# An Implementation of Type Inference for Featherweight Generic Java

Timpe Hörig

Chair of Programming Languages, University of Freiburg

October 12, 2023

## Syntax

$$\begin{split} T &:= X \mid N \\ N &:= C < \overline{T} > \\ L &:= class \ C < \overline{X} \vartriangleleft \overline{N} > \ \vartriangleleft \ D \{ \ \overline{T} \ \overline{f} \ [K] \ \overline{M} \ \} \\ K &:= C (\overline{T} \ \overline{f}) \{ super(\overline{f}); \ this.\overline{f} = \overline{f}; \} \\ M &:= < \overline{X} \vartriangleleft \overline{N} > T \ m(\overline{T} \ \overline{x}) \ \{ return \ e \} \\ e &:= x \mid e.f \mid e. < \overline{T} > m(\overline{e}) \mid new \ C(\overline{e}) \mid (C)e \end{split}$$

#### **AST**

```
@dataclass
class ClassDef:
    name: str,
    superclass: Type,
    typed_fields: FieldEnv,
    methods: list[MethodDef]
```

#### Parser

```
# grammar rules
identifier: ...
variable: identifier
[\ldots]
# function for shaping
def variable(tuple_of_elements_of_variable_rule):
    (name, ) = tuple_of_elements_of_variable_rule
    return Variable(name)
```

# extended Syntax

$T := a \mid X \mid N$	type variable, type parameter, non type variable
$N := C \overline{T} >$	class type (with type variables)
$sc := T < U \mid T = U$	simple constraint: subtype or equality
$oc := \{\{\overline{sc}_1\}, \;, \{\overline{sc}_{\textit{n}}\}\}$	or-constraint
$c := sc \mid oc$	constraint
$C:=\{\overline{c}\}$	constraint set
$\lambda := C {<} \overline{X} \vartriangleleft \overline{N} {>} .m : {<} \overline{Y} \vartriangleleft \overline{P} {>} \overline{T} \to T$	method type assumption
$\eta:=x:T$	parameter assumption
$\Pi := \Pi \cup \overline{\lambda}$	method type environment
$\Theta:=(\Pi;\overline{\eta})$	

# Type Inference

$$\begin{split} \mathsf{FJTypeInference}(\Pi, \ \mathsf{class} \ \mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \lhd \overline{\mathsf{N}} > \lhd \mathsf{N}\{...\}) &= \\ \mathsf{let} \ (\overline{\lambda}, \ C) &= \mathsf{FJType}(\Pi, \mathsf{class} \ \mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \lhd \overline{\mathsf{N}} > \lhd \mathsf{N}\{...\}) \\ (\sigma, < \overline{\mathsf{Y}} \lhd \overline{\mathsf{P}} >) &= \mathsf{Unify}(C, \{\overline{\mathsf{X}} <: \overline{\mathsf{N}}\} \cup \{< \overline{\mathsf{Z}} \lhd \overline{\mathsf{Q}} > | \\ (\mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \lhd \overline{\mathsf{N}} >.\mathsf{m} : < \overline{\mathsf{Z}} \lhd \overline{\mathsf{Q}} > \overline{T} \to T) \in \overline{\lambda}\}) \\ \mathsf{in} \ \Pi \cup \ \{(\mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \lhd \overline{\mathsf{N}} >.\mathsf{m} : < \overline{\mathsf{Y}} \lhd \overline{\mathsf{P}} > \overline{\sigma(a)} \to \sigma(a)) \mid \\ (\mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \lhd \overline{\mathsf{N}} >.\mathsf{m} : \overline{a} \to a) \in \overline{\lambda}\} \end{split}$$

