



Olimpiada Națională de Informatică Etapa Județeană 13 martie 2022

Clasa a 9-a

Problema Oneout

Fişier de intrare oneout.in Fişier de ieşire oneout.out

Definim un număr *liber de pătrate* ca fiind un număr natural care nu are ca divizor niciun pătrat perfect mai mare ca 1. Prin convenție, 1 este considerat *liber de pătrate*.

Aşadar, şirul numerelor libere de pătrate este: 1, 2, 3, 5, 6, 7, 10, 11, 13, 14, 15, 17, ...

Se consideră un șir de N numere naturale X_i , $1 \le i \le N$, unde N este un număr natural.

O secvență este un subșir format din numere aflate pe poziții consecutive în șirul dat.

Definim o *bisecvență* ca un subșir nevid obținut prin eliminarea dintr-o secvență a unui număr care nu este la începutul sau la sfârșitul secvenței.

Cerinte

- 1. Să se determine câte numere libere de pătrate contine sirul dat.
- 2. Să se determine cea mai lungă bisecvență din șir formată din numere libere de pătrate, obținută prin eliminarea unui număr care **nu** este liber de pătrate

Date de intrare

Fișierul de intrare oneout.in conține pe primul rând un număr natural C, care poate fi doar 1 sau 2, reprezentând cerința, pe a doua linie numărul natural N iar pe a treia linie N numere naturale, separate prin câte un spațiu, cu semnificația de mai sus.

Date de iesire

Dacă C este egal cu 1, în fișierul de ieșire oneout.out se va scrie numărul de numere libere de pătrate din șir.

Dacă C este egal cu 2:

- pe prima linie a fișierului de ieșire oneout.out se vor scrie două numere L și K despărțite printrun spațiu, unde L reprezintă lungimea maximă a unei bisecvențe cu proprietățile cerute, iar K reprezintă numărul de bisecvențe de lungime maximă existente în șir
- ullet pe următoarele K linii se vor scrie indicii de început și de sfârșit ai fiecărei bisecvențe de lungime maximă găsite, în ordinea crescătoare a indicelui de start, despărțite printr-un spațiu
- \bullet dacă șirul nu conține nicio bisecvență cu proprietățile cerute, în fișierul de ieșire se va scrie -1

Restricții și precizări

- $3 \le N \le 10^6$
- $2 < X_i < 10^6, 1 < i < N$
- Lungimea unei bisecvențe reprezintă numărul de numere din aceasta

Subtaskuri

- Pentru teste în valoare de 37 puncte C=1, din care pentru teste în valoare de 24 puncte $3 \le N \le 25$
- Pentru teste în valoare de 63 puncte C=2, din care pentru teste în valoare de 23 puncte $3 \le N \le 101$





Olimpiada Națională de Informatică Etapa Județeană 13 martie 2022

Clasa a 9-a

Exemple

oneout.in	oneout.out
1	4
6	
10 2 12 7 8 15	
2	3 1
6	1 4
10 2 12 7 8 15	
2	2 2
7	1 3
5 28 17 24 15 20 18	3 5
2	3 1
9	6 9
3 10 5 8 9 11 4 15 21	

Explicații

Pentru primul exemplu, $C = 1, N = 6, X_{1-6} = \{10, 2, 12, 7, 8, 15\}$. Se rezolvă prima cerință. Sunt 4 numere libere de pătrate în șirul X_{1-6} și anume 10, 2, 7, 15.

Pentru al doilea exemplu, $C=2, N=6, X_{1-6}=\{10,2,12,7,8,15\}$. Se rezolvă a doua cerință.

Dacă se elimină 12 se obține bisecvența 10, 2, 7 de lungime 3. Dacă se elimină 8 se obține bisecvența 7, 15 de lungime 2. Deci există o singură bisecvență de lungime maximă = $\mathbf{3}$, care începe în poziția $\mathbf{1}$ și se termină în poziția $\mathbf{4}$.

Pentru al treilea exemplu, $C = 2, N = 7, X_{1-7} = \{5, 28, 17, 24, 15, 20, 18\}$. Se rezolvă a doua cerință.

Dacă se elimină 28 se obține bisecvența 5,17 de lungime 2. Dacă se elimină 24 se obține bisecvența 17,15 tot de lungime 2. Deci există două bisecvențe de lungime maximă = $\mathbf{2}$. Prima începe în poziția $\mathbf{1}$ și se termină în poziția $\mathbf{3}$. A doua începe în poziția $\mathbf{3}$ și se termină în poziția $\mathbf{5}$.

Pentru al patrulea exemplu, $C = 2, N = 9, X_{1-9} = \{3, 10, 5, 8, 9, 11, 4, 15, 21\}$. Se rezolvă a doua cerință. 8 nu poate fi eliminat deoarece este situat la sfârșitul unei bisecvențe iar 9 nu poate fi eliminat pentru că ar fi începutul unei bisecvențe.

Singurul număr care nu este liber de pătrate ce poate fi eliminat este $\bf 4$ și se va obține bisecvența $\bf 11, 15, 21$ de lungime $\bf 3$ care începe în poziția $\bf 6$ și se termină în poziția $\bf 9$.