## LEYES LOGICAS

## A. PRINCIPIOS LÓGICOS CLÁSICOS

1. PRINCIPIO DE IDENTIDAD (REFLEXIVIDAD) Una proposición solo es idéntica a sí misma.

$$p \to q \equiv V$$
$$p \leftrightarrow q \equiv V$$

2. PRINCIPIO DE NO CONTRADICCION

Una proposición no puede ser V y F a la vez.

$$\sim (p \land \sim p) \equiv V$$

## 3. EL TERCIO EXCLUIDO

Una proposición o es verdadera o es falsa.

$$p \lor \sim p \equiv V$$

## B. LEYES EQUIVALENTES O EQUIVALENCIAS NOTABLES

1. LEY DE LA DOBLE NEGACION

La negación de la negación es una afirmación.

$$\sim (\sim p) \equiv p$$

2. LEY DE IDEMPOTENCIA

$$p \wedge p \equiv p$$
$$p \vee p \equiv p$$

3. LEYES CONMUTATIVAS

$$p \lor q \equiv q \lor p$$
$$p \land q \equiv q \land p$$
$$p \leftrightarrow q \equiv q \leftrightarrow p$$

4. LEYES ASOCIATIVAS

$$(p \land q) \land r \equiv p \land (q \land r)$$
$$(p \lor q) \lor r \equiv p \lor (q \lor r)$$
$$(p \leftrightarrow q) \leftrightarrow r \equiv p \leftrightarrow (q \leftrightarrow r)$$

9. LEYES DE ABSORCION

$$p \wedge (p \vee q) \equiv p$$

$$p \wedge (\sim p \vee q) \equiv p \wedge q$$

$$p \vee (p \wedge q) \equiv p$$

$$p \vee (\sim p \wedge q) \equiv p \vee q$$

10. LEYES DE TRANSPOSICION

$$p \rightarrow q \equiv \neg q \rightarrow \neg p$$
$$p \leftrightarrow q \equiv \neg q \leftrightarrow \neg p$$

11. LEYES DE EXPORTACION

$$(p \land q) \rightarrow r \equiv q \rightarrow (q \rightarrow r)$$

5. LEYES DE DE MORGAN

$$\sim (p \land q) \equiv \sim p \lor \sim q$$
$$\sim (p \lor q) \equiv \sim p \land \sim q$$

6. LEYES DEL CONDICIONAL

$$p \rightarrow q \equiv \sim p \lor q$$
  
 $\sim (p \rightarrow q) \equiv p \land \sim q$ 

7. LEYES DISTRIBUTIVAS

$$p \wedge (q \vee r) \equiv (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$$

$$p \vee (q \wedge r) \equiv (p \vee q) \wedge (p \vee r)$$

$$p \rightarrow (q \wedge r) \equiv (p \rightarrow q) \wedge (p \rightarrow r)$$

$$p \rightarrow (q \vee r) \equiv (p \rightarrow q) \vee (p \rightarrow r)$$

8. LEYES DEL BICONDICIONAL

$$p \leftrightarrow q \equiv (p \to q) \land (q \to p)$$
$$(p \leftrightarrow q) \equiv (p \land q) \lor (\sim p \land \sim q)$$

12. ELEMENTOS NEUTROS - FORMAS NORMALES

$$p \wedge V \equiv p$$
  $p \vee V \equiv V$   
 $p \wedge F \equiv F$   $p \vee F \equiv p$ 

13. COMPLEMENTACION

$$p \lor \sim p \equiv V$$
$$p \land \sim p \equiv F$$