

Microarquitectura 02: Sistemas secuenciales, FSM

Organización del computador - FIUBA

2.^{do} cuatrimestre de 2023

Última modificación: Sun Sep 17 18:36:10 2023 -0300

Créditos

Para armar las presentaciones del curso utilizamos:



R. E. Bryant and D. R. O'Hallaron, *Computer systems: a programmer's perspective*, Third edition, Global edition. Boston Columbus Hoboken Indianapolis New York San Francisco Cape Town: Pearson, 2015.



D. A. Patterson and J. L. Hennessy, *Computer organization and design: the hardware/software interface*, RISC-V edition. Cambridge, Massachusetts: Morgan Kaufmann Publishers, an imprint of Elsevier, 2017.



J. L. Hennessy and D. A. Patterson, *Computer architecture: a quantitative approach*. 2017.

El contenido de los slides está basado en las presentaciones de Patricio Moreno y de Organización del Computador I - FCEN.

Tabla de contenidos

1. Introducción
2. Repaso de Timing
3. Retroalimentación y cambio de modelo
4. Sistemas secuenciales sincrónicos
5. Cierre de la primera parte
6. Latches - Flip-flops
7. Registros y memorias
8. Máquinas de estado
9. Conclusiones

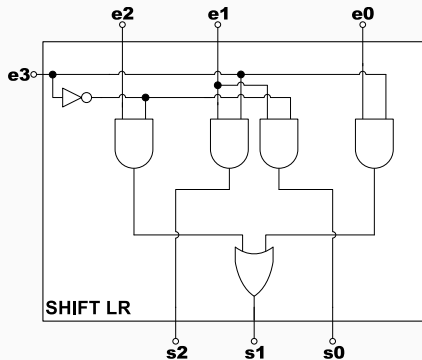
Sobre la clase de hoy

Hoy vamos a ver los principios de diseño, práctica y ejemplos de sistemas secuenciales, la estructura de la clase va ser la siguiente:

- Repaso de sistemas combinatorios
- Retroalimentación y cambio de modelo
- Sistemas secuenciales asincrónicos
- Sistemas secuenciales sincrónicos
- Flip-flops, registros y memorias
- Máquinas de estado

Timing

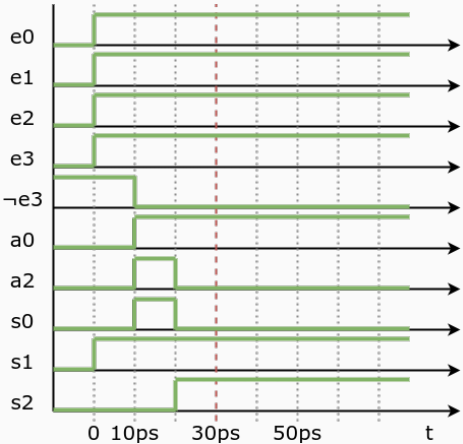
Recordemos que las compuertas no son instantáneas.



Timing

Cada componente discreto va a tener un retardo característico que representa la cantidad tiempo transcurrido entre que llegaron a estabilizarse sus salidas respecto del primer instante en que se estabilizaron las entradas.

Timing



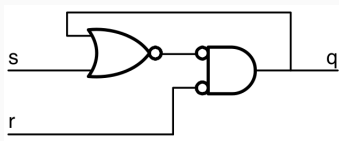
Sistemas combinatorios

Ahora volviendo un poco a los sistemas combinatorios, hay dos motivos fundamentales por los cuales podemos representar su comportamiento como una tabla que asigna valores a las salidas en base a los valores de las entradas, y tienen que ver con que:

1. **los tiempos de propagación** quedan fuera de nuestro modelo bajo el principio de abstracción.
2. no hay *retroalimentación de señales*.

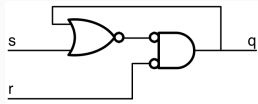
Retroalimentación

Ahora supongamos que queremos construir un sistema que permita conservar un bit de información. Básicamente queremos poder indicar cuando el bit vale 1 (activando la señal set) y cuando vale 0 (activando la señal reset), y proponemos la siguiente configuración:



¿Qué valor tiene q para cada par (s, r) , cuándo se estabiliza?

Retroalimentación

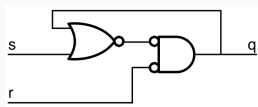


Intentemos armar su tabla de verdad.

s	r	q
0	0	?
0	1	?
1	0	?
1	1	?

¿El valor de q es el actual o el estabilizado?

Retroalimentación



Definamos cómo se estabilizará (q') en base a su valor actual (q).

s	r	q	q'
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

Retroalimentación

Para poder razonar sobre el comportamiento del sistema debemos representar todas las señales, de entrada (s, r), de salida (q') e internas o retroalimentadas (q).

s	r	q	q'
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

Retroalimentación

Vamos a llamar **valuación** a cada asignación de valores de verdad a las variables del sistema y representan todos los estados posibles que puede tener el sistema. En nuestro caso las variables del sistema son s , r y q , ya que q' está indicando los valores que puede tomar q en el próximo estado.

s	r	q	q'
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

Retroalimentación

Al introducir la retroalimentación y junto con ella la dependencia de señales internas, el sistema no puede pasar de una valuación a cualquiera otra, por ejemplo:

	Estado			q'
	s	r	q	
1:	0	0	0	0
2:	0	0	1	1

No podemos pasar del estado indicado en la primera fila $\langle 000 \rangle$ al estado indicado en la segunda $\langle 001 \rangle$ porque el valor actual de la salida (q) depende del valor que tenía en el estado anterior (q').

