字图像处理

Digital Image Processing

信息工程学院

School of Information Engineering

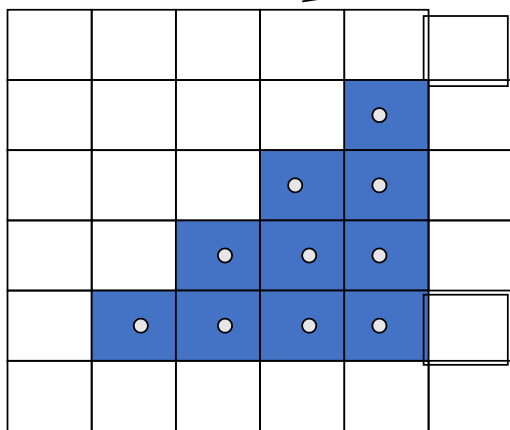
# 10.4 区域描述

黄朝兵 主讲

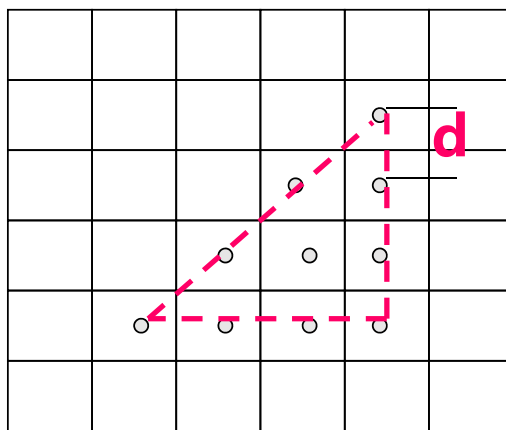
## 10.4.1 简单的区域描述 ( Some Simple Region Descriptors )

**1. 区域面积** - 描述区域的大小，对属于区域的像素计数，设正方形像素的边长为单位长，则其面积A的计算式为：

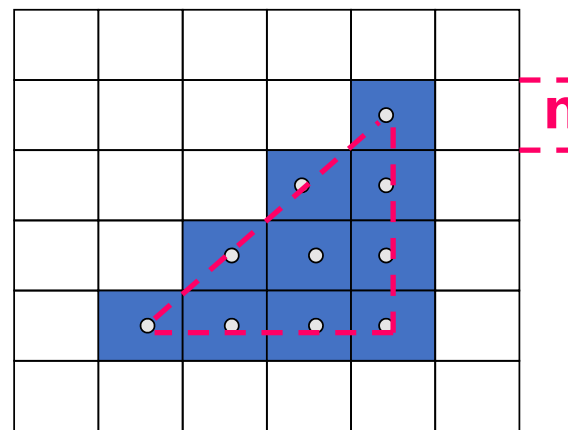
$$A = \sum_{(x,y) \in R} 1$$



$$A = \# \text{ of pixels} = 10$$



$$A = d * d / 2 = 4.5$$



$$A = n * n / 2 = 8$$

第1种方法简单，是对原始模拟区域面积的无偏和一致的最好估计

后面2种方法直观，但误差较大



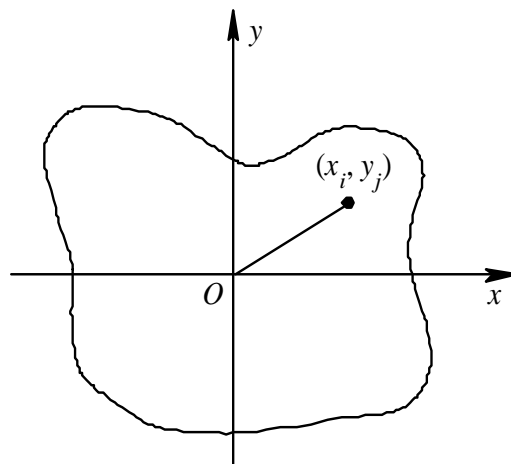
## 10.4.1 简单的区域描述 ( Some Simple Region Descriptors )

### 2. 位置与方向

#### ( 1 ) 位置

- 用物体的面积的中心点作为物体的位置。
- 面积中心就是单位面积质量恒定的相同形状图形的质心O

$$\begin{cases} \bar{x} = \frac{1}{NM} \sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=0}^{M-1} x_i \\ \bar{y} = \frac{1}{NM} \sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=0}^{M-1} y_i \end{cases}$$



