Formelsammlung Physik 2

Tim Hilt

7. Juli 2018

Inhaltsverzeichnis

1	Sch	wingur	ngen	1
	1.1	Formel	zeichen	1
	1.2	Konsta	nten	1
	1.3	Formel	n	2
		1.3.1	Allgemein	2
			k_{Ges} , wenn Federn parallel	2
			k_{Ges} , wenn Federn seriell	2
			Eigenkreisfrequenz	2
			Umrechnung $f \ / \ T$	2
			Allgemeine Schwingungsdgl	2
			Drehmoment	2
		1.3.2	Ungedämpfte Systeme	2
			Kriterium für harmonische Schwingung:	2
			Weg-Zeit-Gesetz	2
			Geschwindigkeit-Zeit-Gesetz	2
			Beschleunigung-Zeit-Gesetz	2
			Maximale Geschwindigkeit im Schwingvorgang	2
			Amplitude x_m	2
			Kreisfrequenz ungedämpft	3
			Hookesches Gesetz	3
			Hookesches Gesetz bei Drehbewegungen	3
			U-Rohr	3
			Schwingungsdgl am U-Rohr	3
			Fadenpendel	3
			Schwingungsdauer beim Fadenpendel	3
			Grad zu Radien	3
			Rückstellkraft F_R beim Fadenpendel	3
			Auslenkungswinkel-Zeit-Gesetz	3
			Winkelgeschwindigkeit-Zeit-Gesetz	3
			Winkelbeschleunigungs-Zeit-Gesetz	3
			$v_{ m max}$ beim Fadenpendel	3
			Anfangsauslenkung $arphi_0$	4
			Federpendel	4
			Schwingungsdauer beim Federpendel	4
			Energie beim Federpendel	4
		1.3.3	Gedämpfte Systeme	4
		1.0.0	Abklingfunktion Federpendel	4
			Abklingfunktion Fadenpendel	4
			Kreisfrequenz gedämpft	4
			Abklingkoeffizient	4
			/ in the second control of the second contro	•

			Dämpfungskonstante		4
			Schwingungszeit gedämpft		4
			Reibkonstante		4
			Logarithmisches Dekrement		4
			Güte		5
			Schwingungsenergie		5
			Energieverlust		5
		Ар	eriodischer Grenzfall		5
		1.3.4 Erz	zwungen schwingende Systeme		5
2	Akı	ustik			6
	2.1	Formelzeic	hen		6
	2.2	Konstante	n		6
	2.3	Formeln			6
			Schallgeschwindigkeit		6
			Schallintensitätspegel		7
			Summe mehrerer gleich lauter Schallpegel		7
			Summe mehrerer unterschiedlich lauter Schallquellen		7
			Schallpegeldifferenz:		7
			Schallintensität		7
			Schallintensität Halbkugel		7
			Schallintensität Kugel		8
			Schallkennimpedanz / Wellenwiderstand		8
			Schalldruckamplitude		8
			Umrechnung vom Effektivwert		8
			Dopplereffekt		8
			Machscher Kegel		8
			Machzahl		8
			Ab wann Überschallknall?		8
3	_	llen			9
		Formelzeic	hen		9
	3.2	Formeln			9
4	Ste	hende We		1	۱0
	4.1	Formelzeic			10
	4.2		n		10
	4.3	Formeln			10
			Schallgeschwindigkeit		10
			Länge der Saite/des Rohres (gleiche Enden)		10
			Länge der Saite/ des Rohres (ungleiche Enden)		11
			Länge einfachster Fall (gleiche Enden)		11
			Länge einfachster Fall (ungleiche Enden)		11
			Grundschwingung/Wellenlänge gleiche Enden		11
			Grundschwingung ungleiche Enden		11
			Frequenzverhältnis		11
			Wellenzahl		11
			Wellengeschwindigkeit	1	11

