## Một số dạng câu hỏi ôn tập

- 1. Cho hai ánh xạ f:  $A \rightarrow B$ ; g:  $B \rightarrow C$ 
  - a. CMR nếu gof là đơn ánh thì f là đơn ánh.
  - b. CMR nếu g<sub>o</sub>f là toàn ánh thì g là toàn ánh.
  - c. CMR nếu f và g là song ánh thì g<sub>o</sub>f là song ánh.
  - d. Cho ví dụ  $g_0 f$  là song ánh, nhưng f và g không là song ánh.
- 2. Tìm  $f_0g$  và  $g_0f$  với  $f(x) = x^2 + 1$  và g(x) = x + 2 là các hàm từ R đến R.
- 3. CMR quan hệ  $\mathcal{R}$  trên tập số thực  $\mathbf{R}$ :  $\mathbf{x} \mathcal{R} \mathbf{y} \Leftrightarrow \sin^2 \mathbf{x} + \cos^2 \mathbf{y} = 1$  là quan hệ tương đương trên tập số thực  $\mathbf{R}$ .
- 4. Cho quan hệ  $\mathcal{R}$  trên tập số thực R xác định bởi:

$$x \mathcal{R} y \Leftrightarrow x(x^2 + 3x + 3) \le y(y^2 + 3y + 3)$$

 $\mathcal{R}$  có phải là quan hệ thứ tự trên tập số thực R không?

- 5. Cho quan hệ đồng dư theo modun 4 trên tập số nguyên Z
  - a. CMR quan hệ đồng dư theo modun 4 là quan hệ tương đương
  - b. Tìm tất cả lớp tương của quan hệ đồng dư theo modun 4 trên tập Z.
- 6. Xét xem các mđ sau có phải là hằng đúng không?

a. 
$$(\neg p \land (p \rightarrow q)) \rightarrow \neg q$$

b. 
$$(\neg q \land (p \rightarrow q)) \rightarrow \neg p$$

7. CMR:

$$(\neg p \lor q) \to (r \land s)$$

$$r \to t$$

$$\frac{\neg t}{p}$$

- 8. Khảo sát 60 người cho thấy 25 người đọc báo N, 26 người đọc báo T, 26 người đọc báo F. Cũng có 9 người đọc cả hai báo N và F, 11 người đọc cả hai báo N và T, 8 người đọc cả hai báo T và F và 8 người không đọc báo nào cả. Dùng giản đồ Venn để tính:
  - a. Tính số người đọc cả 3 báo
  - b. Tính số người chỉ đọc báo N, T, F tương ứng
- 9. Tìm cách chia 10 hòn bi cho 5 đứa trẻ trong các trường hợp sau:
  - a. Không có hạn chế nào cả
  - b. Đứa trẻ lớn nhất được ít nhất 2 hòn.
  - c. Mỗi đứa trẻ được ít nhất một hòn.

- 10. Có bao nhiều cách chia ván bài hết bộ bài 52 lá cho 4 người chơi.
- 11. Cho phương trình:  $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 19$

với 
$$x_i \ge i$$
 (i=1, 2, 3, 4).

Tìm số nghiệm nguyên của phương trình.

12. Tìm số nghiệm nguyên không âm của bất phương trình:

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 \le 10$$

- 13. Cho hệ thức truy hồi:  $a_n=3a_{n-1}-2a_{n-2}$  với  $a_0=5$ ,  $a_1=8$ 
  - a. Tìm công thức biểu diễn a<sub>n</sub> theo n.
  - b. Tìm n tối thiểu để  $a_n \ge 100$
- 14. Cho hàm Boole theo 4 biến f(x, y, z, t) xác định bởi:

$$f^{-1}(1) = \{1110, 0110, 0111, 1001, 1101, 0001, 1100, 0000\}$$

- a. Tìm dạng nối rời chính tắc f.
- b. Tìm công thức đa thức tối tiểu của f.
- c. Vẽ mạch tổng hợp của hàm Boole f tương ứng với một công thức tối tiểu nào đó của f trong câu b.
- 15. Có 7 môn thi cần xếp lịch. Giả sử các môn học được đánh số từ 1 đến 7, và các cặp môn thi sau có chung sinh viên: 1 và 2, 1 và 3, 1 và 4, 1 và 5, 1 và 6, 2 và 3, 2 và 4, 2 và 5, 2 và 6, 3 và 4, 3 và 5, 3 và 6, 3 và 7, 4 và 5, 5 và 6, 5 và 7, 7 và 2. Hãy xếp lịch thi sao cho: số đợt thi là ít nhất và các sinh viên không bị trùng lịch thi.