# Санкт-Петербургский Политехнический Университет Высшая школа прикладной математики и вычислительной физики, ФизМех 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Лабораторная работа №1

Дисциплина "Дискретная математика"

Тема "Кодирование информации"

Вариант "Алгоритм Лемпеля-Зива"

## Поставленная задача

Реализовать алгоритм Лемпеля-Зива сжатия и распаковки информации с поддержкой взаимодействия с алгоритмом

# Используемый язык программирования

Python 3.12.6

## Описание алгоритма Лемпеля-Зива

```
Алгоритм LZ78 сжатие (input):
  D = [""] // Инициализация словаря с пустой строкой
  k = 0 // Указатель на текущую позицию входных данных
 output = [] // Результат сжатия
  пока k < длина(input):
   // Найти самое длинное совпадение в словаре D
    p = FD(D, input, k)
   I = длина(D[p]) // Длина совпадающей строки
   // Записать индекс и следующий символ
    если k + l < длина(input):
      output.добавить(пару(p, input[k + l]))
      D.добавить(D[p] + input[k + I]) // Добавить новую строку в словарь
    k = k + l + 1 // Переместить указатель
  вернуть output // Сжатые данные
Функция FD(D, input, k):
  max_length = 0
  index = 0
 для і от 0 до длина(D):
    если D[i] == input[k:k + длина(D[i])]:
      если длина(D[i]) > max_length:
```

```
тимах_length = длина(D[i])

index = i

вернуть index

Алгоритм LZ78 декомпрессия (compressed_input):

D = [""] // Инициализация словаря с пустой строкой

output = "" // Декодированный результат

для каждой (р, символ) в compressed_input:

// Восстановить строку из словаря и добавить следующий символ

строка = D[p] + символ

output = output + строка

D.добавить(строка) // Добавить новую строку в словарь
```

# Пример работы алгоритма

Возьмем строку abcabcabc

### Сжатие

| Шаг | Подстрока | Совпадение | Индекс р | Следующий | Запись в | Содержание                            |
|-----|-----------|------------|----------|-----------|----------|---------------------------------------|
|     |           | в словаре  |          | исмвол q  | словарь  | словаря                               |
| 1   | а         | un         | 0        | а         | а        | ["", "a"]                             |
| 2   | b         | un         | 0        | b         | b        | ["", "a", "b"]                        |
| 3   | С         | un         | 0        | С         | С        | ["", "a", "b",<br>"c"]                |
| 4   | ab        | "a"        | 1        | b         | ab       | ["", "a", "b",<br>"c", "ab"]          |
| 5   | са        | "c"        | 3        | а         | са       | ["", "a",<br>"b", "c",<br>"ab", "ca"] |
| 6   | bc        | "b"        | 2        | С         | bc       | ["", "a", "b", "c", "ab", "ca", "bc"] |

#### Распаковка

| Шаг | Индекс р | Символ q | Восстановленная | Запись в | Содержание     |
|-----|----------|----------|-----------------|----------|----------------|
|     |          |          | строка          | словарь  | словаря        |
| 1   | 0        | a        | а               | а        | ["", "a"]      |
| 2   | 0        | b        | b               | b        | ["", "a", "b"] |
| 3   | 0        | С        | С               | С        | ["", "a", "b", |
|     |          |          |                 |          | "c"]           |
| 4   | 1        | b        | ab              | ab       | ["", "a", "b", |
|     |          |          |                 |          | "c", "ab"]     |
| 5   | 3        | а        | ca              | ca       |                |
|     |          |          |                 |          | ["", "a", "b", |
|     |          |          |                 |          | "c", "ab",     |
|     |          |          |                 |          | "ca"]          |
| 6   | 2        |          | ha              | h a      | ca j           |
| б   | 2        | С        | bc              | bc       |                |
|     |          |          |                 |          | ["", "a", "b", |
|     |          |          |                 |          | "c", "ab",     |
|     |          |          |                 |          | "ca", "bc"]    |

# Область применения алгоритма

Алгоритм LZ78 эффективен для текстов с повторяющимися последовательностями символов. Чем больше повторов, тем лучше будет сжатие. Например, логи, текстовые документы с повторяющимися фразами.

# Сравнения размеров файлов

Возьмем несколько файлов для примера состоящие из большого количества повторяющихся элементов и длинные случайные последовательности. Для файла, состоящего из повторяющихся элементов весом 2900 байт его сжатый файл будет весить 1505 байт. Для случайных последовательностей весом 32999 байт, сжатый файл будет иметь вес 61224 байта, что показывает о плохой сжимаемости для случайных элементов с низкой частотой повтора.