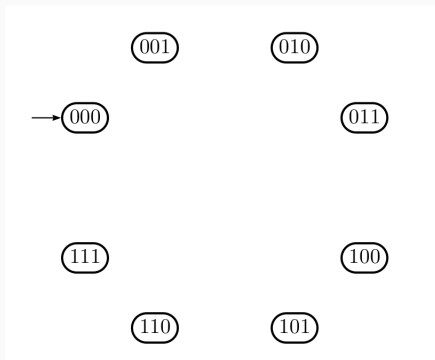
Retroalimentación

Intentemos modelar el comportamiento del sistema como los posibles cambios en su conjunto de señales.

s	r	q	q'
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

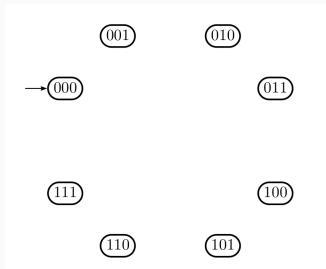
Retroalimentación

Representemos las distintas valuaciones.



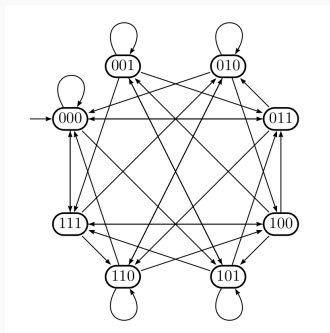
Retroalimentación

¿Cuáles son los cambios posibles de valores en las variables del sistema?



Retroalimentación

¿Cuáles son los cambios posibles de valores en las variables del sistema?



Esto es lo que se conoce como una **estructura de Kripke**.

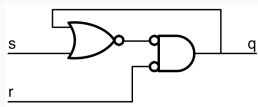
Retroalimentación

Se trata de un tipo de modelo llamado **máquina de estados** que permite representar, razonar y probar propiedades sobre el comportamiento de objetos de dominio heterogéneo, entre ellos:

- circuitos digitales
- protocolos de comunicación
- interfaces de programación de aplicaciones
- ejecuciones de un programa

Retroalimentación

Repasando, queríamos implementar un sistema que pudiese almacenar un bit de información.



s	r	q	q'
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

Retroalimentación

Al retroalimentar una de las señales tuvimos que:

- abandonar el enfoque funcional para describir al sistema
- desdoblar los valores de la salida q de su valor previo q'
- introducir la noción de **valuación, estado y comportamiento**
- presentar informalmente la idea de **máquinas de estados**

Retroalimentación

Recordemos que había dos motivos por los cuales podíamos dar una visión funcional (que se describe completamente en base a sus valores de entrada y de salida) de los sistemas combinatorios:

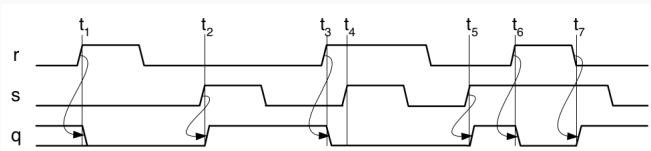
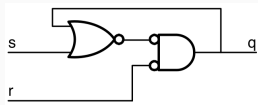
1. **los tiempos de propagación** quedan fuera de nuestro modelo bajo el principio de abstracción
2. y no hay *retroalimentación de señales* en nuestros sistemas

Pero hasta ahora sólo observamos los problemas relacionados con la retroalimentación de señales.

¿Qué sucede cuando queremos razonar sobre sistemas secuenciales que se componen entre sí?

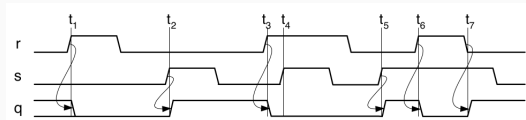
Sincronización

El ejemplo presentado anteriormente es suficientemente simple como para poder evitar razonar sobre el orden de las señales.



Sincronización

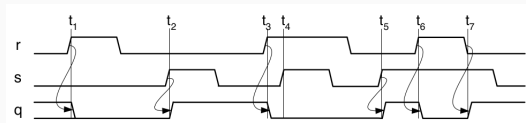
No hay garantías sobre el momento en el cuál las señales van a cambiar de valor.



Esto implica que no hay garantías sobre el momento en el cuál un componente cambia de estado (valuación).

Sincronización

No hay garantías sobre el momento en el cuál las señales van a cambiar de valor.



Necesitamos asegurar (idealmente) que el tiempo entre cambios de estado sea mayor que el peor tiempo de propagación de nuestros componentes.

Sincronización

Ya no podemos pensar que eventualmente las señales se estabilizan porque **deseamos que puedan cambiar a lo largo del tiempo.**

La retroalimentación así como la vimos introduce el siguiente problema:

- Tenemos que razonar sobre el orden y tiempo de propagación de las señales para poder saber cuándo una señal cambia de valor en la salida.
- Estos tiempos de propagación dependen de la cantidad de componentes y configuración interna de cada componente.

Sincronización

Ya no podemos pensar que eventualmente las señales se estabilizan porque **deseamos que puedan cambiar a lo largo del tiempo**.

La retroalimentación así como la vimos introduce el siguiente problema:

- Se rompe el **principio de encapsulamiento** que nos permitía razonar sobre un componente sólo a través de su interfaz (entradas/salidas).
- ¿Por qué? Por que sin conocer su configuración **no podemos conocer su estado** (señales internas).