## 10.4.1 简单的区域描述 ( Some Simple Region Descriptors )

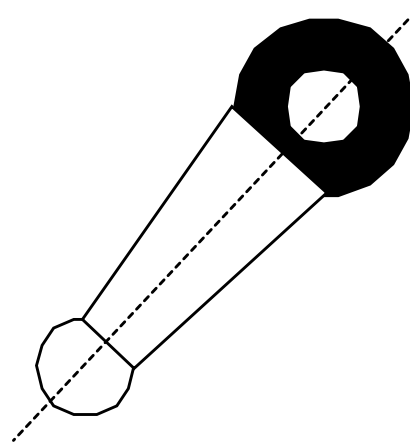
### ( 2 ) 方向

- 如果物体是细长的，则可以将**较长方向的轴**定义物体的方向。
- 将**最小二阶矩轴**定义为较长物体的方向。

即：要找出一条直线，使物体具有最小惯量

$$E = \int \int r^2 f(x, y) dx dy$$

式中 $r$ 是点 $(x, y)$ 到直线的垂直距离



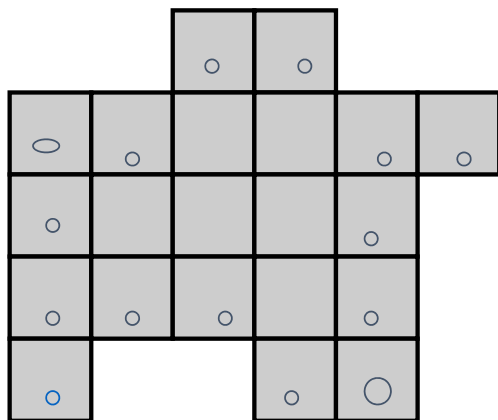
## 10.4.1 简单的区域描述 ( Some Simple Region Descriptors )

### 3. 周长

计算周长的方法比较多，下面介绍其中一种方法

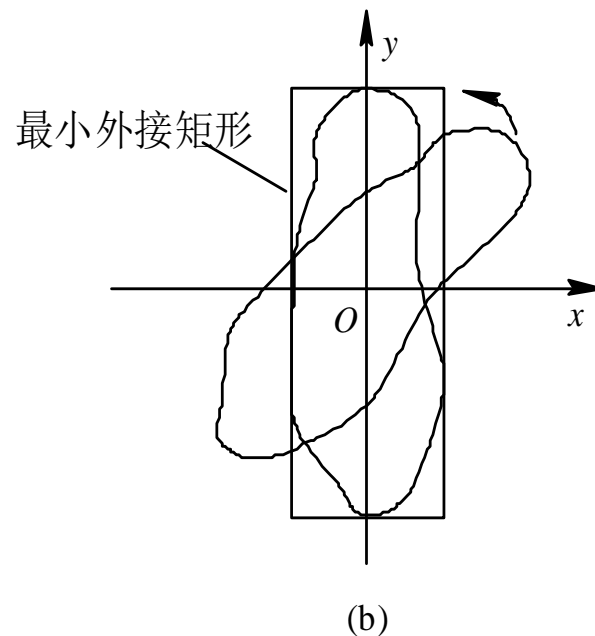
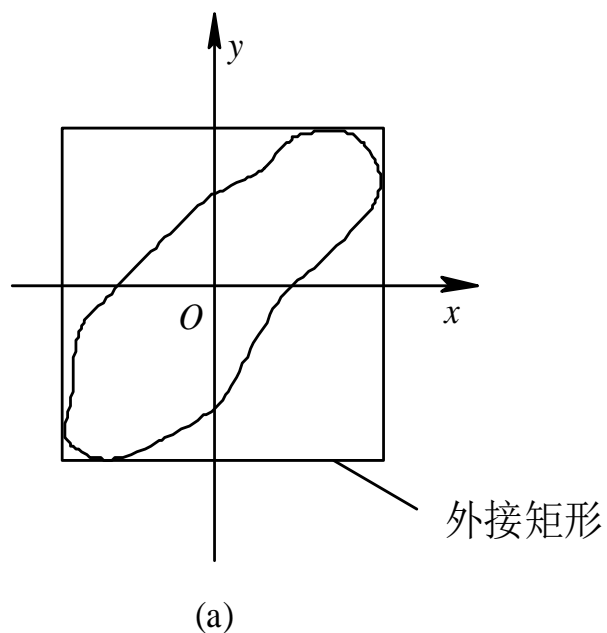
- 周长用边界所占面积表示
- 即边界点数之和
- 每个点占面积为1的一个小方块

周长为15



## 10.4.1 简单的区域描述 ( Some Simple Region Descriptors )

### 4. 长轴和短轴



用最小外接矩形MER法求物体的长轴和短轴

(a) 坐标系方向上的外接矩形；(b) 旋转物体使外接矩形最小

## 10.4.2 拓扑描述 ( Topological Descriptors )

- **拓扑学**是研究**图形不受畸变变形**影响的性质，区域的拓扑性质是对区域的一种**全局描述**
- 这些性质既**不依赖距离**，也不依赖**基于距离测量**的其它特性

