1. Kateri izmed naslednjih naborov izjavnih veznikov so polni nabori?

(a)  $\{\Rightarrow, \neg\}$ 

(d)  $\{\vee, \wedge\}$ 

(b)  $\{\Rightarrow, 0\}$ 

(e)  $\{\Rightarrow, \land\}$ 

(c)  $\{\Rightarrow, 1\}$ 

(f)  $\{\Rightarrow, \not\Rightarrow\}$ , kjer je  $p \not\Rightarrow q \sim p \land \neg q$ 

2. Naj bo W trimestni veznik, definiran s predpisom  $W(p,q,r) \equiv (p \vee q) \Rightarrow r$ .

- (a) Kateri izmed naborov  $\{W\}$ ,  $\{W,1\}$ ,  $\{W,0\}$ ,  $\{W,\neg\}$  so polni?
- (b) Zaporedje izjavnih izrazov ${\cal B}_n$ je definirano rekurzivno z

$$B_0 = \neg p$$

$$B_1 = \neg q$$

$$B_n = W(p, q, B_{n-1} \wedge B_{n-2}).$$

Izračunaj  $B_{2023}$ .

3. Trimestni izjavni veznik D definiramo z naslednjim opisom

$$D(p,q,r) \equiv p \vee \neg (q \wedge r).$$

- (a) Ali lahko z veznikom *D* in tavtologijo 1 izraziš ekskluzivno disjunkcijo? Kako (na čim krajši način) oziroma zakaj ne?
- (b) Ali lahko z veznikom D in tavtologijo 1 izraziš implikacijo? Kako (na čim krajši način) oziroma zakaj ne?
- (c) Kateri izmed naborov

$$\{D\},\ \{D,1\},\ \{D,0\},\ \{D,\Leftrightarrow\},\ \{D,\veebar\},\ \{D,\lnot\}$$

so polni in kateri ne? Utemelji.

- 4. Kateri od naslednjih sklepov so pravilni? Pravilne sklepe tudi formalno dokaži s pravili sklepanja.
  - (a)  $p \wedge r$ ,  $q \wedge p \Rightarrow \neg r \models \neg q$ ,
  - (b)  $p \vee q$ ,  $\neg q \wedge r \Rightarrow \neg p \models q \vee r$ ,
  - (c)  $p \Rightarrow q$ ,  $r \Rightarrow s$ ,  $p \lor r \models q \land s$ ,
  - (d)  $p \Rightarrow q$ ,  $p \lor s$ ,  $q \Rightarrow r$ ,  $s \Rightarrow t$ ,  $\neg r \models t$ ,
  - (e)  $p \Rightarrow q$ ,  $p \land s$ ,  $q \land r \Rightarrow t$ ,  $s \Rightarrow r \models t$ ,

(f) 
$$p \Leftrightarrow q, \neg p, \neg (q \Rightarrow r) \lor t, s \lor t \Rightarrow r \models r \land \neg p,$$

- 5. Preveri pravilnost sklepov s pomočjo dokaza s protislovjem (reductio ad absurdum).
  - (a)  $(p \Rightarrow q) \land (r \Rightarrow s)$ ,  $s \land q \Rightarrow t$ ,  $\neg t \models \neg (p \land r)$ ,
  - (b)  $p \lor q$ ,  $p \Rightarrow r$ ,  $q \Rightarrow s \models r \lor s$ ,
  - (c)  $p \vee q$ ,  $p \vee r$ ,  $r \Rightarrow s$ ,  $\neg (q \wedge s) \models p$ ,
  - (d)  $p \Rightarrow r \land t, \ t \lor s \Rightarrow \neg q \models \neg (p \land q),$
  - (e)  $p \Leftrightarrow q, \ r \vee s \Rightarrow p, \ s \vee t, \ \neg t \vee r \models q.$