# BÀI TẬP ĐỔ HỌA MÁY TÍNH 2019 - 2020

Họ và tên sinh viên:	
Lớp:	

## A. Các thuật toán cơ sở

# A.1. Các thuật toán vẽ đoạn thẳng

#### Bài 1.

- a) Trình bày thuật toán vẽ đoạn thẳng AB với  $A(x_A, y_A)$ ,  $B(x_B, y_B)$  bằng phương pháp Bresenham cho trường hợp hệ số góc  $0 \le m \le 1$ .
- b) Tính tập hợp các điểm thuộc đoạn AB với A (15; 10), B (5; 6).
- c) Viết hàm vẽ đoạn thẳng AB bằng ngôn ngữ C++ theo thuật toán trình bày ở ý a).
- d) Viết chương trình trên máy tính bằng ngôn ngữ C++ vẽ đoạn thẳng AB với A(300, 250), B(100, 150).

## <u>Bài giải:</u>

- a) Thuật toán vẽ đoạn thẳng AB với A(xA, yA), B(xB, yB) bằng phương pháp Bresenham cho trường hợp hệ số góc  $0 < m \le 1$ :
  - o Bước 1: Nếu x<sub>A</sub>> x<sub>B</sub> thì: Hoán đổi A, B
  - O Buốc 2:  $dx=x_B-x_A$ ;  $dy=y_B-y_A$ ; const1=2dy; const2=2dy-2dx; p=2dy-dx;  $x=x_A$ ;  $y=y_A$ ;
  - Bước 3: Vẽ điểm (x,y)
  - o Bước 4: x=x+1;
  - Bước 5: Nếu p<0 thì: p=p+const1</li>
     còn lại: y=y+1; p=p+const2;
  - o Bước 6: Nếu  $x \le x_B$  thì: Bước 3;
  - o Bước 7: Kết thúc

# b) Tính tập hợp các điểm thuộc đoạn AB với A (15; 10), B (5; 6)

- Tính hệ số góc 
$$m = \frac{yB - yA}{xB - xA} = \frac{6 - 10}{5 - 15} = \frac{2}{5}$$
, vậy  $0 < m < 1$ 

- Ta có: 
$$xA=15 > xB=5$$
 thì hoán đổi A, B: A (5; 6), B (15; 10)

- Tính: 
$$dx = xB - xA = 15 - 5 = 10$$
;  $dy = yB - yA = 10 - 6 = 4$ ;  
 $const1 = 2dy = 8$ ;  $const2 = 2dy - 2dx = -12$ ;  
 $p_1 = 2dy - dx = -2$ ;

- Điểm thứ 1:  $x_1 = xA = 5$ ;  $y_1 = yA = 6$ ;
- Tính các điểm tiếp theo (điểm thứ i + 1, với i = 1, 2, 3...) theo quy luật:

$$\begin{array}{ll} \circ & x_{i+1} = x_i + 1; \\ \circ & \text{N\'eu} \ p_i < 0 \ \text{th} \\ \vdots & y_{i+1} = y_i \ \text{v\'a} \ p_{i+1} = p_i + const1 \\ & \text{c\'on lại:} \ y_{i+1} = y_i + 1 \ \text{v\'a} \ p_{i+1} = p_i + const2; \end{array}$$

Theo quy luật trên ta lập bảng tính các điểm tiếp theo:

i	Xi	y <sub>i</sub>	p <sub>i</sub>	i	Xi	y <sub>i</sub>	p <sub>i</sub>
1	5	6	-2	7	11	8	6
2	6	6	6	8	12	9	-6
3	7	7	-6	9	13	9	2
4	8	7	2	10	14	10	-10
5	9	8	-10	11	15	10	
6	10	8	-2				

Vậy ta có 11 điểm thuộc đoạn AB theo danh sách ở bảng trên.

# c) Hàm vẽ đoạn AB theo thuật toán trên bằng ngôn ngữ C++:

void dt\_Br1(int xa, int ya, int xb, int yb)
{ if (xa>xb)
 { int tg=xa; xa=xb; xb=tg;
 tg=ya; ya=yb; yb=tg;
 }
 int dx=xb-xa; int dy=yb-ya;
 int const1=2\*dy;
 int const2=2\*dy-2\*dx;
 int p=2\*dy-dx;

```
int y=ya;
int mau=getcolor();

for(int x=xa; x<=xb, x++)
    { putpixel(x, y, mau);
    if (p<0)
        p+=const1
    else { p+=const2; y++; }
    }
}</pre>
```

A(300, 250), B(100,	150).		
Ngày			
Gv xác nhận			
Bài 2.			
a) Trình bày thuật to	oán vẽ đoạn thẳng AF	B với A(xA, yA), E	B(xB, yB) bằng phương pháp
Bresenham cho trườ	rng hợp hệ số góc -1 ≤	m < 0.	
b) Tính tập hợp	o 10 điểm đầu ti	ên thuộc đoạn	AB với A (150; 100)
B (100;120).			
c) Viết hàm vẽ đoạn	thẳng AB bằng ngôn n	gữ C++ theo thuật	toán trình bày ở ý a).
d) Viết chương trì	nh trên máy tính b	àng ngôn ngữ C-	++ vẽ đoạn thẳng AB với
A (150; 100), B (100	0;120).		
<u>Bài giải:</u>			
a)			
b)			

d) Viết chương trình trên máy tính bằng ngôn ngữ C++ vẽ đoạn thẳng AB với

c)	

