

EJEMPLOS AP

$GCL \rightarrow AP$

TALF 2023 2

ING. SANDRA RODRIGUEZ AVILA

EJEMPLO 1: AP

Construir un autómata de pila que reconozca el lenguaje:

$$L = \{0^n 1^n / n \geq 0\} \quad L = \{\lambda, 01, 0011, 000111, \dots\}$$

NOTA: Nos podemos basar en la forma de graficar un Autómata Finito como base:

En la solución propuesta se ha considerado que el estado final es único y es también estado inicial. En este ejemplo se logra vaciar la pila.

Función δ :

1. $\delta(q_0, 0, Z) \rightarrow (q_1, 0Z)$
2. $\delta(q_1, 0, 0) \rightarrow (q_1, 00)$
3. $\delta(q_1, 1, 0) \rightarrow (q_2, \lambda)$
4. $\delta(q_2, 1, 0) \rightarrow (q_2, \lambda)$
5. $\delta(q_2, \lambda, Z) \rightarrow (q_0, \lambda)$
6. $\delta(q_0, \lambda, Z) \rightarrow (q_0, \lambda)$

AP = ({q0,q1,q2}, {0,1,λ}, {Z, 0}, δ, q0, Z, {q0})

Reconocer formalmente λ:

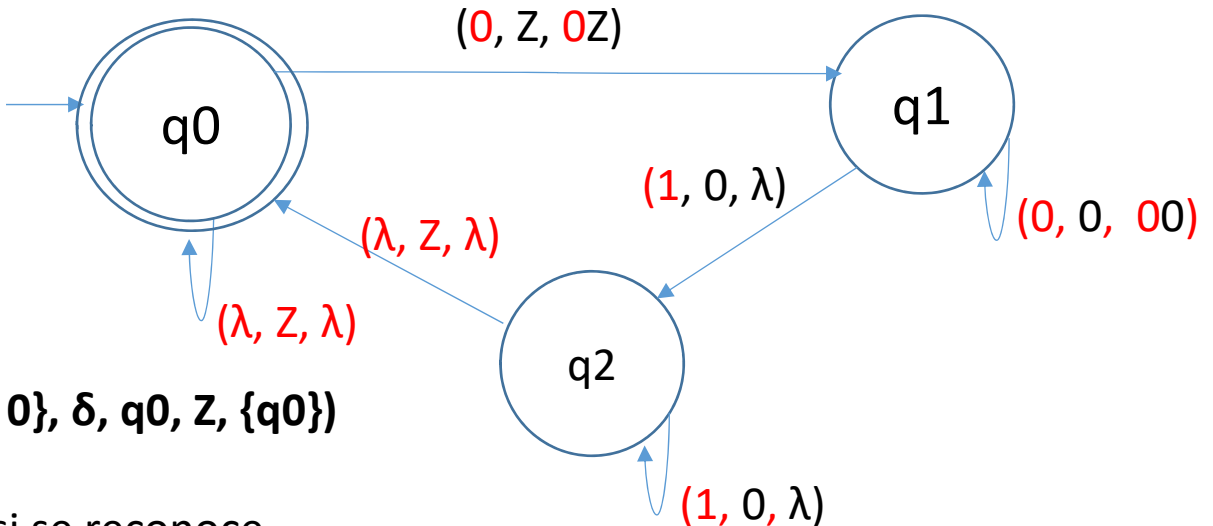
$(q_0, \lambda, Z) \rightarrow 6 (q_0, \lambda, \lambda)$ si se reconoce

Reconocer formalmente 01:

$(q_0, 01, Z) \rightarrow 1 (q_1, 1, 0Z) \rightarrow 3 (q_2, \lambda, Z) \rightarrow 5 (q_0, \lambda, \lambda)$ si se reconoce

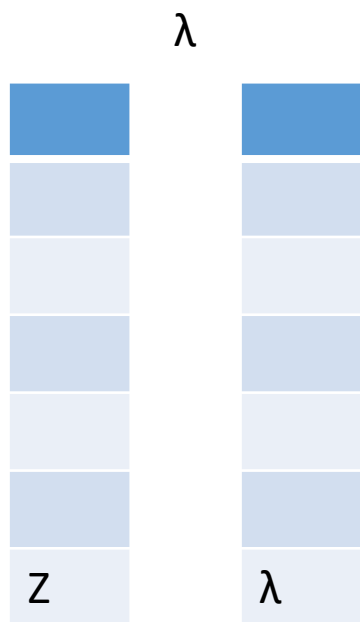
Reconocer formalmente 001:

$(q_0, 001, Z) \rightarrow 1 (q_1, 01, 0Z) \rightarrow 2 (q_1, 1, 00Z) \rightarrow 3 (q_2, \lambda, 0Z)$ No se reconoce



EJEMPLO 1: AP

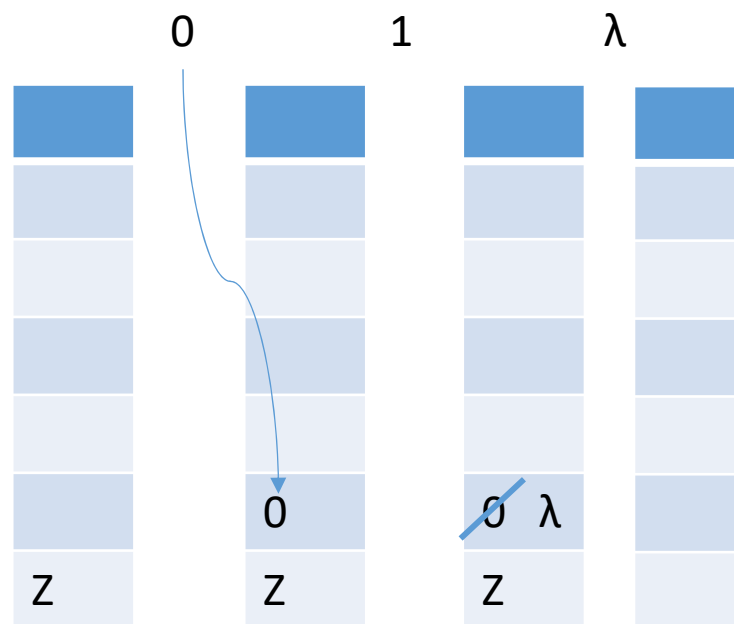
Tira λ



Z \rightarrow 6 λ

PILA

Tira 01

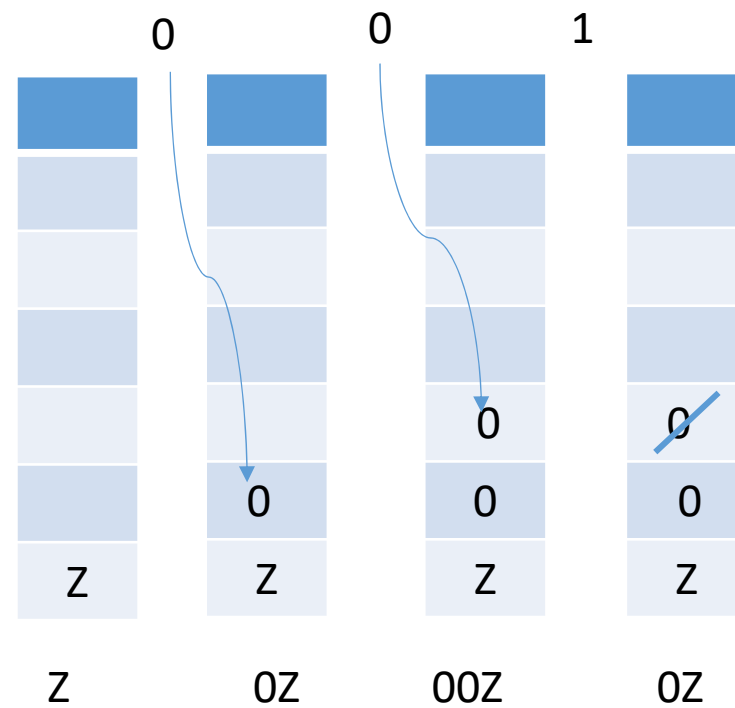


Z \rightarrow 1 0Z \rightarrow 3 Z \rightarrow 5 λ

PILA

EJEMPLO 1: AP

Tira: 001



PILA

EJEMPLO 2: AP BASADO EN UNA GCL O GRAMATICA DEL TIPO 2

Sea la gramática $G=(N,T,P,S)$ que representa el manejo de expresiones aritméticas, siendo $N=\{E, T, F\}$ donde E es la abreviatura de expresión, T la de término y F la de factor. $T=\{a, +, *, (,)\}$ donde a representa a los identificadores. El símbolo inicial $S=E$.

Las reglas de producción son las siguientes:

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid a$$

Construir un autómata de pila que reconozca el mismo lenguaje generado por la gramática G .

Solución:

La solución esta basada en un **algoritmo para construir un AP basado en una GCL**.

