

Resumen de algoritmos para competencias de programación

Kruskal

7 de abril de 2011

Índice

1. Plantillas	1	6. Grafos y árboles	8
1.1. C++	1	6.1. Dijkstra	8
1.2. Entradas especiales con C++	2	6.2. DFS	8
1.3. Java	3	6.3. BFS	9
2. Matemática Aplicada	3	6.4. Lowest Common Ancestor	9
2.1. Suma de enteros, suma de cuadrados y suma de cubos	3	6.5. Kruskal + Union-Find	10
2.2. Conjunto de partes	3	6.6. Minimum Spanning Tree - Prim	10
2.3. Fibonacci $O(\log n)$	3	6.7. Máximo Flujo: Ford-Fukerson	11
2.4. Geometría	4	6.8. Floyd - Warshall	12
2.5. Áreas y volúmenes	4	6.9. Sparse Table	12
2.6. Algoritmo de Josefo	5	6.10. Segment Tree	12
2.7. Particiones de A condicionadas	5	7. Checklist para WA, TLE y RE	13
3. Combinatoria	5	1. Plantillas	
3.1. Cuadro resumen	5	1.1. C++	
3.2. Criba de Eratóstenes	5	<code>#include <algorithm></code>	
3.3. Combinaciones, coeficientes binomiales, triángulo de Pascal	6	<code>#include <iostream></code>	
3.4. Permutaciones con elementos indistinguibles	6	<code>#include <iterator></code>	
3.5. Desordenes, desarreglos o permutaciones completas	6	<code>#include <sstream></code>	
4. Librerías de Java	6	<code>#include <fstream></code>	
4.1. BigInteger	6	<code>#include <cassert></code>	
5. Comparación de Strings	7	<code>#include <climits></code>	
5.1. KMP	7	<code>#include <cstdlib></code>	
5.2. Distancia de Levenshtein	7	<code>#include <cstring></code>	
		<code>#include <string></code>	
		<code>#include <cstdio></code>	
		<code>#include <vector></code>	
		<code>#include <cmath></code>	

```

#include <queue>
#include <deque>
#include <stack>
#include <list>
#include <map>
#include <set>
#include <iomanip>

using namespace std;
typedef long long ll;
template <class T> string toStr(const T &x){
stringstream s; s << x; return s.str();
}

template <class T> int toInt(const T &x){
stringstream s; s << x; int r; s >> r; return r;
}

#define For(i, a, b) for (int i=(a); i<(b); ++i)
#define D(x) cout << #x " es " << (x) << endl

const double EPS = 1e-9;
int cmp(double x, double y, double tol = EPS){
return (x <= y + tol) ? (x + tol < y) ? -1 : 0 : 1;
}

//cuando se va a trabajar con enteros
//la suma es con 5 y no con 0.5
double round(double x){ return floor(x*100+0.5)/100; }

bool myfunction (int i,int j) { return (i>j); }

long long reverse_num( ll sourcenum ){
ll temp = sourcenum;
ll sum = 0;
while ( temp ){
sum *= 10;
sum += temp%10;
temp /= 10;
}
return sum;
}

```

```

}

int main()
{
//-----|
//para leer desde archivo      |
freopen("filename.in","r",stdin);    //|
//para escribir archivo      |
freopen("filename.out","w",stdout);  //|
//-----|

return 0;
}

.....

```

1.2. Entradas especiales con C++

```

if (sscanf(s.c_str(), "%d %d", &r1, &r2) == 2)
// lee 2 numeros en caso de que sea 1 va al else
//hay que tener en cuenta q "s" es un string

if (cin.peek()!='\n') cin >> r2;
// si hay algo en esa linea que no sea
//\n lo toma y lo guarda en r2

//para leer de un buffer o algo asi
char line[200010];
gets(line);
sscanf(line, "%d", &n);

getline(cin, s);
// lee la linea y la inserta en el string s
getline(cin, s);
// tener siempre en cuenta que se usa doble getline para
// omitir el salto y solo tomar la informacion que necesitamos

```

1.3. Java

```
import java.io.BufferedReader;
import java.io.IOException;
import java.io.InputStreamReader;
import java.math.BigInteger;
import java.util.Scanner;

class Main{

    public static void main(String [] args){
        Scanner sc = new Scanner(System.in);
        BufferedReader r = new BufferedReader(new
            InputStreamReader (System.in));

        //Lector Scanner --> sc.nextLine();
        //Lector BufferedReader --> r.readLine();
        //-----|
        //Para leer o escribir archivos si se requiere |
        System.setIn(new FileInputStream("tree.in")); |
        System.setOut(new PrintStream("tree.out")); |
        //-----|

    }
}
```

2. Matemática Aplicada

2.1. Suma de enteros, suma de cuadrados y suma de cubos

$$\sum_{i=1}^n i = 1 + 2 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$$
$$\sum_{i=1}^n i^2 = 1^2 + 2^2 + \dots + n^2 = \frac{(2n+1)n(n+1)}{6}$$

$$\sum_{i=1}^n i^3 = 1^3 + 2^3 + \dots + n^3 = \frac{n^2(n+1)^2}{4}$$

2.2. Conjunto de partes

De un conjunto S , el **conjunto de partes** $P(S)$ son todos los posibles subconjuntos que se pueden formar con los elementos de S . Si el cardinal de S es de n , el cardinal de su conjunto de partes $P(S)$ será de 2^n e incluye el conjunto vacío (\emptyset).

Field-testing:

- *UVa Live Archive* - 4794 - Sharing Chocolate
- *SPOJ* - 6073 - Chocolate

```
//tener en cuenta que el tamaño de
//valores debe ser >= que 1 << n
//y cortes es simplemente para llevar
//cuenta del numero de cortes por bitmask
for (int i = 0; i < (1<<n); ++i){
    valor[i] = cortes[i] = 0;
    for (int k = 0; k < n; ++k){
        if (i & (1 << k)){
            valor[i] += parts[k];
            cortes[i]++;
        }
    }
    suma[valor[i]].push_back(i);
    for (int g = 0; g < 105; ++g) memo[g][i] = -1;
}
```

2.3. Fibonacci $O(\log n)$

```
int F[2][2];
int A[2][2];
typedef long long ll;
const int modulus = 1000000007;
int a,b,c,d;
```

```

int main()
{
    int tc;
    long long p;
    ll ans;
    scanf("%d", &tc);
    while (tc--)
    {
        F[0][0] = 1;
        F[0][1] = 1;
        F[1][0] = 1;
        F[1][1] = 0;
        A[0][0] = 1;
        A[0][1] = 0;
        A[1][0] = 0;
        A[1][1] = 1;
        scanf("%lld", &p);
        p <= 1;
        while (p)
        {
            if (p & 1)
            {
                a = ((ll)A[0][0] * F[0][0]) % modulus
+ ((ll)A[0][1] * F[1][0]) % modulus;
                b = ((ll)A[0][0] * F[0][1]) % modulus
+ ((ll)A[0][1] * F[1][1]) % modulus;
                c = ((ll)A[1][0] * F[0][0]) % modulus
+ ((ll)A[1][1] * F[1][0]) % modulus;
                d = ((ll)A[1][0] * F[0][1]) % modulus
+ ((ll)A[1][1] * F[1][1]) % modulus;
                A[0][0] = a % modulus;
                A[0][1] = b % modulus;
                A[1][0] = c % modulus;
                A[1][1] = d % modulus;
            }
            a = ((ll)F[0][0] * F[0][0]) % modulus
+ ((ll)F[0][1] * F[1][0]) % modulus;
            b = (ll)F[0][1] *
(F[0][0] + F[1][1]) % modulus;
            c = (ll)F[1][0] *
(F[0][0] + F[1][1]) % modulus;

