電影票房



國立台北大學統計學系

組長:統計三 陳庭安 組員:統計三 藍睿豪

統計三 詹芸嫻

統計三 周祖望

統計三 橋俊森

一、研究主題:電影票房

二、研究目的:

電影,相對於小說,是用一種新的語言詮釋一個故事的轉折,更透過場景的轉換、拍攝角度、聲光特效以及角色細膩的神情,引領觀眾走進故事的脈絡。電影中許多吸引人的元素,已經讓電影成為一個產業。電影產業數十年來的蓬勃發展,近幾年來所帶來的商機每年已超越 2000 億台幣。

產業的發展促使電影市場激烈的競爭,票房,是最直觀數據。欲在市場中獨占 鰲頭取得票房佳績,必須針對影響票房的潛在因素去做適當的決策。故本研究主 要在於探討影響票房高低的背後潛在原因為何。通路?發行商規模?抑或是電影曝 光度。

三、參考資料:

1. 2015 電影列表

https://zh.wikipedia.org/wiki/2015%E5%B9%B4%E9%9B%BB%E5%BD%B1%E5%88% 97%E8%A1%A8#.E7.BE.8E.E5.9C.8B.E9.9B.BB.E5.BD.B1.E5.88.97.E8.A1.A8

2. 電影票房

http://www.boxofficemojo.com/

四、變數說明:

Obs 1-40 2015 的 40 部影片

(以分層抽樣方式,2015年每一季個別隨機選取10部電影)

Movie 片名(中+英)

Box office 全球票房(萬美元)

First week box office 首周全球票房(萬美元)

Budget 預算(萬美元)

Theaters 在美國上映的電影院家數/通路

Publisher 發行商

Scale of publisher 發行商規模

五、議題與分析方法:

- 1. 2015 年 30 部電影票房與成本高低。(使用變數: movie, boxoffice, costs)
- ▶ 利用群集分析,將電影分成低成本、高票房與高成本、低票房等各群。看 2015年哪幾部電影為獲利高的電影,又哪幾部電影為低收益甚至是虧損的電 影。
 - 2. 探究製片成本、通路(電影院家數)、上映首周總票房、製片商規模是否 會影響票房高低。
- ➤ 繼 1.之後,(使用變數: movie, box office)利用<u>群集分析</u>分出高票房與低票房 兩群,並將兩群結果命名為變數 box office group。
- (使用變數: box office group、costs、theaters、opening gross、scale of studio)邏輯斯迴歸

預期: 特效或卡司等製片成本增加,但可能吸引觀看人數=>增加票房。

上映電影院家數/通路增加,增加電影曝光度=>票房提高。

首周票房高,可能會增加曝光度,並吸引更多未觀看人數買票。

製片商的規模大,可能製作出商業大片,與大明星、名導合作=>高票房。

六、正式分析過程:

STEP1:

使用票房以中心點層次群集法+非層次法將資料觀察值分為兩群,群集 1 有 33 個 觀測值,群集 2 有 7 個觀察值,因為是以票房做分群依據,再定義群集 1 為低票 房群,群集 2 為高票房群。觀察報表中 R 平方=0.73845,解釋原本資料的部分頗 多

STEP2:

分析方法: 邏輯斯迥歸-逐步分析

分析目的:在群集分析將 40 部電影分為一高票房(7 部)、低票房(33 部) 兩群後,

欲探究影響電影票房高低的因素為何。藉由以下變數分析並預測票房的高低。

採用變數: cluster=票房的分群(1=高票房,0=低票房); first_week_boxoffice=首周票房(百萬美元); budget=電影預算; theaters=上映電影院家數

採用以上變數的原因與預期結果:上映首周票房即衝高,表示許多民眾對該部電影極有興趣,另外,首周票房佳的消息可能將吸引未看過該部電影的民眾。再者,不同規模的電影創造出的票房不同,大規模、耗資龐大的電影效果可能更佳,更吸引民眾。最後還考慮了上映的電影院數目,電影播放的電影院越多、播放次數多、票房較佳。

