

# 1 Digitale Medien Blatt 2

## 1.1 Aufgabe 1

$$\begin{aligned} p(t) &= p_3^3 = (1-t)p_2^2 + tp_3^2 \\ &= (1-t)[(1-t)p_1^1 + tp_2^1] + t[(1-t)p_2^1 + tp_3^1] \\ &= (1-t)[(1-t)[(1-t)p_0 + tp_1] + t[(1-t)p_1 + tp_2]] + t[(1-t)[(1-t)p_1 + tp_2] + \\ &\quad t[(1-t)p_2 + tp_3]] \\ &= (1-t)[(1-t)^2p_0 + t(1-t)p_1 + t(1-t)p_1 + t^2p_2] + [(1-t)^2p_1 + t(1-t)p_2 + \\ &\quad t(1-t)p_2 + t^2p_3] \\ &= (1-t)^3p_0 + t(1-t)^2p_1 + t(1-t)^2p_1 + t^2(1-t)p_2 + t(1-t)^2p_1 + t^2(1-t) \\ &\quad p_2 + t^2(1-t)p_2 + t^3p_3 \end{aligned}$$

## 1.2 Aufgabe 2

n = Ordnung

$$\sum_{i=0}^n ((n-k+1)t^k(1-t)^{(n-k)}p^k) - (n+1)$$

## 1.3 Aufgabe 3

---

**Algorithm 1** Einfacher Algorithmus

---

```
t_start = 0
n = Dimension
while (t_start < 1) {
    for (k = 0, k < n, i++) {
        P = P + (n-k+1) t_start^k (1-t_start)^(n-k) p^k
    }
    P = (n+1)
    draw P(t_start)
    t_start += ε
}
```

---

---

**Algorithm 2** Bezier Algorithmus

---

```
function devide(point P0, point P1, point P2, point P3){
    if (isLine(P0,P1,P2,P3) == true){
        drawLine(point p0, point p1)
    } else {
        devide(point P0, point P1)
        devide(point P2, point P3)
    }
}
```

---

## 1.4 Aufgabe 4

Algorithmus 1:

- (+) einfach zu implementieren
- (-) viele Berechnungen: lange Laufzeit
- (-) trotzdem können große Abstände zwischen manchen Punkten liegen, sodass die Linie nicht durchgängig ist.

Algorithmus 2:

- (+) keine Pixel-Lücken in der Kurve
- (+) bessere Laufzeit wegen divide and conquer