```

```

        d = ((ll)F[1][0] * F[0][1]) % modulus
+ ((ll)F[1][1] * F[1][1]) % modulus;
        F[0][0] = a % modulus;
        F[0][1] = b % modulus;
        F[1][0] = c % modulus;
        F[1][1] = d % modulus;
        p >>= 1;
    }
    ans = (ll)A[0][0] * A[0][1];
    printf("%d\n", (int)(ans % modulus));
}
return 0;
}

```

2.4. Geometría

Área de un polígono. (Si no se intersecta a sí mismo, es simple):

$$A(P) = \frac{1}{2} \sum_{i=0}^{n-1} (x_i \cdot y_{i+1} - x_{i+1} \cdot y_i)$$

Centro de masa de un polígono simple con área M:

$$\bar{C}_x = \frac{\iint_R x dA}{M} = \frac{1}{6M} \sum_{i=1}^n (y_{i+1} \cdot y_i)(x_{i+1}^2 + x_{i+1} \cdot x_i + x_i^2)$$

$$\bar{C}_y = \frac{\iint_R y dA}{M} = \frac{1}{6M} \sum_{i=1}^n (x_{i+1} \cdot x_i)(y_{i+1}^2 + y_{i+1} \cdot y_i + y_i^2)$$

2.5. Áreas y volúmenes

Para \mathbb{R}^2 con tres puntos $P(x_1, y_1), R(x_2, y_2), Q(x_3, y_3)$ NO colineales se tiene que el área del triángulo es:

$$\text{Área} \triangle = \frac{1}{2} \left| \det \begin{bmatrix} x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \\ x_3 & y_3 & 1 \end{bmatrix} \right|$$

$$\text{Área } \Delta = \frac{(x_2y_1 - x_1y_2 + x_3y_2 - x_2y_3 - x_3y_1 + x_1y_3)}{2}$$

Teniendo tres puntos P, Q, R NO colineales en \mathbb{R}^3 el área del triángulo que forman es:

$$\text{Área } \Delta = \frac{\|\overrightarrow{PR} \times \overrightarrow{PQ}\|}{2}$$

Como $\text{Área}_{\text{paralelogramo}} = 2 \cdot \text{Área } \Delta \longrightarrow \text{Área}_{\text{paralelogramo}} = \|\overrightarrow{PR} \times \overrightarrow{PQ}\|$

Para encontrar el volumen de un paralelepípedo de manera vectorial, se deben conocer $\vec{u}, \vec{v}, \vec{w}$ y aplicar la fórmula: $V_p = (\vec{u} \times \vec{v}) \cdot \vec{w}$

2.6. Algoritmo de Josefo

Se trata de encontrar el lugar en el círculo inicial para que se pueda ser el último y seguir viviendo. (Basado en el problema que enfrentó Josefo).

Field-testing:

- *SPOJ* - 4557 - Musical Chairs

```
int main(){
    int n,k;
    while(cin >> n >> k && (n+k)){
        int r = 0;
        for(int i=1; i<=n;++i) r = (r+k) % i;
        cout << n << " " << k << " " << (r+1) << endl;
    }
    return 0;
}
```

2.7. Particiones de A condicionadas

$$\forall X \{X \in P | X \neq \emptyset\} \quad (1)$$

$$\forall (X, Y) \{X \in P, Y \in P | X \neq Y \longrightarrow X \cap Y = \emptyset\} \quad (2)$$

$$\{\bigcup_{i=1}^n X_i \mid X_i \in P\} = A \quad (3)$$

entonces:

$$S(n, k) = S(n-1, k-1) + k \times S(n-1, k) \quad (4)$$

3. Combinatoria

3.1. Cuadro resumen

Fórmulas para combinaciones y permutaciones:

<i>Tipo</i>	<i>¿Repetición permitida?</i>	<i>Fórmula</i>
r -permutaciones	No	$\frac{n!}{(n-r)!}$
r -combinaciones	No	$\frac{n!}{r!(n-r)!}$
r -permutaciones	Sí	n^r
r -combinaciones	Sí	$\frac{(n+r-1)!}{r!(n-1)!}$

Tomado de *Matemática discreta y sus aplicaciones*, Kenneth Rosen, 5^{ta} edición, McGraw-Hill, página 315.