•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••
d) Viết ch	urong trìn	nh trên máy	tính bằng	g ngôn ngũ	· C++ vē đo	ạn thẳng <i>A</i>	AB với (150;
100), B (1	00;120).						
Ngày							
Gv xác 1	ıhận						
Bài 3.				•			
a) Trì	nh bày thu	ıật toán vẽ đ	loạn thẳng	AB với A	(xA, yA), B	s(xB, yB) l	oằng phương
phá	ip Mid-Poi	int cho trườn	g hợp hệ s	ố góc m <	-1.		
b) Tín	h tập hợp	10 điểm đầu	tiên thuộc	đoạn AB	với A (150; 1	100), B (20	0; 20).
c) Viế	t hàm vẽ đ	đoạn thẳng A	AB bằng ng	gôn ngữ C-	++ theo thuậ	it toán trình	n bày ở ý a).
d) Viế	t chương	trình trên má	y tính bằn	g ngôn ngữ	C++ vẽ đoạ	ın thẳng Al	B với A(150;
100	)), B(200;	20).					
Bài giải:							

	• • • •
b)	••••
	••••
	••••
	••••
	••••
	• • • •
	• • • •
	••••
	• • • •
	••••
	•••
	••••

•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
c)			
d) Viết chương trì	nh trên máy tính bằ	ing ngôn ngữ C++ vê	đoạn thẳng AB với
A(150; 100), B(100;	(20)		
Ngày			
Ngày			
Gv xác nhận			

## Bài 4.

- a) Trình bày thuật toán vẽ đoạn thẳng AB với A(xA, yA), B(xB, yB) bằng phương pháp Bresenham cho trường hợp hệ số góc m > 1.
- b) Tính tập hợp các điểm thuộc đoạn AB với A (6; 10), B (10; 20).
- c) Viết hàm vẽ đoạn thẳng AB bằng ngôn ngữ C++ theo thuật toán trình bày ở ý a).
- d) Viết chương trình trên máy tính bằng ngôn ngữ C++ vẽ đoạn thẳng AB với A(250; 100), B(450; 400).

100), B(450; 400).	
<u>Bài giải:</u>	
a)	
	•••
	••
	••
	••
	••
	••
b)	•••
	••
	••
	••
	••
	••
	••
	•
	••

c)

	•••••					•••
						•••
	•••••					•••
d) Viết chươ A(450; 400), l	_	·	n bằng ngôn	ngữ C++ vẽ	đoạn thẳng AB vo	ói

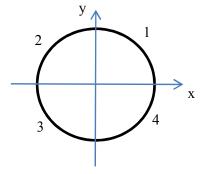
Ngày		
Gv xác nhận		

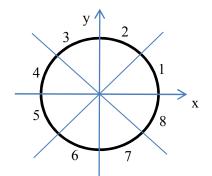
## A.2. Các thuật toán vẽ đường tròn

Quy ước:

• Thứ tự cung ¼ đường tròn:

Thứ tự cung 1/8 đường tròn:





Bài 5.

- a) Viết thuật toán Bresenham vẽ đường tròn tâm A(xA, yA) bán kính R.
- b) Tính 10 điểm đầu tiên thuộc cung 1/8 thứ hai theo thuật toán trên cho đường tròn tâm A(100, 150), bán kính R=50.
- c) Viết hàm bằng ngôn ngữ C++ thực hiện vẽ đường tròn tâm A, bán kính R theo thuật toán trình bày ý a).
- d) Viết chương trình trên máy tính bằng ngôn ngữ C++ thực hiện vẽ đường tròn tâm A(300, 200) bán kính R=100 sử dụng hàm ở ý c).

#### Bài giải:

a) Thuật toán Bresenham vẽ đường tròn tâm A(xA, yA), bán kính R:

Bước 1: x=0; y=R; p=3-2R;

Bước 2: Vẽ tám điểm: M1(xA+x, yA+y), ....

Bước 3: Nếu p>0 thì: p=p+4(x-y)+10; y=y-1;

còn lại: p=p+4x+6

Bước 4: x=x+1;

Bước 5: Nếu x≤ y thì: Bước 2;

Bước 6: Kết thúc.

b) Tính 10 điểm đầu tiên thuộc cung 1/8 thứ 2 của đường tròn A(100, 150), bán kính R=50.....

+ A(100, 150), R=50 .....

+ p1=3-2R=-97;

+ Tính điểm thứ 1: x1=0; y1=50;

+ Quy luật tính điểm tiếp theo i+1: (i=1, 2, 3...)

Nếu Pi>0 thì  $p_{i+1}=p_i+4(x_i-y_i)+10$  và  $y_{i+1}=y_i-1$ 

Nếu Pi<=0 thì  $p_{i+1}=p_i+4x_i+6$  và  $y_{i+1}=y_i$ ......