# **FJType**

$$\begin{split} \mathsf{FJType}(\Pi,\,\mathsf{class}\;\mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \vartriangleleft \overline{\mathsf{N}} > \vartriangleleft \;\mathsf{N}\{\overline{\mathsf{T}}\;\bar{\mathsf{f}};\;\overline{\mathsf{M}}\}) = \\ \mathsf{let}\;\overline{\mathsf{a}_m}\;\mathsf{be}\;\mathsf{fresh}\;\mathsf{type}\;\mathsf{variables}\;\mathsf{for}\;\mathsf{each}\;\mathsf{m} \in \overline{\mathsf{M}} \\ \overline{\mathsf{\lambda}}_0 = \{\mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \vartriangleleft \overline{\mathsf{N}} > .\mathsf{m}:\; < \overline{\mathsf{Y}} \vartriangleleft \overline{\mathsf{P}} > \overline{\mathsf{T}} \to \mathsf{a}_m \\ \mid \mathsf{m} \in \overline{\mathsf{M}},\;\mathsf{mtype}(\mathsf{m},\;\mathsf{N},\;\Pi) = < \overline{\mathsf{Y}} \vartriangleleft \overline{\mathsf{P}} > \overline{\mathsf{T}} \to \mathsf{T}\} \\ C_0 = \{\mathsf{a}_m < \mathsf{T} \mid \mathsf{m} \in \overline{\mathsf{M}},\;\mathsf{mtype}(\mathsf{m},\;\mathsf{N},\;\Pi) = < \overline{\mathsf{Y}} \vartriangleleft \overline{\mathsf{P}} > \overline{\mathsf{T}} \to \mathsf{T}\} \\ \overline{\mathsf{\lambda}}' = \{(\mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \vartriangleleft \overline{\mathsf{N}} > .\mathsf{m}:\; \overline{\mathsf{a}} \to \mathsf{a}_m) \\ \mid \mathsf{m} \in \overline{\mathsf{M}},\;\mathsf{mtype}(\mathsf{m},\;\mathsf{N},\;\Pi)\;\mathsf{not}\;\mathsf{defined},\; \overline{\mathsf{a}}\;\mathsf{fresh}\} \\ C_m = \{\{\mathsf{a}_m < \mathsf{Object}, \overline{\mathsf{a}} < \overline{\mathsf{Object}}\} \mid (\mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \vartriangleleft \overline{\mathsf{N}} > .\mathsf{m}:\; \overline{\mathsf{a}} \to \mathsf{a}_m) \in \overline{\mathsf{\lambda}}'\} \\ \Pi = \Pi \cup \overline{\mathsf{\lambda}}' \cup \overline{\mathsf{\lambda}}_0 \\ \mathsf{in}\;(\Pi,\;C_0 \cup C_m \cup \bigcup_{\mathsf{m} \in \overline{\mathsf{M}}} \mathsf{TYPEMethod}(\Pi,\;C < \overline{\mathsf{X}} > ,\mathsf{m})) \end{split}$$

#### **TYPEMethod**

$$\begin{split} \mathsf{TYPEMethod}(\Pi,\ C \!<\! \overline{X} \!>,\ m(\overline{x}) \{\ \mathsf{return}\ \mathsf{e}; \}) = \\ \mathsf{let}\ <\! \overline{Y} \lhd \overline{P} \!>\! \overline{T} \to \mathsf{T} = \Pi(C \!<\! \overline{X} \lhd \overline{N} \!>. \mathsf{m}) \\ (\mathsf{R},C) = \mathsf{TYPEExpr}((\Pi; \{\mathsf{this}: C \!<\! \overline{X} \!>\! \} \cup \{\overline{x}: \overline{T}\}), \mathsf{e}) \\ \mathsf{in}\ C \cup \{\mathsf{R} < \mathsf{T}\} \end{split}$$

# TYPEExpr | Variable

$$\mathsf{TYPEExpr}((\Pi; \overline{\eta}), \mathsf{x}) = (\overline{\eta}(\mathsf{x}), \emptyset)$$

#### TYPEExpr | Field Lookup

$$\begin{split} \mathsf{TYPEExpr}((\Pi; \overline{\eta}), e.f) &= \\ \mathsf{let}\ (\mathsf{R}, \mathit{C}_R) &= \mathsf{TYPEExpr}((\Pi; \overline{\eta}), e) \\ & \mathit{a}\ \mathsf{fresh} \\ & \mathsf{c} &= \mathsf{oc}\{\{\mathsf{R} < \mathsf{C} {<} \overline{\mathsf{a}}{>}, \mathsf{a} = [\overline{\mathsf{a}}/\overline{\mathsf{X}}]\mathsf{T}, \overline{\mathsf{a}} < [\overline{\mathsf{a}}/\overline{\mathsf{X}}]\overline{\mathsf{N}} \mid \overline{\mathsf{a}}\ \mathsf{fresh}\} \\ & \qquad | \mathsf{T}\ \mathsf{f} \in \mathsf{class}\ \mathsf{C} {<} \overline{\mathsf{X}} \vartriangleleft \overline{\mathsf{N}} {>} \vartriangleleft \mathsf{N}\ \{\ \overline{\mathsf{X}}\ \overline{\mathsf{N}};\ [\mathsf{K}]\ \overline{\mathsf{M}}\ \}\} \\ & \mathsf{in}\ (\mathsf{a}, (\mathit{C}_R \cup \{\mathsf{c}\})) \end{split}$$

#### Solved Form

2. 
$$a = b$$

3. 
$$a < C < \overline{T} >$$

4. 
$$a = C < \overline{T} > \text{ with } a \notin \overline{T}$$

No variable is allowed to occur twice on the left side of rules 3 and 4.