U	ptik		12
5.1	Forme	llzeichen	. 12
5.2	2 Konst	anten	. 12
5.3	3 Forme	ıln	. 13
		Zusammenhang Frequenz / Ausbreitungsgeschwindigkeit	. 13
		Abstand berechnen (Radarpistole u.Ä.)	. 13
		Frequenzverschiebung	. 13
		Geschwindigkeit Zielfahrzeug	. 13
	Freque	enzverschiebung beim Dopplereffekt	. 13
		Optischer Dopplereffekt	. 13
		Violett- / Rotverschiebung	. 13
		Reflexionsgrad R	. 13
		Transmissionsgrad T	. 13
		Transmissionsgrad durch Medium	. 13
	5.3.1	Entspiegelung	. 14
		Brechungsindex von Entspiegelungsschicht	. 14
		Gangunterschied zwischen den beiden Schichten	. 14
		Schichtdicke d	. 14
	5.3.2	Brechung	. 14
		Umrechnungen	. 14
		Ausbreitungsgeschwindigkeit im Medium	. 14
		Grenzwinkel der Totalreflexion	. 15
		Brewsterwinkel	. 15
	5.3.3	Beugung	. 15
		Einzelspalt	. 15
		Doppelspalt	. 15
		Intensitätsmaxima	. 15
		Intensitätsminima	. 15
		Gitter	. 15
		Intensitätsmaxima	. 15
		Schirmposition x_k der Maxima	. 15
		Spektralijherlappungen ab dem k -ten Maximum am Schirm	15

Abbildungsverzeichnis

5.1	Farbspektrum							 											12
5.2	Entspiegelung							 											14

1 Schwingungen

1.1 Formelzeichen

Formelzeichen	Physikalische Größe	Einheit
f	Frequenz	Hz
T	Schwingungsdauer	s
ω_0	Winkelgeschwindigkeit (ungedämpftes System)	s^{-1}
ω_d	Winkelgeschwindigkeit (gedämpftes System)	s^{-1}
\overline{k}	Federkonstante	$\frac{N}{m}$
\overline{x}	Auslenkung	\overline{m}
\overline{l}	Länge Fadenpendel	\overline{m}
D	Dämpfungskonstante	(Einheitenlos)
δ	Abklingkoeffizient	s^{-1}
b	Reibkonstante	$\frac{kg}{s}$
$\overline{F_E}$	Anregende Kraft	N
\overline{E}	Energie	J
E_v/E_n	Energie davor / Energie danach	
\overline{J}	Massenträgheitsmoment	$kg*m^2$
φ	Drehwinkel	Bogenmaß
M	Drehmoment	Nm

1.2 Konstanten

 $\bullet \ \ {\rm Gravitationskonstante} \ g = 9.81 \frac{m}{s^2}$

1.3 Formeln

1.3.1 Allgemein

 $m{k_{Ges}}$, wenn Federn seriell $\ldots \ldots \ldots \ldots \dfrac{1}{k_{Ges}} = \dfrac{1}{k_1} + \dfrac{1}{k_2} + \dfrac{1}{k_3} + \cdots + \dfrac{1}{k_n}$

Eigenkreisfrequenz $\omega = 2\pi * f = \frac{2\pi}{T}$

1.3.2 Ungedämpfte Systeme

Kriterium für harmonische Schwingung: $\frac{x}{F}$, bzw. $\frac{\varphi}{M}$ muss linear sein!

 $\mbox{Weg-Zeit-Gesetz} \qquad \qquad \qquad x(t) = x_0 * \cos(\omega_0 t + \varphi_0)$

Geschwindigkeit-Zeit-Gesetz $v(t) = -x_0 * \omega_0 * \sin(\omega_0 t + \varphi_0)$

Maximale Geschwindigkeit im Schwingvorgang $\dots v_{\max} = x_m * \omega_0$ v_{\min} ist immer = 0!

