

# MÃ DÒNG

Phan Quốc Tín – tinpq@uit.edu.vn



## Mã đối xứng

□ Định nghĩa: Một hệ mã đối xứng  $(\mathcal{K}, \mathcal{M}, \mathcal{C})$  là hệ mã bao gồm 2 thuật toán “hiệu quả”  $(E, D)$  sao cho

- $E: \mathcal{K} \times \mathcal{M} \rightarrow \mathcal{C}$
- $D: \mathcal{K} \times \mathcal{C} \rightarrow \mathcal{M}$
- $\forall m \in \mathcal{M}, k \in \mathcal{K}: D(k, E(k, m)) = m$
- E thường là một thuật toán ngẫu nhiên
- D phải là một thuật toán tất định

## One-Time-Pad (Vernam 1917)

❑ Là ví dụ đầu tiên về hệ mã **an toàn**

- $\mathcal{M} = \mathcal{C} = \{0,1\}^n$
- $\mathcal{K} = \{0,1\}^n$
- Khóa  $k$  có chiều dài bits bằng với thông điệp  $m$

3

## One-Time-Pad (Vernam 1917)

❑  $c = E(k,m) = k \oplus m$

❑  $D(k,c) = k \oplus c$

msg:	0	1	1	0	1	1	1	$\oplus$
key:	1	0	1	1	0	1	0	
CT:								

❑  $D(k,E(k,m)) = D(k, k \oplus m) = k \oplus (k \oplus m) = (k \oplus k) \oplus m$   
 $= 0 \oplus m = m$

❑ Có dùng được trong thực tế hay không?

4

## One-Time-Pad (Vernam 1917)

---

☐ Cho trước thông điệp ( $m$ ) và từ mã tương ứng ( $c$ ). Có thể tính toán được khóa  $k$  từ  $m$  và  $c$  hay không?

- Không
- Có thể,  $k = m \oplus c$
- Có thể tính được một nửa chiều dài bit của  $k$
- Có thể,  $k = m \oplus m$

5

## One-Time-Pad (Vernam 1917)

---

- ☐ Mã hóa / giải mã nhanh nhưng khóa dài
- ☐ OTP có an toàn không?
- ☐ Một mã an toàn là như thế nào?

6

## Định lý an toàn của Shannon (1949)

- ❑ Ý tưởng cơ bản: bản mã không để lộ bất kỳ thông tin nào về bản rõ.
- ❑ Một hệ mã gồm 2 thuật toán  $(E, D)$  được định nghĩa trên  $(\mathcal{K}, \mathcal{M}, \mathcal{C})$  an toàn hoàn hảo nếu:
 
$$\forall m_0, m_1 \in \mathcal{M}: \text{len}(m_0) = \text{len}(m_1) \quad \text{và} \quad \forall c \in \mathcal{C}$$

$$\Pr[E(k, m_0) = c] = \Pr[E(k, m_1) = c]$$

Trong đó,  $k$  được phân bố đều trong  $\mathcal{K}$  ( $k \leftarrow_{\text{uniform}} \mathcal{K}$ )

7

## Định lý an toàn của Shannon (1949)

$$\Pr[E(k, m_0) = c] = \Pr[E(k, m_1) = c]$$

Cho trước bản mã, không thể biết được bản rõ là  $m_0$  hay  $m_1$  (với mọi  $m_0, m_1$ ).

→ không thể tấn công chỉ dựa vào bản mã

8

## Tính an toàn của OTP

❑ Mệnh đề: OTP có chiều dài khóa bằng chiều dài thông điệp thì **an toàn hoàn hảo**

❑ Chứng minh

$\forall m, c$ :

$$\Pr(E(k, m) = c) = \frac{|\#keys\ k \in \mathcal{K}: E(k, m) = c|}{|\mathcal{K}|}$$

$|k \in \mathcal{K}: E(k, m) = c|$  là hằng số

**Ghi chú:**  $||$  là số lượng phần tử

9

## Tính an toàn của OTP

❑ Cho  $m \in \mathcal{M}$  và  $c \in \mathcal{C}$ . Có bao nhiêu khóa  $k$  để mã hóa  $m$  thành  $c$ ?