$$\frac{C \cup \{\mathsf{a} < \mathsf{C} < \overline{\mathsf{T}} >, \ \mathsf{a} < \mathsf{D} < \overline{\mathsf{V}} > \}}{C \cup \{\mathsf{a} < \mathsf{C} < \overline{\mathsf{T}} >, \ \mathsf{C} < \overline{\mathsf{T}} > < \mathsf{D} < \overline{\mathsf{V}} > \}} \quad \Delta \vdash \mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} > <: \mathsf{D} < \overline{\mathsf{N}} > \qquad \mathsf{match}$$

$$\frac{C \cup \{\mathsf{C} < \overline{\mathsf{T}} > < \mathsf{a}, \ \mathsf{D} < \overline{\mathsf{V}} > < \mathsf{a}\}}{C \cup \mathsf{C} < \overline{\mathsf{T}} > < \mathsf{D} < \overline{\mathsf{V}} >, \ \mathsf{D} < \overline{\mathsf{V}} > < \mathsf{a}} \qquad \Delta \vdash \mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} > <: \mathsf{D} < \overline{\mathsf{N}} > \qquad \mathsf{match reverse}$$

$$\frac{C \cup \{\mathsf{a} < \mathsf{C} < \overline{\mathsf{T}} >, \ \mathsf{b} <^* \mathsf{a}, \mathsf{b} < \mathsf{D} < \overline{\mathsf{U}} > \}}{C \cup \{\mathsf{a} < \mathsf{C} < \overline{\mathsf{T}} >, \ \mathsf{b} <^* \mathsf{a}, \ \mathsf{b} < \mathsf{D} < \overline{\mathsf{U}} >, \ \mathsf{b} < \mathsf{C} < \overline{\mathsf{T}} > \}}$$

$$\frac{C \cup \{\mathsf{C} < \overline{\mathsf{T}} > < \mathsf{a}, \ \mathsf{a} <^* \mathsf{b}, \mathsf{D} < \overline{\mathsf{U}} > < \mathsf{b}\}}{C \cup \{\mathsf{C} < \overline{\mathsf{T}} > < \mathsf{a}, \ \mathsf{a} <^* \mathsf{b}, \ \mathsf{D} < \overline{\mathsf{U}} > < \mathsf{b}, \ \mathsf{C} < \overline{\mathsf{T}} > < \mathsf{b}\}}$$

adopt

reverse adopt

- 1.  $C < \overline{T} > C > \overline{U} > Where C cannot be a subtype of D.$
- 2.  $a < C < \overline{T} >$ ,  $a < D < \overline{U} >$  where C cannot be a subtype of D and vice versa.
- 3.  $C < \overline{T} > < a$

#### expandLB

expandLB(C
$$<\overline{T}>< a,\ a$$
) =  $\{\{a=[\overline{T}/\overline{X}]N\}$   
|  $\Delta \vdash C<\overline{X}>< N,\ \Delta \vdash N\}$   
where  $\overline{P}$  is determined by  $\Delta \vdash C<\overline{X}>< D<\overline{P}>$  and  $[\overline{T}/\overline{X}]\overline{P}=\overline{U}$ 

$$\frac{C \cup \{a = T\}}{[T/a]C \cup \{a = T\}} \quad \text{where a occurs in $C$ but not in $T$}$$

If C" has changed, then start again from Step 1.

$$\frac{C \cup \{C \cup a < b\}}{[a/b]C \cup \{b = a\}} \quad \text{sub elim}$$
 
$$\frac{C \cup \{a = a\}}{C} \quad \text{erase}$$

$$\begin{split} \sigma &= \{\mathsf{b} \to [\overline{\mathsf{Y}}/\overline{\mathsf{a}}]\mathsf{T} \mid (\mathsf{b} = \mathsf{T}) \in \mathit{C}_{=} \} \cup \{\overline{\mathsf{a}} \to \overline{\mathsf{Y}}\} \cup \{\mathsf{b} \to \mathsf{X} \mid (\mathsf{b} < \mathsf{X}) \in \mathit{C}_{<} \} \\ \\ \gamma &= \{\mathsf{Y} \vartriangleleft [\overline{\mathsf{Y}}/\overline{\mathsf{a}}]\mathsf{N} \mid (\mathsf{a} < \mathsf{N}) \in \mathit{C}_{<} \} \end{split}$$