Amplitude ${m x_m}$ $x_m = \sqrt{x_0^2 + \left(\frac{v_0}{\omega_0}\right)^2}$

Kreisfrequenz ungedämpft $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$ Und bei Drehbewegungen: $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$	$\frac{\overline{k}}{J}$
Hookesches Gesetz $F_R = k * 3$	x
Hookesches Gesetz bei Drehbewegungen $\dots M = k * q$	φ
U-Rohr	
Schwingungsdgl am U-Rohr $\underbrace{\rho*A*l}_{m}*\ddot{x}+\underbrace{\rho*A*g*2}_{k}x=0$	0
$(x = x_0 * \cos(\omega_0 * t))$	
Fadenpendel	
Schwingungsdauer beim Fadenpendel	$\frac{l}{g}$
Grad zu Radien $\varphi ightarrow rac{\varphi}{180}$	$\frac{\pi}{0}$
Rückstellkraft ${\pmb F}_{\pmb R}$ beim Fadenpendel $\ldots \ldots F_{\pmb R} = m*g*\sin(\varphi) = F_G*\sin(\varphi)$)
Auslenkungswinkel-Zeit-Gesetz $\varphi(t) = \varphi_0 * \cos(\omega_0 \ t * \alpha_0)$)
Wobei α_0 die anfängliche Phasenverschiebung beschreibt, diese gilt nur bei angeregten Schwingungen	
Winkelgeschwindigkeit-Zeit-Gesetz $ \ldots \ldots \omega(t) = -\varphi_0 * \omega_0 * \sin(\omega_0 \ t * \alpha_0) $,)
Winkelbeschleunigungs-Zeit-Gesetz $ \ldots \ldots \alpha(t) = -\varphi_0 * \omega_0^2 * \cos(\omega_0 \ t * \alpha_0) $))
$v_{ m max}$ beim Fadenpendel $\ldots v_{ m max} = \sqrt{2*g*h} = rac{arphi_0\pi}{180}*\omega_0*$	l

Wobei h der Wert ist, um den sich das Pendel anhebt $l={\sf L\"{a}nge}$ d. Pendels

Anfangsauslenkung $oldsymbol{arphi_0}$ $oldsymbol{arphi_0} = \sqrt{\frac{2h}{l}}$
Federpendel
Schwingungsdauer beim Federpendel
Energie beim Federpendel $E = \frac{1}{2} k_{\rm ges} * x^2$
1.3.3 Gedämpfte Systeme
Abklingfunktion Federpendel $x_m = x_0 * e^{-\delta * m * T_0}$
Abklingfunktion Fadenpendel
Kreisfrequenz gedämpft $\ldots \omega_d = \sqrt{\omega_0^2 - \delta^2} = \omega_0 \sqrt{1 - D^2}$
Abklingkoeffizient $ \delta = \frac{b}{2m} = D * \omega_0 $
Dämpfungskonstante $ D = \frac{\delta}{\omega_0} $
Schwingungszeit gedämpft $ T_D = \frac{2\pi}{\sqrt{\omega_0^2 - \delta^2}} = \frac{T_0}{\sqrt{1 - D^2}} = \frac{2\pi}{\omega_d} $
Reibkonstante
Logarithmisches Dekrement

Güte $Q = \frac{\pi}{\delta*T} = \frac{1}{2D}$ Schwingungsenergie $E = \frac{1}{2}*c*x^2$ Energieverlust $\frac{\Delta E}{E} = 1 - \frac{E_n}{E_v} = 1 - \frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}}\frac{c}{c}\frac{x_1^2}{x_0^2}$ Kann noch gekürzt werden! $1 - \frac{x_1^2}{x_0^2}$

Aperiodischer Grenzfall

$$D = 1$$

$$\delta = \omega_0$$

$$b = 2m * \omega_0$$

1.3.4 Erzwungen schwingende Systeme

2 Akustik

2.1 Formelzeichen

Formelzeichen	Physikalische Größe	Einheit
\overline{f}	Frequenz	Hz
L	Schallpegel	dB
C	Ausbreitungsgeschwindigkeit	$\frac{m}{s}$
λ	Wellenlänge	m
I	Schallintensität	$\frac{W}{m^2}$
\overline{P}	Schallleistung	\overline{W}
\overline{A}	Oberfläche (Kugelwelle)	m^2
\overline{Z}	Wellenwiderstand/Schallkennimpedanz	$\frac{kg}{m^2s}$
ρ	Dichte	$\frac{kg}{m^3}$
p	Schalldruckamplitude	Pa
Ma	Machzahl	Einheitenlos

2.2 Konstanten

•
$$I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2}$$

2.3 Formeln

 ${\sf Schallgeschwindigkeit} \qquad \qquad c = \lambda * f$

Wichtigste Formel für Rechnung mit Schallwellen!

