

Differentiable Dynamic Programming for Time Series Alignment

Тимур Гарипов
Татьяна Шолохова
Павел Коваленко
Саня Щербаков

9 июня 2018

Рассматривается задача выравнивания временных рядов.

Дана нотная запись музыкальной композиции и аудиозапись этой композиции. Требуется каждому моменту времени в аудиозаписи сопоставить ноту, играемую в этот момент.

В работе был использован датасет Bach 10, состоящий из 10 аудиозаписей фрагментов хоралов Баха, продолжительность фрагментов — от 25 до 40 секунд.

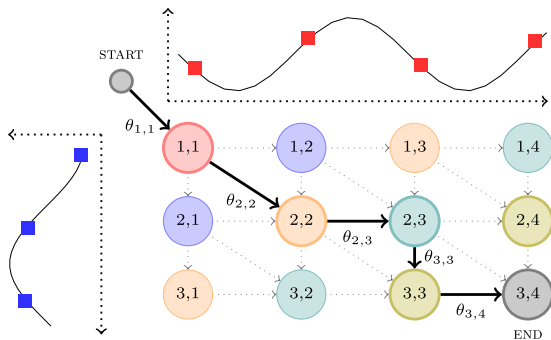
Каждая запись состоит из четырех дорожек, соответствующих четырем инструментам — скрипка, кларнет, саксофон и фагот. Есть как записи отдельных дорожек, так и сводная запись всех инструментов.

Для каждой дорожки дана ее идеальная нотная запись, однако фактическая игра от нее немного отклоняется. Также для всех дорожек дано правильное выравнивание аудио- и нотной записи. Для инструментов в выборке представлено от 15 до 25 различных нот.

Для обеих последовательностей — нотной и аудиозаписи — выделим с равными интервалами ключевые точки, для которых будем искать выравнивание.

Обозначим за N_A число нот в последовательности, а в аудиозаписи возьмем N_B точек с равными интервалами. Тогда выравнивание можно представить в виде бинарной матрицы $Y \in \{0, 1\}^{N_A \times N_B}$. Единица в позиции (i, j) означает, что в j -й момент времени проигрывалась i -я нота.

Предположим, что последовательность нот при игре не изменилась и ни одна из нот не была пропущена. Тогда выравнивание можно представить в виде пути в матрице Y из клетки $(1, 1)$ в клетку (N_A, N_B) , при этом разрешены перемещения только вправо, вниз и вправо-вниз. Пример выравнивания — на рисунке ниже.



Потребуем, чтобы N_B было больше N_A . Тогда можно потребовать, чтобы в каждый момент времени играла только одна нота, то есть для каждого момента времени требуется предсказать, какая нота сейчас играет.

Для матрицы это ограничение означает, что в каждом столбце может быть не больше одной единицы. Для пути в графе это ограничение равносильно запрету переходов вниз.

Метрика качества — *mean absolute deviation* — суммарное (по моментам времени) отклонение индекса предсказанной ноты от истинного индекса.

В статье предложено использовать следующие признаки для аудиодорожки:

- MFCC признаки — первые 5 коэффициентов.
- Root Mean Square Energy — энергия фрейма.
- Spectral Centroid — средняя частота спектра во фрейме.
- Spectral Bandwidth — разброс частот спектра во фрейме.

Были использованы реализации этих признаков из библиотеки librosa.

Разбиваем датасет на две части. На первой части обучаем классификатор по числу различных нот — предсказываем вероятность того, что в момент времени t играет нота i .

Для второй части датасета построим матрицу $\theta \in \mathbb{R}^{N_A \times N_B}$. θ_{ij} соответствует вероятности того, что в момент времени j играет нота номер i , то есть штрафу за предсказание ноты i для момента времени j . Этот штраф можно получить из классификатора.

Теперь требуется найти в матрице путь из клетки $(1, 1)$ в клетку (N_A, N_B) с наименьшим суммарным штрафом. Эту задачу можно решить за $N_A \times N_B$ операций при помощи динамического программирования.

Дана матрица $N_A \times N_B$ штрафов. Нужно найти путь из клетки $(1, 1)$ в клетку (N_A, N_B) с наименьшим суммарным штрафом. На пути из клетки можно перемещаться в ее соседа справа или справа-снизу.

Заведем матрицу D размера $N_A \times N_B$. D_{ij} равно минимальному штрафу, за который можно проложить путь из $(1, 1)$ в (i, j) . Будем заполнять эту матрицу по столбцам.

База динамики

$$D_{11} = \theta_{11}, D_{1j} = +\infty$$

Шаг динамики

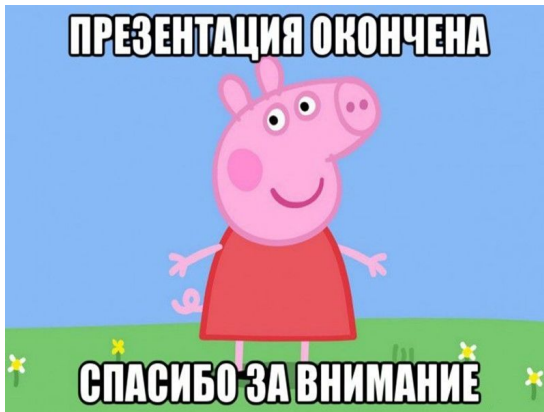
$$D_{ij} = \min(D_{i-1,j}, D_{i-1,j-1}) + \theta_{ij}$$

Выборка была разбита на тренировочную и валидационную, по пять записей в каждой из частей.

Были рассмотрены три модели:

- 1 Простая модель с логистической регрессией в качестве базового классификатора.
- 2 Простая модель со случайным лесом в качестве базового классификатора.
- 3 (Модель Тимура).

Инструмент	Модель 1	Модель 2	Модель 3
Скрипка	0.7804	0.4761	0
Кларнет	0.4527	0.2353	0
Саксофон	0.4930	0.4677	0
Фагот	0.6001	0.5650	0



Состав команды:

Тимур Гарипов

Татьяна Шолохова

Павел Коваленко

Саня Щербаков