 $x_{i+1} = x_i + 1$ ;

+ Điểm thuộc cung 1/8 thứ 2 của đường tròn tâm A:

$$M2=(X2, Y2)=(x_A+x_i, y_A+y_i)=(100+x_i; 150+y_i)$$

Theo quy luật trên ta có bảng 10 điểm thuộc cung 1/8 thứ 2 của đường tròn trên: .....

i	xi	yi	pi	$X2_{i}=100+x_{i}$	$Y2_{i}=150+y_{i}$
1	0	50	-97	100	200
2	1	50	-91	101	200
3	2	50	-81		
4	3	50	-67		
•••					

D X7.64 .1 4.5	.1. 4.4 47.1. 1.3.	^ ~ . Cl ~ <del></del>	3 4-3 A (200
		g ngôn ngữ C++ vẽ đ	rong tron tam A(300,
200) ban kinn K=10	00 sử dụng hàm ở ý c)	T	I
Ngày			
Gv xác nhận			

-	•	•	
к	a	1	4
.,	а		11.

- a) Viết thuật toán Mid-Point vẽ cung ¼ thứ 2 của đường tròn tâm A(xA, yA) bán kính R.
- b) Tính 10 điểm đầu tiên theo thuật toán trên với A(150, 100), R=50.
- c) Viết hàm bằng ngôn ngữ C++ thực hiện vẽ cung ¼ thứ 2 của đường tròn tâm A, bán kính R theo thuật toán trình bày ý a).
- d) Viết chương trình trên máy tính vẽ cung  $\frac{1}{4}$  thứ 2 của đường tròn tâm A(300, 200) bán kính R=100 sử dụng hàm xây dựng của ý c).

<u>Bài giải:</u>	

_	_		
		g ngôn ngữ C++ vẽ cui	ng ¼ thứ 2 của đường
tròn tâm A(300, 20	0) bán kính R=100		
Ngày			
Gv xác nhận			

### A.3. Các thuật toán tô màu

### Bài 7.

- a) Trình bày thuật toán tô màu loang về 4 hướng biết màu biên: mb, màu tô: mt, điểm nằm trong hình cần tô (x, y).
- b) Viết hàm tô màu loang cho thuật toán trên bằng ngôn ngữ C++. Áp dụng viết chương trình tô màu loang cho hình chữ nhật có đường chéo chính là (100, 50), (200, 100), màu biên là mầu đỏ, màu tô là màu xanh lá cây.
- c) Chạy chương trình ý b) trên máy tính.

<u>Bài giải:</u>
a)
٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
b)

		•••••	 
	ng trình ý b) trên		 
Ngày			
Gv xác nhận			

#### Bài 8.

- a) Trình bày thuật toán tô màu biên cho miền lồi theo trục Oy biết miền cần tô có màu biên: mb, màu tô: mt, điểm nằm trong hình cần tô (x, y).
- b) Viết hàm tô màu biên cho thuật toán trên bằng ngôn ngữ C++. Áp dụng viết chương trình tô màu cho hình tròn tâm A(300, 200), bán kính R=100 với màu biên là màu xanh da trời, màu tô là màu đỏ.
- c) Chạy chương trình ý b) trên máy tính.

Bài giải:

a) Thuật toán: (áp dụng với  $i=\{1, -1\}$ )

Bước 1: Tìm biên trái nhất và biên phải nhất x1=x; x2=x;

while 
$$(m\grave{a}u(x1-1,y) <> mb)$$
  $x1 = x1-1$ ;  
while  $(m\grave{a}u(x2+1,y) <> mb)$   $x2 = x2+1$ ;

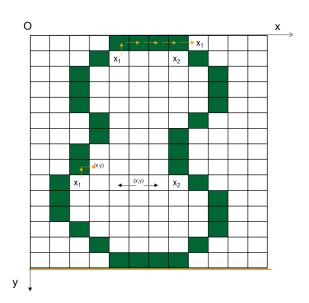
Bước 2: Vẽ đoạn (x1,y) và (x2,y) bằng màu tô (mt)

Bước 3: Tính điểm phát triển tiếp theo: while(màu(x1,y+i)=mb) x1=x1+1;

Bước 4: Nếu x1<=x2:

- $\mathbf{x} = \mathbf{x} = \mathbf{x} = \mathbf{y} + \mathbf{i}$ ;
- Bước1;

Bước 5: Kết thúc.



b)			
	•••••		
c) Chạy chương trìi	nh ý b) trên máy tính		
Ngày			
Gv xác nhận		1	

### Bài 9.

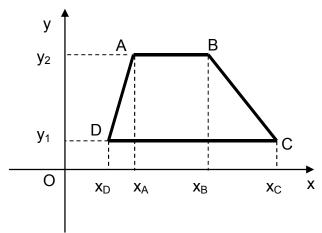
- a) Trình bày thuật toán tô màu biên cho miền lồi theo trục Ox biết miền cần tô có màu biên: mb, màu tô: mt, điểm nằm trong hình cần tô (x, y).
- b) Viết hàm tô màu biên cho thuật toán trên bằng ngôn ngữ C++. Áp dụng viết chương trình tô màu cho hình tròn tâm A(300, 200), bán kính R=100 với màu biên là màu xanh da trời, màu tô là màu đỏ.

c) Chạy chương trình ý b) trên máy tính.
<u>Bài giải:</u>
a)
1)
b)

	•••••				
•••••					•••••
	•••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••	•••••		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	
•••••	•••••			•••••	•••••
			•••••		
	•••••				
•••••					•••••
	•••••				
	•••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••	•••••			•••••	••••••
•••••					
•••••		•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••					•••••
	•••••				
c) Chạy chương trìi	nh ý b) trên máy tí	nh			
Ngày					
Gv xác nhận					

## Bài 10.

a) Trình bày thuật toán tô màu hình thang cơ bản như hình vẽ



b) Viết hàm tô màu hình thang cơ bản cho thuật toán trên bằng ngôn ngữ C++. Áp dụng viết chương trình tô màu cho đa giác ABCDE với A(100, 150), B(200, 50), C(350, 150), D(300, 250), E(150, 250).

c) Chạy chương trình ý b) trên máy tính.