3.2. Criba de Eratóstenes

Field-testing:

- *SPOJ* - 2 - Prime Generator

```
typedef long long ll;

int primesGenerator( ll m, ll n ){

    vector<int> primes(100001);
```

```
//memset( primes, false, sizeof( primes ) );

ll cm = m;
if( cm % 2 != 0 ) cm++;
for( ll i = cm; i<=n; i += 2 ){
    primes[i-m] = true;
}

for( ll it = 3; it*it <=n; it+=2 ){
    if( m >= it*it && m%it == 0 ) primes[ 0 ] = true;
    int pMult = (m-(m%it)) + it;
    for( ll j = pMult ; j<=n; j+=it ){
        if( j >= it*it ) primes[ j-m ] = true;
    }
}

for( ll i = 0; i<=n-m; ++i ){
    if( i+m == 1 || i+m == 0 ) primes[ i ] = true;
    if( i+m == 2 ) primes[i] = false;
    if( !primes[i] ) cout << i+m << endl;
}
}
```

3.3. Combinaciones, coeficientes binomiales, triángulo de Pascal

Complejidad: $O(n^2)$

$$\binom{n}{k} = \begin{cases} 1 & k = 0 \\ 1 & n = k \\ \binom{n-1}{k-1} + \binom{n-1}{k} & \text{en otro caso} \end{cases}$$

```
const int N = 30;
long long choose[N+1][N+1];
/* Binomial coefficients */
for (int i=0; i<=N; ++i) choose[i][0] = choose[i][i] = 1;

for (int i=1; i<=N; ++i)
    for (int j=1; j<i; ++j)
        choose[i][j] = choose[i-1][j-1] + choose[i-1][j];
```

3.4. Permutaciones con elementos indistinguibles

El número de permutaciones diferentes de n objetos, donde hay n_1 objetos indistinguibles de tipo 1, n_2 objetos indistinguibles de tipo 2, ..., y n_k objetos indistinguibles de tipo k , es

$$\frac{n!}{n_1!n_2!\cdots n_k!}$$

Ejemplo: Con las letras de la palabra PROGRAMAR se pueden formar $\frac{9!}{2! \cdot 3!} = 30240$ permutaciones diferentes.

3.5. Desordenes, desarreglos o permutaciones completas

Un desarreglo es una permutación donde ningún elemento i está en la posición i -ésima. Por ejemplo, 4213 es un desarreglo de 4 elementos pero 3241 no lo es porque el 2 aparece en la posición 2.

Sea D_n el número de desarreglos de n elementos, entonces:

$$D_n = \begin{cases} 1 & n = 0 \\ 0 & n = 1 \\ (n-1)(D_{n-1} + D_{n-2}) & n \geq 2 \end{cases}$$

Usando el principio de inclusión-exclusión, también se puede encontrar la fórmula

$$D_n = n! \left[1 - \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} - \frac{1}{3!} + \cdots + (-1)^n \frac{1}{n!} \right] = n! \sum_{i=0}^n \frac{(-1)^i}{i!}$$

4. Librerías de Java

4.1. BigInteger

Field-testing:

- SPOJ - 24 - Small Factorials

```
static BigInteger [] fact = new BigInteger[104];
public static void init(){
    fact[0] = BigInteger.ONE;
    for (int i = 1; i<=100;++i){
        fact[i] = new BigInteger(String.valueOf(i)).multiply(fact[i-1]);
    }
}
```

5. Comparación de Strings

5.1. KMP

Field-testing:

- *SPOJ* - 32 - A Needle in the Haystack

```
string p, text;
bool tales;
```

```
void Kmp2( long *kmpNext ){
    ll i,j;
    i = j = 0;
    while (j < text.size()){
        while (i > -1 && p[i] != text[j]) i = kmpNext[i];
        i++; j++;
        if (i >= p.size()){
            printf("%d\n",j-i);
            i = kmpNext[i];
        }
    }
}
```