邏輯斯逐步迴歸分析過程與結果:

boxoffice 分完後的分群結果為模型反映變數,首先同時放入首周票房、電影預算、電影院數,逐步分析選入與移除的門檻為 p 值=0.15。

第一步選入卡方值最大且 p 值小於 0.15 的變數: 首周票房,選入模型後 p 值仍小於 0.15,故保留在模型中。剩餘電影預算、電影院數中,將卡方值較大且 p 值小於 0.15 的變數電影預算選入模型,模型 p 值仍小於 0.15,故不移除電影預算。最後尚未抉擇的變數剩下 p 值超過 0.15 的電影院數,因此不將電影院數選入模型。逐步選擇程序停止,模型包含首周票房與電影預算。

此時觀看預測模型,發現在 Wald-test 檢定下,p 值均超過顯著水準,故兩變數同時放入模型時,皆無證據顯示電影預算和首周票房會顯著影響整體票房。但兩者單獨放入模型,皆顯著影響整體票房。問題可能出於 1. 模型配適不足,可能資料無法以此模型解釋。2.模型是適合的,但樣本數目太少,誤差較大,不容易正確判斷結果。3. 變數間有交互作用的影響尚未考慮。

STEP3:

由上述所說,變數不顯著可能是因為模型配適不足或者首周票房與預算有交互作用,使用加入交互作用的羅吉斯迴歸(logit 兩個變數)做分析,由 SAS 報表得關聯性的各項指標顯示 p-hat 與 y 關聯性高,表示模型預測效度高,排除是模型配

適不足造成的不顯著,接著我們看交互作用。

最大概似估計值的分析表中,變數交互作用檢定的 p-value=0.4158>0.05, 拒絕 虛無假設,表示沒有足夠的證據顯示首周票房與預算的交互作用顯著影響票房。

結論:變數的不顯著排除是因為模型配適不足也排除是交互作用造成的,接下來可能要考慮共線性的問題?

STEP4:

前面已經看過兩自變數的羅吉斯迴歸結果並不顯著,即羅吉斯迴歸模式不適用 的情形;在本節我們將採用單一變數的羅吉斯迴歸模式與雙變數線性複迴歸模式, 以測試該兩模式下的配適度議題。

以首周票房作為羅吉斯迴歸的自變數

一樣,在此將總票房以中心點層次群集法 + 非層次法的方式將觀測資料分為兩群集,並定義為"高票房群(群集 1)"7個觀測值、"低票房群(群集 2)"33個觀測值。有了兩群之後,便可進行高低總票房機率(勝率)羅吉斯迴歸式的建構,而機率依據為高票房群。

從報表(p16)中可以得知最大概似比檢定、計分檢定、Wald 卡方檢定在顯著水準為 0.05 的設定下皆棄卻斜率=0 的虛無假設,即表示包含首周票房與截距的羅吉斯迴歸式是合適的;再者,報表(p17),最大概似估計值的 Wald 卡方檢定也顯示出截距、首周票房的係數(斜率)為 0 的虛無假設有足夠的證據可拒絕,因此可建立{}的羅吉斯迴歸式。從報表(p17),預測機率和觀測值的關聯性在 231 組配對中,和諧百分比高達 98.7%、不和諧僅 1.3%而繫結則為 0,這可說是個十分優異的結果。

雙變數線性複迴歸模式

在前面已知,以預算與首周票房兩變數建構出的羅吉斯迴歸並不適用,在此我們試著建立該兩變數對總票房的線性複迴歸模式,並簡單討論其結果。

報表(p13),模型變異數檢定(H0:斜率=0)結果顯著;報表(p14),H0:參數估計

值=0 檢定結果顯著; Radj square=0.9518, 即模型配適度達 95.18%; 從上述三結果得出總票房的雙變數線性複迴歸模式是合宜且不差的。

從圖(p15),殘差對預測值的分布圖中可以看出,誤差變異數為常數的前提假設明顯有待商権;殘差的常態機率百分位數(QQ)圖中,並無明顯違反誤差為常態分配前提假設的異狀;殘差直方圖中,殘差=0(平均數、中位數)之出現次數明顯較兩端多,因此誤差為平均值為0的常態分配是成立的。

