### **IMMC**

### 定义

设指标数量为M

建筑数量为N

建筑数量类型为Q

定义A(k,t)为第k**个**建筑在时间t时的"活性"

第k**个**建筑的信息:

- 1. 其位置 $pos_k = (x_k, y_k)$
- 2. 其类型 $j=type_k$
- 3. 其活性A(k,t)

定义a[x][y][i][t]表示位置(x,y),时间t,第i个指标的值

定义getEffect(j,i,aa)表示第j种建筑被第i个指标(当这个指标为aa时)影响的程度

农场被土地肥沃程度的影响程度较高,具体表现为,当土地肥沃程度升高时,农场的活性增高

定义

$$E(info(k,t) = \{pos_k = (x_k, y_k) = (x', y'), j = type_k, A(k,t)\}, pos = (x,y))$$

表示坐标(x', y')的建筑k对位置为(x, y)的影响

其数值只由pos,pos'相对位置,pos'位置上建筑的类型及其活性决定.

E的输出是一个M维(数学上的)向量

定义收益 $P(r, T, list = [a_0((x, y), i)])$ 

## 微分方程

$$\frac{d(a[x][y][i][t])}{dt} = \sum_{k=1}^n A(k,t) E(\{pos_k, type_k, A(k,t)\}, (x,y))$$

$$A(k,t) = f(list = \{getEffect(type_k, i, a[x][y][i][t])\})$$

大概率是加权平均

$$a[x][y][i][t] = a_0((x, y), i)$$

初始条件

化简得话就是

$$\frac{d(a[x][y][i][t])}{dt} = \sum_{k=1}^{n} f(list = \{getEffect(type_k, i, a[x][y][i][t])\}) E(\{pos_k, type_k, A(k, t)\}, (x, y)) \\ a[x][y][i][t] = a_0((x, y), i)$$

# 积分

定义收益

$$P(r,T,list = [a_0((x,y),i)]) = \int_0^T (\sum_{k=1}^n (rh_1(t) + (1-r)h_2(t))A(k,t)S(type_k,t))dt$$

### 新·定义

$$[f_{i}]_{i=1}^{n} = \begin{bmatrix} f_{1} \\ f_{2} \\ \vdots \\ f_{n} \end{bmatrix}$$

$$a(t) = \begin{bmatrix} a_{(0,0),0}(t) \\ \vdots \\ a_{(0,0),M-1}(t) \end{bmatrix} \cdots \begin{bmatrix} a_{(0,maxy-1),0}(t) \\ \vdots \\ a_{(0,maxy-1),M-1}(t) \end{bmatrix} \\ \vdots \\ a_{(maxx-1,maxy-1),M-1}(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} [a_{(x,y),i}(t)]_{i \in [0,M)}]_{x \in [0,x_{max},y \in [0,y_{max}]} \in \begin{bmatrix} x_{max} \\ y_{max} \\ y_{max} \end{bmatrix} \\ \end{bmatrix}$$

$$U = \begin{bmatrix} u_{0,0}(\cdot) & u_{0,1}(\cdot) & \cdots & u_{0,M-1}(\cdot) \\ u_{1,0}(\cdot) & u_{1,1}(\cdot) & \cdots & u_{1,M-1}(\cdot) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ u_{Q-1,0}(\cdot) & u_{Q-1,1}(\cdot) & \cdots & u_{Q-1,M-1}(\cdot) \end{bmatrix} = [u_{j,i}(\cdot)]_{j \in [0,Q),i \in [0,M)} \in \begin{bmatrix} Q \\ M \end{bmatrix}$$

$$V = \begin{bmatrix} v_{0,0}(\cdot) & v_{0,1}(\cdot) & \cdots & v_{0,Q-1}(\cdot) \\ v_{1,0}(\cdot) & v_{1,1}(\cdot) & \cdots & v_{1,Q-1}(\cdot) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ v_{M-1,0}(\cdot) & v_{M-1,1}(\cdot) & \cdots & v_{M-1,Q-1}(\cdot) \end{bmatrix} = [v_{i,j}(\cdot)]_{i \in [0,M),j \in [0,Q)} \in \begin{bmatrix} M \\ Q \end{bmatrix}$$

$$V_{i,j}(a) \sim N(\mu, \sigma^{2})$$

对第i个指标,若其范围是 $[a_{imin}, a_{imax}]$ 

设函数
$$q(l, r, \mu, \sigma) = \frac{1}{2}erf(\frac{x-\mu}{\sqrt{2}\sigma})|_l^r$$

则

$$\frac{q(l_{isuit}, r_{isuit}, \mu_i, \sigma)}{q(a_{imin}, a_{imax}, \mu_i, \sigma)} = ts$$

可将 $\sigma$ 解出

加入面积修正后

$$egin{align} V_{i,j}(a) &= rac{1}{\sqrt{2\pi}q(a_{imin},a_{imax},\mu_i,\sigma)\sigma} \exp(-rac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}) \ W &= egin{bmatrix} w_0 \ w_1 \ dots \ w_{M-1} \end{bmatrix} \Leftarrow [M] \ A(t) &= egin{bmatrix} A_0(t) \ A_1(t) \ dots \ A_{N-1}(t) \end{bmatrix} \Leftarrow [N] \ A(t) &= egin{bmatrix} rac{[V_{i,typq_i}(a_{poq_i,i}(t))]_{i\in[0,M)}W^T} \ M \end{bmatrix}_{k\in[0,N)} \ rac{da_{pos,i}(t)}{dt} &= A(t)^T imes egin{bmatrix} U_{type_k,i}(pos_k,pos) \end{bmatrix}_{k\in[0,N)} \ a(0) &= a_0 \ \end{pmatrix}$$

$$S = egin{bmatrix} S_0(t) \ S_1(t) \ dots \ S_Q - 1(t) \end{bmatrix}$$

$$P(r,T,a_0,W) = \int_0^T (rh_1(t) + (1-r)h_2(t))A(t)^T imes ig[S_{type_k}(t)ig]_{k\in[0,N)}dt$$