- Không có
- 1
- 2
- Phụ thuộc vào  $m$

❑ Điều kiện  $|\mathcal{K}| \geq |\mathcal{M}|$  khó chấp nhận trong thực tế

10

## Mã dòng

❑ Ý tưởng: để làm cho OTP an toàn trong thực tế

- Thay thế khóa  $k$  “ngẫu nhiên” bằng khóa “giả ngẫu nhiên”
- PRG: bộ phát sinh giả ngẫu nhiên (PseudoRandom Generator)
- PRG là một thuật toán **tốt định**

$$G: \{0,1\}^s \rightarrow \{0,1\}^n \text{ với } n \gg s$$

↑  
seed

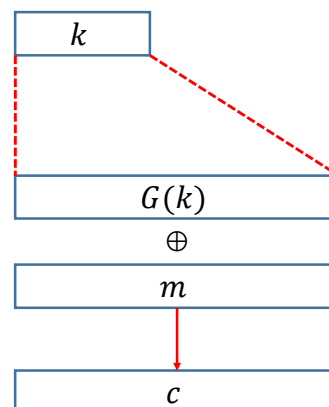
❑ Định nghĩa: mã dòng là một phương pháp mã hóa trong đó khóa và thuật toán được áp dụng đối với từng bit một trong dòng dữ liệu

11

## Mã dòng

❑  $c = E(k, m) = m \oplus G(k)$

❑  $D(k, c) = c \oplus G(k)$



12

## Mã dòng: hiện thực OTP

- ❑ Cần một định nghĩa khác về an toàn
- ❑ An toàn sẽ phụ thuộc vào PRG

13

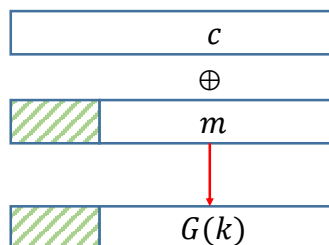
## PRG phải có tính “không thể tiên đoán”

- ❑ Giả sử có thể tiên đoán được một phần kết quả của PRG

$$\exists i, G(k)_{1,\dots,i} \rightarrow G(k)_{i+1,\dots,n}$$

(nếu biết được  $i$  bits thì có thể đoán được  $n-i$  bits còn lại)

- ❑ Thì



Nếu  $G(k)_{1,\dots,i} \rightarrow G(k)_{i+1}$   
Có nguy hiểm không???

14

## PRG phải có tính “không thể tiên đoán”

❑ PRG **có thể tiên đoán** nếu

$\exists$  thuật toán A và  $\exists 1 \leq i \leq n - 1$  sao cho

$$\Pr[ A (G(k) \mid_{1,\dots,i}) = G(k) \mid_{i+1} ] \geq \frac{1}{2} + \epsilon \text{ (non-neg } \epsilon \geq \frac{1}{2^{30}})$$

❑ Định nghĩa: PRG là **không thể tiên đoán** nếu  $\forall i$ , không tồn tại thuật toán A nào để tìm ra bit (i+1) với non-neg  $\epsilon$

15

## Các PRGs yếu

❑ Bộ phát sinh giả ngẫu nhiên của *Ling. Cong* với các tham số a, b, p:

$$r[i] \leftarrow [a \cdot r[i-1] + b] \bmod p$$

Trả về các bits của  $r[i]$

$i++$

Seed =  $r[0]$

❑ **Không được** sử dụng hàm random() trong mật mã học (Kerperos V4)

glibc random():

$$r[i] \leftarrow (r[i-3] + r[i-31]) \% 2^{32}$$

output  $r[i] \gg 1$

16



## Tấn công nhằm vào OTP

### ❑ Two-Time-Pad không an toàn

- Không bao giờ sử dụng khóa của OTP hơn 1 lần

$$C_1 \leftarrow m_1 \oplus \text{PRG}(k)$$

$$C_2 \leftarrow m_2 \oplus \text{PRG}(k)$$

Nếu tin tặc dùng  $c_1 \oplus c_2 \rightarrow m_1 \oplus m_2$

Suy đoán bằng cách sử dụng các từ tiếng Anh phổ biến như “\_the\_”

17

## Các ví dụ trong thực tế

### ❑ Dự án Venona (1941-1946)

- Dự án của quân đội Mỹ dùng để giải mã các thông điệp của Liên Xô
- Liên Xô đã gửi khoảng 35.000 trang được mã hóa bằng 1 khóa

### ❑ MS-PPTP (Windows NT)

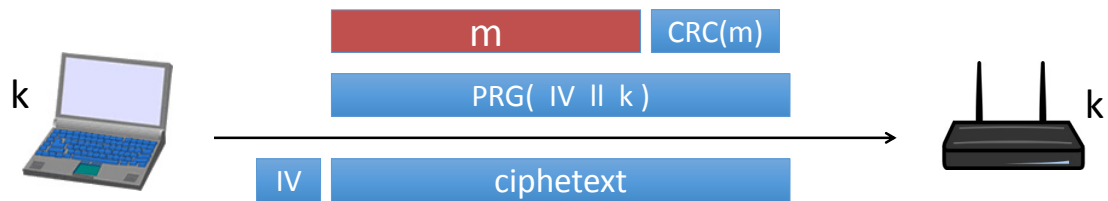
- Client và server sử dụng cùng 1 key để chia sẻ dữ liệu