Summe mehrerer unterschiedlich lauter Schallquellen $10*\log(10^{L_1/10}+10^{L_2/10}+10^{L_3/10}+\cdots+10^{L_n/10})$

Beispiel:

$$L_1 = 90dB, L_2 = 80dB, L_3 = 65dB$$

$$L_{\Sigma} = 10 * \log(10^9 + 10^8 + 10^{6.5})$$

$$L_{\Sigma} = 90.426dB$$

Schallpegeldifferenz:

$$\Delta L = L_2 - L_1$$
$$= 10 \log \left(\frac{I_2}{I_1}\right)$$

Und bei unterschiedlichem Radius/Abstand:

$$=20\log\left(\frac{r1}{r2}\right)$$

wobei L_2 der größere beider Werte ist

Schallintensität $I = \frac{P}{A} = \frac{\rho * x^2 * \omega^2 * c}{2}$

Bei allen fahrenden / mit der Erde verbundenen Schallquellen gilt $A=2\pi r^2$. Dies entspricht der Oberfläche einer Halbkugel. Dementsprechend gilt für alle fliegenden oder in der Luft aufgehängten Schallquellen $A=4\pi r^2$

Schallintensität Halbkugel $I = \frac{P}{2\pi * r^2}$

 ${\sf Schallkennimpedanz} \ / \ {\sf Wellenwiderstand} \qquad \ldots \qquad Z = \rho * c$

 ${\sf Schalldruckamplitude} \qquad \qquad p = Z*\omega*x$

Dopplereffekt

Ruhender Empfänger, bewegter Sender: $f_E = f_S rac{1}{1 \mp rac{v_S}{c}}$

Runder Sender, bewegter Empfänger: $f_E = f_S \left(1 \pm rac{v_E}{c}
ight)$

Bewegter Sender, bewegter Empfänger: $f_E = f_S \frac{c \pm v_E}{c \mp v_S}$

Oberes Zeichen: Annäherung; Unteres Zeichen: Entfernung

Machscher Kegel

3 Wellen

3.1 Formelzeichen

$\lambda = \dots $			Wellenlänge
Umrechung von Bogensekunden in Grad:	$0^{\circ}0^{\circ}$ Wert	Danach is	t Wert für weitere
Berechnungen nutzbar			

3.2 Formeln

4 Stehende Wellen

4.1 Formelzeichen

Formelzeichen	Physikalische Größe	Einheit			
λ	Wellenlänge	m			
ρ	Dichte	$\frac{kg}{m^3}$			
f	Frequenz	Hz			
l	Länge	m			
k	Anzahl d. Wellenbäuche	Wellen/m			
\overline{p}	Luftdruck	Pa			
ĸ	Isentropenexponent; $\frac{c_p}{c_v}$	Einheitenlos			

4.2 Konstanten

• Menschlicher Hörbereich: 16 - 20000Hz

4.3 Formeln

$$\text{Schallgeschwindigkeit} \qquad \ldots \\ c = \sqrt{\frac{\kappa*p}{\rho_T}} = 331 \frac{m}{s} * \sqrt{\frac{273K + \cdots \circ C}{273K}}$$

Länge der Saite/des Rohres (gleiche Enden)
$$l=(k+1)*\frac{\lambda}{2}=(k+1)*\frac{c}{2f}$$
 $k\in {0,1,2,\ldots}$

Länge der Saite/ des Rohres (ungleiche Enden) $l = (2k+1) * \frac{\lambda}{4} = (2k+1) * \frac{c}{4f}$ " 1. Harmonische" \equiv " Grundschwingung " \equiv " 0. Oberschwingung" Gilt nur für Grundschwingung! Gilt nur für Grundschwingung! , Wenn nicht die gesamte, sondern die Geschwindigkeit an einer bestimmten Stelle gesucht ist

5 Optik

5.1 Formelzeichen

Formelzeichen	Physikalische Größe	Einheit
λ	Wellenlänge	m
\overline{c}	Lichtgeschwindigkeit	$\frac{m}{s}$
\overline{f}	Frequenz	Hz
\overline{R}	Reflexionsgrad	Gibt reflektierten Anteil
\overline{T}	Transmissionsgrad	Gibt transmittierten Anteil
\overline{g}	Gitterkonstante / Abstand der Spaltmitten	m
α_k	Ablemkungswinkel am k-ten Maximum	rad

