1 Relationen

1.1 Definitionen der Eigenschaften

R linkstotal $\forall x \exists y : (x, y) \in R$ R rechtstotal $\forall y \exists x : (x, y) \in R$ R linkseindeutig $\forall x_1 \ \forall x_2 \ \forall y : ((x_1, y) \in R \land (x_2, y) \in R \Rightarrow (x_1 = x_2))$ R rechtseindeutig $\forall x \ \forall y_1 \ \forall y_2 : ((x, y_1) \in R \land (x, y_2) \in R \Rightarrow (y_1 = y_2))$ R reflexiv R irreflexiv $\forall x : (x, x) \in / R \Leftrightarrow \neg \exists x : (x, x) \in R$ R symmetrisch $\forall x \ \forall y : ((x, y) \in R \Rightarrow (y, x) \in R)$ R asymmetrisch $\forall x \ \forall y : ((x, y) \in R \Rightarrow (y, x) \in /R)$ R antisymmetrisch $\forall x \ \forall y : ((x, y) \in R \land (y, x) \in R \Rightarrow (x = y))$ R transitiv $\forall x \ \forall y \ \forall z : ((x, y) \in R \land (y, z) \in R \Rightarrow (x, z) \in R)$

 $f'(x) = 0 \wedge f'' \neq 0$ Jedes Element x steht mit mindestens einem Element y in Retation (x) < 0 dann ist es ein Hochpunkt (lokales Maximum) Für jedes Element y existiert mindestens ein Element x, das MAN fin Abeat Colament es ein Tiefpunkt (lokales Minimum)

Keine zwei verschiedenen Elemente x_1 und x_2 stehen mit dem selben Element y in Relation.

Extremwerte:

Kein Element x steht mit zwei verschiedenen Elementen yı Eina Wendenrelse liert dort wo die 2. Ableitung = 0 und die 3. Ableitung = 0 ist Jedes Element x steht mit sich selbst in Relation. $f''(x) = 0 \land f'''(x) \neq 0$

Kein Element x steht mit sich selbst in Relation Wenn x mit y in Relation steht, dann steht auch y mit x in Werlanden im Unendlichen:

Wenn x mit y in Relation steht, dann steht y nicht mit x in Helageht es darum zu schauen wie sich f(x) bei $x \to +$ unendlich und bei $x \to -$ unendlich verhält.

Ein lokales Minimum ist dort wo die 1. Ableitung =0 ist und die 2. Ableitung $\neq 0$

Wenn x mit v und v mit x in Relation stehen, dann sind x undzwidenetsten ob die Exponenten von x gerade oder ungerade sind!

Wenn x mit y und y mit z in Relation stehen, dann steht auch x mit z in Relation.

Skizze:

- Nullstellen einzeichnen
- Schnitt mit der v-Achse einzeichnen
- Extremwerte einzeichnen
- Wendepunkte einzeichnen
- Hoch- und Tiefpunkte schon mal andeuten
- dann die Kurven durchziehen

Den kann man dann in der Skizze ablesen. Sprich man betrachtet ob es eine Asymptote im Negativen oder im Positiven gibt. Diese begrenzen dann den Wertebereich. Am Ende kommt dann z.B. sowas raus: $\mathbb{W} = [-4; \infty)$

3 Diverses

- Logarithmusregeln - Potenzregel

1.2 Beweisen der Eigenschaften

2 Funktionen

2.1 Polinomdivision

2.2 Horner Schema:

Beispiel: $x^4 - x^3 - 3x^2 + 5x - 2 = 0$

Hinweis zum Finden einer Lösung: Nur Koeffizienten betrachten, sollte das 0 ergeben, dann ist 1 eine Lösung:

0

1 - 1 - 3 + 5 - 2 = 0

Damit dann das Horner Schema abarbeiten

Schematisch:

 $ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$, mit möglicher Lösung x=n Ь а С n(c+n(b+na))na n(b+na) ←(sollte 0 sein, damit es aufgeht)

a b+na c+n(b+na) Danach hat man eine neue Lösung mit veringertem Exponenten. Darauf kann man dann wieder das Hoerner Schema anwenden oder direkt die pq-Formel.

Am obigen Beispiel betrachtet:

Das ergibt: $x^3 + 0x^2 - 3x + 2 = 0$

Hierfür wieder eine Nullstelle erraten (kann die gleiche sein wie eben), und wieder das HS anwenden:

	1	0	-3	2
1	↓	1	1	-2
	1	1	-2	0

Ergibt also: $1x^2 + 1x - 2 = 0$

Und das lässt sich nun mit pg-Formel lösen

2.3 Definitionsbereich etc.

Definitionsbereich bei Brüchen: alles außer den Stellen wo der Nennen 0 wäre

Definitionsbereich bei Wurzeln: alles wo unter der Wurzel etwas i=0 steht

Definitionsbereich bei Exponenten: egal, ganz R

Definitionsbereich bei Logarithmen: der Numerus (das x bei ln(x)) muss ¿ 0 sein

2.4 Ableitungen

2.5 Kurvendiskussion

Symmetrie:

Achsensymmetrie: f(x) = f(-x) (alle Exponenten von x sind gerade) Punktsymmetrie: f(x) = -f(-x) (alle Exponenten von x sind ungerade)

Nullstellen:

f(x) = 0 und dann ausrechnen

Strategien:

- -x ausklammern, wenn x überall auftaucht. Dann ist x=0 eine Lösung und das was die Klammer = 0 setzt
- eine Nullstelle durch Probieren ermitteln und dann Polinomdivision
- z.B. x^2 durch z ersetzen und dann pq-Formel

Bedeutung von Nullstellen:

Einfach Nullstelle: Kurve kreuzt die Achse

doppelte Nullstelle: Extremwert (Hoch- oder Tiefpunkt)

dreifache Nullstelle: Sattelpunkt

Schnitt mit y-Achse:

x = 0, also f(0) berechnen