18

## Các ví dụ trong thực tế

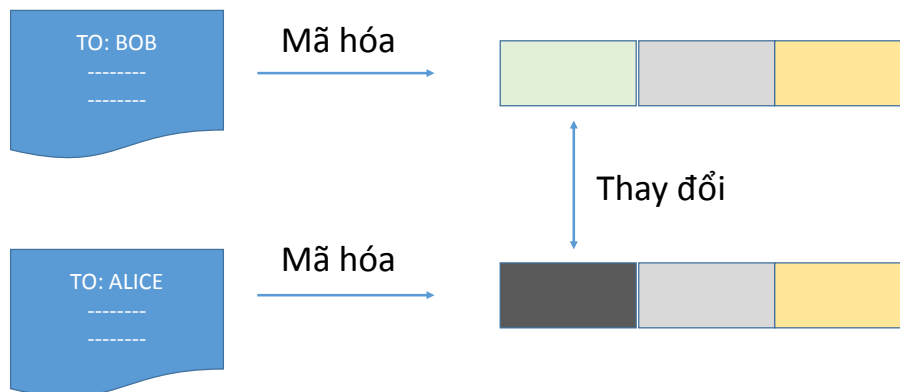
### ❑ 802.11b WEP:



- Chiều dài của IV: 24 bits
- Lặp lại IV sau  $2^{24} \approx 16M$  frames
- Trong một số 802.11 cards: IV bị reset về 0 sau khi tắt và mở nguồn

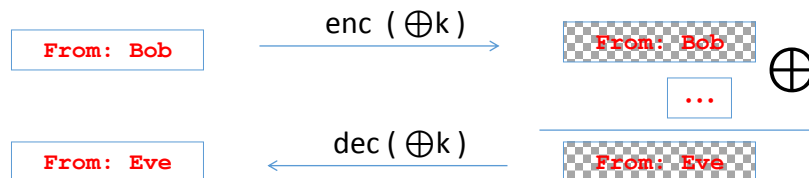
## Các ví dụ trong thực tế

### ❑ Mã hóa và lưu vào đĩa cứng



## Tính toàn vẹn của OTP không được đảm bảo

❑ Tính toàn vẹn không được đảm bảo



- ❑ Việc thay đổi bản mã sẽ làm thay đổi bản rõ khi giải mã.
- ❑ Không thể kiểm tra xem bản mã có bị thay đổi hay không.

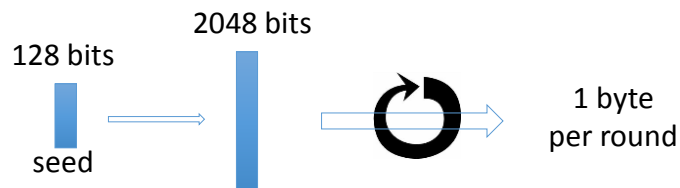
21

## MÃ DÒNG TRÊN THỰC TẾ

Phan Quốc Tín – [tinpq@uit.edu.vn](mailto:tinpq@uit.edu.vn)



## (Software) RC4 (1987)



❑ Sử dụng trong HTTPS và WEP

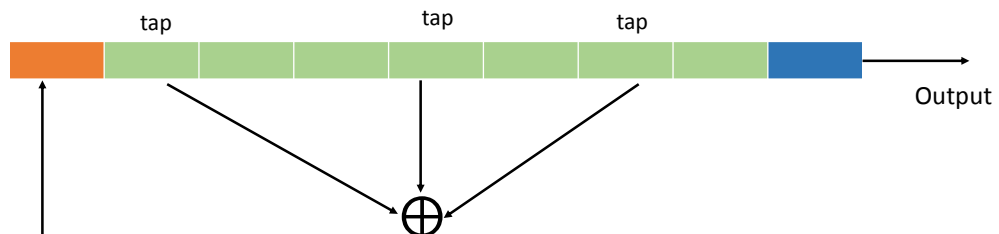
❑ Điểm yếu:

1. Xác suất không đồng đều với **output ban đầu**:  
 $\Pr[2^{\text{nd}} \text{ byte} = 0] = 2/256$
1. Xác suất của cặp (0,0) là  $1/256^2 + 1/256^3$
2. Keys có thể bị tấn công

## (Hardware): CSS (badly broken)

Linear feedback shift register (LFSR):

