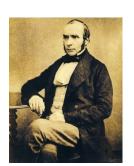
Uvod v strojno učenje in podatkovno rudarjenje

Ljupčo Todorovski Univerza v Ljubljani, Fakulteta za upravo

Februar 2018

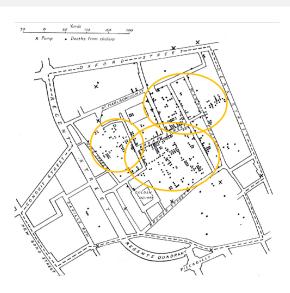
John Snow, London 1854





Todorovski, UL-FU Uvod Februar 2018 2 / 36

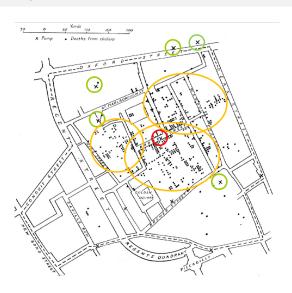
Vzorci



Skupine okužb

Smrtni primeri porazdeljeni neenakomerno

Hipoteze in modeli



Bližina vodnih virov

Skupine smrtnih primerov so v bližini vodne črpalke na ulici Broad (rdeči krog)

40149141111 1 000

Terminologija strojnega učenja in podatkovnega rudarjenja

Podatki

- Seznam smrtnih primerov (pacientov dr. Snowa) in njihove lokacije
- Lokacije vodnih črpalk

Vzorci

Skupine smrtnih primerov v nekaj delih mesta

Hipoteza

Skupine primerov lokacijsko povezane z vodnimi črpalkami

Terminologija strojnega učenja in podatkovnega rudarjenja

Napovedni model

- Smrtni primeri najbolj pogosti v bližini vodne črpalke na ulici Broad
- Vhodni podatek je lokacija bivališča, napoved verjetnost preživetja

Odločitev

Zapreti vodno črpalko na ulici Broad



Cilji strojnega učenja in podatkovnega rudarjenja

Strojna analiza podatkov usmerjena v

- 1 Iskanje zanimivih vzorcev v podatkih
- Gradnjo točnih napovednih modelov

Zanimivost in točnost pomembni lastnosti modelov in vzorcev

Med semestrom bomo spoznali različne metode za vrednotenje oziroma računanje zanimivosti vzorcev in točnosti modelov.



Uporabnost vzorcev in modelov

Boljše razumevanje podatkov

- Kratka in nazorna predstavitev podatkov
- Vzpostavitev lokacijske povezave med okužbami in vodnimi črpalkami

Pojasnjevanje in napovedovanje

- Voda kot vir oziroma medij za prenašanje bolezni
- Uporabniki vode iz črpalke na ulici Broad bodo zboleli

Odločanje in ukrepanje

- Zapiranje vodne črpalke na ulici Broad za zajezitev epidemije
- Pasterizacija vode za preprečevanje izbruha novih epidemij

Pregled vsebine

Formalne definicije

- Podatki, modeli in vzorci (patterns)
- Naloge strojnega učenja

Problemi strojnega učenja

- Prekletstvo dimenzionalnosti (curse of dimensionality)
- Pretirano in nezadostno prileganje (overfitting in underfitting)

Pravila igre

Izvedba semestra, obveznosti in ocenjevanje

Spremenljivke

Napovedne (vhodne, neodvisne) spremenljivke (atributi) X_i , i = 1..p

- Urejena p-terica $\boldsymbol{X} = (X_1, X_2, \dots X_p)$
- Zaloge vrednosti $D_1, D_2, \dots D_p$
 - X_i je numerična (zvezna, kvantitativna), če $D_i \subseteq \mathbb{R}$
 - X_i je diskretna (kvalitativna), če je D_i končna in običajno neurejena

Ciljna (izhodna, odvisna) spremenljivka Y

Zaloga vrednosti D_Y

Primeri

Nenadzorovano učenje

$$e \in X_{i=1}^p D_i$$
 oziroma $e = \mathbf{x} = (x_1, x_2, \dots x_p), x_i \in D_i$