七、額外的研究方向:

分析目的:

對電影發行者而言,除了票房,預算也是其關心的重大因素。本分析將預算 與票房做分群,選出其最適當能分幾群來做額外的研究方向參考 分析過程:

- 1. 將資料分兩群時發現,兩個的資料的標準差差異極大。兩個資料中並沒有誰比較重要,因此將資料進行標準化。
- 2. 使用中心點層次群集法+非層次法

由圖表可得知,在集群數目 3 個到集群數目 2 個之間。RMSSTD、半偏 R 平方、R 平方皆有相當大幅度的差別。而且分三個群集時的各項統計量令人滿意

- ⇒ 分為三群是比較適當的選擇
- 3. 將三群定義為
 - 1.低票房、低預算群
 - 2.中票房、中預算群
 - 3.高票房、高預算群
- 4. 可看出對兩個變數的R平方為0.816948(解釋資料的8成以上), 群集分的不錯。

附錄一報表

STEP1



已滿足收斂準則。

				16	2	30500.7
集群清單					1	12240.2
觀測值	群集	從種子的距離		18	1	5212.8
1	1	9108.8		19	1	23861.8
2	1	21573.2		20	1	1868.2
3	1	16859.2		21	1	20521.8
4	1	18810.2		22	2	20599.3
5	1	12357.2		23	1	20486.2
6	1	21120.2		24	1	14341.2
7	1	30812.8		25	1	44694.8
8	1	18295.2		26	1	7694.8
9	1	33761.8		27	1	12779.2
10	1	17896.8		28	1	21370.2
11	1	17376.2		29	1	13560.2
12	2	15065.7		30	1	23784.8
13	2	4000.7		31	1	39477.8
14	1	17132.2		32	1	19877.2
15	2	50778.3		33	1	1084.8

1	948.8
1	41804.8
1	13425.2
2	70282.7
1	18676.2
2	48472.3
1	8521.2
	1 1 2 1 2

以最終種子為基礎的準則 = 25552.9

	集群摘要							
群集	次赖	RMS 標準差	從種子到 觀測值的 最大距離	半徑 已超過	最近的群集	群集重心 間的距離		
1	33	21398.5	44694.8		2	113001		
2	7	43713.6	70282.7		1	113001		

變數的統計值						
變數 總 STD 內 R 平方 RSQ/(1-RSQ)						
VAR5	50602	26217	0.738455	2.823439		
OVER-ALL	50602	26217	0.738455	2.823439		

虚擬 F 統計值 = 107.29

近似預期整體 R 平方 = 0.76363

立方群集準則 = -0.625

群集平均值		
群集	VAR5	
1	23538.1515	
2	136539.2857	

群集標準差			
群集 VAR5			
1	21398.52113		
2	43713.57973		

群集重心間的距離				
最接近的群集 1 2				
1		113001.1342		
2	113001.1342			

群集=1

Obs	obs	CLUSTER
1	1	1
2	2	1
3	3	1
4	4	1
5	5	1
6	6	1
7	7	1
8	8	1
9	9	1
10	10	1

11	11	1
12	14	1
13	17	1
14	18	1
15	19	1
16	20	1
17	21	1
18	23	1
19	24	1
20	25	1
21	26	1

22	27	1
23	28	1
24	29	1
25	30	1
26	31	1
27	32	1
28	33	1
29	34	1
30	35	1
31	36	1
32	38	1
33	40	1

群集=2

Obs	obs	CLUSTER
34	12	2
35	13	2
36	15	2
37	16	2
38	22	2
39	37	2
40	39	2

STEP2

LOGISTIC 程序

模型資訊			
資料集	WORK,CLUSTER_H		
回應變數	CLUSTER	群集	
回應層級數目	2		
模型	二元對數優劣比		
最佳化技術	Fisher 計分		

讀取的觀測值數目	40
使用的觀測值數目	40

回應概況

已排序的 值	CLUSTER	總次赖
1	1	7
2	0	33

建立模型的機率是 CLUSTER=1。

步驟 0。輸入的截距:

模型收斂狀態	
已滿足收劍準則 (GCONV=1E-8)。	

-2	糠뿥	Ĺ	=	37.098

最大概度估計值的分析					
参數 自由度 估計值 誤差 卡方 Pr > 0					
Intercept	1	-1.5506	0.4161	13.8851	0.0002

殘差卡方檢定

卡方	自由度	Pr > ChiSq	
28.1317	3	<.0001	

效果	自由度	評分 卡方	Pr > ChiSq
first_week_boxoffice	1	26.1609	<.0001
budget1	1	21.6566	<.0001
theaters	1	8.9666	0.0027

步驟 1。已輸入效果 first_week_boxoffice:

模型收斂狀態		
已滿足收劍準則 (GCONV=1E-8)。		

模型配適統計值

準則	僅限截距	截距和共變量
AIC	39.098	14.103
sc	40.787	17.481
-2 對數 L	37.098	10.103

檢定全域虛無假設: BETA=0				
檢定	卡方	自由度	Pr > ChiSq	
概度比	26.9952	1	<.0001	
計分	26.1609	1	<.0001	
Wald	5.1398	1	0.0234	

STEP3

預測機率和觀測回應的關聯性				
和諧百分比	98.7	Somers' D	0.974	
不和諧百分比	1.3	Gamma	0.974	
繫結百分比	0.0	Tau-a	0.288	
配對	231	С	0.987	

最大概度估計值的分析						
参數 標準 Wald 自由度 估計值 誤差 卡方 Pr > ChiS						
Intercept	1	-37.2824	43.4557	0.7361	0.3909	
first_week_boxoffice	1	0.3305	0.3779	0.7649	0.3818	
budget1	1	0.1624	0.1957	0.6884	0.4067	
first_week_b*budget1	1	-0.00132	0.00162	0.6620	0.4158	

STEP4

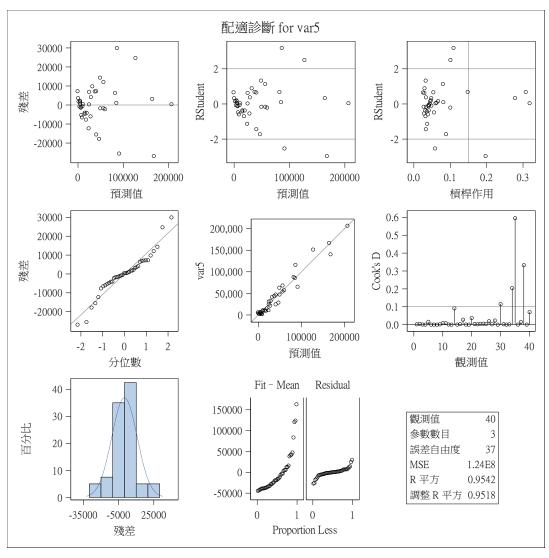
□讀取的觀測值數目◎	404	÷
使用的觀測值數目₽	404	÷

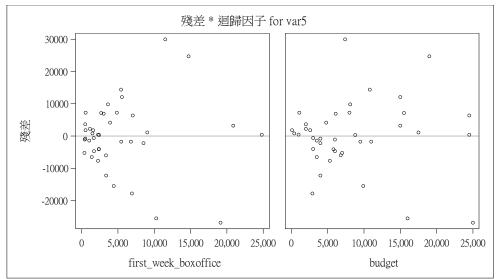
變異數分析₽					
			平均值		
來源₽	自由度。	平方和	平方	F 值⋅	Pr>F
模型₽	2+	95290836684	47645418342	385.79	<.0001
誤差₽	37∻	4569575545	123502042	4	
□校正的總計₽	394	99860412229	4	4	

·根 MSE₽	11113	R 平方₽	0.9542+
應變平均值₽	43313	調整 R 平方	0.95184
變異係數₽	25.65756	₽	4

1	参數估計值₽							
			參數	標準		Pr > t		變異數
變數₽	標籤₽	自由度	估計值。	誤差。	t值⋅	ŀ	允差	膨脹
Intercept∉	Intercept₽	14	-6669.24108	2786.27157	-2.39	0.0219	.4	0-
first_week_boxoffice	first_week_boxoffice	14	7.02434	0.47064	14.93	<.0001	0.42506	2.35259
budget∂	budget₽	14	1.58839	0.40145	3.96	0.0003	0.42506+	2.35259