5.2 Konstanten

- Lichtgeschwindigkeit $c_0 = 3*10^8 \frac{m}{s}$
- \bullet Wellenlängenempfindlichkeit des Auges: $400-750\ nm$

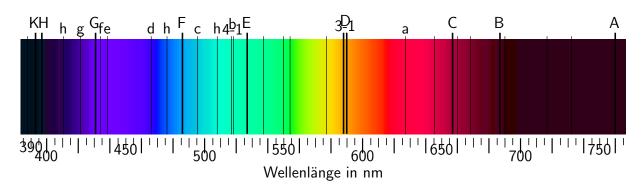


Abbildung 5.1: Farbspektrum und menschlicher Sehbereich

5.3 Formeln

Zusammenhang Frequenz / Ausbreitungsgeschwindigkeit $c=f*\lambda$

Abstand berechnen (Radarpistole u.Ä.) $s = \frac{c*t}{2}$ Aus Formel der Kinetik $v = \frac{s}{t}$

Frequenzverschiebung $\Delta f = \frac{2*f_s*v}{c} = \frac{2*v}{\lambda_s}$

Frequenzverschiebung beim Dopplereffekt

Annäherung ightarrow höhere Frequenz / kleinere Wellenlänge ightarrow Violett-Verschiebung

 ${\sf Entfernung} \quad \to \quad {\sf niedrigere} \,\, {\sf Frequenz} \,\, / \,\, {\sf gr\"{o}Bere} \,\, {\sf Wellenl\"{a}nge} \quad \to \quad {\sf Rot-Verschiebung}$

Reflexionsgrad ${m R}$ $R = \left(\frac{n_1 - n_2}{n_1 + n_2}\right)^2$

Gibt jeweils nur **einen** Übergang an!

Falls Medium nicht transparent gilt mit dieser Formel der Absorptionsgrad

5.3.1 Entspiegelung

Hierbei sei n_1/λ_1 die Wellenlänge und Brechzahl in Luft, n_2/λ_2 die Brechzahl und Wellenlänge in der Entspiegelungsschicht der Dicke d und n_3/λ_3 die Wellenlänge und Brechzahl des Brillenglases.

Bei perfekt entspiegelten Oberflächen beträgt der Gangunterschied an der Oberfläche immer $\frac{\lambda_1}{2}$

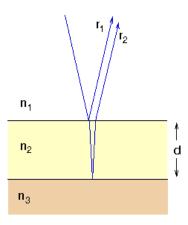


Abbildung 5.2: Grafik zur Veranschaulichung der Entspiegelung

Brechungsindex von Entspiegelungsschicht $n_2 = \sqrt{n_1*n_3}$ Gangunterschied zwischen den beiden Schichten $\Delta x = 2*n_2*d$ Schichtdicke d $d = \frac{\lambda_1}{4n_2}$

5.3.2 Brechung

Umrechnungen $\frac{\sin\alpha}{\sin\beta} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{c_1}{c_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2}$

Von dünn nach dicht ightarrow zum Lot hin; von dicht nach dünn ightarrow vom Lot weg

Grenzwinkel der Totalreflexion $\sin \alpha = \frac{n_1}{n_2}$ Von dichtem nach dünnem Medium Brewsterwinkel $\tan \alpha = \frac{n_2}{n_1}$ Gilt jeweils, wenn vollständig polarisierter Winkel gefragt ist 90° zwischen reflektiertem und gebrochenem Strahl Der reflektierte Strahl ist vollständig linear polarisiert, der transmittierte Anteil wird vorwiegend parallel polarisiert. 5.3.3 Beugung **Einzelspalt Doppelspalt** Intensitätsmaxima $g\sin(\alpha_k) = k\lambda = \Delta s$ Intensitätsminima $\ldots g \sin(\alpha_k) = \left(k + \frac{1}{2}\right)\lambda$ $k \in \mathbf{0}, \mathbf{1}, \mathbf{2}, \ldots$ **Gitter** Intensitätsmaxima $g\sin(\alpha_k) = k\lambda = \Delta s$ $k \in 0, 1, 2, \dots$ α kann maximal 90° sein arcsin muss zwischen -1 und 1 liegen! L ist Abstand des Gitters zum Schirm