Nadzorovano učenje

$$e \in X_{i=1}^p D_i \times D_Y$$
 oziroma $e = (x, y) = (x_1, x_2, \dots x_p, y), x_i \in D_i, y \in D_Y$

Podatkovna množica $S \subseteq \mathcal{E}$

 ${\mathcal E}$ označuje množico vseh možnih primerov e: $imes_{i=1}^p D_i$ oz. $imes_{i=1}^p D_i imes D_Y$

Opomba o notaciji

$$X_{i-1}^p D_i = D_1 \times D_2 \times \ldots \times D_p$$

- ◀ ロ ▶ ◀ @ ▶ ◀ 差 ▶ → 差 → ♡ Q (

Ilustrativni primer: Kartica zvestobe

Primeri (vrstice) so kupci, spremenljivke (stolpci) lastnosti kupcev

Ime	Prihodki	Starost	Spol	Letna poraba	Dober kupec
Mojca	1,890	32	Ž	18,200	da
Janez	1,200	48	М	8,900	ne
Špela	900	63	Ž	9,200	da

Primeri so nakupi, spremenljivke kupec in produkti

Kupec	Spol	Pivo	Plenice	Voda	Kruh	Čokolada
Mojca	Ž	0	0	0	2	3
Janez	M	2	2	0	1	0

Modeli in vzorci

Modeli so funkcije

$$m: \underset{i=1}{\overset{p}{\times}} D_i \to D_Y$$

Za podane vrednosti neodvisnih spremenljivk $\mathbf{x} = (x_1, x_2, \dots x_p)$ vrne model m ocenjeno (napovedano) vrednost ciljne spremenljivke $\hat{y} = m(x_1, x_2, \dots x_p) = m(\mathbf{x})$

Vzorci so običajno množice

- primerov, ki so si **podobni**
- vrednosti spremenljivk, ki se pogosto pojavljajo skupaj

→ロト → □ ト → 重 ト → 重 ・ の Q (*)

Ilustrativni primer: Kartica zvestobe

Modeli

- Dober kupec = m(Starost, Prihdoki, Spol)
- Letna poroaba = m(Starost, Spol)

Vzorci

- Skupine kupcev s podobnimi nakupi
- Moški ki kupujejo plenice, kupujejo tudi pivo

Nadzorovano strojno učenje

Definicija naloge

- ullet Na osnovi podane učne podatkovne množice S_{train}
- Najdi model m, ki je točen in splošno veljaven

Točen in splošno veljaven model

Točen model doseže **minimalno napako** (maksimalno točnost) na učni množici S_{train} , splošno veljaven pa doseže **majhne napake** na poljubni podatkovni množici S.



Vrednotenje točnosti modela

Napaka na enem primeru, funkcija izgube $L:D_Y imes D_Y o \mathbb{R}_0^+$

Vrne razliko $L(y, \hat{y})$ med opazovano (y) in napovedano (\hat{y}) vrednostjo ciljne spremenljivke Y na enem primeru.

Napaka na podatkovni množici $\mathit{Err}: (imes_{i=1}^p D_i o D_Y) imes \mathcal{P}(\mathcal{E}) o \mathbb{R}_0^+$

$$Err(m,S) = \frac{1}{|S|} \sum_{(\mathbf{x},y) \in S} L(y,m(\mathbf{x}))$$

Vrne povprečno vrednost funkcije izgube podanega modela m na primerih iz podatkovne množice S.

◆ロト ◆個ト ◆差ト ◆差ト 差 めらぐ

Februar 2018

16 / 36

Regresija: $D_Y \subseteq \mathbb{R}$

Običajna funkcija izgube je kvadratna napaka

$$L_{SE}(y,\hat{y}) = (y - \hat{y})^2$$

Napaka modela

S to funkcijo izgube vrednotimo srednjo kvadratno napako (MSE = Err) modela. Pogosto računamo tudi celotno napako $RMSE = \sqrt{MSE}$.

