Optimierungsalgorithmen Deterministische Globale Optimierung (DGO)



Tim Dafler Universität Augsburg

Motivation

- Verhalten und Handeln ist geprägt von zielgerichteten, rationalen Entscheidungsprozessen, welche das Ziel der **Ermittlung optimaler Handlungsstrategien** verfolgt.
- Der Prozess der Entscheidungsfindung durchläuft drei Schritte. Die **Abstraktion der Realität** in ein handhabbares Modell, die Optimierung des gefundenen Modells mittels **Optimierungsverfahren** und die **Interpretation der optimalen Lösung** des Modells für die reale Umsetzung.
- Die Aufteilung von Optimierungsverfahren erfolgt in
 - Optimale / Exakte Verfahren,
 - Approximationsverfahren und
 - Heuristiken.
- Deterministische Globale Optimierungsmethoden benennen
 - Vollständige Verfahren, welche ein globales Minimum bei exakten Berechnungen und unendlicher Laufzeit unter Garantie findet, sowie
 - **Rigorose Verfahren**, welche ein globales Minimum innerhalb vorgegebener Toleranz, auch unter Einbezug von Rundungsfehlern, mit Sicherheit erreichen.

Problem der DGO

 $\begin{array}{ll} \mathbf{min} \ \mathbf{f}(\mathbf{x}) \\ \mathbf{s.t.} \ \mathbf{g}(\mathbf{x}) \in \mathbf{F} \\ \mathbf{x} \in \mathbf{X} \end{array}$

 $\mathbf{f}:\mathbb{R}^{\mathbf{n}}\to\mathbb{R}$ im Allgemeinen nicht-konvexe Zielfunktion $\mathbf{g}:\mathbb{R}^{\mathbf{n}}\to\mathbb{R}^{\mathbf{m}}$

 $\mathbf{X} = [\underline{\mathbf{x}}, \overline{\mathbf{x}}]$ beschränkte oder unbeschränkte Box in $\mathbb{R}^{\mathbf{n}}$, das heißt $\underline{\mathbf{x}} \in (\mathbb{R} \cup \{-\infty\})^{\mathbf{n}}$ und $\overline{\mathbf{x}} \in (\mathbb{R} \cup \{-\infty\})^{\mathbf{n}}$

Ausgewählte Verfahren LGOBounding MCLPure Branching Constraint Propagation DIRECTBranch-and-Bound Convex Relaxation Deterministische Branch-and-Globale Reduce **Optimierung** Intervall Arithmetic **Branch-and-Cut** Duality Arguments LagrangeMultiplier

Branch-and-Bound

- Branch-and-Bound bedient sich der Methoden des Pure Branching und des Bounding.
- Pure Branching liefert mit lokalen Informationen
 - eine Aufteilung der Box X in Teilboxen,
 - welche auf Optima untersucht werden,

sodass ein **globales Minimum gefunden** werden kann.

- Bounding liefert Schranken für die Teilboxen, sodass
 - die Untersuchung auf eine Auswahl der Teilboxen eingeschränkt werden kann,
 - und das Verfahren einen **Effizienzgewinn** erfährt.

Branch-and-Reduce

• Blabla

Branch-and-Cut

• Blabla

Ausblick

• Blabla

Anwendungen