/* Calculate the table of jumps */

```
void preKmp( long *b ){
    ll i = 0, j = -1;
    b[ i ] = j;
    while( i<p.size() ){
        while( j>=0 && p[i] != p[j] ) j = b[j];
        i++; j++;
        b[i] = j;
    }
}
```

```
int main()
{
    ll len, *y;
    while( scanf("%lli",&len) != EOF ){
        cin >> p >> text;
        if( p.size() <= text.size() ){
            long b[ len+1 ];
            preKmp( b );
            Kmp2( b );
        }
    }
    return 0;
}
```

```
}
```

5.2. Distancia de Levenshtein

Field-testing:

- *SPOJ* - 6219 - Edit distance

Mínimo número de transformaciones para convertir el String *A* en el String *B*.

```
void Levenshtein(string a, string b)
{
    D[0][0] = 0;
    int m = a.length(), n = b.length(),cost = 0;
    for (int i = 1; i<=m;++i){
        D[i][0] = i;
    }
    for (int j = 1; j<=n;++j){
        D[0][j] = j;
    }
    for (int i = 1; i <= m; ++i){
        for (int j = 1; j<= n; ++j){
            cost = (a[i-1] == b[j-1]) ? 0 : 1;
            D[i][j] = min((D[i-1][j-1]+cost),min(D[i-1][j]+1,D[i][j-1]+1));
        }
    }
    printf("%d\n",D[m][n]);
}
```

```
int array[2100][2100], t;
string c, b;
```

```
int main(){
    cin >> t;
    For(h,0,2100) array[h][0] = array[0][h] = h;
    while( t-- ){
        cin >> c >> b;
        for ( int a = 1; a <= c.size() ; ++a ) {
            for ( int i = 1; i<= b.size(); ++i ) {
                int tales = array[a-1][i-1];
                if (c[a-1] != b[i-1]) tales++;
                array[a][i]=min(tales, min(array[a][i-1]+1,array[a-1][i]+1));
            }
        }
    }
}
```

```

    }
}
cout << array[c.size()][b.size()] << endl;
}
return 0;
}

```

6. Grafos y árboles

6.1. Dijkstra

Field-testing:

- *SPOJ* - 15 - The Shortest Path

```

struct edge{
    int to, weight;
    edge(){}
    edge(int t,int w) :to(t),weight(w){}
    bool operator < (const edge &that) const{
        return weight > that.weight;
    }
};

const int MAXNODES = 10002;
vector <edge> g[MAXNODES];
int d[MAXNODES], p[MAXNODES];

void Dijkstra(int s,int t,int n)
{
    for (int i = 0; i<=n;++i){
        d[i] = INT_MAX;
        p[i] = -1;
    }
    d[s] = 0;
    priority_queue <edge> q;
    q.push(edge(s,0));
    while(q.size()){
        int node = q.top().to;
        int dist = q.top().weight;
        q.pop();
        if (dist > d[node]) continue;
        if (node == t) break;
        for (int i = 0; i<g[node].size();++i){

```

```

            int to = g[node][i].to;
            int w_extra = g[node][i].weight;
            if (dist + w_extra < d[to]){
                d[to] = dist + w_extra;
                p[to] = node;
                q.push(edge(to,d[to]));
            }
        }
    }
}

```

6.2. DFS

Field-testing:

- *SPOJ* - 1437 - Longest path in a tree

```

vector<int> nums[10003];
int visited[10003];
int path[10003];

int dfs( int t ){

    stack<int> p;
    p.push( t );
    int mayor = t;

    while( p.size() ){
        int h = p.top();
        visited[h] = 1;
        p.pop();

        if( path[h] > path[mayor] ) mayor = h;

        for( int i = 0; i < nums[h].size(); ++i ){
            if( !visited[nums[h][i]] ){
                p.push(nums[h][i]);
                path[nums[h][i]] = path[h]+1;
            }
        }
    }
    return mayor;
}