$AP=(Q, Te, Tp, \delta, q_0, z_0, F)$ donde

$$Q = \{q\}$$

$$Te = T = \{a, +, *, (,)\}$$

$$Tp = T \cup N = \{a, +, *, (,), E, T, F\}$$

$$q_0 = q$$

$$z_0 = E \text{ (símbolo inicial de } G)$$

$$F = \{\emptyset\}$$

EJEMPLO 2: AP BASADO EN UNA GCL O GRAMATICA DEL TIPO 2

δ :

a) Símbolos terminales

1. $\delta(q, a, a) \rightarrow (q, \lambda)$
2. $\delta(q, +, +) \rightarrow (q, \lambda)$
3. $\delta(q, *, *) \rightarrow (q, \lambda)$
4. $\delta(q, (, () \rightarrow (q, \lambda)$
5. $\delta(q,),) \rightarrow (q, \lambda)$

b) Reglas de producción

6. $\delta(q, \lambda, E) \rightarrow (q, T)$
7. $\delta(q, \lambda, E) \rightarrow (q, E + T)$
8. $\delta(q, \lambda, T) \rightarrow (q, F)$
9. $\delta(q, \lambda, T) \rightarrow (q, T^*F)$
10. $\delta(q, \lambda, F) \rightarrow (q, (E))$
11. $\delta(q, \lambda, F) \rightarrow (q, a)$

Reconocer la tira a:

$(q, a, E) \rightarrow_6 (q, a, T) \rightarrow_8 (q, a, F) \rightarrow_{11} (q, a, a) \rightarrow_1 (q, \lambda, \lambda)$

EJEMPLO 2: AP BASADO EN UNA GCL O GRAMATICA DEL TIPO 2

Reconocer la tira $a+a^*a$:

$(q, a+a^*a, E) \rightarrow 7 (q, a+a^*a, E+T) \rightarrow 6 (q, a+a^*a, T+T) \rightarrow 8 (q, a+a^*a, F+T)$
 $\rightarrow 11 (q, \cancel{a}+a^*a, \cancel{a}+T) \rightarrow 1 (q, \cancel{+}a^*a, \cancel{+}T) \rightarrow 2 (q, a^*a, T) \rightarrow 9 (q, a^*a, T^*F)$
 $\rightarrow 8 (q, a^*a, F^*F) \rightarrow 11 (q, \cancel{a}^*a, \cancel{a}^*F) \rightarrow 1 (q, \cancel{*}a, \cancel{*}F) \rightarrow 3 (q, a, F) \rightarrow 11 (q, \cancel{a}, \cancel{a})$
 $\rightarrow 1 (q, \lambda, \lambda)$

Reconocer la tira aa :

$(q, aa, E) \rightarrow 7 (q, aa, E+T) \rightarrow 6 (q, aa, T+T) \rightarrow 8 (q, aa, F+T) \rightarrow 11 (q, \cancel{a}a, \cancel{a}+T) \rightarrow 1$
 $(q, a, +T)$ No se reconoce
 $\rightarrow 6 (q, aa, T) \rightarrow 8 (q, aa, F) \rightarrow 11 (q, \cancel{a}a, \cancel{a}) \rightarrow 1 (q, a, \lambda)$ No se reconoce

Reconocer la tira a^*a+a :

$(q, a^*a+a, E) \rightarrow 7 (q, a^*a+a, E+T) \rightarrow 6 (q, a^*a+a, T+T) \rightarrow 9 (q, a^*a+a, T^*F+T)$
 $\rightarrow 8 (q, a^*a+a, F^*F+T) \rightarrow 11 (q, \cancel{a}^*a+a, \cancel{a}^*F+T) \rightarrow 1 (q, \cancel{*}a+a, \cancel{*}F+T)$
 $\rightarrow 3 (q, a+a, F+T) \rightarrow 11 (q, \cancel{a}+a, \cancel{a}+T) \rightarrow 1 (q, \cancel{+}a, \cancel{+}T) \rightarrow 2 (q, a, T) \rightarrow 8 (q, a, F)$
 $\rightarrow 11 (q, a, a) \rightarrow 1 (q, \lambda, \lambda)$ Si se reconoce

EJEMPLO 3: AP w^2w^{-1} PALINDROMO IMPAR

Construir un AP capaz de reconocer el lenguaje:

$$L = \{w^2w^{-1} / w \in (0+1)^*\}$$

donde $T = \{0,1,2\}$ y w^{-1} es la inversa de w .

Dar ejemplos de reconocimiento de palabras del lenguaje.

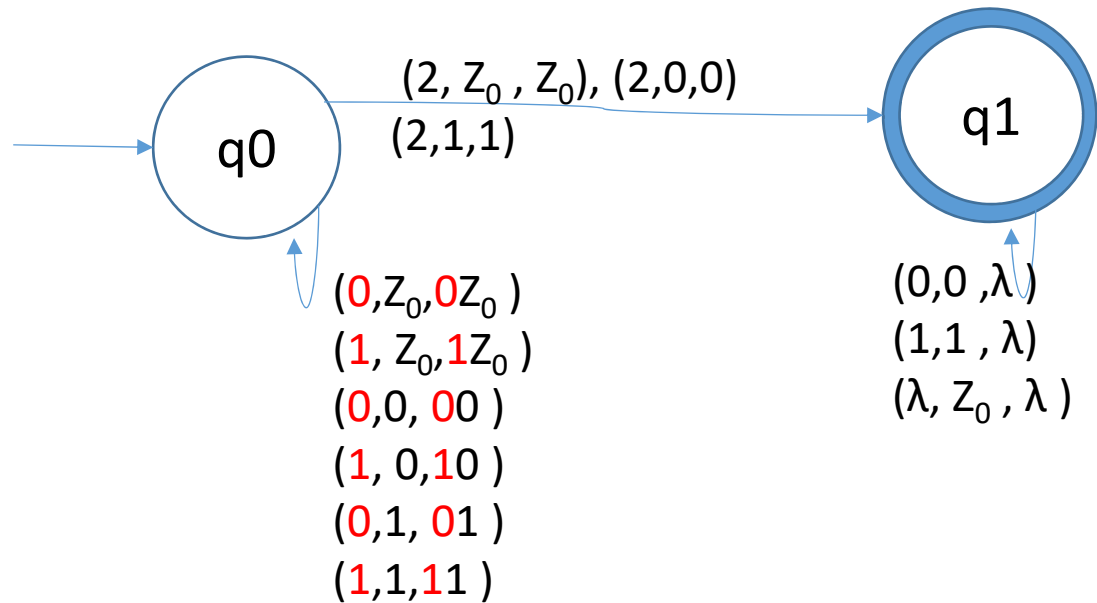
- Funcionamiento o estrategia: ir apilando la tira w hasta que aparezca el símbolo 2 y entonces se va comparando símbolo a símbolo el de entrada (w^{-1}) con el superior (o izquierda) de la pila, llegándose a vaciar la pila y la tira de entrada si es una sentencia de L .

EJEMPLO 3: AP w^2w^{-1} PALINDROMO IMPAR

$L = \{w^2w^{-1} / w = (0+1)^*, w^{-1} \text{ es la inversa de } w\}$

$(0+1)^*2(0+1)^* = \{2, 020, 10201, 0112110, 1012101, \dots\}$

1. $\delta(q_0, 0, Z_0) = (q_0, 0Z_0)$
2. $\delta(q_0, 1, Z_0) = (q_0, 1Z_0)$
3. $\delta(q_0, 0, 0) = (q_0, 00)$
4. $\delta(q_0, 1, 0) = (q_0, 10)$
5. $\delta(q_0, 0, 1) = (q_0, 01)$
6. $\delta(q_0, 1, 1) = (q_0, 11)$
7. $\delta(q_0, 2, Z_0) = (q_1, Z_0)$
8. $\delta(q_0, 2, 1) = (q_1, 1)$
9. $\delta(q_0, 2, 0) = (q_1, 0)$
10. $\delta(q_1, 0, 0) = (q_1, \lambda)$
11. $\delta(q_1, 1, 1) = (q_1, \lambda)$
12. $\delta(q_1, \lambda, Z_0) = (q_1, \lambda)$



EJEMPLO 4: AP ww^{-1} PALINDROMO PAR

Construir un AP capaz de reconocer el lenguaje:

$$L = \{ww^{-1} / w \in (0+1)^*\}$$

donde $T = \{0,1\}$ y w^{-1} es la inversa de w .

Dar ejemplos de reconocimiento de palabras del lenguaje.

