



Olimpiada Națională de Informatică Etapa Județeană 13 martie 2022

Clasa a XI/XII-a

u / u / / u i

### Problema Dulciuri

Fişier de intrare dulciuri.in Fişier de ieşire dulciuri.out

Tsubasa-chan adoră dulciurile! De curând a apărut un nou tip de desert. Astfel decide să înfăptuiască o nouă fabrică care să producă acest produs delicios.

Fabrica conține un container imens pătratic, plin de aluat, de  $10^6 \times 10^6$  unități. Fiecare punct din container are drept coordonate o pereche de numere reale (x, y), unde  $0 \le x, y \le 10^6$ , iar fiecare punct are o dulceață. Dulceața unui punct este un număr real, inițial 0. Pentru fabricarea desertului este nevoie de Q operații, care pot fi de următoarele tipuri:

- O *îndulcire verticală*, determinată de o coordonată  $x_u$  întreagă și o valoare întreagă v. După această operație, toate punctele din container (x, y) unde  $x_u \le x < x_u + 1$  devin mai dulci cu v.
- O *îndulcire orizontală*, determinată de o coordonată  $y_u$  întreagă și o valoare întreagă v. După această operație, toate punctele din container (x,y) unde  $y_u \leq y < y_u + 1$  devin mai dulci cu v.
- O degustare, determinată de 4 coordonate întregi  $x_q, y_q, x'_q, y'_q$ . Pentru aceeastă operație, Tsubasa ia o lingură, o pune în aluat la punctul  $(x_q, y_q)$ , și apoi o duce in linie dreaptă la punctul  $(x'_q, y'_q)$ . Mișcarea se efectuează într-o secundă, cu viteză constantă. După aceea, Tsubasa gustă desertul, vrând să afle dulceața totală a aluatului din lingură. Această valoare se calculează în felul următor: dacă lingura trece prin zone de dulceața  $d_1$  pentru  $t_1$  secunde, de dulceață  $d_2$  pentru  $t_2$  secunde, ..., și de dulceață  $d_k$  pentru  $t_k$  secunde, atunci dulceața totală din lingură este  $t_1d_1 + t_2d_2 \ldots + t_kd_k$ . Nu se modifică dulceața din container.

# Cerință

Dându-se toate operațiile întreprinse în producerea desertului, să se găsească dulcețile totale ce sunt găsite la toate operațiile de degustare.

#### Date de intrare

Pe prima linie a fișierului de intrare dulciuri.in se va găsi numărul Q de operații.

Pe următoarele Q linii urmează descrieri a tuturor operațiilor, câte una pe linie, în ordine. O operație este codificată în felul următor:

- O îndulcire verticală este codificată prin 1  $x_u$  v.
- O îndulcire orizontală este codificată prin 2  $y_u$  v.
- O degustare este codificată prin  $3 x_q y_q x'_q y'_q$ .

#### Date de iesire

In fișierul de ieșire dulciuri.out, să se afișeze toate rezultatele degustărilor, în ordine, câte una pe linie. Rezultatul unei degustări se consideră a fi corect daca eroarea absolută sau relativă față de soluția comisiei este cel mult  $10^{-7}$ .

# Restricții

- Toate coordonatele din datele de intrare sunt întregi în intervalul [0, 10<sup>6</sup>].
- 0 < v < 1000.
- $\bullet$  v este întreg.
- $1 \le Q \le 100\,000$ .

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Dacă soluțiile comisiei și a concurentului sunt  $s^*$ , s atunci eroarea absolută este  $|s^* - s|$  și eroarea relativă este  $|s^* - s|/|s^*|$ .





Olimpiada Națională de Informatică Etapa Județeană 13 martie 2022

Clasa a XI/XII-a

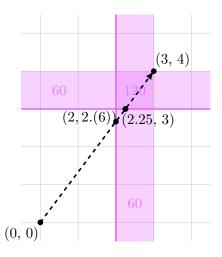
#	Punctaj	Restricţii
1	20	Nu se fac îndulciri orizontale. $Q \leq 2000$ .
2	20	Pentru fiecare degustare, fie $x_q = x_q'$ sau $y_q = y_q'$ . $Q \le 2000$
3	10	Se face cel mult o degustare
4	20	Toate degustările se fac după toate îndulcirile
5	10	$Q \le 2000$
6	20	Fără restricții suplimentare

# **Exemple**

dulciuri.in	dulciuri.out
3	35
1 2 60	
2 3 60	
3 0 0 3 4	
4	10
1 2 10	0
3 2 0 2 1	10
3 3 0 3 1	
3 2 0 2 0	
6	128.3076923077
1 4 413	29.0881226054
1 3 234	
2 5 244	
2 3 777	
3 1 2 14 15	
3 31 4 2 40	

# **Explicație**

Situația pentru degustarea din primul exemplu este explicată în diagrama de mai jos.



Zonele roz sunt zonele în care s-a aplicat o îndulcire, și numerele reprezintă cu cât s-a îndulcit. Zona din intersecția îndulcirilor are dulceața 120. Linia diagonală punctată reprezintă traseul.



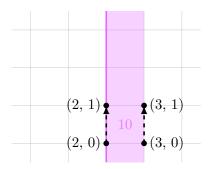


Olimpiada Națională de Informatică Etapa Județeană 13 martie 2022

Clasa a XI/XII-a

. .., . ... .

Traseul are lungimea  $\sqrt{3^2+4^2}=5$ , și este completat în o secunda — astfel are viteza de 5 unități pe secundă. Segmentul de la (2,2.(6)) la (2.25,3) are lungimea  $\sqrt{(2.25-2)^2+(2.(6)-3)^2}=\sqrt{(1/4)^2+(1/3)^2}=5/12$ , și are dulceața 60 — astfel el este traversat în  $(5/12)\times(1/5)=1/12$  secunde, și contribuie cu  $(1/12)\times60=5$  la dulceața totală. Segmentul de la (2.25,3) la (3,4) are lungimea  $\sqrt{(3-2.25)^2+(4-3)^2}=5/4$ , și are dulceața 120 — astfel el este traversat în  $(5/4)\times(1/5)=1/4$  secunde, și contribuie cu  $(1/4)\times120=30$  la dulceața totală. Astfel, cum segmentul de la (0,0) la (2,2.(6)) contribuie cu (0,0) dulceața totală este (0,0) la (0,0) la (0,0) contribuie cu (0,0) dulceața totală este (0,0) situația pentru degustările din al doilea exemplu este explicată în diagrama de mai jos.



În primul traseu (cel din stânga) trecem mereu printr-o zonă cu dulceața 10, deci rezultatul degustării este 10. În al doilea traseu (cel din dreapta) trecem mereu printr-o zonă cu dulceața 0, deci rezultatul degustării este 0. În al treilea traseu, stăm pe loc pentru o secundă într-o zona de dulceață 10, deci răspunsul este 10.