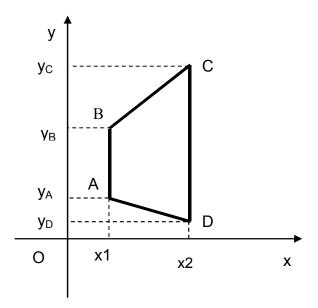
Bài giải:

a)	
b)	

	•••••				
•••••					•••••
	•••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••	•••••		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	
••••••	•••••			•••••	•••••
			•••••		
	•••••				
•••••					•••••
	•••••				
	•••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
••••••	•••••			•••••	••••••
•••••					
•••••		•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••					•••••
	•••••				
c) Chạy chương trìi	nh ý b) trên máy tí	nh			
Ngày					
Gv xác nhận					

# Bài 11.

a) Trình bày thuật toán tô màu hình thang cơ bản như hình vẽ:



b) Viết hàm tô màu hình thang cơ bản cho thuật toán trên bằng ngôn ngữ C++. Áp dụng viết chương trình tô màu cho đa giác ABCDE với A(100, 350), B(20, 250), C(100, 50), D(300, 150), E(300, 300).

c) Chạy chương trình ý b) trên máy tính.

Bài giải:

a)

Gv xác nhận				
Ngày				
c) Chạy chương trì	ình ý b) trên máy	tính		
				 •••••
				 •••••
b)				 
			. <b> </b>	 

# A.5. Các giải thuật cắt

#### Bài 12.

- a) Trình bày thuật toán cắt Cohen-Surtheland cho một đoạn thẳng với một cửa sổ hình chữ nhật cho trước.
- b) Viết hàm bằng ngôn ngữ C++ cho thuật toán trên. Áp dụng viết chương trình hiển thị phần nằm trong cửa sổ của đoạn AB biết: A(50, 50), B(400, 300) và cửa sổ có đường chéo chính (80, 100), (350, 350).
- c) Chạy chương trình ý b) trên máy tính.

<u>Bài giải:</u>
a)

b)

			•••••	
			•••••	
a) Chay ahwang tr	nh ý h) trôn má	r tính	•••••	
c) Chạy chương tr	Tinn y b) tren may	y tiiiii		
Ngày				
Gv xác nhận				
Bài 13.				
a) Trình bày thuật t	coán cắt Liang-Bas	sky cho một đoạ	ın thẳng với m	ột cửa sổ cho trước.
b) Viết hàm bằng r	ngôn ngữ C++ chơ	thuật toán trên	n. Áp dụng viế	t chương trình hiển thị
phần nằm trong củ	ra sổ của đoạn Al	B biết: A(50, 50	0), B(400, 300	)) và cửa sổ có đường
chéo chính (80, 100	0), (350, 350).			
c) Chạy chương trì	nh ý b) trên máy tí	inh.		
<u>Bài giải:</u>				
a)				
			•••••	

b)						
			•••••			
			•••••			
					•••••	
					•••••	•••••
					•••••	•••••
					•••••	•••••
					•••••	•••••
	•••••	•••••	•••••	•••••		•••••
			•••••	•••••		
			•••••	•••••		
			•••••			•••••
			•••••			•••••
	•••••	•••••	•••••	•••••		•••••
			•••••			•••••
						•••••
						•••••
c) Chạy chương tr	rình ý b) trên n	náy tính				
Ngày						
Gv xác nhận						

# C. Các phép biến đổi trong không gian 2 chiều

### Bài 14.

Trình bày cách tính ma trận biến đổi T của mỗi phép biến đổi sau dựa vào các phép biến đổi cơ sở:

- a) Phép quay quanh điểm A(xa, ya) góc quay α.
- b) Phép đối xứng qua trục d với d // Oy.
- c) Phép biến đổi tỉ lệ theo tâm A(xa, ya) với hệ số tỉ lệ tlx, tly tương ứng theo trục Ox và trục Oy.

Bài giải:

- a) Cách tính ma trận biến đổi T của phép quay quanh điểm A(xa, ya) góc quay α:.....
  - Phân tích thành các phép biến đổi cơ sở: .....

$$M \xrightarrow{T_1} M_1 \xrightarrow{T_2} M_2 \xrightarrow{T_3} M_3 \equiv M'$$

$$\Leftrightarrow M \xrightarrow{T} M'$$

Trong đó:  $+ T_1$ : phép tịnh tiến vector  $\overrightarrow{v_1}(-xa, -ya)$  .....

+ T<sub>2</sub>: phép quay tại gốc tọa độ O, góc quay α .....