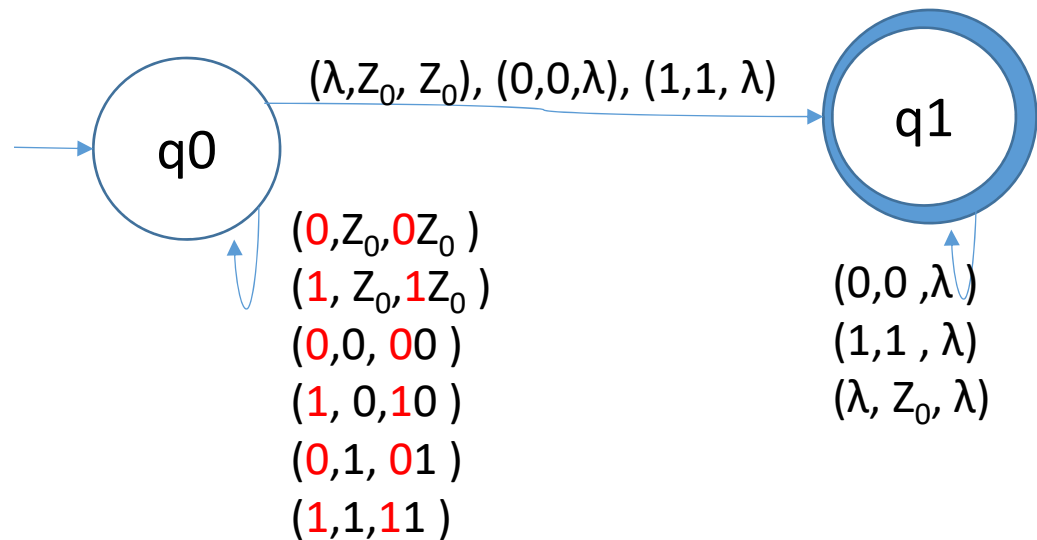
- Funcionamiento o estrategia: ir apilando la tira w hasta que aparezca el primer símbolo de la tira w^{-1} entonces se va comparando símbolo a símbolo el de entrada (w^{-1}) con el superior (o izquierda) de la pila, llegándose a vaciar la pila y la tira de entrada si es una sentencia de L .

EJEMPLO 4: AP ww^{-1} PALINDROMO PAR

$$L = \{ww^{-1}/w=(0+1)^*\} = \{\lambda, 11, 0110, 00, 011110, 010010, 00011000, \dots\}$$

$(0+1)^*(0+1)^*$ = Expresión regular base

1. $f(q_0, 0, z_0) = (q_0, 0z_0)$
2. $f(q_0, 1, z_0) = (q_0, 1z_0)$
3. $f(q_0, 0, 0) = \{(q_0, 00), (q_1, \lambda)\}$
4. $f(q_0, 0, 1) = (q_0, 01)$
5. $f(q_0, 1, 0) = (q_0, 10)$
6. $f(q_0, 1, 1) = \{(q_0, 11), (q_1, \lambda)\}$
7. $f(q_1, 0, 0) = (q_1, \lambda)$
8. $f(q_1, 1, 1) = (q_1, \lambda)$
9. $f(q_1, \lambda, z_0) = (q_1, \lambda)$
10. $\delta(q_0, \lambda, Z_0) = (q_1, Z_0)$



Reconocer 11

$(q_0, 11, Z_0) \rightarrow 2(q_0, 1, 1Z_0) \rightarrow 6b(q_1, \lambda, Z_0) \rightarrow 9(q_1, \lambda, \lambda)$ Si se reconoce

Reconocer 10

$(q_0, 10, Z_0) \rightarrow 2(q_0, 0, 1Z_0) \rightarrow 4(q_0, \lambda, 01Z_0)$ No se reconoce.

EJEMPLO 4: AP ww^{-1} PALINDROMO PAR

$L = \{ww^{-1}/w=(0+1)^*\} = \{\lambda, 11, 0110, 00, 011110, 010010, 00011000, \dots\}$

$(0+1)^*(0+1)^*$ Expresión regular base

Reconocer 1001

$(q_0, 1001, Z_0) \rightarrow 2(q_0, 001, 1Z_0) \rightarrow 4(q_0, 01, 01Z_0) \rightarrow 3a(q_0, 1, 001Z_0) \rightarrow$

$\downarrow 3b$

$(q_1, 1, 1Z_0) \rightarrow 8(q_1, \lambda, Z_0) \rightarrow 9(q_1, \lambda, \lambda)$

Si se reconoce

Reconocer 0110

$(q_0, 0110, Z_0) \rightarrow 1(q_0, 110, 0Z_0) \rightarrow 5(q_0, 10, 10Z_0) \rightarrow 6(q_1, 0, 0Z_0) \rightarrow 7$

$(q_1, \lambda, Z_0) \rightarrow 9(q_1, \lambda, \lambda)$ Si se reconoce

EJEMPLO 5: AP w^2w^{-1} PALINDROMO PAR

Construir un AP capaz de reconocer el lenguaje:

$$L = \{w^2w^{-1} / w \in (0+1)^+\}$$

donde $T = \{0,1,2\}$ y w^{-1} es la inversa de w .

Dar ejemplos de reconocimiento de palabras del lenguaje.

- $(0+1)^+2(0+1)^+$