共線性診斷 (截距調整)						
條件				ŕ		
數目	特徵值。	索引。	first_week_boxoffice	budget	÷	
1-	1.75825	1.000004	0.12088+	0.12088	÷	
2	0.24175	2.69682	0.87912	0.87912	ŀ	





讀取的觀測值數目₽	404	ته
使用的觀測值數目₽	404	ته

回應概況₽				
已排序的			ته	
值	CLUSTER	總次數		
· 1	1₽	7+	Ç	
· 2	0₽	334	Ç	

建立模型的機率是 CLUSTER=1。

模型收斂狀態₽	•
已滿足收斂準則 (GCONV=1E-8)。 ₽	7

偏差及 Pearson 配適度統計值。					
準則∂	值。	自由度	值/自由度	Pr > ChiS	
⋴偏差₽	10.1029	38	0.2659	1.00004	
Pearso	10.6073	38	0.2791	1.0000∢	

唯一設定機數目: 40。

模型配適統計值₽					
'準則₽	僅限截距	截距和共變量	÷		
'AIC	39.098	14.103	÷		
'SC∘	40.787	17.481	÷		
'-2 對數	37.098	10.103	ته		
L₽					

检定全域虚無假設: BETA=0₽				
'檢定₽	卡方。	自由度	Pr > ChiS	
概度比。	26.9952	14	<.0001	
⊹計分₽	26.1609	1	<.0001	
'Wald∂	5.1398	14	0.0234	

最大概度估計值的分析₽								
			標準	Wald	Pr > ChiS	+		
'參數₽	自由度	估計值。	誤差。	卡方。	g			
'Intercept₽	1	-7.3050	2.8960	6.3627	0.0117	+		
first_week_boxoffice	1	0.0785	0.0346	5.1398	0.0234	+		

勝算比估計值₽							
		95%	Wald↓	ته			
效果₽	點估計值	信賴	界限₽				
first_week_boxoffice	1.082	1.011	1.158	47			

預測機率和觀測回應的關聯性。							
和諧百分比。	98.7	Somers'	0.974				
		D⊎					
不和諧百分比。	1.3	Gamma₽	0.974				
□繋結百分比□	0.0	Tau⊦a∂	0.288				
'配對₽	231	C ₽	0.987				

估計	估計共變異數矩陣₽							
	Intercep		4					
· 参數 ₽	t	first_week_boxoffice1						
Intercept∂	8.386814	-0.09605	4					
first_week_boxoffice1	-0.09605	0.001198	4					

變數	Mean	標準 差	Skewness	Kurtosis	二元隨機變數
VAR5	43308.4	50600.2	1.6918	2.4394	0.6794
budget	8260.0	6799.1	1.1438	0.5512	0.6080

CLUSTER 程序 重心階層式集群分析

變數	Mean	標準 差	Skewness	Kurtosis	二元隨機變數
VAR5	43308.4	50600.2	1.6918	2.4394	0.6794
budget	8260.0	6799.1	1.1438	0.5512	0.6080

CLUSTER 程序 重心階層式集群分析

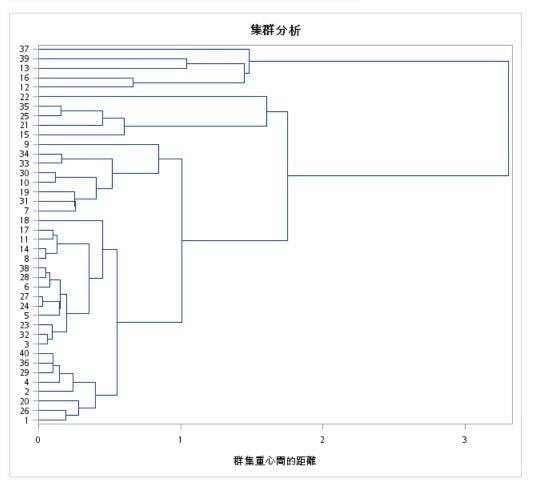
	相關矩陣的特徵值									
	特徵值	差異	比例	累計						
1	1.82394612	1.64789224	0.9120	0.9120						
2	0.17605388		0.0880	1.0000						