+ T3: phép tịnh tiến vector  $\overrightarrow{v_2}(xa, ya)$ .....

- Ta có:

$$T_{1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ -xa & -ya & 1 \end{bmatrix}, \quad T_{2} = \begin{bmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha & 0 \\ -\sin \alpha & \cos \alpha & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad T_{3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ xa & ya & 1 \end{bmatrix} \dots \dots$$

 $V_{\hat{a}y}: \quad \mathbf{T} = \mathbf{T}_1 \times \mathbf{T}_2 \times \mathbf{T}_3 \dots$ 


c)	

#### Bài 15.

- a) Viết chương trình mô phỏng đồ thị hàm số  $y = \sin x$  với  $x \in [-2\pi; 3\pi]$  trên khung nhìn tuỳ chọn.
- b) Viết các hàm bổ sung cho ý a) để vẽ ảnh của đồ thị hàm số trên qua phép đối xứng trục d: y = -1.
- c) Chạy chương trình ý a), b) trên máy tính. *Bài giải:*
- a) Viết chương trình bằng ngôn ngữ C++ mô phỏng đồ thị hàm số  $y = \sin x$  với  $x \in [-2\pi; 3\pi]$  trên khung nhìn tuỳ chọn

```
# include <graphics.h>
# include <math.h>
float xwmin, ywmin, xwmax, ywmax;
float tlx, tly;
int xvmin, yvmin, xvmax, yvmax
void cuaso(float x1, float y1, float x2, float y2)
{ xwmin=x1; ywmin=y1;
   xwmax=x2; ywmax=y2; }
void khungnhin(int x1, int y1, int x2, int y2)
{ xvmin=x1; yvmin=y1;
  xvmax=x2; yvmax=y2;
  tlx=(xvmax-xvmin)/(xwmax-xwmin);
  tly=(yvmax-yvmin)/(ywmax-ywmin); }
void chuyenden2D(float x, float y)
{ int xm=(int)(tlx*(x-xwmin)+xvmin+0.5);
  int ym= (int)(tly*(ywmax-y)+yvmin+0.5);
  moveto(xm,ym); }
void veden2D(float x, float y)
        int xm=(int)(tlx*(x-xwmin)+xvmin+0.5);
```

```
int ym= (int)(tly*(ywmax-y)+yvmin+0.5);
        lineto(xm,ym); }
void vedothi(float xmin, float xmax)
    float dx=0.01;
    float x=xmin; float y=sin(x);
    chuyenden2D(x,y);
    while (x<=xmax)
        { x=x+dx; y=sin(x);
          veden2D(x,y); }}
int main()
   int gd=0, gm;
    initgraph(&gd,&gm,"");
    cuaso(-3*M_PI, -1.5, 4*M_PI, 1.5);
    khungnhin(50,50,450,400);
    setcolor(4);
    vedothi(-2*M_PI, 3*M_PI);
    getch();
    closegraph();
}
```

b) Viết các hàm bổ sung cho ý a) để vẽ ảnh của đồ thị hàm số trên qua phép đối xứng trục d: y = -1

```
void tinhtien(float x, float y, float m, float n, float
&x1, float &y1)
{    x1=x+m;    y1=y+n; }

void doixungOx(float x, float y, float &x1, float
&y1)
{    x1=x;    y1=-y; }

//d: y=y0 //Ox
void doixungdssOx(float x, float y, float y0, float
&x1, float &y1)
{    float x11, y11, x12, y12;
    tinhtien(x,y,0,-y0,x11,y11);
    doixungOx(x11,y11,x12,y12);
    tinhtien(x12,y12,0,y0,x1,y1); }
```

voi	d veanhdothi(float xmin, float xmax)
{	float dx=0.01;
	float x=xmin; float y=sin(x);
	float x1, y1;
	doixungdssOx(x,y, -1, x1, y1);
	chuyenden2D(x1,y1);
	while (x<=xmax)
	{ x=x+dx;
	y=sin(x);
	doixungdssOx(x,y, -1, x1, y1);
	veden2D(x1,y1);
	}
}	

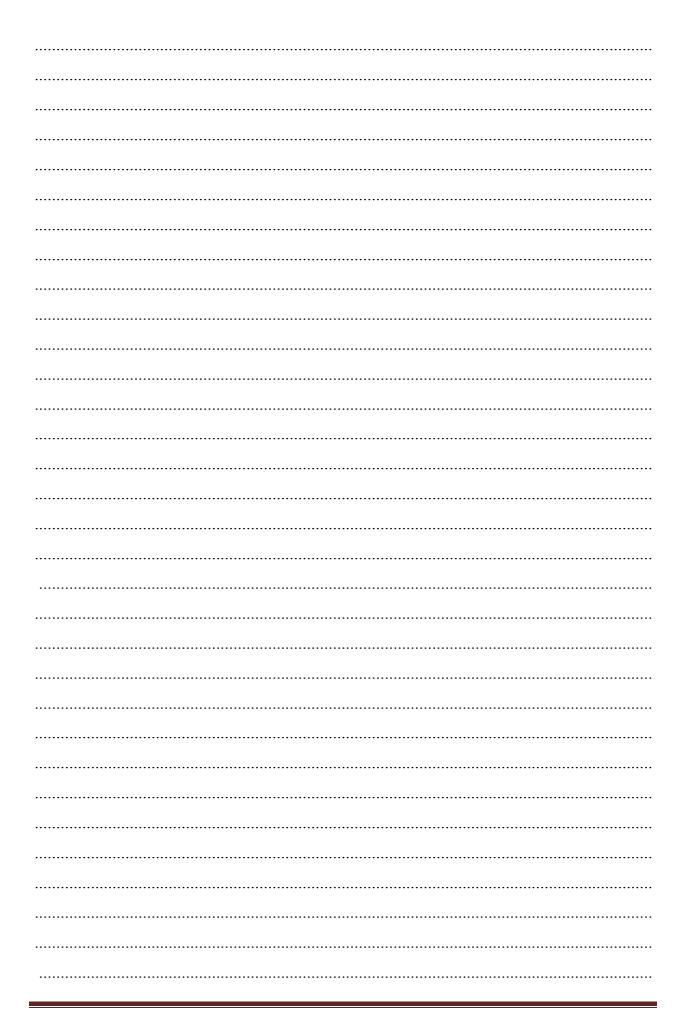
### c) Chạy chương trình ý a), b) trên máy tính