Seed = giá trị ban đầu của LFSR



DVD encryption (CSS): 2 LFSRs

GSM encryption (A5/1,2): 3 LFSRs

Bluetooth (E0): 4 LFSRs

} Tất cả đã bị phá

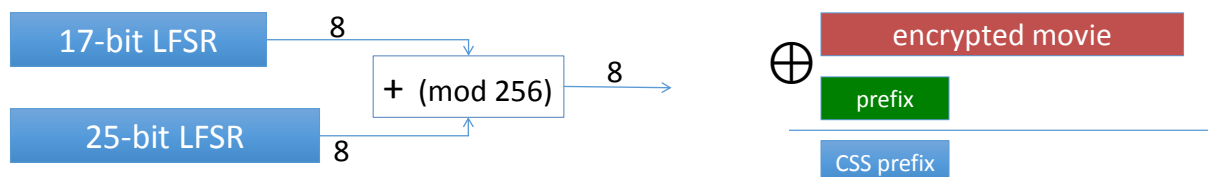
## LFSR

- Cho số lượng cells là 4, chuỗi tap là (1001) với trạng thái đầu  $s_0 = (0001) = (k_3 k_2 k_1 k_0)$

$m$	$k_{m+3}$	$k_{m+2}$	$k_{m+1}$	$k_m$	$n$	$k_{m+3}$	$k_{m+2}$	$k_{m+1}$	$k_m$
0	0	0	0	1	8	1	0	1	0
1	1	0	0	0	9	1	1	0	1
2	1	1	0	0	10	0	1	1	0
3	1	1	1	0	11	0	0	1	1
4	1	1	1	1	12	1	0	0	1
5	0	1	1	1	13	0	1	0	0
6	1	0	1	1	14	0	0	1	0
7	0	1	0	1	15	0	0	0	1

- Sau 15 vòng, giá trị output của LFSR là

## Thám mã CSS ( $2^{17}$ lần)



Vết cặn  $2^{17}$  giá trị có thể có của thanh ghi 17-bit LFSR :

- “Clock out” 17-bit LFSR để thu được 20 bytes giá trị đầu ra
- Tính CSS prefix – 20 bytes ở bước trước  $\Rightarrow$  20 bytes output của thanh ghi 25-bit LFSR
- Dựa vào 20 bytes output của 25-bit LFSR, suy luận tìm ra toàn bộ trạng thái của nó.
- Tiếp tục “clock out”, nếu không khớp với bản mã thì chuyển sang giá trị khác của 17-bit LFSR.

## Mã dòng hiện đại: eStream

$$\text{PRG: } \{0,1\}^s \times R \rightarrow \{0,1\}^n$$

Nonce: Một giá trị không lặp lại đối với cùng một khóa

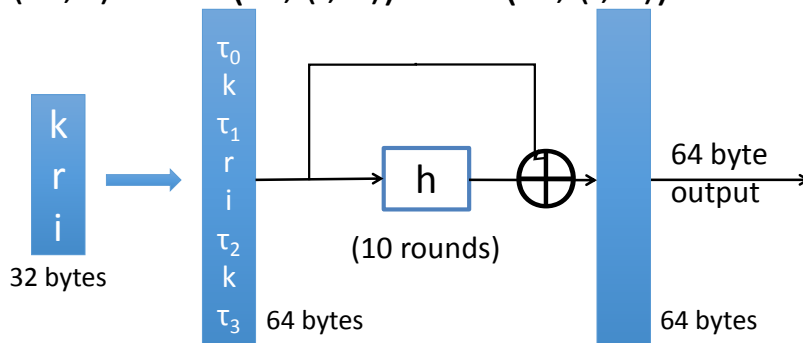
$$E(k, m; r) = m \oplus \text{PRG}(k; r)$$

Cặp  $(k, r)$  không bao giờ được dùng lại

## eStream: Salsa 20 (Software + Hardware)

$$\text{Salsa20: } \{0,1\}^{128 \text{ or } 256} \times \{0,1\}^{64} \rightarrow \{0,1\}^n \quad (\text{max } n = 2^{73} \text{ bits})$$

$$\text{Salsa20}(k; r) := H(k, (r, 0)) \parallel H(k, (r, 1)) \parallel \dots$$



$h$ : hàm khả nghịch. Được thiết kế thực hiện nhanh trên x86 (SSE2)

## Salsa20 có an toàn không?

---

- ☐ Không biết: chưa có PRG nào được chứng minh là **không thể tiên đoán**
- ☐ Thực tế: chưa có phương pháp tấn công nào tốt hơn **vết cạn**

## Hiệu suất: Crypto++ 5.6.0 [Wei Dai]

<http://www.cryptopp.com/>

---

AMD Opteron, 2.2 GHz (Linux)

	<u>PRG</u>	<u>Speed (MB/sec)</u>
	RC4	126
eStream	Salsa20/12	643
	Sosemanuk	727

HẾT CHƯƠNG 2

31