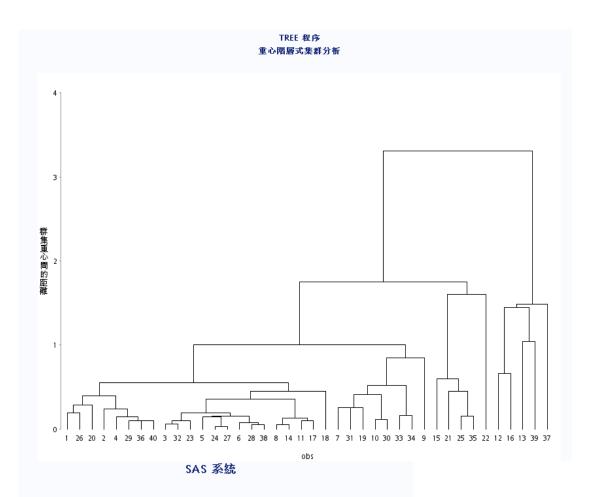
已將資料標準化為平均值 0 和變異數 1

均方根總樣本標準差 1

				集群歷史				
群集 敷	聯結的	的集群	次勲	新集群 RMS 標準差	半偏 R 平方	R 平方	重心距離	繋結
39	24	27	2	0.0154	0.0000	1.00	0.0309	
38	8	14	2	0.0249	0.0000	1.00	0.0498	
37	28	38	2	0.0266	0.0000	1.00	0.0532	
36	3	32	2	0.0298	0.0000	1.00	0.0596	
35	6	CL37	3	0.0365	0.0001	1.00	0.0767	
34	CL36	23	3	0.0451	0.0001	1.00	0.0977	
33	36	40	2	0.0506	0.0001	1.00	0.1013	
32	29	CL33	3	0.0549	0.0001	1.00	0.102	
31	11	17	2	0.0513	0.0001	1.00	0.1026	
30	10	30	2	0.0586	0.0001	.999	0.1173	
29	CL38	CL31	4	0.0628	0.0002	.999	0.1309	
28	4	CL32	4	0.0680	0.0002	.999	0.1447	
27	5	CL39	3	0.0618	0.0002	.999	0.149	
26	CL27	CL35	6	0.0741	0.0004	.998	0.1511	
25	25	35	2	0.0789	0.0002	.998	0.1578	
24	33	34	2	0.0809	0.0002	.998	0.1618	
23	1	26	2	0.0966	0.0002	.998	0.1932	
22	CL34	CL26	9	0.0936	0.0010	.997	0.1965	
21	2	CL28	5	0.0960	0.0006	.996	0.2396	
20	7	31	2	0.1283	0.0004	.996	0.2567	
19	CL20	19	3	0.1383	0.0006	.995	0.2556	
18	CL23	20	3	0.1346	0.0007	.995	0.2839	

17	CL22	CL29	13	0.1466	0.0045	.990	0.3563	
16	CL18	CL21	8	0.1781	0.0038	.986	0.3987	
15	CL19	CL30	5	0.1881	0.0026	.984	0.4078	
14	21	CL25	3	0.1917	0.0017	.982	0.4492	
13	CL17	18	14	0.1645	0.0024	.980	0.45	
12	CL15	CL24	7	0.2377	0.0049	.975	0.5171	
11	CL16	CL13	22	0.2539	0.0200	.955	0.5537	
10	15	CL14	4	0.2640	0.0035	.951	0.6015	
9	12	16	2	0.3313	0.0028	.948	0.6627	
8	CL12	9	8	0.3053	0.0080	.940	0.8461	
7	CL11	CL8	30	0.4144	0.0762	.864	1.0067	
6	13	39	2	0.5198	0.0069	.857	1.0396	
5	CL9	CL6	4	0.6893	0.0268	.830	1.446	
4	CL5	37	5	0.7591	0.0225	.808	1.4827	
3	CL10	22	5	0.5570	0.0265	.781	1.6062	
2	CL7	CL3	35	0.6136	0.1687	.613	1.7522	
1	CL2	CL4	40	1.0000	0.6127	.000	3.3051	