Ngày		
Gv xác nhận a)		
Gv xác nhận b)		

#### Bài 16

- a) Viết chương trình mô phỏng đồ thị hàm số  $y = x^2 + 1$  với  $x \in [-2; 2]$  trên khung nhìn tuỳ chon.
- b) Viết bổ sung các hàm cho ý a) để vẽ ảnh của đồ thị hàm số trên qua phép quay tâm A(0; 1), góc quay  $90^{\circ}$ .
- c) Chạy chương trình ý a), b) trên máy tính.

	<u>Bài giải:</u>			
a)		 	 	 



b)

c) Chạy chương tr	rình ý a), b) ti	rên máy tính ———			
Ngày					
Gv xác nhận a)					
Gv xác nhận b)					
Bài 17					
a) Viết chương trì:	nh mô phỏng	đồ thị hàm số	$y = tgx - 2 v\acute{o}i$	$x \in [-\pi/4; \pi/4]$ trên kl	hunş
nhìn tuỳ chọn.					
b) Viết chương trìn	nh vẽ ảnh của c	đồ thị hàm số tr	ên qua phép đối	xứng tâm A(0; -2).	
c) Chạy chương trì	nh ý a), b) trê	n máy tính.			
<u>Bài giải:</u>					
a)					

b)

••••••	•••••		
c) Chạy chương trình ý a), b) trên máy tính			
Ngày			
Gv xác nhận a)			
Gy zac mian aj			
Gv xác nhận b)			

# D. Các phép biến đổi trong không gian 3 chiều

**Bài 18.** Trình bày cách tính ma trận biến đổi T của mỗi phép biến đổi sau dựa vào các phép biến đổi cơ sở:

- a) Phép quay đối tượng góc quay  $\alpha$ , quanh trục d // Oz có phương trình  $\begin{cases} x=a \\ y=b \end{cases}$ , trong đó a, b là hằng số.
- b) Phép quay đối tượng góc quay  $\alpha$ , quanh trục d // Oy có phương trình  $\begin{cases} x=a \\ z=b \end{cases}$ , trong đó a, b là hằng số.
- c) Phép đối xứng đối tượng qua mặt phẳng (P) có phương trình z = a, với a là hằng số.
- d) Phép đối xứng đối tượng qua điểm A(xa, ya, za).
- e) Phép quay hệ trục tọa độ góc quay  $\alpha$ , quanh trục d // Oz có phương trình  $\begin{cases} x = a \\ y = b \end{cases}$ , trong đó a, b là hằng số.

Bài giải:

- a) Cách tính ma trận biến đổi T của phép quay đối tượng góc quay  $\alpha$ , quanh trục d // Oz có phương trình  $\begin{cases} x=a\\ y=b \end{cases}$ , trong đó a, b là hằng số, dựa vào các phép biến đổi cơ sở:
- Phân tích phép biến đổi trên thành các phép biến đổi cơ sở:

$$M \xrightarrow{T_1} M_1 \xrightarrow{T_2} M_2 \xrightarrow{T_3} M_3 \equiv M'$$

$$\Leftrightarrow M \xrightarrow{T} M'$$

Trong đó:  $+ T_1$ : phép tịnh tiến vector  $\overrightarrow{v_1}(-a, -b, 0)$  $+ T_2$ : phép quay đối tượng quanh trục Oz, góc quay  $\alpha$  $+ T_3$ : phép tịnh tiến vector  $\overrightarrow{v_2}(a, b, 0)$ 

- Ta có:

$$T_{1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ -a & -b & 0 & 1 \end{bmatrix}, T_{2} = \begin{bmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha & 0 & 0 \\ -\sin \alpha & \cos \alpha & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, T_{3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ a & b & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

 $V_{\hat{\mathbf{a}}\mathbf{y}}: \quad \mathbf{T} = \mathbf{T}_1 \times \mathbf{T}_2 \times \mathbf{T}_3 \dots$ b) ......