Sincronización

La necesidad que tenemos ahora es la de:

Diseñar un mecanismo que nos permita poder razonar con certeza sobre el estado de todos los componentes del sistema.

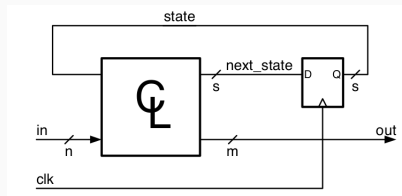
Sincronización

La propuesta es:

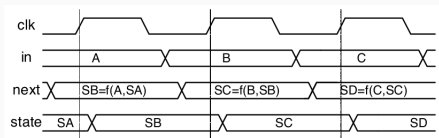
Introducir una señal especial (**clock**) que determina el intervalo de tiempo dentro del cuál los valores de salida (**siguiente estado**) se actualizan en base a los valores de entrada (**estado actual**).

Sincronización

Veamos un ejemplo:



El clock determina en qué momento el estado siguiente pasa a ser el actual:



Sincronización

A partir de ahora las nociones de **estado** y de sincronización a través de una señal de **clock** van a ser elementos fundamentales de los diseños de nuestros sistemas secuenciales.

A continuación vamos a ver en detalle y en orden de complejidad creciente, **los elementos fundacionales que nos permiten construir y componer sistemas secuenciales sincrónicos**.

Sincronización

Estos sistemas son de la mayor relevancia para nuestro objetivo, que era diseñar un procesador, ya que precisamos que la información pueda transformarse a lo largo del tiempo.

Para poder razonar y especificar el comportamiento de estos componentes **vamos a estudiar los formalismos de máquinas de estado más usados**, ya que nos permiten modelar el problema con un grado de abstracción suficientemente adecuado.

Conclusión de la primera parte

Hasta ahora vimos:

- Repaso de sistemas combinatorios
- Retroalimentación y cambio de modelo
- Sistemas secuenciales asincrónicos (introducción)
- Sistemas secuenciales sincrónicos (introducción)

Falta ver:

- Flip-flops, registros y memorias
- Máquinas de estado (en detalle)

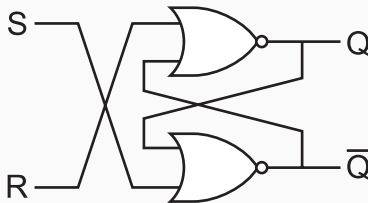
¿Preguntas hasta acá?

Latches

Son sistemas que permiten *trabar o asegurar* el valor de su salida

- Permiten el cambio de sus salidas según el **nivel** de las entradas.
- Utilizan **realimentación**

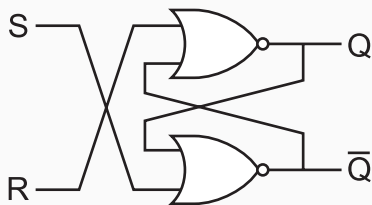
Ejemplo:



Latch RS (Reset-Set)

Analicemos el ejemplo anterior:

Latch RS implementado con NOR:



Con $S, R = (1, 1)$:

- El valor de las salidas es inconsistente con la especificación
- El valor de las salidas depende de la implementación. **Tarea:** implementar con NANDs

Tabla de verdad:

S	R	Q	\bar{Q}
1	0	1	0
0	1	0	1
0	0	Q^*	\bar{Q}^* ¹
1	1	0	0

¹ Q^* o \bar{Q}^* refiere al *estado* anterior de la salida

Latch JK

Tratemos de modificar el comportamiento para el caso cuando las entradas son (1, 1):

Latch JK:

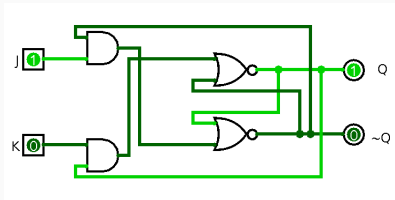


Tabla de verdad:

J	K	Q	\bar{Q}
1	0	1	0
0	1	0	1
0	0	Q^*	\bar{Q}^*
1	1	\bar{Q}^*	Q^*

Con $S, R = (1, 1)$:

- El valor de las salidas está ahora definido.
- El sistema oscila (estado inestable).

Latch D

- Nos permite almacenar 1 bit
- Tiene una entrada de **datos** y una de **control**

Latch D:

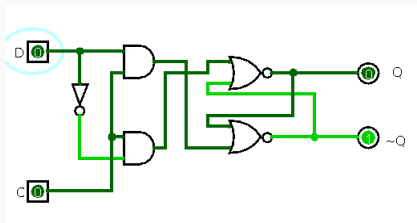


Tabla de verdad:

D	C	Q	\overline{Q}
1	0	Q^*	\overline{Q}^*
0	1	0	1
0	0	Q^*	\overline{Q}^*
1	1	1	0

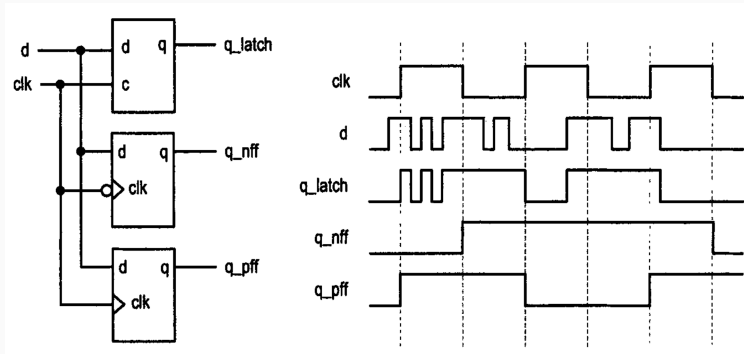
En este caso el sistema es estable en todos los estados. Sin embargo:

- Los tiempos no se pueden predecir (dependen de D)
- Puede causar carreras si existe un lazo en el sistema externo.