Todorovski, UL-FU Uvod

17 / 36

Razvrščanje: D_Y je končna, običajno neurejena množica

Običajna funkcija izgube

$$L_{01}(y,\hat{y}) = \begin{cases} 1; & y \neq \hat{y} \\ 0; & y = \hat{y} \end{cases}$$

Napaka modela

S to funkcijo izgube vrednotimo klasifikacijsko napako ($Err \in [0,1]$) modela, običajno izraženo v odstotkih. Pogosto računamo tudi klasifikacijsko točnost Acc, ki je 1-Err.

Poseben primer: dvojiško razvrščanje ali binarna klasifikacija

V primeru, ko je $|D_Y| = 2$.

4D > 4A > 4B > 4B > B 990

Todorovski, UL-FU Uvod Februar 2018 18 / 36

Algoritem za strojno učenje ali metoda strojnega učenja

Nadzorovano učenje (napovedno modeliranje)

$$A: \mathcal{P}(\mathcal{E}) \to (\bigotimes_{i=1}^p D_i \to D_Y)$$

Na osnovi podane učne množice S_{train} , algoritem vrne model m za ocenjevanje (napovedovanje) vrednosti ciljne spremenljivke Y iz podanih vrednosti napovednih spremenljivk $X_1, X_2, \ldots X_p$, t.j., $\mathcal{A}(S_{train}) = m$.

Nenadzorovano učenje

Na osnovi podane učne množice vrne vzorce t.j. množice

- podobnih primerov
- vrednosti spremenljivk, ki se pogosto pojavljajo skupaj

← □ ▶ ← 클 ▶ ← 클 ▶ ← 클 ▶ ← 클 ▶ ← 클 ★ ○ 클 ★ ○ 오

Optimalen napovedni model

$$m^*(\mathbf{x}) = E[Y|\mathbf{X} = \mathbf{x}]$$
 minimizira srednjo kv. napako $E[(Y - m(\mathbf{X}))^2]$

Ocena (približek) na učni množici S_{train}

$$m^*(\mathbf{x_0}) = \frac{1}{|S_0|} \sum_{(\mathbf{x}, y) \in S_0} y, \quad S_0 = \{(\mathbf{x}, y) \in S_{train} : \mathbf{x} = \mathbf{x_0}\}$$

Problem točnosti ocene

V učni množici S_{train} je običajno premalo število primerov za katere velja $x = x_0$, t.j., je množica S_0 premajhna za dobro oceno y.

<ロ > → □ > → □ > → □ > → □ ● → の へ ○

Februar 2018

Rešitev: metoda najbližjih sosedov

Spremenimo definicijo množice S_0

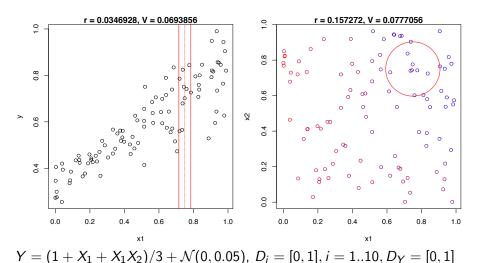
Tako, da vsebuje k primerov, ki so najbližji (imajo najmanjše Evklidske razdalje) primeru x_0 .

Koliko blizu so najbližji sosedi?

Če izberemo k najbližjih sosedov v S_0 , nas potem zanima kako blizu so izbrani primeri izhodiščnemu primeru $\mathbf{x_0}$ oziroma kakšen je polmer in prostornina množice S_0 .