MEANS 程序

CLUSTER=1

變數	標籤	N	平均值	標準差	最小值	最大值
VAR5	boxoffice	30	-0.4613469	0.3686256	-0.8170589	0.3894777
budget	budget	30	-0.4745735	0.4555316	-1.2001611	0.4029953

CLUSTER=2

變數	標籤	N	平均值	標準差	最小值	最大值
VAR5	boxoffice	5	0.6434569	0.5307006	0.0148547	1.4354022
budget	budget	5	0.8854129	0.5821599	-0.1264876	1.3590059

CLUSTER=3

變數	標籤	N	平均值	標準差	最小值	最大值
VAR5	boxoffice	5	2.1246247	0.8525260	0.8845547	3.2314818
budget	budget	5	1.9620280	0.6523892	0.9913095	2.4620951

	集群	清單		
觀測值	群集	從種子的距離		
1	1	0.3318		
2	1	0.4694		
3	1	0.4032		
4	1	0.3216		
5	1	0.1159		
6	1	0.2774		
7	2	0.5602	24	
8	1	0.6307	25	
9	1	0.8132	26	
10	1	0.7362	27	
11	1	0.5280	28	
12	3	0.3827	29	1
13	3	0.5397	30	1
14	1	0.6654	31	2
15	2	0.7702	32	1
16	3	1.0223	33	1
17	1	0.5137	34	1
18	1	0.3370	35	2
19	2	0.4889	36	1
20	1	0.3652	37	3
21	2	0.6144	38	1
22	2	1.2396	39	3
23	1	0.3728	40	1

以最終種子為基礎的準則 = 0.4225

				集群摘	要				
群集	次勲	RMS [‡]	震準差	從種子到 觀測值的 最大距離	半徑 已超過	ı	最近的群集		集重心 的距離
1	27		0.3450	0.8216			2		1.6066
2	8		0.4986	1.2396			1		1.6066
3	5		0.7591	1.3114			2		2.0830
	VAR	5	1.0000	0 0.42569	0.8280	35	4.8168	326	
	變數	!	總 STI	STD 內	R平	方	RSQ/(1-RS	(Q)	
	bud	get	1.0000	0 0.45242	0.8058	11	4.1496	321	
	OVER-ALL		1.0000	0 0.43926	0.8169	48	4.4629	927	
虚擬 F 統計值 = 82.56 近似預期整體 R 平方 = 0.69929 立方群集準則 = 4.814									

WARNING: The two values above are invalid for correlated variables.

群集平均值				
群集	VAR5	budget		
1	-0.538110411	-0.562820630		
2	0.488232193	0.673252117		
3	2.124624712	1.962028016		

群集標準差				
群集	VAR5	budget		
1	0.2975436202	0.3866236339		
2	0.4622380179	0.5324474653		
3	0.8525260283	0.6523891736		

群集重心間的距離				
最接近的群集	1	2	3	
1		1.606628451	3.669471218	
2	1.606628451		2.082960343	
3	3.669471218	2.082960343		

SAS 系統

群集=1

Obs	obs	CLUSTER
1	1	1
2	2	1
3	3	1
4	4	1
5	5	1
6	6	1
7	8	1
8	9	1
9	10	1
10	11	1
11	14	1
12	17	1
13	18	1
14	20	1
15	23	1
16	24	1
17	26	1
18	27	1
19	28	1
20	29	1
21	30	1

22	32	1
23	33	1
24	34	1
25	36	1
26	38	1
27	40	1

群集=2

obs	CLUSTER
7	2
15	2
19	2
21	2
22	2
25	2
31	2
35	2
	7 15 19 21 22 25 31

群集=3

Obs	obs	CLUSTER
36	12	3
37	13	3
38	16	3
39	37	3
40	39	3