Sincronizando...

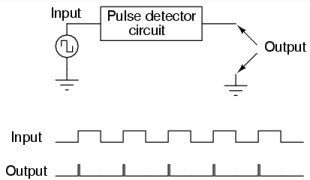
Como vimos en la primer parte, nos interesa poder tener un control de los momentos de transición de estados \Rightarrow **CLOCK**

Ser reactivo al nivel de una señal no es conveniente, ¿por qué? \Rightarrow **Sensibilidad al flanco**

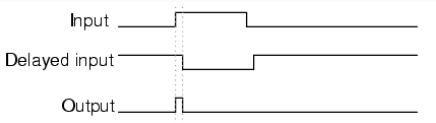
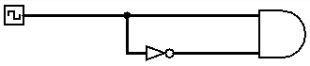


Detector de flanco

Necesitamos un sistema que se comporte de la siguiente manera:



Entonces, aprovechando los tiempos de propagación:



Flip-Flop D (Delay)

Ahora nuestro latch es sólo sensible a los flancos ascendentes de clock, entonces:

Lo podemos representar:

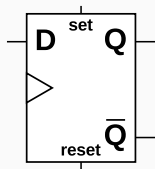


Tabla de verdad:

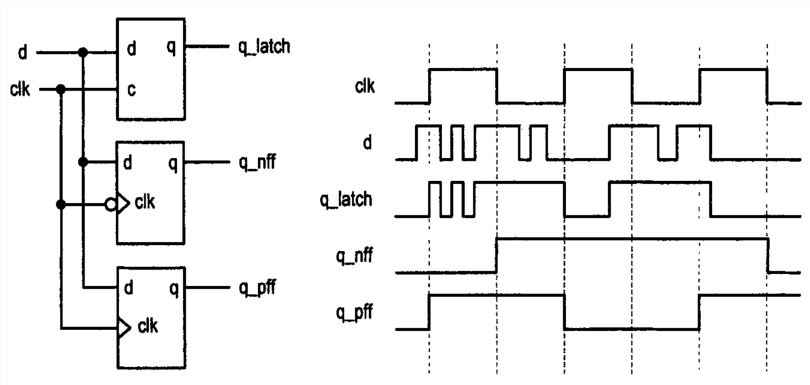
D	clk	Q_{T+1}	$\overline{Q_{T+1}}$
1	0	Q_T	$\overline{Q_T}$
0	$1\uparrow$	0	1
0	0	Q_T	$\overline{Q_T}$
1	$1\uparrow$	1	0

Siendo $T = n.T_{clock}$ y $T + 1 = (n + 1)T_{clock}$, donde:

- T_{clock} es el período del clock (tiempo que dura un ciclo)
- n es una cierta cantidad de pulsos de clock

Flip-Flop D (Delay)

Ahora podemos entender bien las diferencias:



Flip-Flop J-K

Volviendo al latch J-K, ahora con detección de flanco podemos obtener un comportamiento más *adecuado*:

Ahora lo podemos representar como:

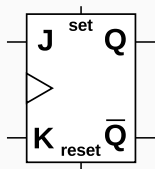


Tabla de verdad:

J	K	clk	Q_{T+1}	\overline{Q}_{T+1}
1	0	$1\uparrow$	1	0
0	1	$1\uparrow$	0	1
0	0	$1\uparrow$	Q_T	\overline{Q}_T
1	1	$1\uparrow$	\overline{Q}_T	Q_T
x	x	0	\overline{Q}_T	Q_T

Ahora en el caso crítico donde $J, K = (1, 1)$ la salida tiene un estado y un tiempo de cambio bien definido:

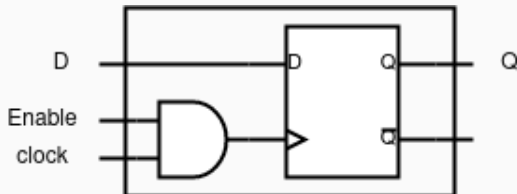
Se niega el valor anterior cada 1 colck

Registros

Ya vimos como un FF D puede almacenar un bit... ¡pero sólo durante un clock!

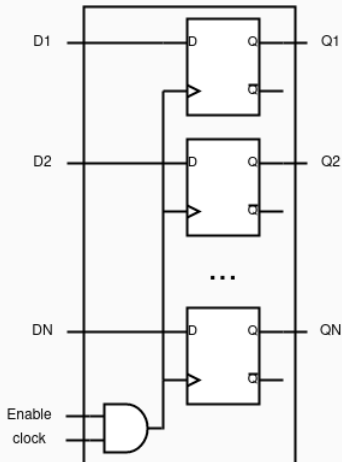
- Debemos poder elegir con una entrada adicional de control por cuanto tiempo queremos almacenar \Rightarrow **enable**.

