

Wärmelehre

Grundlagen

Mol: $1 \text{ mol} = N_A \text{ Atome} = 6.02 \cdot 10^{23} \text{ Teilchen}$

Atomar mass unit: $1u = 1.66053 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$

Größe Atom: $\approx 1 \cdot 10^{-10} \text{ m}$

Thermodynamik Idealer Gase

Ideale Gase:

Boltzmann Konstante: $k_B = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}^2 \cdot \text{K}}$

mittlere quadratische Geschwindigkeit: $\frac{1}{2} k_B \cdot T$ Abstand von Atomen unter Normaldruck: $5 \cdot 10^{-9} \text{ m}$

Mittlere Geschwindigkeit: $v = 0 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

Mittlere Kinetische Energie: $E = \frac{3}{2} m_{\text{teilchen}} v^2$

Allg. Gasgleichung: $p \cdot V = N \cdot K_B \cdot T$

Teilchendichte: $n = \frac{N}{V}$

Druck: $p = \frac{F}{A}$

Druck in einer Flüssigkeit: $p(h) = \rho \cdot h \cdot g$

Gleichverteilungssatz: $E_{\text{kin}} = E_{\text{tra}} + E_{\text{rot}} = \frac{f}{2} \cdot K_B \cdot t$

Barom. Höhenformel: $p(h) = p_0 \cdot e^{-\frac{h}{h_0}}$

Energiesatz: $\Delta U = \Delta Q + \Delta W$

Innere Energie: $U = \frac{f}{2} K_B \cdot T \cdot N$

Isentropenkoeffizient: $\kappa = 1 + \frac{2}{f}$

Isotherme Zustandsänderung:	Isochore Zustandsänderung:
-----------------------------	----------------------------

$T = \text{const}$

$\Delta W = -N K_b T \ln\left(\frac{p_1}{p_2}\right)$

$\Delta Q = -\Delta W = N K_b T \ln\left(\frac{p_1}{p_2}\right)$

$\Delta U = 0$

$\Delta S = N K_b \ln\left(\frac{p_1}{p_2}\right)$

$V = \text{const};$

$\Delta W = 0$

$\Delta Q = \frac{f}{2} N K_b \Delta T = \frac{f}{2} \cdot V \Delta p$

$\Delta U = \frac{f}{2} N K_b \Delta T = \frac{f}{2} \cdot V \Delta p$

$\Delta S = \frac{f}{2} N K_b \rightarrow \text{const.}$

Isobare Zustandsänderung:

$p = \text{const};$

$\Delta W = -p dV = N K_b \Delta T$

$\Delta Q = \left(\frac{f}{2} - 1\right) p \Delta V$

$\Delta U = \frac{f}{2} N K_b \Delta T = \frac{f}{2} p \Delta V$

$\Delta S = \left(\frac{f}{2} - 1\right) p \frac{\Delta V}{T}$

Adiabate Zustandsänderung:

$p \cdot V^\kappa = \text{const}$

$\Delta W = p_1 V_1 \frac{f}{2} \left(\left(\frac{V_2}{V_1} \right)^{\frac{f}{2}} - 1 \right)$

$\Delta Q = 0$

$\Delta U = 0$

$\Delta S = 0$

Wirkungsgrad: $\eta = \frac{P_{ab}}{P_{zu}} = \frac{W_{ab}}{W_{zu}} = \frac{|\Delta W|}{|\Delta Q_h|}$

Carnot Wirkungsgrad: $\frac{T_h - T_t}{T_h}$

Entropie: $S = K_b \ln(W), \Delta S = K_b \ln\left(\frac{W_2}{W_1}\right) = \frac{\Delta Q}{T}$

Satz v. Stirling: $\ln(N!) = N \ln(N)$ für $N \gg 0$

Thermodynamik Realer Gase

Van der Waals Gleichung: $NK_bT = (P + aN^2\frac{1}{V^2}) \cdot (V - Nb) \rightarrow p = \frac{NK_bT}{V-Nb} - \frac{N^2a}{V^2}$

Wärmeleitung und Wärmeausdehnung

Wärmekapazität $v = \text{const}$: $c_K = \frac{f}{2} \cdot N_A K_B$

Wärmekapazität $p = \text{const}$: $c_K = (\frac{f}{2} + 1)N_A K_B$

Wärmestrom: $Q'_{(t)} = q' A = -\lambda \cdot \frac{dT}{dx}$

Dulong-Petit'sche Regel: $c_K = 3N_A K_B$

Wärmeausdehnung linear: $\Delta L = \alpha L \Delta T$

Wärmeausdehnung Kubisch: $\Delta V = \beta V \Delta T, \beta = 3\alpha$

Richmannsche Mischungsregel: TODO

Richmannsche Mischungsregel mit Wärmemengen: TODO

Wellen und Optik

Wellengleichung

Allg. Wellengleichung:

Lsg für ebene Wellen im R^1 : $A_{(x,t)} = A_0 \cdot \cos(\omega t - k \cdot x_0)$, $k = \frac{2\pi}{\lambda}$, $\omega = \frac{2\pi}{T}$

Lsg für ebene Wellen im R^3 :

Lsg für Kreiswellen: $A(x, y, t) = \frac{A_0}{\sqrt{r}} \cdot \cos(\omega t - |k| \cdot \sqrt{x^2 + y^2})$

Lsg für Zylinderwellen:

Lsg für Kugelwellen: $A(x, y, t) = \frac{A_0}{r} \cdot \cos(\omega t - |k| \cdot \sqrt{x^2 + y^2 + z^2})$

Wellenlänge: $\lambda = c \cdot T$

Interferenz

Interferenz:

Doppler Effekt

Quelle ruht, Empfänger bewegt: $f_E = f_Q(1 - \frac{v_E}{c})$

Empfänger ruht, Quelle bewegt: $f_E = f_Q \cdot (\frac{1}{1 - \frac{v_Q}{c}})$

Beide bewegt: $f_e = f_s \frac{c - v_s}{c - v_e}$

Oktave: 1 Oktave = Verdopplung der Frequenz = 12 Halbtöne

$f' \rightarrow f'' : \frac{f''}{f'} = \frac{f'''}{f''} = x$

$x^{12} = 2 \rightarrow x = 2^{1/12}$

Brechung