<ロ > < 回 > < 回 > < 巨 > くき > しき > しき の < ○

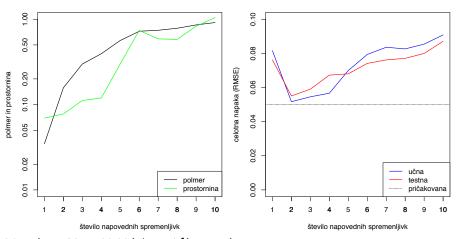
Polmer za k = 10 pri eni in dveh spremenljivkah



 $(1+\lambda(1+\lambda(1)\lambda(2))+\lambda(1+\lambda(1)\lambda(3$

Todorovski, UL-FU Uvod Februar 2018 22 / 36

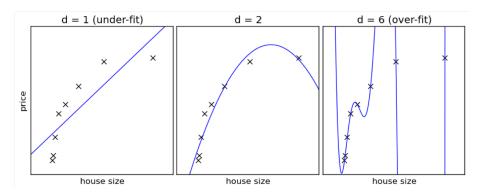
Odvisnost polmera od števila spremenljivk (k=10)



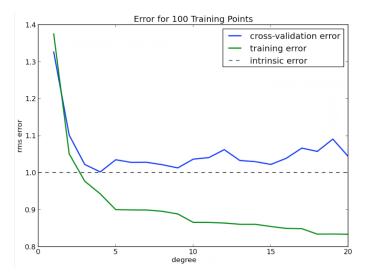
 $Y = (1 + X_1 + X_1 X_2)/3 + \mathcal{N}(0, 0.05)$

Todorovski, UL-FU Uvod Februar 2018 23 / 36

Polinomska regresija z eno spremenljivko

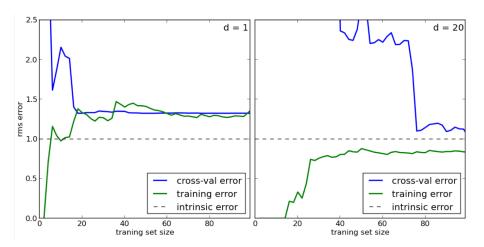


Učna in testna napaka



Todorovski, UL-FU Uvod Februar 2018 25 / 36

Učna in testna napaka: število primerov



Todorovski, UL-FU Uvod Februar 2018 26 / 36

Ključna vprašanja in problemi

Model z majhno napako ali enostaven model?

- Skrajnosti: enostaven linearen model ALI globoka nevronska mreža
- Kateri model izbrati?

Pretirano ali nezadostno prileganje?

- Skrajnosti: preveč enostaven model z veliko učno/testno napako ALI prezapleten model z majhno učno napako
- Dober model je nekje vmes: kako ga najti?

Model prozorne ali črne škatle?

- Skrajnosti: enostaven model z nekaj spremenljivkami ALI zapleten model z veliko dimenzijami
- Kako se izogniti prekletstvu večdimenzionalnosti?

◆ロト ◆御 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ 夕 Q C

Cilji in pridobljene kompetence

Razumevanje strojnega učenja in podatkovnega rudarjenja

- Razumevanje delovanja metod za strojno učenje
- Prepoznavanje prednosti in slabosti posamezne metode
- Nastavljanje parametrov metode za strojno učenje

Reševanje problemov s podatkovnim rudarjenjem

- Zanašati se le na napovedno napako ali izbrati bolj enostaven model?
- Kako se izogniti pretiranemu in nezadostnemu prilagajanju?
- Kako se izogniti prekletstvu večdimenzionalnosti?

Teorija: metode strojnega učenja

- Linearni modeli in metode najbližjih sosedov
- Merjenje napake in izbira napovednega modela
- Posebnosti binarne klasifikacije
- Odločitvena drevesa in pravila
- Metode podpornih vektorjev in jedrne funkcije
- Nevronske mreže
- Ansambli napovednih modelov
- Nenadzorovano učenje



Praksa: podatkovno rudarjenje

- Proces podatkovnega rudarjenja
- Obravnava različnih tipov podatkov in vložitve
- Izbira in konstrukcija napovednih spremenljivk
- Obravnava manjkajočih podatkov
- Obravnava neenakomerne porazdelitve vrednosti ciljne spremenljivke
- Napredne teme in vabljena predavanja