¡Sencillo!:



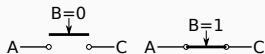
Registro de N-bits

Podemos componer la solución anterior para poder almacenar N bits:



Componentes de Tres Estados

Noción Eléctrica



Símbolo

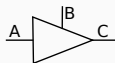
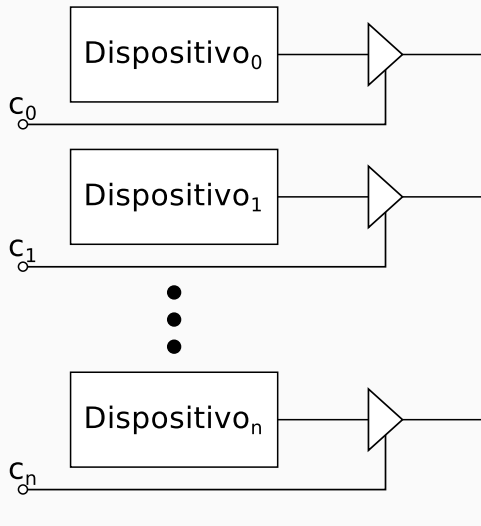


Tabla de Verdad

A	B	C
0	1	0
1	1	1
—	0	Hi-Z

Hi-Z significa “alta impedancia”, es decir, que tiene una resistencia alta al pasaje de corriente. Como consecuencia de esto, podemos considerar al pin C como desconectado del sistema.

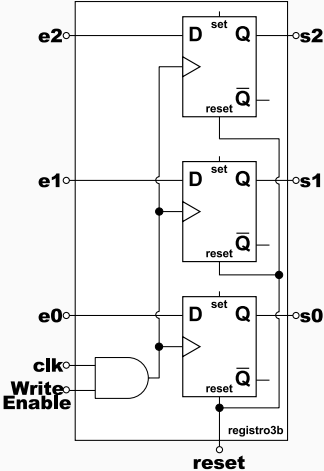
Componentes de Tres Estados



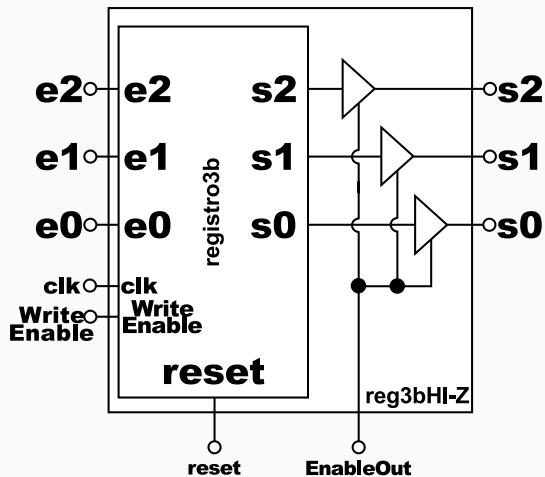
Ejercicio 0

- a) Diseñar un registro de 3 bits. El mismo debe contar con 3 entradas e_0, \dots, e_2 para ingresar el dato a almacenar, 3 salidas s_0, \dots, s_2 para ver el dato almacenado y las señales de control CLK, RESET y WRITEENABLE.
- b) Modificar el diseño anterior agregándole componentes de 3 estados para que sólo cuando se active la señal de control ENABLEOUT muestre el dato almacenado.
- c) Modificar nuevamente el diseño para que e_i y s_i estén conectadas entre sí al mismo tiempo teniendo en lugar de 3 entradas y 3 salidas, 3 entrada-salidas

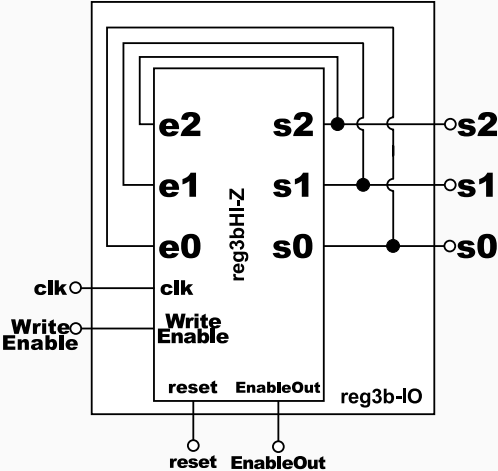
Solución - Ejercicio 0.a



Solución - Ejercicio 0.b

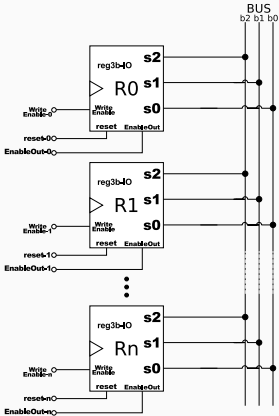


Solución - Ejercicio 0.c



Ejercicio 1

- a) Realizar el esquema de interconexión de n registros como el diseñado
- b) Dar una secuencia de valores de las señales de control para que se copie el dato del R1 al R0



Señales de control:

R0	R1	...	Rn
WriteEnable-0	WriteEnable-1	...	WriteEnable-n
reset-0	reset-1	...	reset-n
EnableOut-0	EnableOut-1	...	EnableOut-n

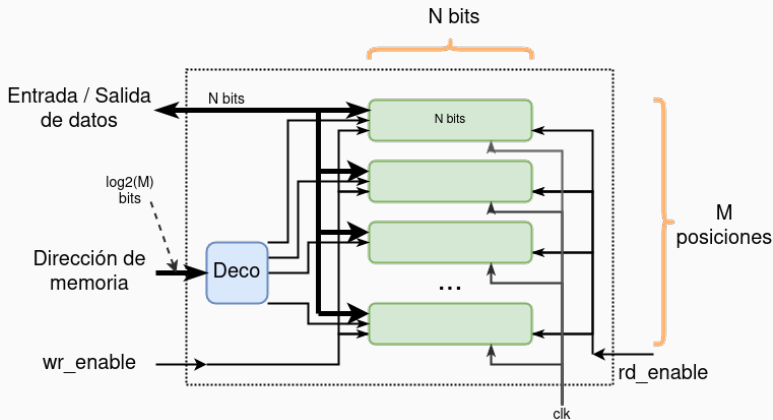
Inician todas las señales en 0. Luego se sigue la siguiente secuencia:

- EnableOut-1 \leftarrow 1
- WriteEnable-0 \leftarrow 1
- ...clk...
- WriteEnable-0 \leftarrow 0
- EnableOut-1 \leftarrow 0

Memorias (intro)

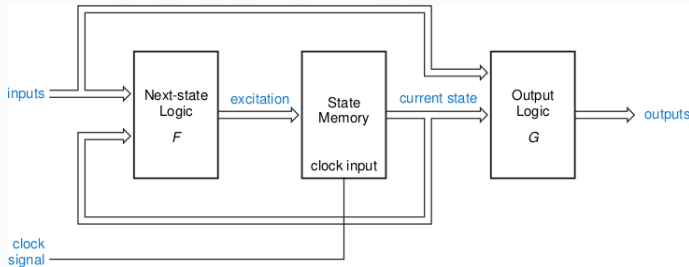
Conceptualmente podemos pensar una memoria como M posiciones de almacenamiento de N bits cada una.

Debemos poder seleccionar a cuál queremos acceder



Modelo general de un sistema secuencial

Conceptualmente podemos pensar a un secuencial como:



Compuesto por tres bloques principales:

- Lógica de próximo estado: $f(\text{estado}_{\text{actual}}, \text{entradas})$
- Registro (o memoria) de estado: $f(\text{estado}_{\text{próximo}}, \text{clk})$
- Lógica de salida: $f(\text{estado}_{\text{actual}}, \text{entradas})$

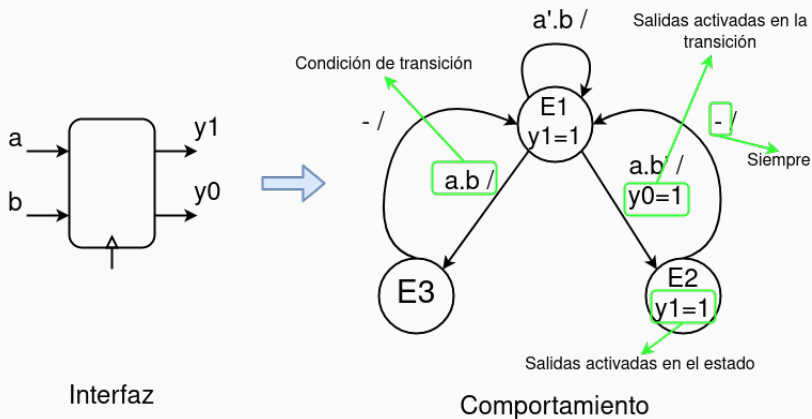
Máquinas de estado

- Los sistemas secuenciales pueden ser pensados formalmente como una *Maquina de Estados Finitos* o *FSM*
- Las FSM son el siguiente nivel en cuanto a capacidad de computo luego de la lógica combinacional.

Una máquina de estados queda definida por:

- Una lista de estados
- Un estado inicial
- Una lista de funciones disparan las transiciones en función de las entradas

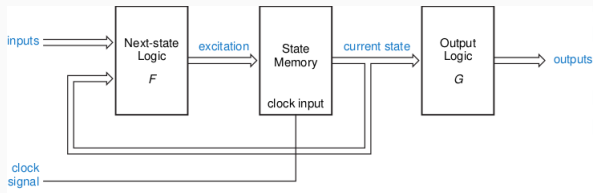
Diagramas de estado



Todas las salidas en '0' salvo que se explicita lo contrario

FSM - Moore

Si la salida depende sólo del estado actual la llamaremos como *FSM de Moore*:

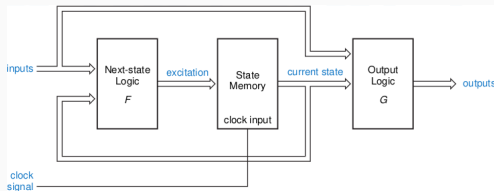


Características:

- La salida siempre cambia un clock después que se dispara la condición de transición
- No produce *glitches* a la salida
- La cantidad de estados para reproducir cierto comportamiento puede ser más grande que con otro tipo de FSM.

FSM - Mealy

Si la salida depende tanto del estado actual cómo de las entradas, la llamaremos como *FSM de Mealy*:



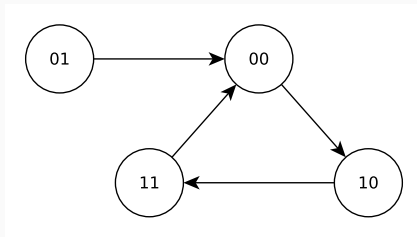
Características:

- La salida puede cambiar dentro del mismo clock en que se dispara la condición de transición
- Produce *glitches* a la salida
- La cantidad de estados para reproducir cierto comportamiento generalmente es más chica que en *Moore*

Ejercicio 1

Implementar una FSM en base a un registro de dos bits que siga los siguientes estados y que cada cambio se produzca al apretar un pulsador. Usando flip-flops D y compuertas básicas a elección.