# Type Infernece

$$\begin{split} \mathsf{FJTypeInference}(\Pi, \ \mathsf{class} \ \mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \lhd \overline{\mathsf{N}} > \lhd \mathsf{N}\{...\}) &= \\ \mathsf{let} \ (\overline{\lambda}, \ C) &= \mathsf{FJType}(\Pi, \mathsf{class} \ \mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \lhd \overline{\mathsf{N}} > \lhd \mathsf{N}\{...\}) \\ (\sigma, < \overline{\mathsf{Y}} \lhd \overline{\mathsf{P}} >) &= \mathsf{Unify}(C, \{\overline{\mathsf{X}} <: \overline{\mathsf{N}}\} \cup \{< \overline{\mathsf{Z}} \lhd \overline{\mathsf{Q}} > | \\ (\mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \lhd \overline{\mathsf{N}} >.\mathsf{m} : < \overline{\mathsf{Z}} \lhd \overline{\mathsf{Q}} > \overline{T} \to T) \in \overline{\lambda}\}) \\ \mathsf{in} \ \Pi \cup \ \{(\mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \lhd \overline{\mathsf{N}} >.\mathsf{m} : < \overline{\mathsf{Y}} \lhd \overline{\mathsf{P}} > \overline{\sigma(a)} \to \sigma(a)) \mid \\ (\mathsf{C} < \overline{\mathsf{X}} \lhd \overline{\mathsf{N}} >.\mathsf{m} : \overline{a} \to a) \in \overline{\lambda}\} \end{split}$$

$$\begin{split} \lambda &= \{ (\mathsf{Pair}{<} \mathsf{X} \vartriangleleft \mathsf{Object}{>}.\mathsf{setfst}) : \ [\mathsf{a}_1] \to \mathsf{a}_0 \} \\ \mathsf{C} &= \{ \mathsf{a}_0 < \mathsf{Object}, \ \mathsf{a}_1 < \mathsf{Object} \} \end{split}$$

$$\begin{split} C &= \{ \mathsf{a}_0 < \mathsf{Object}, \ \mathsf{a}_1 < \mathsf{Object}, \\ \mathsf{a}_1 < \mathsf{a}_5, \ \mathsf{a}_5 < \mathsf{Object}, \ \mathsf{a}_2 < \mathsf{a}_6, \ \mathsf{a}_6 < \mathsf{Object}, \\ &\{ \{ \mathsf{Pair} < \mathsf{X}, \ \mathsf{Y} > < \mathsf{Pair} < \mathsf{a}_3, \mathsf{a}_4 >, \ \mathsf{a}_2 = \mathsf{a}_4, \ \mathsf{a}_3 < \mathsf{Object}, \ \mathsf{a}_4 < \mathsf{Object} \} \} \end{split}$$

```
\begin{split} \lambda &= \{ (\text{Pair} < X \lhd \text{Object} > .\text{setfst}) : \ [a_1] \to a_0 \} \\ C &= \{ a_0 < \text{Object}, \ a_1 < \text{Object}, \\ a_1 < a_5, \ a_5 < \text{Object}, \ a_2 < a_6, \ a_6 < \text{Object}, \\ \{ \{ \text{Pair} < X, \ Y > < \text{Pair} < a_3, a_4 >, \ a_2 = a_4, \ a_3 < \text{Object}, \ a_4 < \text{Object} \} \}, \\ \text{Pair} < a_5, a_6 > < a_0 \\ \} \end{split}
```

$$\frac{C \cup \{\mathsf{Pair} < \mathsf{X} <>, \mathsf{Y} <>> < \mathsf{Pair} < \mathsf{a}_3, \mathsf{a}_4 >\}}{C \cup \{\mathsf{Pair} < \mathsf{X} <>, \mathsf{Y} <>> = \mathsf{Pair} < \mathsf{a}_3, \mathsf{a}_4 >\}} \quad \mathsf{adapt}$$

$$\frac{\textit{C} \cup \{\textit{Pair} < \textit{X} <>, \textit{Y} <>> = \textit{Pair} < \textit{a}_3, \, \textit{a}_4 >\}}{\textit{C} \cup \{\textit{X} <> = \textit{a}_4\}} \quad \textit{reduce}$$

$$\frac{C \cup \{X <>= a_3\}}{C \cup \{a_3 = X <>\}} \quad \text{and} \quad \frac{C \cup \{Y <>= a_3\}}{C \cup \{a_3 = Y <>\}} \quad \text{swap}$$

$$\begin{split} C = \{Y <> < a_6, \ a_1 < a_5, \ a_6 < Object <>, \ a_1 < Object <>, \\ X <> < Object <>, \ a_4 = Y <>, \ Y <> < Object <>, \\ a_0 = Pair < a_5, \ a_6 >, \ a_3 = X <>, a_2 = Y <>, \ a_5 < Object <> \\ \} \end{split}$$

$$\begin{array}{l} C_{=} = \{a_{0} = Pair < a_{1}, \ Y >, \ a_{6} = Y, \ a_{5} = a_{1}, \ a_{4} = Y, \ a_{3} = X, \ a_{2} = Y\} \\ C_{<} = \{a_{1} < Object <>\} \end{array}$$

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!