```



```

int main(){
    int t, u, v, last;
    while( scanf("%d",&t) != EOF ){

        int longest = t; last = -1;
        for(int i = 0; i < t+2; ++i ) nums[i].clear();

        for( int j = 1; j<t; ++j ){
            scanf("%d %d",&u,&v);
            if( u == v ) continue;
            nums[ u ].push_back( v );
            nums[ v ].push_back( u );
            last = v;
        }

        if( last == -1 ) printf("%d\n",0);
        else{
            // 2 Dfs, The first for search the longest node
            //and the second for search the longest path in the tree
            for( int i = 0; i<longest+1; ++i ) visited[i] = path[i] = 0;
            int start = dfs( 1 );
            for( int i = 0; i<longest+1; ++i ) visited[i] = path[i] = 0;
            int retry = dfs( start );
            printf("%d\n",path[retry]);
        }
    }
    return 0;
}

```

6.3. BFS

Field-testing:

- *SPOJ* - 38 - Labyrinth

```

int G[MAXN][MAXN], V[MAXN][MAXN], D[MAXN][MAXN];
int r,c;
int di[] = {-1, 1, 0, 0};
int dj[] = {0, 0, -1, 1};

int vX, vY;

void BFS(int i, int j)

```

```

{
    queue<int> q;
    q.push(i);
    q.push(j);
    int bi = i, bj = j;
    while(q.size()){
        int ci = q.front(); q.pop();
        int cj = q.front(); q.pop();
        if (D[bi][bj] < D[ci][cj]){
            bi = ci;
            bj = cj;
        }
        V[ci][cj] = 1;
        for (int k = 0; k<4;++k){
            int vi = ci + di[k], vj = cj + dj[k];
            if (G[vi][vj] > 0 && !V[vi][vj] &&
                (vi >= 0 && vi <= r) && (vj <= c && vj >= 0)){
                q.push(vi);
                q.push(vj);
                D[vi][vj] = D[ci][cj] + 1;
            }
        }
        vX = bi, vY = bj;
    }
}

```

6.4. Lowest Common Ancestor

```

LL LCA(int a, int b) {
    LL cont = 0;
    int pa = prof[a];
    int pb = prof[b];
    if (pa < pb) {
        swap(a, b);
        swap(pa, pb);
    }
    while (pa != pb) {
        cont += LL(cost[a]);
        a = p[a];
        pb++;
    }
    while (a != b) {
        cont += LL(cost[b]);
        cont += LL(cost[a]);
    }
}

```

```

        a = p[a];
        b = p[b];
    }
    return cont;
}

int main() {
    int n, q, a, b;
    p[0] = cost[0] = prof[0] = 0;
    scanf("%d", &n);
    while (n) {
        for (int i=1; i<n ;i++) {
            scanf("%d %d", &a, &b);
            p[i] = a;
            cost[i] = b;
            prof[i] = prof[a]+1;
        }
        scanf("%d", &q);
        for(int i=0; i<q ;i++) {
            if (i) printf(" ");
            scanf("%d %d", &a, &b);
            printf("%lld", LCA(a, b));
        }
        printf("\n");
        scanf("%d", &n);
    }
}

```

6.5. Kruskal + Union-Find

```

struct edge{
    int start, end, weight;
    edge( ){}
    edge( int a, int b, int c ) : start(a), end(b), weight(c){}
    bool operator < ( const edge &that ) const{
        return weight < that.weight;
    }
};

```

```

vector<edge> e;
int n, m, y, j ,k;

```

//////////////////////////////// UNION-FIND by Andres Mejia////////////////////////////////

```

int p[100003], rank[100003];
void make_set( int x ){ p[x] = x, rank[x] = 0; }
void link( int x, int y ){
    if( rank[x] > rank[y] ) p[y] = x;
    else{ p[x] = y; if( rank[x] == rank[y] ) rank[y]++; }
}
int find_set( int x ){
    return x != p[x] ? p[x] = find_set(p[x]) : p[x] ;
}
void merge( int x, int y ){ link(find_set(x), find_set(y)); }

////////////////////////////////////

ll kruskal( int n ){
    ll total = 0;
    sort( e.begin(), e.end() );
    for ( int i = 0; i<=n ; ++i ) make_set(i);
    for ( int i = 0; i< e.size(); ++i ) {
        int u = e[i].start, v = e[i].end, w = e[i].weight;
        if(find_set(u) != find_set(v)){
            total += w;
            merge(u, v);
        }
    }
    return total;
}

