

1 Digitale Medien Blatt 2

1.1 Aufgabe 1

$$\begin{aligned}p(t) &= p_3^3 = (1-t)p_2^2 + tp_3^2 \\&= (1-t)[(1-t)p_1^1 + tp_2^1] + t[(1-t)p_2^1 + tp_3^1] \\&= (1-t)[(1-t)[(1-t)p_0 + tp_1] + t[(1-t)p_1 + tp_2]] + t[(1-t)[(1-t)p_1 + tp_2] + \\&\quad t[(1-t)p_2 + tp_3]] \\&= (1-t)[(1-t)^2p_0 + t(1-t)p_1 + t(1-t)p_1 + t^2p_2] + [(1-t)^2p_1 + t(1-t)p_2 + \\&\quad t(1-t)p_2 + t^2p_3] \\&= (1-t)^3p_0 + t(1-t)^2p_1 + t(1-t)^2p_1 + t^2(1-t)p_2 + t(1-t)^2p_1 + t^2(1-t)p_2 + \\&\quad t^2(1-t)p_2 + t^3p_3 \\&= (1-t)^3p_0 + 3t(1-t)^2p_1 + 2t^2(1-t)p_2 + t^3p_3\end{aligned}$$

1.2 Aufgabe 2

n = Ordnung

$$\sum_{i=0}^n ((n-k+1)t^k(1-t)^{(n-k)}p^k) - (n+1)$$

1.3 Aufgabe 3

Algorithm 1 Einfacher Algorithmus

$t_{start} = 0$

n = Dimension

while (t < 1) {

$$P(t) = (1-t)^3p_0 + 3t(1-t)^2p_1 + 2t^2(1-t)p_2 + t^3p_3$$

draw $P(t)$

t += ε

}

Algorithm 2 Bezier Algorithmus

```
function devide(point P0, point P1, point P2, point P3){  
    if (isLine(P0,P1,P2,P3) == true){  
        drawLine(point p0, point p1)  
    } else {  
        devide( $P_0^0, P_1^1, P_2^2, P_3^3$ )  
        devide( $P_3^3, P_3^2, P_3^1, P_3^3$ )  
    }  
}
```

1.4 Aufgabe 4

Algorithmus 1:

- (+) einfach zu implementieren
- (-) viele Berechnungen: lange Laufzeit
- (-) trotzdem können große Abstände zwischen manchen Punkten liegen, sodass die Linie nicht durchgängig ist.

Algorithmus 2:

- (+) keine Pixel-Lücken in der Kurve
- (+) bessere Laufzeit wegen divide and conquer