	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	•••••
	•••••
	•••••
	•••••
c)	

d)	
u)	••
	••
	••
	• •
	٠.
	••
	• •
	• •
	•
	• •
a)	
e)	• •
e)	•••
e)	
e)	

#### Bài 19

- a) Viết chương trình vẽ hình lập phương đơn vị bằng mô hình khung dây.
- b) Thay đổi giá trị của các tham số về vị trí quan sát và phép chiếu, quan sát và nhận xét.
- c) Viết các hàm bổ sung để vẽ ảnh của hình lập phương trên qua phép quay quanh trục d:

```
\begin{cases} x = 1 \\ y = 0 \end{cases} góc quay 45°.
```

d) Chạy chương trình trên máy tính.

#### Bài giải:

a) Viết chương trình vẽ hình lập phương đơn vị bằng mô hình khung dây: .....

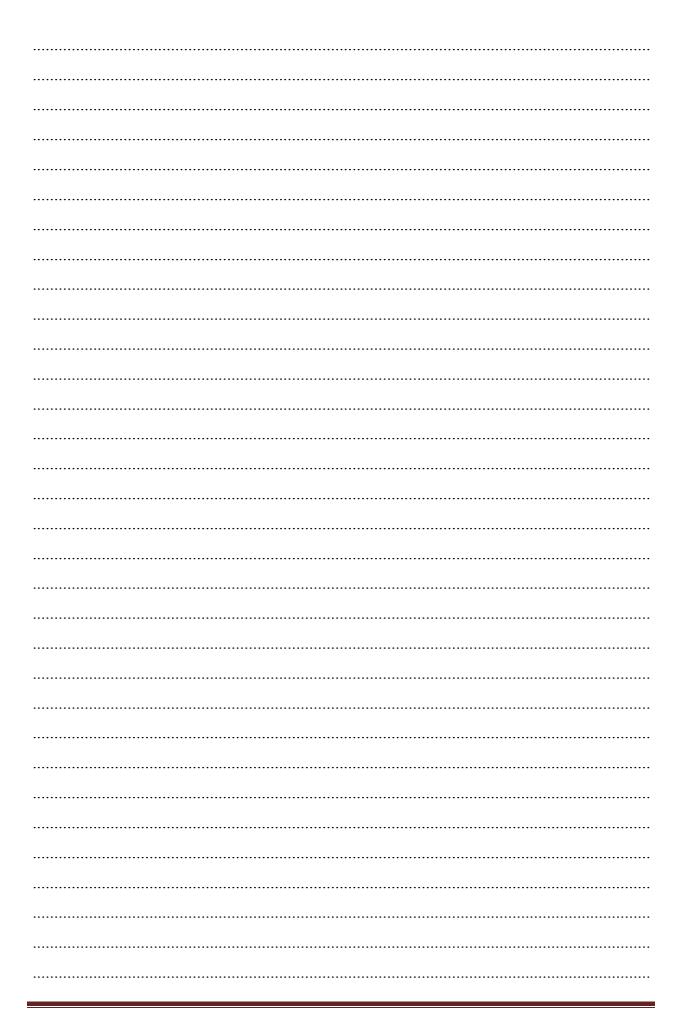
```
# include <graphics.h>
# include <math.h>
typedef struct
{float x; float y; float z;}Diem3D;
typedef struct
{int x; int y;}Diem2Di;
typedef struct
{float x; float y;}Diem2Df;
typedef struct
{Diem3D d1; Diem3D d2;}Canh;
float R, phi, teta, D, tlx, tly;
int phepchieu;
// Quy uoc phepchieu =1: phoi canh; =0: song song
Diem2Di o;
               // O goc toa do hien thi tren man hinh
Diem3D a[8]; Canh c[12];
void chuyenhqs(Diem3D m, Diem3D &mv)
// Tính Mv la toa do cua M trong he toa do quan sat
  mv.x= -m.x*sin(teta) + m.y*cos(teta);
                      -m.x*cos(teta)*sin(phi)
  mv.y
          m.y*sin(teta)*sin(phi) + m.z*cos(phi);
  mv.z=
                   -m.x*sin(teta)*cos(phi)
         m.y*cos(teta)*sin(phi)-m.z*sin(phi)+R;
void chieu3D 2D (Diem3D mv, Diem2Df &mp)
```