Nos piden además que el componente a desarrollar cuente con una entrada de **Reset**.



Solución - Ejercicio 1

En este caso, dado un estado t definido por el valor de Q_1 y Q_0 podemos ver cuáles serán los próximos valores a almacenar:

$Q_1(t)$	$Q_0(t)$	$Q_1(t+1)$	$Q_0(t+1)$
0	1	0	0
0	0	1	0
1	0	1	1
1	1	0	0

>Qué valores deberían tener D_1 y D_0 para obtener los valores deseados en el tiempo $t+1$, es decir, de $Q_1(t+1)$ y $Q_0(t+1)$?

Esto es, la **lógica de próximo estado**

Solución - Ejercicio 1

Usando que el flip-flop D define su próximo valor en referencia a lo que tiene en la entrada D, vemos que la suma de productos nos define los valores de D:

$$D_0 = (Q_1 \cdot \bar{Q}_0)$$

$$D_1 = (\bar{Q}_1 \cdot \bar{Q}_0) + (Q_1 \cdot \bar{Q}_0)$$

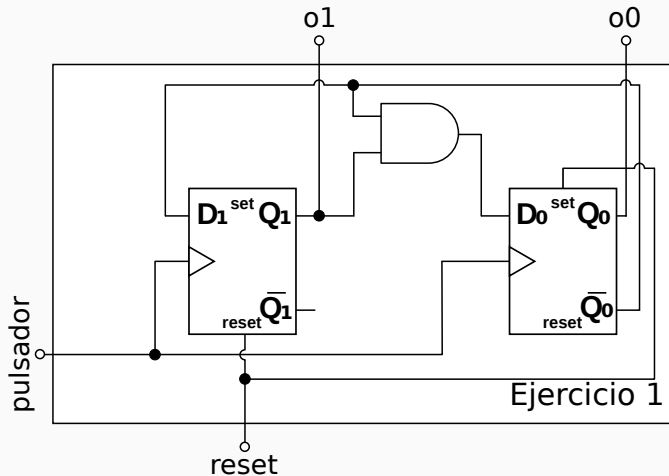
$$= (\bar{Q}_1 + Q_1) \cdot \bar{Q}_0$$

$$= 1 \cdot \bar{Q}_0$$

$$= \bar{Q}_0$$

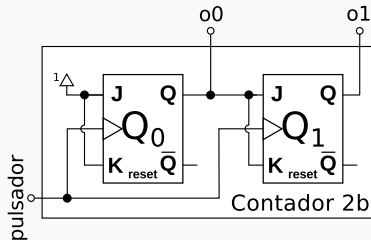
Solución - Ejercicio 1

Así se obtiene el siguiente sistema:



Ejercicio 2

Analizar los estados del siguiente componente:

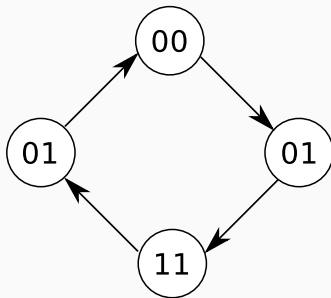


Solución:

$Q_1(t)$	$Q_0(t)$	$Q_1(t+1)$	$Q_0(t+1)$
0	0	0	1
0	1	1	0
1	0	1	1
1	1	0	0

Ejercicio 3

Implementar una FSM en base a un registro de dos bits que siga los siguientes estados y que cada cambio se produzca al apretar un pulsador.



Solución - Ejercicio 3

Realizando un análisis análogo al del ejercicio anterior se obtiene:

$Q_1(t)$	$Q_0(t)$	$Q_1(t+1)$	$Q_0(t+1)$
0	0	0	1
0	1	?	?
1	0	-	-
1	1	0	1

Lo cual no parece funcionar, ya que para el 01 no se puede determinar si es 11 ó 00 y para 10 no hay definido un próximo estado.

Solución - Ejercicio 3

En este caso, necesitamos introducir la **lógica de salida**.

¡No debemos confundir la etiqueta del estado con el valor de las salidas!

Renombremos a los estados con nombres únicos, por ejemplo:

$$S_1 = 00, \quad S_2 = 01, \quad S_3 = 10, \quad S_4 = 11$$

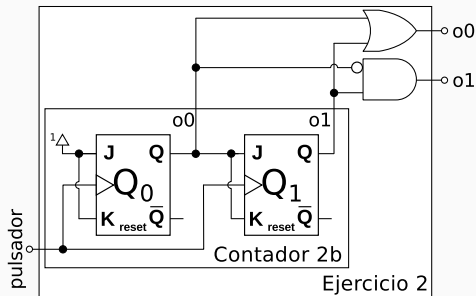
Q_1	$Q_0 \rightarrow o_1$	o_0
0	$0 \rightarrow 0$	0
0	$1 \rightarrow 0$	1
1	$0 \rightarrow 1$	1
1	$1 \rightarrow 0$	1

Solución - Ejercicio 3

Con lo cual podemos decir que:

