



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Московский государственный технический
университет имени Н.Э. Баумана»
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

Домашняя работа № 1

Вариант 22

Дисциплина	Математическая статистика.
Тема	
Студент	Тимонин А. С.
Группа	ИУ7-62Б
Оценка (баллы)	
Преподаватель	Власов П.А.

Москва, 2020 г.

ЗАДАЧА 1

Известно, что 80% изготовленных заводом электроламп выдерживают гарантийный срок службы. Найти вероятность того, что в партии из 500 электроламп число выдержавших гарантийный срок службы находится в пределах от 380 до 420. Использовать неравенство Чебышева и интегральную теорему Муавра-Лапласа.

Неравенство Чебышева

Пусть

1. X - случайная величина
2. $\exists MX, \exists DX$

Тогда

$$\forall \varepsilon > 0, P\{|X - MX| \geq \varepsilon\} \leq \frac{DX}{\varepsilon^2}$$

Решение

- k_n - число успехов серии по схеме Бернулли;
- Вероятность успеха $p = 0.8$;
- $M[X] = np = 500 * 0.8 = 400$;
- $D[X] = npq = 500 * 0.8 * 0.2 = 80$;

$$P\{380 \leq k_n \leq 420\} = P\{-20 \leq X - M[X] \leq 20\} = P\{-20 \leq X - 400 \leq 20\} = \\ P\{|X - 400| \leq 20\} \geq 1 - \frac{D[X]}{\varepsilon^2} \geq 1 - \frac{80}{400} \geq 1 - 0.2 \geq 0.8$$

Ответ: $P\{380 \leq k_n \leq 420\} = 0.8$

Центральная теорема Муавра-Лапласа

Пусть

1. Проводится большое число испытаний по схеме Бернулли с вероятностью успеха p ;
2. k - число успехов этой серии.

Тогда

$$P\{k_1 \leq k \leq k_2\} = \Phi(x_2) - \Phi(x_1)$$

где $x_i = \frac{k_i - np}{\sqrt{npq}}$, $i = \overline{1; 2}$, $q = 1 - p$

Решение

1. $n = 500$;

2. Вероятность успеха $p = 0.8$;
3. Вероятность неудачи $q = 0.2$;
4. $k_1 = 380$, $k_2 = 420$;

$$x_1 = \frac{380 - 500 * 0.8}{\sqrt{500 * 0.8 * 0.2}} \approx -2.2361$$

$$x_2 = \frac{420 - 500 * 0.8}{\sqrt{500 * 0.8 * 0.2}} \approx 2.2361$$

$$P\{380 \leq k \leq 420\} = \Phi(2.2361) + \Phi(2.2361) = 2 * \Phi(2.2361) = 2 * 0.4873 = 0.9746$$

Ответ: $P\{380 \leq k \leq 420\} \approx 0.9746$

ЗАДАЧА 2

С использованием метода моментов для случайной выборки $X = (X_1, \dots, X_n)$ из генеральной совокупности X найти точечные оценки указанных параметров заданного закона распределения.

Закон распределения

$$f_X(x) = \frac{\Theta^5}{4!} x^4 e^{-\Theta} x, x > 0$$

Выборка \vec{x}_5

$(7, 4, 11, 5, 3)$

Решение

Ответ: