Huế, Ngày 12 tháng 3 năm 2018

Euler

Problem F. Đồ thị Euler

Thành phố Konigsberg thuộc Phổ (nay gọi là Kaliningrad thuộc Nga) được chia thành bốn vùng bằng các nhánh sông Pregel. Vào thế kỷ 18, người ta xây 7 cây cầu nối các vùng này lại với nhau như hình vẽ.



Dân thành phố từng thắc mắc: "Có thể nào đi dạo qua tất cả bảy cây cầu, mỗi cầu chỉ đi qua một lần thôi được hay không?". Ông Euler (1707-1783) chuyển đổi thành bài toán đồ thị như sau: " Có tồn tại hay không một chu trình đơn trong đa đồ thị chứa hết tất cả các cạnh." và sau đó giải bằng định lý Euler với dấu hiệu nhận biết đồ thị Euler khi và chỉ khi tất cả các đỉnh của đồ thị đều có bậc chẵn với đồ thị vô hướng (có hướng tượng tự khi xét bậc ra/vào trên đỉnh).

Bánh muốn lập trình giải bài toán trên như sau: Cho đa đồ thị vô hướng G = (V, E), V được gọi là tập đỉnh và |V| = n, E được gọi là tập các cạnh của G và |E| = m. Hãy kiểm tra xem đồ thị trên có phải là đồ thị Euler hay không?

Hãy lập trình giải quyết nội dung trên giúp Bánh.

Dữ liệu

- Dòng thứ nhất chứa hai số nguyên $n, m, 2 \le n \le 10^2, n-1 \le m \le n \times (n+1)/2$, là số đỉnh và số canh của đồ thi.
- m dòng kế tiếp biểu diễn cạnh nối giữa hai đỉnh $x_i, y_i, 1 \le x_i, y_i \le n, x_i \ne y_i$ của đồ thị.

Kết quả

• In ra trên một dòng các thông điệp sau tương ứng với đồ thị đã cho: - "Yes" nếu đồ thị là Euler và "No" nếu ngược lại.

Các ví dụ



Huế, Ngày 12 tháng 3 năm 2018

Euler

Dữ liệu	Kết quả
5 6	Yes
2 1	
1 3	
3 2	
1 4	
4 5	
5 1	

Dữ liệu	Kết quả
4 7	No
2 1	
1 2	
1 4	
2 3	
2 3	
2 4	
3 4	