```

// n is the number of nodes kruskal(n) is the mst !!
 //can be neccesary e.push_back(edge(y,j,k));

6.6. Minimum Spanning Tree - Prim

```

struct edge{
    double to, weight;
    edge() { }
    edge ( int t ,double w ) : to(t), weight(w){}
    bool operator < ( const edge &that ) const {
        return weight > that.weight;
    }
};

```

```

struct pos{
    double x, y;
    pos() { }
    pos( double pt ,double pw ) : x(pt), y(pw){}
};

int n, d;
double x, y, result, r, r1, r2;
double prim( vector<edge> graph[], int maxNodes );

int main(){
    while( scanf("%d",&d) != EOF ){

        vector<pos> nodes; // pnts "x" y "y" de cada nodo leido
        for( int it = 0; it<d; ++it ){
            cin >> x >> y;
            nodes.push_back( pos( x, y ) );
        }

        vector<edge> graph[ d ];
        for( int i = 0; i<d; ++i ){
            for( int a = 0; a<d; ++a ){
                if( i==a ) continue;
                r1 = pow ( (nodes[ i ].x - nodes[ a ].x ) , 2) ;
                r2 = pow ( (nodes[ i ].y - nodes[ a ].y ) , 2) ;
                r = r1 + r2;
                graph[ i ].push_back( edge( a, sqrt(r) ) );
            }
        }

        printf( "%.2f\n", prim( graph, d ) );
        //tales( graph, d );
    }
    return 0;
}

double prim( vector<edge> graph[], int maxNodes ){

    double total = 0.0;
    priority_queue<edge> q;
    q.push( edge( 0, 0.0 ) );
    set<int> visited;

    while( q.size() ){
        int node = q.top().to;

```

```

        double weight1 = q.top().weight;
        q.pop();
        if( visited.count(node) ) continue;
        visited.insert(node);
        total += weight1;
        for( int i = 0; i<graph[node].size(); ++i ){
            if( visited.count( graph[node][i].to == 0 ) ){
                q.push( graph[node][i] );
            }
        }
    }
    return total;
}

```

6.7. Máximo Flujo: Ford-Fukerson

Field-testing:

- *SPOJ* - 3868 - Total Flow

```
int cap[MAXN+1][MAXN+1], prev[MAXN+1];
```

```
vector<int> g[MAXN+1]; //Vecinos de cada nodo.
```

```

void link(int u, int v, int c)
{ cap[u][v] = c; g[u].push_back(v), g[v].push_back(u); }
/*
    Crear aristas mediante link(a,b,c)
    Esta implementacion es de Andres Mejia, fue usada para
    pasar el problema
    Total Flow (MTOTALF) de Spoj
*/

```

```

int residual[MAXN+1][MAXN+1];
int fordFulkerson(int n, int s, int t){
    memcpy(residual, cap, sizeof cap);

```

```

    int ans = 0;
    while (true){
        fill(prev, prev+n, -1);
        queue<int> q;
        q.push(s);
        while (q.size() && prev[t] == -1){
            int u = q.front();

```

```

    q.pop();
    vector<int> &out = g[u];
    for (int k = 0, m = out.size(); k<m; ++k){
        int v = out[k];
        if (v != s && prev[v] == -1 && residual[u][v] > 0)
            prev[v] = u, q.push(v);
    }
}

if (prev[t] == -1) break;

int bottleneck = INT_MAX;
for (int v = t, u = prev[v]; u != -1; v = u, u = prev[v]){
    bottleneck = min(bottleneck, residual[u][v]);
}
for (int v = t, u = prev[v]; u != -1; v = u, u = prev[v]){
    residual[u][v] -= bottleneck;
    residual[v][u] += bottleneck;
}
ans += bottleneck;
}
return ans;
}

```

6.8. Floyd - Warshall

```

void Floyd()
{
    //llenar primero la matriz dp!!!!
    for (int k = 0; k<maxNodes;++k){
        for (int i = 0; i<maxNodes;++i){
            for (int j = 0; j<maxNodes;++j){
                dp[i][j] = min(dp[i][j], dp[i][k]+dp[k][j]);
            }
        }
    }
}

```

6.9. Sparse Table

Range Minimum Query (RMQ). Para encontrar la posición con el mínimo valor de un elemento entre dos índices específicos.

```

void sparseTable(int M[MAXN][LOGMAXN], int A[MAXN], int N)
{
    int i, j;

    //initialize M for the intervals with length 1
    for (i = 0; i < N; i++)
        M[i][0] = i;
    //compute values from smaller to bigger intervals
    for (j = 1; 1 << j <= N; j++)
        for (i = 0; i + (1 << j) - 1 < N; i++)
            if (A[M[i][j - 1]] < A[M[i + (1 << (j - 1))][j - 1]])
                M[i][j] = M[i][j - 1];
            else
                M[i][j] = M[i + (1 << (j - 1))][j - 1];
}

```

6.10. Segment Tree

int A[10]; // aqui se guarda el arbol sobre el q se va a operar
int M[10]; // aqui queda el RMQ dependiendo de la
//busqueda mm tmb queda el segment tree

```

void initialize( int node, int b, int e ){
    if (b == e) M[node] = b;
    else {
        initialize(2 * node, b, (b + e) / 2 );
        initialize(2 * node + 1, (b + e) / 2 + 1, e );

        if (A[M[2 * node]] <= A[M[2 * node + 1]]) M[node] = M[2 * node];
        else M[node] = M[2 * node + 1];
    }
}

int query(int node, int b, int e, int i, int j){
    int p1, p2;
    if (i > e || j < b) return -1;
    if (b >= i && e <= j) return M[node];

    p1 = query(2 * node, b, (b + e) / 2, i, j);
    p2 = query(2 * node + 1, (b + e) / 2 + 1, e, i, j);

    if (p1 == -1) return M[node] = p2;
    if (p2 == -1) return M[node] = p1;
    if (A[p1] <= A[p2]) return M[node] = p1;
}

```

```

        return M[node] = p2;
    }

    // Esta entrada es un ejemplo con nueve valores en
    //la tabla de entrada y haciendo query de 5 a 7

    int main(){
        memset( M, -1, sizeof(M) );
        A[0] = 2;
        A[1] = 4;
        A[2] = 3;
        A[3] = 1;
        A[4] = 6;
        A[5] = 7;
        A[6] = 8;
        A[7] = 9;
        A[8] = 1;
        A[9] = 7;
        initialize( 1, 0, 9 );
        for ( int a = 0; a < 26; ++a ) {
            cout << M[a] << " ";
        }
        cout << endl;
        cout << query( 1, 0, 9, 5 , 7 ) << endl;
        return 0;
    }

```

7. Checklist para WA, TLE y RE

- Overflow.
- Requiere BigInteger.
- El programa termina anticipadamente por la condición en el ciclo de lectura.
Por ejemplo, se tiene `while (cin >> n >> k && n && k)` y un caso válido de entrada es `n = 1` y `k = 0`.
- No hay más chocolatina para partir.
- El grafo no es conexo.
- Puede haber varias aristas entre el mismo par de nodos.
- Las aristas pueden tener costos negativos.
- El grafo tiene un sólo nodo.

- La cadena puede ser vacía.
- Las líneas pueden tener espacios en blanco al principio o al final (Cuidado al usar `getline` o `fgets`).
- El arreglo no se limpia entre caso y caso.
- Se está imprimiendo una línea en blanco con un espacio (`printf(" \n")` en vez de `printf("\n")` ó `puts(" ")` en vez de `puts("")`).