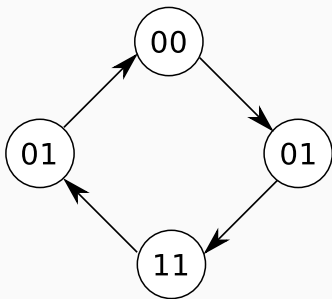
$$o_0 = Q_1 + Q_0 \quad \text{por producto de sumas}$$

$$o_1 = Q_1 \cdot \bar{Q}_0 \quad \text{por suma de productos}$$

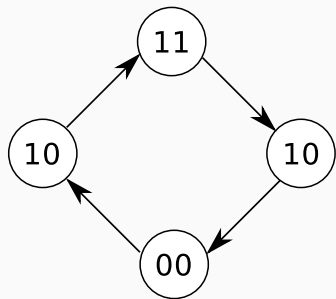


Ejercicio 3- bis

Implementar una FSM en base a un registro de dos bits que siga los siguientes estados y que cada cambio se produzca al apretar un pulsador. Con el agregado de que tenga una entrada llamada NEG que genera los siguientes comportamientos:



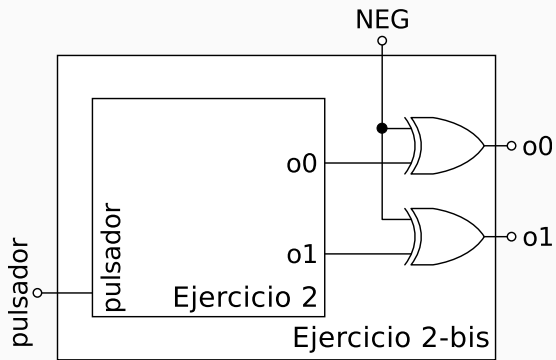
Si NEG vale 0



Si NEG vale 1

Solución - Ejercicio 3

En este caso transformamos la máquina en una **FSM de Mealy**:



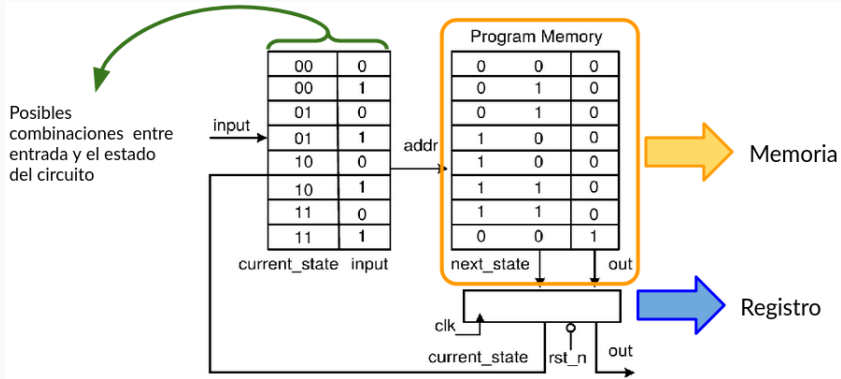
FSM Microprogramada

Ejercicio para pensar:

- Diseñar un sistema síncrono con una entrada de un bit y una salida de un bit que detecte la ocurrencia de 4 bits en '1' a la entrada. El mismo pondrá un '1' en su salida durante un ciclo de reloj luego de contar cuatro '1's en su entrada. El ciclo se repite indefinidamente.
- Se puede utilizar un registro de 3 bits y una "Memoria" de 3 bits y 8 posiciones.
- ¿Cómo se cambiaría el comportamiento del sistema sin cambiar el hardware?

FSM Microprogramada

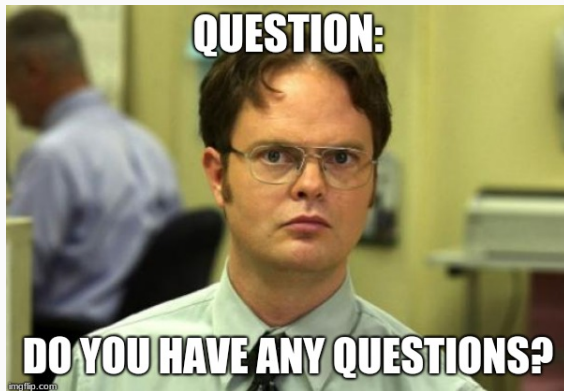
Resolución



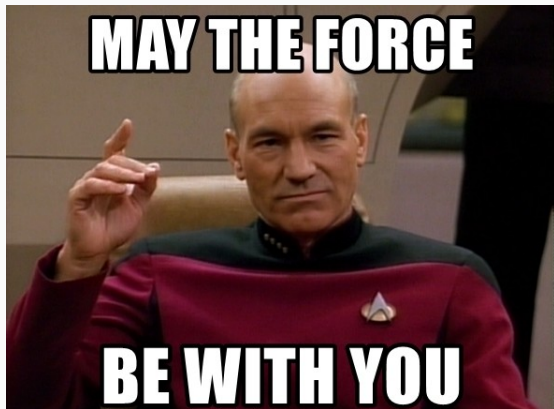
Conclusiones

- Estudiamos la realimentación en sistemas para mantener un dato en el tiempo y vimos implementaciones de *latches*
- Estudiamos los problemas asociados a los tiempos de propagación de las señales
- Analizamos el uso de un *clock* para limitar la cantidad de estados, controlar las transiciones y evitar carreras
- Vimos algunas implementaciones de flip-flops, registros y memorias
- Estudiamos con cierta formalidad el comportamiento de sistemas secuenciales en general

Preguntas



¡Gracias!



Licencia del estilo de beamer

Obtén el código de este estilo y la presentación demo en

`github.com/pamoreno/mtheme`

El estilo *en sí* está licenciado bajo la Creative Commons Attribution-ShareAlike 4.0 International License. El estilo es una modificación del creado por Matthias Vogelgesang, disponible en

`github.com/matze/mtheme`