Obveznosti in ocenjevanje

Sprotne obveznosti na predavanjih

Pregled prosojnic (spletna učilnica) in samostojni študij literature

Sprotne obveznosti na vajah do 20 odstotnih točk

- Dve domači nalogi, vsaka prinese do 10 odstotnih točk
- Točke pridobite le, če nalogo oddate pravočasno

Seminarska naloga do 50 odstotnih točk

Od aprila do konca semestra oziroma ustnega izpita, oddaja **vsaj 5 dni pred** izpitnim rokom

Ustni izpit do 30 odstotnih točk

Uspešno opravljene obveznosti so pogoj za pristop k ustnemu izpitu

Todorovski, UL-FU Uvod Februar 2018 31 / 36

R in caret

Prosto-dostopna programska oprema za statistične obdelave

- www.r-project.org
- Uporabljali ga boste na vajah
- Prednost: na voljo imate impresivni nabor orodij za statistične obdelave podatkov in vizualizacijo
- Slabost: krmiljenje skozi ukazno vrstico; potrebno poznavanje programskega jezika

Številni dodatni paketi za strojno učenje in podatkovno rudarjenje

- caret: Classification and Regression Training, primerjava modelov
- randomForest, kernlab, neuralnet: različne metode strojnega učenja
- tm: Text Mining, obravnava besedilnih podatkov

Todorovski, UL-FU Uvod Februar 2018 32 / 36

Weka

Odprto-kodna zbirka algoritmov za strojno učenje v Javi

- www.cs.waikato.ac.nz/ml/weka/
- Ne boste ga spoznali na vajah
- Prednost: impresivno število implementiranih algoritmov, neposredna povezljivost s podatkovnimi bazami (JDBC)
- Slabost: počasne implementacije, nenavaden uporabniški vmesnik

Idealno izhodišče za razvoj novih metod

- Zelo hitra in enostavna primerjava z (tako rekoč vsemi) obstoječimi
- Dobra podpora in velika skupnost uporabnikov
- Podprta s knjigo, ki pa ni prosto dostopna (glej naprej)

40 > 40 > 40 > 40 > 40 > 40 > 40 >

Orange

Odprto-kodna programska oprema za strojno učenje v Pythonu

- orange.biolab.si, razvoj orodja na UL-FRI
- Ne boste ga spoznali na vajah
- Prednost: vizualno programiranje delotokov za obdelavo podatkov od priprave do gradnje in vrednotenja ter primerjave modelov
- Slabost: relativno omejen nabor razpoložljivih metod, ni možnosti nalaganja zunanjih implementacij algoritmov

Manjka nekaj pomembnih metod

- Odločitvena pravila
- Nevronske mreže
- Obravnava besedil

Todorovski, UL-FU Uvod Februar 2018 34 / 36

Vodič po literaturi

An Introduction to Statistical Learning with Applications in R

- Prosti dostop: www-bcf.usc.edu/~gareth/ISL/
- Iz spletne strani dostop do spletnih tečajev, priporočam tistega od Hastie in Tibshirani
- Obvezno branje: večina snovi predmeta pokrita s tem učbenikom

The Elements of Statistical Learning

- Prosti dostop: statweb.stanford.edu/~tibs/ElemStatLearn/
- Za tiste, ki imate radi teorijo
- Kakšna snov bo pokrita le v tem učbeniku, pregled v spletni učilnici

35 / 36

Todorovski, UL-FU Uvod Februar 2018

Vodič po literaturi

Data Mining: Practical Machine Learning Tools and Techniques

- Za ljubitelje prakse
- Referenčni vir za izkušene rudarje: lahko na hitro preverite delovanje algoritma strojnega učenja in nastavitve parametrov

Machine Learning: The Art and Science of Algs that Make Sense of Data Odličen kompromis med teorijo in prakso

Applied Predictive Modeling

- Za eksperte praktičnega rudarjenja podatkov
- Zahtevni primeri uporabe, koristni triki v programskem orodju R, vodič po uporabi dodatnega paketa caret

Todorovski, UL-FU Uvod Februar 2018 36 / 36