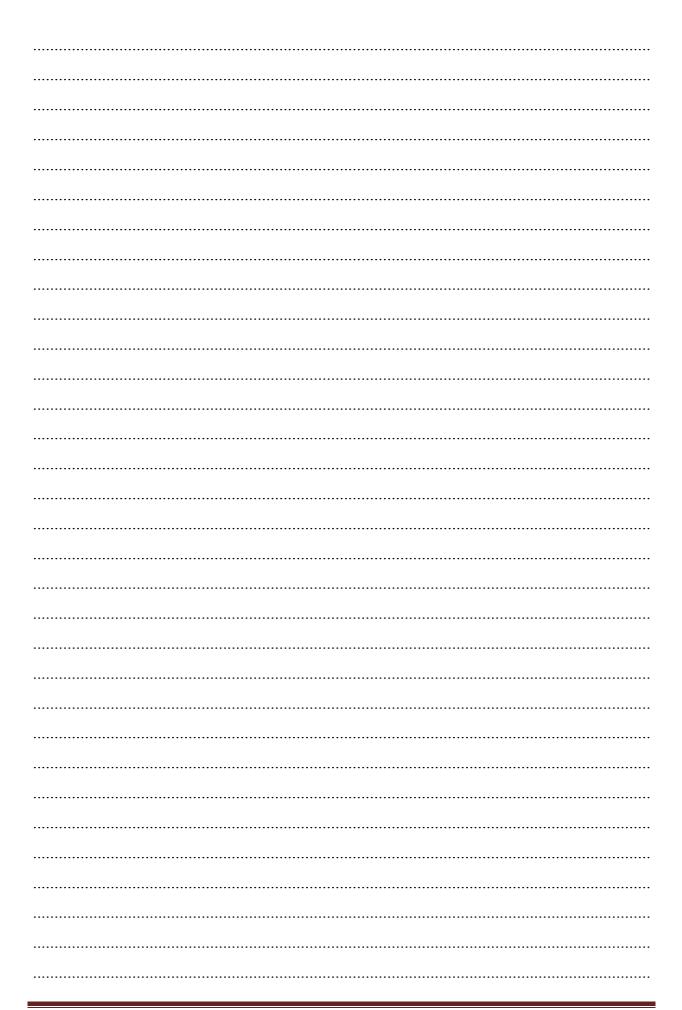
```
// Tinh toa do Mp tren mat phang chieu P
        if (phepchieu==1)
    { mp.x=D*mv.x/mv.z; mp.y=D*mv.y/mv.z;}
    { mp.x=mv.x; mp.y=mv.y;}
}
void chuyenmh(Diem2Df mp, Diem2Di &mm)
 //Tinh toa do Mm trên màn hình tuong ung voi Mp
\{ mm.x = (int) (tlx*mp.x+o.x+0.5); 
  mm.y= (int) (-tly*mp.y +o.y+0.5);
}
void chuyenden3D(Diem3D m)
{ Diem3D mv; Diem2Df mp; Diem2Di mm;
 chuyenhqs(m,mv);
 chieu3D 2D(mv,mp);
 chuyenmh(mp,mm);
 moveto(mm.x,mm.y);
}
void veden3D(Diem3D m)
 Diem3D mv; Diem2Df mp; Diem2Di mm;
 chuyenhqs(m,mv);
 chieu3D_2D(mv,mp);
 chuyenmh(mp,mm);
 lineto(mm.x,mm.y);
}
void khoitaoquansat()
```

```
{
                                                                c[7].d1=a[1]; c[7].d2=a[6];
   R=5; phi=60; teta=30; D=3; tlx=200; tly=200;
                                                                c[8].d1=a[0]; c[8].d2=a[5];
                                                                c[9].d1=a[5]; c[9].d2=a[6];
  phepchieu=1;
                                                                c[10].d1=a[4]; c[10].d2=a[7];
  o.x=getmaxx()/2;
  o.y=getmaxy()/2;
                                                                c[11].d1=a[7]; c[11].d2=a[6];
  }
                                                             }
void khoitaoHLP()
                                                             void veHLP()
  //Khoi tao cac dinh
                                                                for(int i=0; i<12; i++)
  a[0].x=1; a[0].y=0; a[0].z=1;
                                                                {
  a[1].x=0; a[1].y=0; a[1].z=1;
                                                                     chuyenden3D(c[i].d1);
                                                                     veden3D(c[i].d2);
  a[2].x=0; a[2].y=1; a[2].z=1;
  a[3].x=1; a[3].y=1; a[3].z=1;
                                                                }
  a[4].x=1; a[4].y=1; a[4].z=0;
                                                             }
  a[5].x=1; a[5].y=0; a[5].z=0;
                                                             int main()
  a[6].x=0; a[6].y=0; a[6].z=0;
  a[7].x=0; a[7].y=1; a[7].z=0;
                                                                int gd=0, gm;
                                                                initgraph(&gd, &gm, "");
  //Khoi tao cac canh
                                                                khoitaoquansat();
  c[0].d1=a[0]; c[0].d2=a[1];
                                                                khoitaoHLP();
  c[1].d1=a[1]; c[1].d2=a[2];
                                                                veHLP();
  c[2].d1=a[2]; c[2].d2=a[3];
                                                                getch();
  c[3].d1=a[3]; c[3].d2=a[0];
                                                                closegraph();
  c[4].d1=a[3]; c[4].d2=a[4];
                                                                return 0;
  c[5].d1=a[2]; c[5].d2=a[7];
                                                                }
  c[6].d1=a[5]; c[6].d2=a[4];
```



d) Chạy chương trì	nh ý a), c) trên máy ti	ính	
Ngày			
Gv xác nhận a)			
Gv xác nhận c)			
Bài 20			
a) Viết chương trìn	h mô phỏng tứ diện	ABCD với A(0, 0 3),	B(2, 1, 0), C(1,-1, 0),
D(-1.5, 0, 0) bằng m			
,		r diện chuyển động liên	tuc theo hướng vector
	khi nhấn phím Enter.	, , ,	
c) Chạy chương trìnl			
<u>Bài giải:</u>	·		





		•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
b)			
	•••••	•••••	
	•••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	•••••	•••••	

		•••••	
c) Chạy chương trình ý a), b) trên máy tính			
Naha			
Ngày			
Gv xác nhận a)			
Gv xác nhận b)			