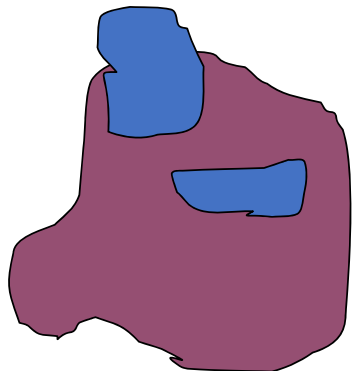
对1个给定平面区域而言，区域内的常用的拓扑性质：

- **孔数H**
- **连通成分C**
- **欧拉数E**

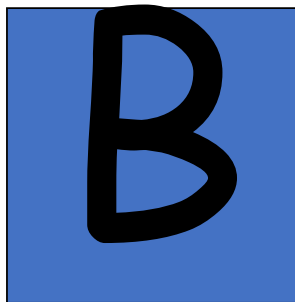
$$E = C - H$$



## 10.4.2 拓扑描述 ( Topological Descriptors )



2个孔，1个连通成分，欧拉数为-1



2个孔，1个连通成分，欧拉数为-1



1个孔，1个连通成分，欧拉数为0

## 10.4.3 形状描述 ( Shape Descriptors )

### 1. 形状参数

根据区域的周长B和区域的面积A计算的：

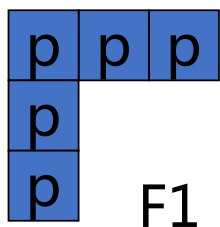
$$F = \frac{\|B\|^2}{4\pi A}$$

- 区域为圆形时F为1，其它形状时， $F > 1$
- 当区域为圆时，F为最小

### 10.4.3 形状描述 ( Shape Descriptors )

**形状参数**在一定程度上描述了**区域的紧凑性**，无量纲，对尺度变化不敏感

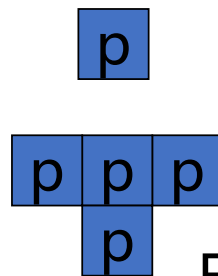
- 仅仅靠形状参数F有时并不能把不同形状的区域分开
- 如图所示，3个区域的周长和面积都相同，因而具有相同的形状参数，但它们的形状明显不同



F1



F2



F3

$A=5$

$|B|=12$

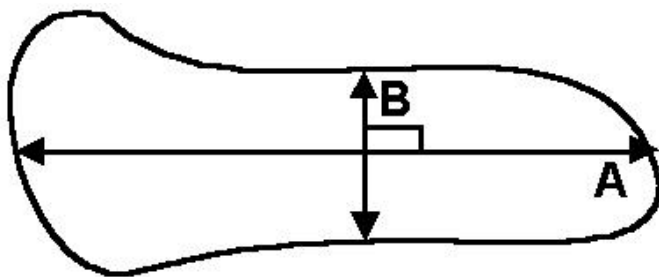
$F1=F2=F3$

### 10.4.3 形状描述 ( Shape Descriptors )

#### 2. 偏心率

区域的偏心率是区域形状的重要描述，

- 度量偏心率常用的一种方法是采用区域主轴和辅轴的比。
- 即为 $A/B$ 。图中，主轴与辅轴相互垂直，且是两方向上的最长值。



- 另外一种方法是计算惯性主轴比
- 它基于边界线点或整个区域来计算质量

### 10.4.3 形状描述 ( Shape Descriptors )

• **Tenenbaum**提出了计算任意点集R偏心度的近似公式

计算平均向量  $x_0 = \frac{1}{n} \sum_{x \in R} x \quad y_0 = \frac{1}{n} \sum_{y \in R} y$

计算ij矩  $m_{ij} = \sum_{(x,y) \in R} (x - x_0)^i (y - y_0)^j$

计算方向角  $\theta = \frac{1}{2} \arctan \left( \frac{2m_{11}}{m_{20} - m_{02}} \right) + n \left( \frac{\pi}{2} \right)$

计算偏心度的近似值  $e = \frac{(m_{20} - m_{02})^2 + 4m_{11}}{\text{面积}}$

## 10.4.4 矩 ( Moment )

- 当一个区域 $R$ 只是以其内部点的形式给出时，可以用矩特征描述，它对大小、旋转和平移的变化都是不变。
- 对数字图像 $f(x,y)$ ，如果它分段连续且只在 $XY$ 平面上的有限个点不为0，则可证明它的各阶矩存在
- 区域的矩是用所有属于区域内的点计算出来的，因而不受噪声等的影响。



