1 Klassisches Modell

Lattice	L(2,1)	L(3, 2, 1)	L(4,3,2,1)	L(5,4,3,2,1)
Hexagonal	5	9	19	30
(24 Knoten)	0.16 sec	$0.95 \mathrm{sec}$	47.09 sec	3123.74 sec
Triangular	8	18	32	
(23 Knoten)	0.91 sec	573.48sec	934550 sec	
Square	6	11	25	
(25 Knoten)	0.63 sec	1.72 sec	8619.05 sec	

Tabelle 1: Ergebnisse des klassischen Modells angewendet aud drei Type der Gridgraphen

Lattice	L(2,1)	L(3,2,1)	L(4,3,2,1)	L(5,4,3,2,1)
Hexagonal	5	9		
(30 Knoten)	0.26 sec	1.86 sec	sec	sec
Triangular	8	18		
(30 Knoten)	1.71sec	9830.71 sec	sec	
Square	6	11		
(30 Knoten)	1.08sec	2.36 sec		

Tabelle 2: Ergebnisse des klassischen Modells angewendet aud drei Type der Gridgraphen

2 Modelle

Lattice	f(x) = 3 - x	L(2,1)	f(x) = 4 - x	L(3,2,1)
Hexagonal	6.41699	5	16.6243	9
	4.57 sec	0.16sec	5577.68 sec	$0.95~{ m sec}$
Triangular	9.78029	8	21.9068	18
	38.62 sec	0.91sec	$368958 \sec$	573.48 sec
Square	8.63494	6	19.9067	11
	15.34 sec	0.63 sec	153587 sec	1.72 sec

Tabelle 3: Ergebnisse für L(2,1), L(3,2,1) im klassischen Fall und Funktion f(x) = 3 - x, f(x) = 4 - x im Fall der reelwertigen Labeling.

3 Treppenfunktion

Lattice	f(x) = 3 - x	L(2,1)	f(x) = 4 - x	L(3,2,1)
Hexagonal	5	5	9	9
	2.18 sec	0.16sec	3.8 sec	0.95 sec
Triangular	8	8	18	18
	27.34 sec	0.91sec	4599.13 sec	573.48 sec
Square	6	6	11	11
	22.95 sec	0.63sec	10.17 sec	1.72 sec

Tabelle 4: Ergebnisse für L(2,1), L(3,2,1) im klassischen Fall und Treppenfunktion im Fall der reelwertigen Labeling.

4 Verbessern der Laufzeit

4.1 Bescränkung der Konstanten M

Lattice	f(x) = 3 - x(new)	f(x) = 3 - x(old)	f(x) = 4 - x (new)	f(x) = 4 - x(old)
Hexagonal	6.41699	6.41699	16.6243	16.6243
	5.19 sec	4.57 sec	6283.5 sec	5577.68
Triangular	9.78029	9.78029	21.9068	21.9068
	$30.29 \mathrm{sec}$	38.62 sec	211144sec	368958sec
Square	8.63494	8.63494	19.9067	19.9067
	23.72sec	15.34sec	84990.2 sec	153587sec

Tabelle 5: Der Vergleich der Laufzeit des vorherigen Modells und des Modells mit den zusatzlichen Beschränkungen auf die Konstanten $\mathcal M$

4.2 Bescränkung von α

Lattice	f(x) = 3 - x(new)	f(x) = 3 - x(old)	f(x) = 4 - x (new)	f(x) = 4 - x(old)
Hexagonal	6.41699	6.41699	16.6243	16.6243
	13.28 + 135.43 =	4.57 sec	337947 + 410468 =	5577.68sec
	148.71sec		748414 sec	
Triangular	9.78029	9.78029	21.9068	21.0968
	447.24 + 883.27 =	38.62 sec		368958sec
	1330.51 sec			
Square	8.63494	8.63494	19.9067	19.9067
	118.89 + 198.25 =	15.34 sec		$153587 \; sec$
	317.14sec			

Tabelle 6: Ansatz der binären Suche für die Bestimmung oberer und unterer Schranken für α

4.3 Teilgrephen

Hexagonal Lattice	d(x) = 3 - x	d(x) = 4 - x	nConstraints
Der ganze Graph	6.41699	16.6243	
	4.57 sec	5577.68 sec	601
Teilgraphen			
Sechsecke mit der Seitenlänge 1	4.33sec	15952sec	608
Sechsecke mit der Seitenlänge 1, 2	4.35 sec	8879.65 sec	609
Trapez	6.75 sec	7104.64sec	614

Tabelle 7: Untersuchung der Teilgraphen, Fall der Gridgraphen aus der Sechsecken.

Triangular Lattice	d(x) = 3 - x	d(x) = 4 - x	nConstraints
Der ganze Graph	9.78029	21.9068	
	38.62 sec	368958 sec	553
Teilgraphen			
Dreiecke mit der Seitenlänge 1	21.03sec	294858sec	581
Dreiecke mit der Seitenlänge 1,2,3	37.21sec	543555 sec	589
Sechsecke mit der Seitenlänge 1	36.65 sec	$151160 \; sec$	560

Tabelle 8: Untersuchung der Teilgraphen, Fall der Gridgraphen aus der Dreiecken.

Square Lattice	d(x) = 3 - x	d(x) = 4 - x	nConstraints
Der ganze Graph	8.63494	19.9067	
	15.34 sec	153587 sec	651
Teilgraphen			
Vierecke mit der Seitenlänge 1	24.32sec	182766sec	667
Vierecke mit der Seitenlänge 1,2,3 ohne Überlappen	24.56sec	265454sec	672
Vierecke 1×2	33.18sec	killedsec	659

Tabelle 9: Untersuchung der Teilgraphen, Fall der Gridgraphen aus der Vierecken.