## 10.4.4 矩 ( Moment )

$f(x,y)$ 的**p+q阶矩定义**：

$$m_{pq} = \sum_x \sum_y x^p y^q f(x, y)$$

$f(x,y)$ 的**p+q阶中心矩定义**：

$$u_{pq} = \sum_x \sum_y (x - \bar{x})^p (y - \bar{y})^q f(x, y)$$
$$\bar{x} = \frac{m_{10}}{m_{00}}, \bar{y} = \frac{m_{01}}{m_{00}} \quad \text{重心坐标}$$

$f(x,y)$ 的**归一化中心矩表示**：

$$\eta_{pq} = \frac{u_{pq}}{u_{00}^r} \quad r = \frac{p+q}{2} + 1, p+q=2,3,\dots$$

## 10.4.4 矩 ( Moment )

**中心矩**是反映区域R中的灰度相对于灰度重心是如何分布的度量。

例如， $\mu_{20}$ 和 $\mu_{02}$ 分别表示R围绕通过灰度重心的垂直和水平轴线的惯性矩，若 $\mu_{20} > \mu_{02}$ ，那么这可能是一个水平方向拉长的物体。

$\mu_{30}$ 和 $\mu_{03}$ 的幅值可以度量物体对于垂直和水平轴线的不对称性。如果是完全对称的形状，其值应为零。

## 10.4.4 矩 ( Moment )

**7个平移、旋转和尺度变换不变矩 ( Hu , 1962 )**

可由归一化的2阶矩和3阶中心矩得到：

$$\phi_1 = \eta_{20} + \eta_{02}$$

$$\phi_2 = (\eta_{20} - \eta_{02})^2 + 4\eta_{11}^2$$

$$\phi_3 = (\eta_{30} - 3\eta_{12})^2 + (3\eta_{21} - \eta_{03})^2$$

$$\phi_4 = (\eta_{30} + \eta_{12})^2 + (\eta_{03} + \eta_{21})^2$$

$$\begin{aligned} \phi_5 = & (\eta_{30} - 3\eta_{12})(\eta_{30} + \eta_{12})[(\eta_{30} + \eta_{12})^2 - 3(\eta_{03} + \eta_{21})^2] \\ & + (3\eta_{21} - \eta_{03})(\eta_{03} + \eta_{21})[3(\eta_{30} + \eta_{12})^2 - (\eta_{03} + \eta_{21})^2] \end{aligned}$$

$$\phi_6 = (\eta_{20} - \eta_{02})[(\eta_{30} + \eta_{12})^2 - (\eta_{03} + \eta_{21})^2] + 4\eta_{11}(\eta_{30} + \eta_{12})(\eta_{03} + \eta_{21})$$

$$\begin{aligned} \phi_7 = & (3\eta_{21} - \eta_{03})(\eta_{30} + \eta_{12})[(\eta_{30} + \eta_{12})^2 - 3(\eta_{03} + \eta_{21})^2] \\ & + (3\eta_{12} - \eta_{30})(\eta_{03} + \eta_{21})[3(\eta_{30} + \eta_{12})^2 - (\eta_{03} + \eta_{21})^2] \end{aligned}$$

## 10.4.4 矩 ( Moment )



(a)  
原始图像



(b)  
水平右平移4个像素



(c)  
绕质心逆时针旋转60



(d)  
绕质心逆时针旋转90



(e)  
绕质心逆时针旋转180



(f)  
尺度压缩一半



(g)  
(f)的归一化

表 1 不变矩计算结果

Tab.1 Computing results of moment invariants

不变矩	原图像	平移 图像	旋转图像 60°	旋转图像 90°	旋转图像 180°	压缩图像 0.5	归一化 图像
$\mu_1$	909.10	909.10	906.67	909.10	909.10	227.30	909.70
$\mu_2$	196150	196150	194010	196150	196150	12499	199980
$\mu_3$	122.89	122.89	115.75	152.87	122.89	7.83	125.28
$\mu_4$	83.23	83.23	71.51	83.23	83.23	3.93	62.87
$\mu_5$	5606.9	5606.9	4531.50	5606.93	5606.93	12.22	3129.10
$\mu_6$	18310	18310	14954	18310	18310	156.53	10018
$\mu_7$	5470	5470	4581.2	-5469.5	5469.5	15.72	4025.20

**从表看出：在离散情况下，**

- **不变矩仍保持平移不变性，没有任何误差**
- **旋转变换在旋转90，180(90的整数倍)时保持了不变性，而在旋转角60时产生较大的误差**
- **尺度变换下不变矩的误差很大，而对图像进行归一化处理可大大降低误差**





谢谢

THANK YOU